

**Exercice 1 : 6.10 page 184.**

**Exercice 2 : 6.18 page 185.**

**Exercice 3 : 6.21 page 185.**

## Exercice 4

La demande journalière d'électricité (en millions de KWh) est une variable  $X$  distribuée selon une loi normale de moyenne 8 et d'écart type 2. D'autre part, la capacité de production électrique (en millions de KWh) est de 12.

- Calculer la probabilité que la demande excède la capacité dans une journée.
- Calculer la probabilité que la demande excède la capacité deux journées consécutives.
- Calculer la probabilité que la demande excède la capacité au plus deux journées dans une semaine.
- Quelle devrait être la capacité de production afin de satisfaire la demande avec une probabilité de 0,99?

## Exercice 5

Une ville compte 10 000 unités d'habitation et deux usines. La demande journalière en eau potable (litres) est détaillée dans le tableau suivant :

entité	variable aléatoire correspondante	loi suivie	moyenne (litres)	écart type (litres)
habitation	$Q_i$ $i \in \{1, 2, \dots, 10\,000\}$	normale	250	50
usine 1	$U_1$	normale	45 000	5 000
usine 2	$U_2$	normale	115 000	20 000

On suppose l'indépendance entre toutes les demandes. On note  $Q_D = \sum_{i=1}^{10\,000} Q_i$  la demande domestique totale et  $Q_T = Q_D + U_1 + U_2$  la demande totale.

- Calculer la moyenne et l'écart-type de  $Q_D$  et de  $Q_T$ .
- Soit  $\alpha_p$  la valeur telle que  $P(Q_D < \alpha_p) = p$ . Calculer  $\alpha_{0,95}$  et  $\alpha_{0,99}$ .
- Calculer la capacité de l'usine de filtration d'eau potable si on veut satisfaire la demande totale avec une probabilité de 0,999.