

# ALGORITMOS E ESTRUTURAS DE DADOS

**Busca Linear e Binária**

# Busca

- A hipótese básica assumida no processo de busca é que o conjunto de dados, dentre o qual um determinado elemento deve ser procurado, possui tamanho fixo, ou seja, um vetor:

`item a[N] ;`

- onde **item** representa uma estrutura de dados contendo um campo que atua como chave para a pesquisa e N é uma constante indicando o número de elementos

```
typedef struct
{ int key;      // chave de busca
  ...          // demais campos da estrutura
} item;
```

- Objetivo da busca: dado **x** encontrar **a[i].key == x**
- O índice **i** resultante permite acesso aos demais campos

# Busca

- Para estudo, vamos admitir que o tipo **item** seja composto apenas do campo chave, ou seja, o dado é a própria chave.
- Além disso, para facilitar o estudo ainda mais, a chave de busca será um inteiro, ou seja, o vetor **a** será declarado como:

```
int a[N] ;
```

- Lembrando que N é uma constante que indica o número de elementos do vetor
- Assim, objetivo da busca se resume a dado **x** encontrar **a[i] == x**

# Exemplo

- Busca de  $x = 19$ , retorna  $i = 5$
- Busca de  $x = 45$ , retorna  $i = 0$
- Busca de  $x = 8$ , retorna  $i = 6$
- E a busca de  $x = 81$ ?

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	45	56	12	43	95	19	8	67

# Exemplo

- Busca de  $x = 19$ , retorna  $i = 5$
- Busca de  $x = 45$ , retorna  $i = 0$
- Busca de  $x = 8$ , retorna  $i = 6$
- E a busca de  $x = 81$ ?

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	45	56	12	43	95	19	8	67

- Depende da implementação!
- Pode retornar  $i = -1$  (ou outro valor) indicativo que a busca não teve êxito

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Utilizada quando não há informações adicionais sobre os dados a serem pesquisados
- A busca linear termina quando for satisfeita uma das duas condições seguintes:
  1. O elemento é encontrado, isto é,  $a[i] == x$
  2. Todo o vetor foi analisado, mas o elemento  $x$  não foi encontrado
- Algoritmo:

```
i = 0;  
while (i < N && a[i] != x)  
    i++;
```
- Ao término do laço:
  - Se  $i == N$  então  $x$  não foi encontrado
  - senão  $a[i] == x$ ,  $i$  é a posição onde  $x$  foi encontrado

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

⇒  $i = 0;$

```
while (i < N && a[i] != x)  
    i++;
```


# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

$V$

$V$

→ while ( $i < N \ \&\& \ a[i] \neq x$ )

$i++;$

$N$ 

8
---

$i$ 

0
---

$a$ 

0	1	2	3	4	5	6	7
45	56	12	43	95	19	8	67

  
 $i$



# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

`while (i < N && a[i] != x)`

➔ `i++;`

		0	1	2	3	4	5	6	7	
N	8									
i	1									
		a	45	56	12	43	95	19	8	67
			i							

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

$\mathbf{v}$

$\mathbf{v}$

⇒ while ( $i < N$  &&  $a[i] \neq x$ )  
     $i++;$


# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

`while (i < N && a[i] != x)`

⇒ `i++;`

		0	1	2	3	4	5	6	7	
N	8									
i	2									
		a	45	56	12	43	95	19	8	67
			i							

## Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$$\dot{1} = 0;$$

```

    while (i < N && a[i] != x)
        i++;

```

N 

8
---

      i 

2
---

      a

0	1	2	3	4	5	6	7
45	56	12	43	95	19	8	67

i

## Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$$\dot{1} = 0;$$

```
while (i < N && a[i] != x)
```

```
    i++;
```

N 

8
---

      i 

3
---

      a 

0	1	2	3	4	5	6	7
45	56	12	43	95	19	8	67

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

V

V

⇒ while ( $i < N$  &&  $a[i] \neq x$ )  
     $i++;$

		0	1	2	3	4	5	6	7	
N	8									
i	3									
		a	45	56	12	43	95	19	8	67

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

`while (i < N && a[i] != x)`

→ `i++;`

		0	1	2	3	4	5	6	7	
N	8									
i	4									
		a	45	56	12	43	95	19	8	67
										i

