## 代数学方法 (第一卷) 勘误表

## 李文威

## 2022-01-22

以下页码等信息参照高等教育出版社 2019 年 1 月出版之《代数学方法》第一卷, ISBN: 978-7-04-050725-6. 这些错误将在新版一并改正.

- ◇ 第 12 页, 倒数第 8 行 原文 也可以由稍后的无穷公理保证. 更正 也可以划入稍后的无穷公理. 感谢王东瀚指正.
- ◇ 第 16 页, 倒数第 5 行 原文 于是有  $\gamma \in \gamma$ , 这同偏序的反称性矛盾. 更正 于是 有  $\gamma \in \gamma$ , 亦即在偏序集  $(\alpha, \leq)$  中  $\gamma < \gamma$ , 这同 < 的涵义 (≤ 但  $\neq$ ) 矛盾. 感谢王东 激指正.

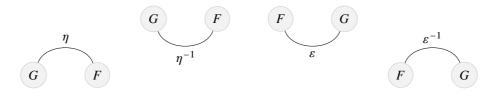
- ◇第23页,第3-4行 原文 真前段(出现两次) 更正 前段
- $\diamond$  **第 23 页, 第 5** 行 **原文** 由于  $\sigma$  无穷... 更正 由于  $N_{\sigma}$  无穷... 感谢王东瀚指正.
- **⋄第26页,第一章习题5** 将题目中的三个  $\mathbb{Z}_{>1}$  全改成  $\mathbb{Z}_{>0}$ .
- **◇ 第 35 页, 第 12 行 (命题 2.2.10 证明)** 将两个箭头的方向调换. 感谢尹梓僮指正.
- ◇ 第 38 页, 第 14 行 原文 由此导出对象和自然变换的同构概念, 其逆若存在则唯一. 更正 其逆若存在则唯一, 依此定义何谓对象间或函子间的同构. 感谢王 猷指正.

- ◆ 第 42 页, 倒数第 2 行
   原文
   … 同构. Z(…) ≃…
   更正
   … 同构 Z(…) ≃…
   感谢
- $\diamond$  第 49 页, 倒数第 9 行
   原文
   由此得到伴随对  $(D^{op}, D, \varphi)$ .
   更正
   由此得到伴随

   对  $(D^{op}, D, \varphi^{-1})$ .
   感谢王东瀚指正.
- ◆ 第 50 也, 第 3 行
   原文
   η<sub>X</sub>
   更正
   η

感谢蒋之骏指正

⋄第54页最后 更正 图表微调成



兴许更易懂.

感谢熊锐提供意见.

- ◇ 第 56 页, 倒数第 13 行原文 $\epsilon'(FG\epsilon')(F\eta G)$ 更正 $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$ 感谢张妇风指正
- $\diamond$  **第 61 页, 第 3** 行 在命题 2.7.8 陈述的最后加上一行: "尽管写法相同, 应当注意到对于  $\varepsilon^{\vee}$  版本, 右侧的  $\varprojlim$  和  $\varprojlim$  是在  $\mathsf{Set}^\mathsf{op}$  中考量的." 感谢巩峻成指正
- ◇第66页,第1行 余完备当且仅当它有所有"余"等化子和小余积. 感谢巩峻成指正
- $\diamond$  第 67 页, 第 7 行原文f(x)h(y)更正f(x)g(y)

感谢巩峻成指正

- $\diamond$  第 77 页, 倒数第 8 和倒数第 6 行 将  $\xi_F: F(\cdot) \times F(\cdot)$  改成  $\xi_F: F(\cdot) \otimes F(\cdot)$ . 将  $\eta_F: F(\cdot \otimes \cdot) \to F(\cdot)$  改成  $\eta_F: F(\cdot \otimes \cdot) \to F(\cdot) \otimes F(\cdot)$ . 感谢巩峻成指正
- **⋄ 第 91 页, 倒数第 6 行** "对于 2-范畴" 后加上逗号.

