代数学方法(第一卷)勘误表 跨度: 2019—2022

李文威

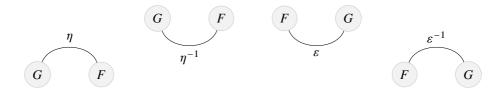
2022-11-09

以下页码等信息参照高等教育出版社 2019 年 1 月出版之《代数学方法》第一卷, ISBN: 978-7-04-050725-6. 这些错误已在修订版改正 (2022 年 9 月网络发布, 纸本待出).

- ◇ 第 12 页, 倒数第 8 行 原文 也可以由稍后的无穷公理保证. 更正 也可以划入稍后的无穷公理. 感谢王东瀚指正.
- ◇第16页,定义 1.2.8原文若传递集 α 对于 \in 构成良序集更正若传递集 α 对 $\exists x < y \overset{\text{EV}}{\Longleftrightarrow} x \in y$ 成为良序集感谢王东瀚指正.
- **◇ 第 16 页, 倒数第 5 行 原文** 于是有 $\gamma \in \gamma$, 这同偏序的反称性矛盾. **更正** 于是 有 $\gamma \in \gamma$, 亦即在偏序集 (α, \leq) 中 $\gamma < \gamma$, 这同 < 的涵义 (≤ 但 \neq) 矛盾. 感谢王东 瀚指正.
- **◇ 第 18 页, 倒数第 10 行 原文** 而性质... 是容易的. **更正** 而且使性质... 成立, 这是容易的.
- ◆ 第 23 页, 第 5 行
 原文
 由于 α 无穷...
 更正
 由于 Ν_α 无穷...
 感谢王东瀚指正.
- \diamond **第 26 页, 第一章习题 5** 将题目中的三个 $\mathbb{Z}_{\geq 1}$ 全改成 $\mathbb{Z}_{\geq 0}$.
- \diamond 第 35 页, 倒数第 4 行原文 $X \in Ob(\mathscr{C})$ 更正 $X \in Ob(\mathscr{C}')$ 感谢尹梓僮指正.
- **◇ 第 38 页, 第 12 行 (命题 2.2.10 证明)** 将两个箭头的方向调换. 感谢尹梓僮指正.

- \diamond 第 49 页, 倒数第 9 行
 原文
 由此得到伴随对 (D^{op}, D, φ) .
 更正
 由此得到伴随

 对 $(D^{op}, D, \varphi^{-1})$.
 感谢王东瀚指正.
- \diamond 第 50 页, 第 3 行原文 η_X 更正 η 感谢蒋之骏指正
- \diamond 第 53 页, 命题 2.6.10 第 2 行原文 $Y \in Ob(\mathcal{C}_1)$ 更正 $Y \in Ob(\mathcal{C}_2)$ 感谢苏福茵指正
- ⋄第54页最后 更正 图表微调成



兴许更易懂.

感谢能锐提供意见.

- ◇ 第 56 页, 倒数第 13 行原文 $\epsilon'(FG\epsilon')(F\eta G)$ 更正 $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$ (严格来说, 这行里的所有 ϵ 都应该改作 ϵ .)感谢张好风指正
- ◇ 第 61 页, 第 2–3 行原文 $\lim(\alpha(S)), \lim(\beta(S))$ 更正 $\lim(\alpha(S)), \lim(\beta(S))$ 息谢巩峻成指正
- **◇ 第 64 页, 命题 2.8.2 及其证明 原文** 上确界 (出现三次) **更正** 下确界 感谢卢 泓澄指正
- **第65页**, 定理 2.8.3 陈述
 原文
 所有子集 $J \subset Ob(I)$ (出现两次)
 更正
 所有子