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

$V$

$V$

⇒ while ( $i < N$  &&  $a[i] \neq x$ )

$i++;$

$N$ 

8
---

$i$ 

4
---

$a$ 

0	1	2	3	4	5	6	7
45	56	12	43	95	19	8	67

  
 $i$



# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

`while (i < N && a[i] != x)`

➡ `i++;`

		0	1	2	3	4	5	6	7	
N	8									
i	5									
		a	45	56	12	43	95	19	8	67
								i		

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

**V**

**F**

⇒ while ( $i < N \ \&\& \ a[i] \neq x$ )

$i++;$


# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

`while (i < N && a[i] != x)`

`i++;`

		0	1	2	3	4	5	6	7					
N	8			i	5	a	45	56	12	43	95	19	8	67
												i		

- Término do laço: Se  $i \neq N$  então  $x$  foi encontrado na posição  $i$  do vetor

# Busca Linear (ou Sequencial)

- Busca de  $x = 19$

$i = 0;$

Agora façam isso em C++

```
while (i < N && a[i] != x)
    i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7				
N	8	i		5	a	45	56	12	43	95	19	8	67
												i	

- Término do laço: Se  $i \neq N$  então  $x$  foi encontrado na posição  $i$  do vetor

# Exemplo em C++

```
#include <iostream>
using namespace std;

int busca_sequencial(int x, int N, int a[])
{ int i = 0;

  while (i < N && a[i] != x)
    i++;
  return (i == N) ? -1 : i;
}

int main(void)
{ const int m = 8;
  int v[m] = {45,56,12,43,95,19,8,67};

  cout << "Busca de 19 = " << busca_sequencial(19,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 45 = " << busca_sequencial(45,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 8  = " << busca_sequencial(8,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 81 = " << busca_sequencial(81,m,v) << endl;
  return 0;
}
```

<b>Busca de 19 = 5</b>
<b>Busca de 45 = 0</b>
<b>Busca de 8  = 6</b>
<b>Busca de 81 = -1</b>

# Análise da Busca Linear

- Em média são efetuadas  $N/2$  comparações de chaves para encontrar um elemento particular  $x$  no vetor  $a$  de  $N$  elementos
- O pior caso requerer  $N$  comparações de chaves
- Isso pode consumir muito tempo quando o número de elementos do vetor é grande

# Busca Linear com Sentinela

- O uso da sentinela tem como objetivo acelerar a busca, através da simplificação da expressão booleana
- A idéia básica é fazer com que o elemento  $x$  sempre seja encontrado
- Para isso, introduz-se um elemento adicional no final do vetor

# Busca Linear com Sentinela

- Algoritmo:

```
item a[N+1];
```

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;    // sentinela
```

```
while (a[i] != x)
```

```
    i++;
```

- Ao final do laço,  **$i == N$**  implica que  **$x$**  não foi encontrado (exceto o correspondente à sentinela).



# Busca de $x = 56$

⇒  $i = 0;$   
 $a[N] = x;$

while ( $a[i] \neq x$ )  
     $i++;$


# Busca de $x = 56$

```
i = 0;
```

➡  $a[N] = x;$

```
while (a[i] != x)
```

```
    i++;
```


# Busca de $x = 56$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

**V**

⇒ while (a[i] != x)  
    i++;

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	0	a	45	56	12	43	95	19	8	67	56

# Busca de $x = 56$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```



```
    i++;
```


# Busca de $x = 56$

$i = 0;$

$a[N] = x;$

**F**

⇒ while ( $a[i] \neq x$ )  
     $i++;$


# Busca de $x = 56$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```

```
    i++;
```

		0 1 2 3 4 5 6 7 8											
N	8	i	1	a	45	56	12	43	95	19	8	67	56
				i									

- Término do laço: Se  $i \neq N$  então  $x$  foi encontrado na posição  $i$  do vetor