感谢巩峻成指正

- ◇ 第 94 页, 习题 5 倒数第 2 行 原文 Yang-Baxter 方程. 更正 杨-Baxter 方程.
- ◇第102页,第6行 原文 它们仅与... 更正 前者仅与... 感谢巩峻成指正
- **⋄ 第 113 页倒数第 3 行, 第 115 页引理 4.4.12 原文** 这相当于要求对所有... 更正 **》** 这相当于要求 *X* 非空, 并且对所有...

更正 区相当丁安水 X 非空, 并且对别有...

原文 设 X 为 G-集 更正 设 X 为非空 G-集 感谢郑维喆指正

◇ 第 114 页, 倒数第 1 行原文Aut $(G_1)$  × Aut $(G_2)$  ©更正Aut $(G_1)$  op × Aut $(G_2)$  <br/>
感谢巩峻成指正

- $\diamond$  第 116 页, 第 5 行
   原文
    $\bar{H} \subseteq N_{\bar{G}}(\bar{H})$  更正
    $\bar{H} \subseteq N_{\bar{G}}(\bar{H})$
- **⋄ 第 126 页, 第 6 行 原文**  $(\cdots)_{i=0}^{n}$  **更正**  $(\cdots)_{i=0}^{n-1}$
- ◇ 第 131 页, 倒数第 1 行 <mark>原文</mark> H<sub>ii</sub> 更正 H<sub>i</sub>

 $\diamond$  第 137 页, 倒数第 12 行原文 $sgn(\sigma) = \pm 1$ 更正 $sgn(\sigma) \in \{\pm 1\}$ 感谢巩峻成指正

- ◇ 第 149 页, 第 3 行 CRing 表交换环范畴. 另外此行应缩进.

感谢阳恩林指正

感谢巩峻成指正

◇ **第 156** 页, **第 4** 行 **原文** *Ir = rI = I* **更正** *IR = I = RI* 

感谢巩峻成指正

- ⋄ 第 165 页, 5.3.11 之上两行 原文  $\exists s \in R$  更正  $\exists s \in S$
- **第 174 页, 第 15 行** 原文
   赋予每个  $R/a_i$ ...
   更正
   赋予每个  $R_i := R/a_i$ ...
   感谢

   巩峻成指正
- $\diamond$  第 188 页,倒数第 5 行  $\boxed{\mathbb{R}^2}$   $\in R[X]$   $\boxed{\mathbb{R}^2}$   $\in K[X]$

感谢巩峻成指正

- $\diamond$  第 189 页, 第 17 行原文 $g \in R \cap K[X]^{\times}$ 更正 $g \in R[X] \cap K[X]^{\times}$ 感谢巩峻成指
- $\diamond$  第 190 页, 第 7 行
   原文
    $f = \sum_{i=1}^{n}$  更正
    $f = \sum_{i=0}^{n}$

感谢巩峻成指正

**⋄ 第 190 页, 倒数第 2 行的公式** 改成:

 $\bar{b}_{\nu}X^{k}$  + 高次项,  $\bar{b}_{\nu}\neq 0$ ,

感谢巩峻成指正

- **今第191页,第12** 行将  $(b_1,\ldots,b_m)$  改成  $(b_1,\ldots,b_n)$ ,并且将之后的"留意到…"一句删除.除.感谢巩峻成指正
- **第 191 页, 第 15 和 16 行** 原文
    $m_{\lambda_1,...,\lambda_n}$  更正
    $m_{\lambda_1,...,\lambda_r}$  

   原文
    $(\lambda_1,...,\lambda_r)$  的所有不同排列.
   更正
    $(\lambda_1,...,\lambda_r,0,...,0)$  的所有不同排列.

   排列 (n 个分量).
   感谢巩峻成指正

- $\diamond$  **第 192 页, 第 1 段最后 1 行 原文** 使  $m_{\lambda}$  落在  $\Lambda_n$  中的充要条件是  $\lambda_1$  (即 Young 图的宽度) 不超过 n. **更正** 如果分拆的长度 r (即 Young 图的高度) 超过给定的 n, 相应的  $m_{\lambda} \in \Lambda_n$  规定为 0.
- $\diamond$  第 193 页, 第 2 行和第 5 行
   原文
    $X_{i_1} \cdots X_{i_n}$ .
   更正
    $X_{i_1} \cdots X_{i_k}$ .