 集 $J \subset Mor(I)$ 感谢卢泓澄和指正
- ◇第66页,第1行 余完备当且仅当它有所有"余"等化子和小余积. 感谢巩峻成指正
- \diamond 第 67 页, 第 7 行原文f(x)h(y)更正f(x)g(y)感谢巩峻成指正
- \diamond **第 77 页**, (3.8) 和 (3.9) 将交换图表中的 λ_2^{-1} 和 ρ_2^{-1} 分别改成 λ_2 和 ρ_2 , 相应地将箭头反转.
- \diamond 第 77 页, 倒数第 8 和倒数第 6 行 将 $\xi_F:F(\cdot) imes F(\cdot)$ 改成 $\xi_F:F(\cdot)\otimes F(\cdot)$. 将 $\eta_F:F(\cdot\otimes\cdot) o F(\cdot)$ 改成 $\eta_F:F(\cdot\otimes\cdot) o F(\cdot)$. 感谢巩峻成指正

- **第78页,第1行** 原文
 使得下图...
 更正
 使得 θ_{1_1} 为同构,而且使下图...

 图表之后接一句 "作为练习,可以证明对标准的 φ_F 和 φ_G 必然有 $\varphi_G = \theta_{1_1}\varphi_F$."
 后续另起一段.

 第84页,第2行 原文
 定义结合约束
 更正
 定义交换约束
 感谢王东瀚指正
- **⋄ 第 91 页, 倒数第 6 行** "对于 2-范畴"后加上逗号.

- ◇第102页,第6行 原文 它们仅与... 更正 前者仅与... 感谢巩峻成指正

感谢雷嘉乐指正

- ◇ 第 111 页, 第 8—9 行原文Aut(G) ... Ad(s(h))| $_G$ 更正Aut(N) ... Ad(s(h))| $_N$ 感谢雷嘉乐指正
- ◆第 113 页倒数第 3 行,第 115 页引理 4.4.12 原文 这相当于要求对所有...更正 这相当于要求 *X* 非空,并且对所有...

原文 $\partial X \to G$ -集 更正 $\partial X \to G$ -集

感谢郑维喆指正

- ◇ 第 114 页, 倒数第 1 行原文Aut (G_1) × Aut (G_2) op更正Aut (G_1) op × Aut (G_2) 。感谢巩峻成指正
- **◇ 第 126 页, 第 6 行 原文** (…)ⁿ_{i=0} 更正 (…)ⁿ⁻¹_{i=0}
- \diamond 第 129 页, 第 7 行
 原文
 $(x_1)_{i=1}^n$ 更正
 $(x_i)_{i=1}^n$

感谢雷嘉乐指正

- \diamond 第 130 页,引理 4.8.6 证明第二行 原文 $\varphi_i(x) \in M_i$ 更正 $x \in M_i$ 的像 感谢点 泓澄指正

感谢卢泓澄指正

- \diamond 第 131 页, 引理 4.8.7 的陈述之后第一行
 原文
 当 A 是群时引理条件...
 更正
 当 A 是群时引理条件...
 感谢卢泓澄指正

◇ 第 132 页, 第 1 — 3 行 原文 … 仿前段方法定义 (a', x') 使得 $xf_i(a) = f_i(a')x'$. 置

$$\alpha_i(\xi,\sigma) := \begin{cases} [a''a';x'x_1,\ldots,x_n], & i_1=i,\\ [a''a';x',x_1,\ldots,x_n], & i_1\neq i. \end{cases}$$

更正 … 仿前段方法定义下式涉及的 $(a', x') \in A \times H_i$: 置

$$\alpha_i(\xi,\sigma) := \begin{cases} [a''a';x',x_2,\dots,x_n], & \text{其中 } xf_i(a)x_1 = f_i(a')x', & i_1 = i, \\ [a''a';x',x_1,\dots,x_n], & \text{其中 } xf_i(a) = f_i(a')x', & i_1 \neq i. \end{cases}$$

感谢卢泓澄指正

- **第 132 页, 倒数第 2, 3 行** 原文
 假设 A 和每个 $M_i = G_i$ 都是群.
 更正
 假设 A

 和每个 $M_i = G_i$ 都是群, 而且 f_i 单.
- 今第137页,第13行
 原文
 $f(x_{\sigma^{-1}(1)},...,x_{\sigma^{-1}(n)})$ 更正
 $f(x_{\sigma(1)},...,x_{\sigma(n)})$ 感谢薛