# Busca de $x = 81$

⇒  $i = 0;$   
 $a[N] = x;$

$\text{while } (a[i] \neq x)$   
 $i++;$


# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

➡  $a[N] = x;$

```
while (a[i] != x)
```

```
    i++;
```




# Busca de $x = 81$

$i = 0;$

$a[N] = x;$

**V**

⇒ while ( $a[i] \neq x$ )  
     $i++;$


# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```

➡ 

```
i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	1										
		a	45	56	12	43	95	19	8	67	81



# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```

➡ 

```
i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	2										
		a	45	56	12	43	95	19	8	67	81

# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

**V**

⇒ while (a[i] != x)

```
    i++;
```






# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```



```
    i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	4										
		a	45	56	12	43	95	19	8	67	81
			i								



# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

**V**

```
⇒ while (a[i] != x)  
    i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	4										
		a	45	56	12	43	95	19	8	67	81

# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```

➡ 

```
i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	5										
		a	45	56	12	43	95	19	8	67	81

# Busca de $x = 81$

$i = 0;$

$a[N] = x;$

**V**

⇒ while ( $a[i] \neq x$ )  
     $i++;$

		0    1    2    3    4    5    6    7    8											
N	8	i	5	a	45	56	12	43	95	19	8	67	81
				i									

# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```



```
    i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	6	a	45	56	12	43	95	19	8	67	81
									i		

# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

**V**

⇒ while (a[i] != x)

```
    i++;
```

		0 1 2 3 4 5 6 7 8											
N	8	i	6	a	45	56	12	43	95	19	8	67	81
				i									

# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```

➡ 

```
i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	7	a	45	56	12	43	95	19	8	67	81



# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```

⇒ 

```
i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	8	a	45	56	12	43	95	19	8	67	81



# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

**F**

⇒ while (a[i] != x)  
    i++;

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	8										
		a	45	56	12	43	95	19	8	67	81

# Busca de $x = 81$

```
i = 0;
```

```
a[N] = x;
```

```
while (a[i] != x)
```

```
    i++;
```

		0	1	2	3	4	5	6	7	8	
N	8										
i	8	a	45	56	12	43	95	19	8	67	81
											i

- Término do laço: Se  $i \neq N$  então  $x$  foi encontrado na posição  $i$  do vetor. Como  $i == N$ , então  $x$  não foi encontrado (exceto sentinela)

# Exemplo em C++

```
#include <iostream>
using namespace std;

int busca_sentinela(int x, int N, int a[])
{ int i = 0;

  a[N] = x; // sentinela
  while (a[i] != x)
    i++;
  return (i == N) ? -1 : i;
}
```

```
int main(void)
{ const int m = 8;
  int v[m+1] = {45,56,12,43,95,19,8,67};

  cout << "Busca de 19 = " << busca_sentinela(19,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 45 = " << busca_sentinela(45,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 8  = " << busca_sentinela(8,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 81 = " << busca_sentinela(81,m,v) << endl;
  return 0;
}
```

Busca de 19	=	5
Busca de 45	=	0
Busca de 8	=	6
Busca de 81	=	-1

# Exemplo em C++

Seja uma sequência de números inteiros (distintos) armazenadas em um array  $A[i]$ ,  $1 \leq i \leq n$ . Apresentar um programa para realizar uma busca sequencial (com sentinela) de um elemento  $x$  no array  $A$ . Considere  $n = 10$ . Esse programa deve apresentar, no mínimo, um menu com as seguintes opções:

- 1) Inserir elemento no array;
- 2) Apresentar array;
- 3) Informar elemento a ser buscado;
- 4) Sair do programa.

A resposta da busca deve informar se o elemento está ou não no array e, em caso positivo, em qual a sua posição no array. O programa deve estar orientado a objetos.