   原文
    $\prod_{i=1}^{n} (Y X_i)$ ,
   更正
    $\prod_{i=1}^{n} (Y + X_i)$  感谢巩峻成指正
- **第 194 页**, 例 5.8.6 的第 3 行
   原文
    $\sum_{i=0}^{n} c_i Y^{n-i}$  更正
    $\sum_{i=0}^{n} (-1)^i c_i Y^{n-i}$  

   谢巩峻成指正
- **第 205 页**, 第 7 行
   原文
   M 作为 R/ann(M)-模自动是无挠的.
   更正
   M 作为 R/ann(M)-模的零化子自动是  $\{0\}$ .
   感谢戴懿韡指正.
- ◇ 第 218 页, 第 13 行原文B(rx,ys) = rB(x,y)s,  $r \in R$ ,  $s \in S$ .更正B(qx,ys) = qB(x,y)s,  $q \in Q$ ,  $s \in S$ .感谢冯敏立指正.
- **◇第220页** 本页出现的 Bil(•ו;•) 都应该改成 Bil(•,•;•), 以和 216 页的符号保持一致.
- $\diamond$  第 220 页, 第 10 行原文 $B(\cdot,z): M \underset{R}{\otimes} M''$ 更正 $B(\cdot,z): M \underset{R}{\otimes} M'$ 感谢巩峻成指
- ◇ 第 228 页, 倒数第 12 行 原文 粘合为  $y' \to B$  更正 粘合为  $y' \to M$  感谢巩 峻成指正
- **◇ 第 230 页, 第 13 行 原文** 萃取处 **更正** 萃取出
- $\phi$  第 235 页底部
   图表中的垂直箭头  $f_i, f_{i-1}$  应改为  $\phi_i, \phi_{i-1}$ .
- ◇ 第 237 页, 命题 6.8.5 证明第二行 原文 由于 f 满 更正 由于 f 单 感谢巩峻成指正
- ◇第 237 页, 命题 6.8.5 证明最后两行 原文 故  $(v) \Rightarrow (i);$  更正 故  $(iv) \Rightarrow (i);$

- ◆ 第 240 页, 定义 6.9.3 第二条 原文 … 正合, 则称 I 是内射模. 更正 … 正合, 亦即它保持短正合列, 则称 I 是内射模.
   感谢张好风指正
- ◇ **第 244 页, 倒数第 10 行 原文** 下面的引理 6.10.4 **更正** 引理 5.7.4 感谢郑维喆 指正
- ◆ 第 246 页, 第 2 行和定理 6.10.6, 6.10.7 "交换 Noether 模"应改为 "交换 Noether 环".
   两个定理的陈述中应该要求 *R* 是交换 Noether 环.
   感谢郑维喆指正

感谢陆睿远指正.

- **◇ 第 247 頁, 第 6—7 行 原文** 其长度记为 *n* + 1. **更正** 其长度定为 *n*.
- ◇ 第 251 页, 第 6 行原文 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \ker(u^n)$ 更正 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \operatorname{im}(u^n)$ 感谢巩峻成指正
- ◇ **第 251 页起, 第 6.12 节** 术语 "不可分模"似作 "不可分解模"更佳,以免歧义. (第 4 页倒数第 3 行也应同步修改) 感谢郑维喆指正
- ◇ **第 255 页, 推论 6.2.19 的证明** 在证明最后补上一句"以上的 ℓ表示模的长度." 感 谢苑之宇指正.
- ◇ 第 255 页, 第 1 题 原文

$$N = \left(\alpha(f)(x_i) - x_j : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i, x_j \in M_j\right)$$

更正

$$N = \left( \alpha(f)(x_i) - x_i : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i \right)$$

感谢郑维喆指正

- ◆ **第 264** 頁**,第 14** 行 **原文** 如果 ann(M) = {0} 更正 如果 ann(N) = {0}
- $\diamond$  第 270 页, (7.6) 式 前两项改为  $M_n(A)\otimes M_m(B)\simeq A\otimes M_n(R)\otimes M_m(R)\otimes B$ ,后续不变. 感谢巩峻成指正
- **◇ 第 274 页. 倒数第 2 行** 将两处  $A^k(M)$  改成  $A^k(X)$ .