 江维指正
- \diamondsuit 第 137 页, 倒数第 12 行原文 $sgn(\sigma) = \pm 1$ 更正 $sgn(\sigma) \in \{\pm 1\}$ 感谢巩峻成指

- ◇ 第 149 页, 第 3 行 CRing 表交换环范畴. 另外此行应缩进.
- **⋄ 第 150 页, 习题 16 (iii)** 将这一问的陈述修改如下:

考虑 $G \times G$ 的子群 $\Delta := \{(g,g) : g \in G\}$. 命 Conj(G) 为 G 中共轭类所成之集合. 明确给出从 $\Delta \setminus (G \times G)/\Delta$ 到 Conj(G) 的双射.

感谢苏福茵指正

- 感谢阳恩林指正
- ◇ 第 156 页, 第 4 行 **原文** *Ir = rI = I* 更正 *IR = I = RI*
- 感谢巩峻成指正

- 感谢雷嘉乐指正
- ◇第 165 页, 5.3.11 之上两行 原文 $\exists s \in R$ 更正 $\exists s \in S$
- ◇ 第 174 页, 第 15 行原文赋予每个 R/\mathfrak{a}_i ...更正赋予每个 $R_i := R/\mathfrak{a}_i$...感谢巩岭成指正

- **◇第 187 页, 定理 5.7.9 证明 原文** $\mathbb{Z}[-1]$ (多处) **更正** $\mathbb{Z}[\sqrt{-1}]$
- ◇ 第 188 页, 倒数第 5 行 原文 ∈ R[X] 更正 ∈ K[X] 感谢巩峻成指正

⋄ 第 190 页, 倒数第 2 行的公式 改成:

$$\bar{b}_k X^k +$$
 高次项, $\bar{b}_k \neq 0$,

- **今第191页**, 第12行
 将 $(b_1, ..., b_m)$ 改成 $(b_1, ..., b_n)$, 并且将之后的 "留意到..." 一句删除.
 感谢巩峻成指正
- **第 191 页, 第 15 和 16 行** 原文
 $m_{\lambda_1,...,\lambda_n}$ 更正
 $m_{\lambda_1,...,\lambda_r}$

 原文
 $(\lambda_1,...,\lambda_r)$ 的所有不同排列.
 更正
 $(\lambda_1,...,\lambda_r,0,...,0)$ 的所有不同排列.

 排列 $(n \land \gamma)$ 量).
 感谢巩峻成指正
- 。第 192 页, 第 1 段最后 1 行 原文 使 m_λ 落在 Λ_n 中的充要条件是 λ_1 (即 Young 图 的宽度) 不超过 n. 更正 如果分拆的长度 r (即 Young 图的高度) 超过给定的 n, 相应的 $m_\lambda \in \Lambda_n$ 规定为 0. 感谢巩峻成指正
- \diamond 第 192 页, 定义 5.8.1 第二项 原文 $\mu_i = \mu_k$ 更正 $\mu_i = \lambda_i$ 感谢巩峻成指正
- \diamond 第 193 页, 第 2 行和第 5 行
 原文
 $X_{i_1} \cdots X_{i_n}$.
 更正
 $X_{i_1} \cdots X_{i_k}$.

 原文
 $\prod_{i=1}^{n} (Y X_i)$,
 更正
 $\prod_{i=1}^{n} (Y + X_i)$ 感谢巩峻成指正
- ⋄ 第 196 页, 习题 16 原文 $\mathbb{Z}[-1]$ 更正 $\mathbb{Z}[\sqrt{-1}]$
- \diamond 第 205 页, 第 7 行
 原文
 M 作为 R/ann(M)-模自动是无挠的.
 更正
 M 作为

 R/ann(M)-模的零化子自动是 $\{0\}$.
 感谢戴懿韡指正.
- ◇ 第 218 页, 第 13 行原文B(rx,ys) = rB(x,y)s, $r \in R$, $s \in S$.更正B(qx,ys) = qB(x,y)s, $q \in Q$, $s \in S$.感谢冯敏立指正.