# Busca Binária

- Não é possível acelerar a busca sem que se disponha de maiores informações acerca do elemento a ser localizado
- Sabe-se que uma busca pode ser mais eficiente se os dados estiverem ordenados, ou seja:  
 $a[0] \leq a[1] \leq \dots \leq a[N-1]$
- A idéia principal é a de teste um elemento sorteado aleatoriamente, por exemplo,  **$a[m]$** , comparando-o com o elemento de busca  **$x$** .
  - Se tal elemento for igual a  **$x$** , a busca termina.
  - Se for menor que  **$x$** , conclui-se que todos os elementos com índices menores ou iguais a  **$m$**  podem ser eliminados dos próximos testes.
  - Se for maior que  **$x$** , todos aqueles elementos com índices maiores ou iguais a  **$m$**  podem ser também eliminados da busca.

# Busca Binária

- Busca de  $x = 19$
- Suponha  $m = 3$

$N = 8$

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95

$m$



Como  $a[m] > x$ ,  
Elementos com índices maiores que  
 $m$  podem ser eliminados da busca

# Busca Binária

- Algoritmo:

`L = 0;`

`R = N - 1;`

`achou = false;`

`while (L <= R && ! achou)`

`{ m = qualquer valor entre L e R;`

`if (a[m] == x)`

`achou = true;`

`else`

`if (a[m] < x)`

`L = m + 1;`

`else`

`R = m - 1;`

`}`

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95

`N = 8`

# Busca Binária

- Embora a escolha de  $m$  seja aparentemente arbitrária (no sentido que o algoritmo funciona independentemente dele) o valor desta variável influencia na eficiência do algoritmo
- É claro que, a cada passo, deve-se eliminar o maior número possível de elementos em futuras buscas
- A solução ótima é escolher a mediana dos elementos, porque ela elimina, em qualquer caso, metade dos elementos do vetor



# Busca Binária

- A eficiência pode ser ligeiramente melhorada através da permutação entre as duas cláusulas de comparação.
- A condição de igualdade deve ser testada em segundo lugar, porque o sucesso ocorre apenas uma vez em todo o processo
- Porém, a questão mais relevante se refere ao fato de, como na busca linear, se poder ou não encontrar uma solução que proporcione uma condição mais simples para a finalização do processo
- É possível obter tal algoritmo rápido se for abandonada a meta de terminar a busca no instante exato em que for encontrado o elemento pesquisado
- Isso parece pouco inteligente à primeira vista, mas observando-se mais a fundo, pode-se perceber facilmente que o ganho em eficiência em cada passo será maior do que a perda ocasionada pela comparação de alguns poucos elementos adicionais

# Busca Binária Rápida

- Algoritmo:

```
L = 0;
```

```
R = N - 1;
```

```
while (L < R)
```

```
{ m = (L + R) / 2;
```

```
  if (a[m] < x)
```

```
    L = m + 1;
```

```
  else
```

```
    R = m;
```

```
}
```

- Se ao término do algoritmo a condição **a[R] == x** for verdadeira, então **x** foi encontrado na posição **R** de **a**; caso contrário **x** não foi encontrado.

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
→ { m = (L + R) / 2;  
    if (a[m] < x)  
        L = m + 1;  
    else  
        R = m;  
}
```

		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95
		L	m			R			

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
→ if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

N = 8

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95
	L			m				R

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```



		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95
		L		m		R			

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
⇒ while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

$N = 8$

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95
	L			m				
				R				

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
→ { m = (L + R) / 2;  
    if (a[m] < x)  
        L = m + 1;  
    else  
        R = m;  
}
```

		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95
		L	m		R				

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
→ if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95
		L	m		R				



# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```



		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95
		m		L	R				

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
→ while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95
		m		L	R				

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
→ { m = (L + R) / 2;  
    if (a[m] < x)  
        L = m + 1;  
    else  
        R = m;  
}
```

		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95
				L	R				
				m					

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
→ if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

N = 8

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95

L      R  
m

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```



N = 8

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95

L

m

R

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
→ while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

N = 8

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95

L

m

R

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

N = 8

	0	1	2	3	4	5	6	7
a	8	12	19	43	45	56	67	95

L

m

R

- Término do laço: Como  **$a[R] == x$** ,  $x$  foi encontrado na posição  $R$  de  $a$

# Busca de $x = 19$