感谢巩峻成指正

- ◆ 第 279 页, 定理 7.5.2 陈述 原文 唯一的 R-模同态... 更正 唯一的 R-代数同态...
- $\diamond$  **第 284 頁, 定理 7.6.6** 将定理陈述中的函子 U 由忘却函子改成映 A 为  $A_1$  的函子, 其余不变. 相应地, 证明第二段的  $\varphi: M \to A$  应改成  $\varphi: M \to A_1$ . 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 285 頁, 倒数第 5 行 $T^n_\chi(M) := \{x \in T^n(M) : \forall \sigma \in \mathfrak{S}_n, \ \sigma x = \chi(\sigma)x\}$ 感谢郑维喆指正
- $\diamond$  **第 286 頁, 定理 7.6.10** 原 "因而有 R-模的同构" 改为 "因而恒等诱导 R-模的同构". 以下两行公式开头的  $e_1:$  和  $e_{son}:$  皆删去. 感谢郑维喆指正
- **◇ 第 289 页最后一行 原文** *u*<sub>1</sub> ∧ ··· **更正** *u<sub>i</sub>* ∧ ···
- **第 290 页第一行** 原文
    $\Xi := \check{u}_2 \wedge \cdots \dots \oplus u_1$  更正
    $\Xi := \check{u}_{i_2} \wedge \cdots \dots \oplus u_{i_1}$  

   的...
   感谢巩峻成指正
- **⋄ 第 293 页第 8, 10, 13 行** 将 *M* 都改成 *E*, 共三处.

感谢巩峻成指正

感谢巩峻成指正

- **⋄第311页, 命题8.3.2 证明第4行** 更正 分别取...... 和  $\overline{F}'$ |E'.
- ◆ 第 313 頁, 命题 8.3.9 (iii) "交"改为"非空交". 相应地, 证明第四行的"一族正规子扩张"后面加上"且 *I* 非空".感谢郑维喆指正
- $\diamond$  第 315 頁, 定理 8.4.3 (iv) 原文  $\sum_{k\geq 0}^n$  更正  $\sum_{k=0}^n$

感谢郑维喆指正

- ◇ 第 315 页, 倒数第 2 行原文deg  $f(X^p) = pf(X)$ 更正deg  $f(X^p) = p \deg f(X)$ 感谢杨历指正.
- **◇第317页,倒数第13行** (出现两次) **原文**  $\prod_{i=1}^{n}$  … 更正  $\prod_{m=1}^{n}$  …
- ◇ 第 326 页第 4 行 原文 既然纯不可分扩张是特出的 更正 既然纯不可分扩张 对复合封闭 感谢巩峻成指正
- ◆ 第 340 页最后一行 原文 于是 Gal(E|K) 确实是拓扑群 更正 于是 Gal(E|F) 确实是拓扑群
   感谢巩峻成指正
- **◇ 第 343 页, 倒数第 6,7 行** 倒数第 6 行的  $Gal(K|L \cap M) \subset \cdots$  改成  $Gal(L|K) \subset \cdots$ , 另外 倒数第 7 行最后的 "故"字删去. 感谢张好风指正