- **◇第220页** 本页出现的 Bil(•ו;•) 都应该改成 Bil(•,•;•), 以和 216 页的符号保持一致.

- \diamond 第 228 页, 倒数第 12 行原文粘合为 $y' \to B$ 更正粘合为 $y' \to M$ 感谢巩峻成指正
- ◇第230页,第13行 原文 萃取处 更正 萃取
- ◇ 第 230 页, 第 6 行; 第 231 页, 第 9—10 行 **原文** 0; 更正 0; 感谢郑维喆指正
- **⋄ 第 235 页底部** 图表中的垂直箭头 f_i , f_{i-1} 应改为 ϕ_i , ϕ_{i-1} .
- ◇ **第 236 页**, **第 6** 行 **原文** 直和 **□**, **更正** 直和 **⊕**, 感谢巩峻成指正
- \diamond 第 237 页, 第 2 行原文存在 $r: M' \to M$ 更正存在 $r: M \to M'$ 感谢雷嘉乐指正
- \diamond 第 237 页, 命题 6.8.5 证明第二行
 原文
 由于 f 满
 更正
 由于 f 单
 感谢巩峻成指正
- \diamond 第 237 页, 命题 6.8.5 证明最后两行
 原文
 故 $(v) \Rightarrow (i);$ 更正
 故 $(iv) \Rightarrow (i);$
- \diamond 第 238 页, 第 8 行原文 $Y' \to Y \to Y$ 正合更正 $Y' \to Y \to Y''$ 正合
- ◆ 第 240 页, 定义 6.9.3 第二条 原文 … 正合, 则称 I 是内射模. 更正 … 正合, 亦即它保持短正合列, 则称 I 是内射模.
 感谢张好风指正
- ◇ **第 244 页, 倒数第 10 行 原文** 下面的引理 6.10.4 **更正** 引理 5.7.4 感谢郑维喆 指正
- **◇ 第 246 页, 第 2 行和定理 6.10.6, 6.10.7** "交换 Noether 模"应改为 "交换 Noether 环". 两个定理的陈述中应该要求 *R* 是交换 Noether 环. 感谢郑维喆指正

- **◇第247頁,第6—7行 原文** 其长度记为 n + 1. **更正** 其长度定为 n.

- ◇ 第 251 页, 第 6 行原文 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \ker(u^n)$ 更正 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \operatorname{im}(u^n)$ 感谢巩峻成指正
- ◇ **第 251 页起**, **第 6.12 节** 术语 "不可分模"似作 "不可分解模"更佳,以免歧义. (第 4 页倒数第 3 行和索引里的条目也应当同步修改) 感谢郑维喆指正
- **◇第255页,推论6.12.9的证明** 在证明最后补上一句"以上的ℓ表示模的长度." 感谢苑之宇指正.
- ◇ 第 255 页, 第 1 题 原文

$$N = \left\langle \alpha(f)(x_i) - x_j : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i, x_j \in M_j \right\rangle$$

更正

$$N = \left(\alpha(f)(x_i) - x_i : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i \right)$$

感谢郑维喆指正

⋄ **第 260 页**, **倒数第 5 行** 将 ϕ : R → A 改为 σ : R → A.