```
L = 0;  
R = N - 1;  
while (L < R)  
{ m = (L + R) / 2;  
  if (a[m] < x)  
    L = m + 1;  
  else  
    R = m;  
}
```

Agora façam isso em C++

		0	1	2	3	4	5	6	7
N = 8	a	8	12	19	43	45	56	67	95

L

m

R

- Término do laço: Como  **$a[R] == x$** , x foi encontrado na posição R de a



# Exemplo em C++

```
#include <iostream>
using namespace std;
int busca_binaria_rapida(int x, int N, int a[])
{ int L,R,m;

  L = 0;
  R = N - 1;
  while (L < R)
  { m = (L + R) / 2;
    if (a[m] < x)
      L = m + 1;
    else
      R = m;
  }
  return (x == a[R]) ? R : -1;
}

int main(void)
{ const int m = 8;
  int v[m+1] = {8,12,19,43,45,56,67,95};

  cout << "Busca de 19 = " << busca_binaria_rapida(19,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 45 = " << busca_binaria_rapida(45,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 8  = " << busca_binaria_rapida(8,m,v) << endl;
  cout << "Busca de 81 = " << busca_binaria_rapida(81,m,v) << endl;
  return 0;
}
```

Busca de 19	=	5
Busca de 45	=	0
Busca de 8	=	6
Busca de 81	=	-1

# Análise da Busca Binária Rápida

- Em média são efetuadas  $\lceil \log_2(N) \rceil - 1$  comparações de chaves para encontrar um elemento particular **x** no vetor **a** de **N** elementos
- O pior caso requerer  $\lceil \log_2 N \rceil$  comparações

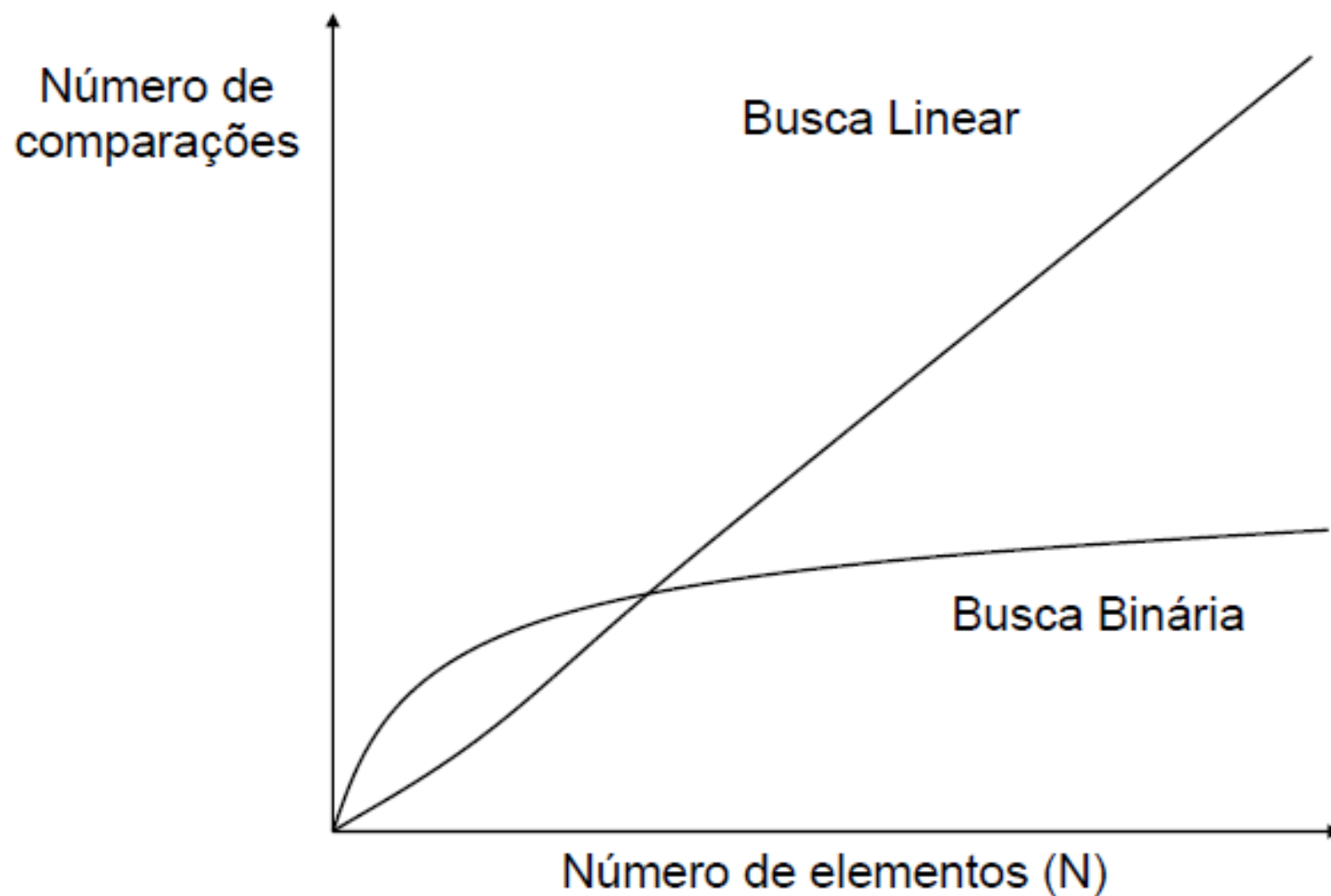
N	Nº Comparações (pior caso)
8	3
128	7
1.024	10
32.768	15
1.048.576	20
1.073.741.824	30
1.099.511.627.776	40
$10^{80}$	266