- $\diamond$  第 348 页, 命题 9.3.6 陈述和证明原文 $\lim_{m} \mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ 更正 $\lim_{m} \mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ 原文 $\lim_{n>1} \mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$ 更正 $\lim_{m>1} \mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$ 感谢郑维喆和巩峻成指正
- ◇第350页,第8行
  原文
  ⇔ d | n 更正
  ⇔ n | d
  感谢巩峻成指正
- ◆ 第 352 页, 第 7 行
   原文
   p | n
   更正
   p ∤ n
   感谢郑维喆指正
- ◇ **第 357 页, 第 4 行** 删除 "= Gal(E|F)". 感谢巩峻成指正
- $\diamond$  第 357 页, 倒数第 8 行原文F(S)|S更正F(S)|F感谢张好风指正
- $\diamond$  **第 359 页**, **第 5 行 原文** 透过  $\Gamma_E$  分解 更正 透过  $\mathrm{Gal}(E|F)$  分解 感谢巩峻成指  $\Gamma$
- ◇第360页,定理9.6.8 陈述 在(9.10)之后补上一句(不缩进): "证明部分将解释如何定义 Hom 的拓扑."
  感谢张好风指正
- $\diamond$  第 363 页, 倒数第 4 行 原文  $\eta_{(E:F)}$  更正  $\eta_{(I:F)}$  感谢郑维喆指正

- $\diamond$  第 370 页, 习题 2原文设  $\mathbb{F}_q \subset F$ .更正设 q 是素数,  $\mathbb{F}_q \subset F$ .感谢郑维喆指
- **第 372 页, 第 20 题** 问题 (b) 部分的  $P \in F[X]$  改成  $Q \in F[X]$ , 以免冲突. 相应地, 提示第一段的 P 都改成 Q.
   感谢郑维喆指正
- **⋄第 395–396 页, 引理 10.5.3 的证明** 从第 395 页倒数第 3 行起 (即证明第二段), 修改如下:

置  $f_k = \sum_{h \geq 0} c_{k,h} t^h$ . 注意到  $\lim_{k \to \infty} \|f_k\| = 0$ , 这确保  $c_h := \sum_{k \geq 0} c_{k,h}$  存在. 我们断言  $f := \sum_{h \geq 0} c_h t^h \in K \langle t \rangle$  并给出  $\sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

对任意  $\epsilon > 0$ , 取 M 充分大使得  $k \ge M \implies \|f_k\| < \epsilon$ , 再取 N 使得当  $0 \le k < M$  而  $h \ge N$  时  $|c_k|_0 < \epsilon$ . 于是

$$h \ge N \implies (\forall k \ge 0, |c_{k,h}| \le \epsilon) \implies |c_h| \le \epsilon,$$

故 $f := \sum_{h>0} c_h t^h \in K(t)$ . 其次, 在K(t)中有等式

$$f - \sum_{k=0}^M f_k = \sum_{h \geq 0} \left( c_h - \sum_{k=0}^M c_{k,h} \right) t^h = \sum_{h \geq 0} \underbrace{\left( \sum_{k > M} c_{k,h} \right)}_{|\cdot| < \epsilon} t^h,$$

从而 $f = \sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

感谢高煦指正.

- **◇ 第 400 页, 倒数第 4–5 行** 改为:  $e(w \mid u) = e(w \mid v)e(v \mid u), f(w \mid u) = f(w \mid v)f(v \mid u).$  感谢巩峻成指正
- ◇ 第 407 页, 第 8 行
  「原文」 | Stab<sub>Gal(L|K)</sub>(w)| 更正」
  □ | Gal(L|K)| | [Stab<sub>Gal(L|K)</sub>(w)| | [Stab<sub>Gal(L|K)</sub>(w)]
- ◇**第 416 页, 定理 10.9.7** 删除定理陈述的最后一句话, 将陈述的第一段修改为: "在所有 W(R) 上存在唯一的一族交换环结构, 使得 W(·) 给出从交换环范畴 CRing 到自身的函子,  $w:W(R)\to\prod_{n\geq 0}R$  为环同态, (0,0,...) 为零元, (1,0,...) 为幺元, 而且: "(换行, 开始表列)

对于表列第二项 ("存在唯一确定的多项式族..."), 最后补上一句 "它们与 R 无关."

**⋄ 第 417 页, 最后一行** 它被刻画为对...