感谢雷嘉乐指正

◇ 第 261 页, 定义 7.1.6 第 1 行 **原文** R- 更正 R

- 感谢雷嘉乐指正

- \diamond 第 270 页, (7.6) 式 前两项改为 $M_n(A)\otimes M_m(B)\simeq A\otimes M_n(R)\otimes M_m(R)\otimes B$,后续不变. 感谢巩峻成指正
- **⋄ 第 274 页, 倒数第 2 行** 将两处 $A^k(M)$ 改成 $A^k(X)$.
- ◇ 第 279 页, 第 12 行 <mark>原文</mark> Tⁱ(M) 更正 Tⁿ(M)

- ◇ 第 279 页, 定理 7.5.2 陈述 原文 唯一的 R-模同态... 更正 唯一的 R-代数同态...
 态...
 感谢巩峻成指正
- \diamond **第 284 頁, 定理 7.6.6** 将定理陈述中的 U 由 "忘却函子" 改成 "映 A 为 A_1 的函子", 其余不变. 相应地, 证明第二行的 $\varphi: M \to A$ 应改成 $\varphi: M \to A_1$. 感谢郑维喆指正
- \diamond 第 285 頁, 倒数第 5 行 $T^n_\chi(M) := \{x \in T^n(M) : \forall \sigma \in \mathfrak{S}_n, \ \sigma x = \chi(\sigma)x\}$ 感谢郑维喆指正

```
◇ 第 286 頁, 第 10 行 原文 \chi = 1, \sigma 更正 \chi = 1, \text{sgn}
```

- \diamond 第 286 頁, 定理 7.6.10原 "因而有 R-模的同构" 改为 "因而恒等诱导 R-模的同构". 以下两行公式开头的 e_1 : 和 e_{sgn} : 皆删去.感谢郑维喆指正
- **第 290 页第一行** 原文
 $\Xi := \check{u}_2 \wedge \cdots \dots \oplus u_1$ 更正
 $\Xi := \check{u}_{i_2} \wedge \cdots \dots \oplus u_{i_1}$

 的...
 感谢巩峻成指正
- **⋄第293页第8,10,13行** 将*M*都改成*E*,共三处.

- \diamond 第 311 页, 命题 8.3.2 证明第 2 行
 原文
 $1 \le j \le n_i$ 更正
 $1 \le j \le n_P$ 感谢雷嘉乐

 指正
- **◇ 第 311 页, 命题 8.3.2 证明第 4 行 更正** 分别取...... 和 $\overline{F}'|E'$.
- ◆ 第 313 頁, 命题 8.3.9 (iii) "交"改为"非空交". 相应地, 证明第四行的"一族正规子扩张"后面加上"且 *I* 非空".感谢郑维喆指正
- \diamond 第 315 頁, 定理 8.4.3 (iv) 原文 $\sum_{k\geq 0}^n$ 更正 $\sum_{k=0}^n$ 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 315 页, 倒数第 2 行原文deg $f(X^p) = pf(X)$ 更正deg $f(X^p) = p \deg f(X)$ 感谢杨历指正.
- ◇ 第 317 页, 倒数第 13 行 (出现两次) 原文 $\prod_{i=1}^{n}$ … 更正 $\prod_{m=1}^{n}$ …
- ◇ 第 326 页第 4 行 原文 既然纯不可分扩张是特出的 更正 既然纯不可分扩张 对复合封闭 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 340 页最后一行
 原文
 于是 Gal(E|K) 确实是拓扑群
 更正
 于是 Gal(E|F) 确

 实是拓扑群
 感谢巩峻成指正
- **◇ 第 343 页, 倒数第 6,7 行** 倒数第 6 行的 $Gal(K|L \cap M) \subset \cdots$ 改成 $Gal(L|K) \subset \cdots$, 另外 倒数第 7 行最后的 "故"字删去. 感谢张好风指正
- ◇第350页,第8行
 原文
 ⇔ d | n | 更正
 ⇒ n | d
 感谢巩峻成指正
- ◆ 第 352 页, 第 7 行
 原文
 p | n
 更正
 p ∤ n
 感谢郑维喆指正

- **⋄ 第 357 页, 第 4 行** 删除 "= Gal(E|F)".