# Comparação

- Considerando os algoritmos de busca vistos, a tabela seguinte mostra a ordem de grandeza dos números mínimo ( $C_{\min}$ ), médio ( $C_{\text{méd}}$ ) e máximo ( $C_{\max}$ ) de comparações de chaves.

Algoritmo	$C_{\min}$	$C_{\text{méd}}$	$C_{\max}$
Busca Linear	$O(1)$	$O(N)$	$O(N)$
Busca Linear com Sentinela	$O(1)$	$O(N)$	$O(N)$
Busca Binária	$O(1)$	$O(\log_2 N)$	$O(\log_2 N)$
Busca Binária Rápida	$O(\log_2 N)$	$O(\log_2 N)$	$O(\log_2 N)$

# Comparação



# Resumo

- Das análises dos algoritmos de busca, está claro que o método de busca binária tem um desempenho tão bom ou melhor do que o método de busca linear
- Entretanto, a atualização dos índices esquerdo, direito e médio (**L**, **R** e **m** no algoritmo, respectivamente) requer tempo adicional
- Assim, para vetores com poucos elementos, a busca linear é adequada
- Para vetores com muitos elementos, a busca binária é mais eficiente, mas isso requer que o vetor esteja ordenado

# Exemplo em C++

## **DESAFIO ORDENAÇÃO PARES E IMPARES**

Seja uma sequência de números inteiros (distintos) armazenadas em um array  $A[i]$ ,  $1 \leq i \leq n$ . Apresentar um programa para realizar a separação dos elementos pares e ímpares e armazená-los em dois novos arrays (par/ímpar). Esse programa deve apresentar, no mínimo, um menu com as seguintes opções:

- 1) Inserir elementos no array;
- 2) Separar elementos pares e ímpares
- 3) Apresentar arrays;
- 3) Ordenar elementos e apresentar arrays;
- 4) Sair do programa.

O programa deve estar orientado a objetos, utilizando métodos para realização de cada um dos itens do menu.

# ALGORITMOS E ESTRUTURAS DE DADOS

**Busca Linear e Binária**