- \diamond 第 359 页, 第 5 行 原文 透过 Γ_E 分解 更正 透过 $\operatorname{Gal}(E|F)$ 分解 感谢巩峻成指 正

感谢杨历指正

- ◇ **第 360 页, 定理 9.6.8 陈述** 在 (9.10) 之后补上一句 (不缩进): "证明部分将解释如何 定义 Hom 的拓扑." 感谢张好风指正
- **% 第 360 页, 定理 9.6.8 证明**将证明第三行等号下方的 $\bar{\Gamma} = \Gamma_F/\Gamma$ 和上方的文字删除,等号改成 $\stackrel{1:1}{\longleftrightarrow}$.感谢杨历和巩峻成指正

感谢郑维喆指正

◆ 第 366 页, 第 8 行 原文
 □ ②4 更正
 □ ②4

感谢柴昊指正

感谢郑维喆指正

- ◇第 368 页, 定理 9.8.2 的表述第一句原文给定子集 $\{0,1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$, 生成的...更正给定子集 $\{0,1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$, 基于上述讨论不妨假定 \mathcal{S} 对复共轭封闭, 它生成的...感谢郑维喆指正
- **今第370页, 习题2**将本题的所有q代换成p, 将"仿照..." 改为"参照", 开头加上"设p是素数, ..."感谢郑维喆指正
- **今第372页,第20题** 条件(b)部分的 $P \in F[X]$ 改成 $Q \in F[X]$,以免符号冲突.相应地,提示第一段的P都改成Q.
 感谢郑维喆指正
- **⋄第 395–396 页, 引理 10.5.3 的证明** 从第 395 页倒数第 3 行起 (即证明第二段), 修改如下:

置 $f_k = \sum_{h \geq 0} c_{k,h} t^h$. 注意到 $\lim_{k \to \infty} \|f_k\| = 0$, 这确保 $c_h := \sum_{k \geq 0} c_{k,h}$ 存在. 我们断言 $f := \sum_{h \geq 0} c_h t^h \in K \langle t \rangle$ 并给出 $\sum_{k=0}^{\infty} f_k$.

对任意 $\epsilon > 0$,取 M 充分大使得 $k \ge M \implies \|f_k\| < \epsilon$,再取 N 使得当 $0 \le k < M$ 而 $h \ge N$ 时 $|c_{k,h}| < \epsilon$. 于是

$$h \geq N \implies \left(\forall k \geq 0, \; |c_{k,h}| \leq \epsilon \right) \implies |c_h| \leq \epsilon,$$

故 $f := \sum_{h>0} c_h t^h \in K(t)$. 其次, 在K(t)中有等式

$$f - \sum_{k=0}^M f_k = \sum_{h \geq 0} \left(c_h - \sum_{k=0}^M c_{k,h} \right) t^h = \sum_{h \geq 0} \underbrace{\left(\sum_{k > M} c_{k,h} \right)}_{|\cdot| < \epsilon} t^h,$$

从丽 $f = \sum_{k=0}^{\infty} f_k$.

感谢高煦指正.

- ◇第397页,条目 V 下第6行
 原文
 w_{x,-}
 更正
 w_{x,-}
- **今 第 400 页, 倒数第 5–6 行** 改为: $e(w \mid u) = e(w \mid v)e(v \mid u), f(w \mid u) = f(w \mid v)f(v \mid u).$

 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 407 页, 第 8 行
 「原文」 | Stab_{Gal(L|K)}(w)| 更正」
 □ | Gal(L|K)| | [Stab_{Gal(L|K)}(w)| | [Stab_{Gal(L|K)}(w)]
- **\$\psi\$\$ 416 页, 定理 10.9.7** 将陈述的第一段修改为: "在所有 W(R) 上存在唯一的一族交换环结构, 使得 $w:W(R)\to\prod_{n\geq 0}R$ 为环同态, (0,0,...) 为零元, (1,0,...) 为幺元, 而且: "(换行, 开始表列)

对于表列第二项 ("存在唯一确定的多项式族... 所确定"), 最后补上 "... 所确定, 这些多项式与 *R* 无关."

证明第一段的"群运算"改为"环运算".

⋄ 第 417 页, 最后一行 它被刻画为对...