## 代数学方法(第一卷)勘误表 跨度: 2019—2022

## 李文威

## 2022-04-01

以下页码等信息参照高等教育出版社 2019 年 1 月出版之《代数学方法》第一卷, ISBN: 978-7-04-050725-6. 这些错误已在修订版改正 (2022 年 3 月网络发布, 纸本待出).

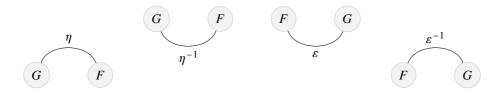
- ◇ 第 12 页, 倒数第 8 行 原文 也可以由稍后的无穷公理保证. 更正 也可以划入稍后的无穷公理. 感谢王东瀚指正.
- ◇第16页,定义 1.2.8原文若传递集  $\alpha$  对于  $\in$  构成良序集更正若传递集  $\alpha$  对 $\exists x < y \overset{\text{EV}}{\Longleftrightarrow} x \in y$  成为良序集感谢王东瀚指正.
- **◇ 第 16 页, 倒数第 5 行 原文** 于是有  $\gamma \in \gamma$ , 这同偏序的反称性矛盾. **更正** 于是 有  $\gamma \in \gamma$ , 亦即在偏序集  $(\alpha, \leq)$  中  $\gamma < \gamma$ , 这同 < 的涵义 (≤ 但  $\neq$ ) 矛盾. 感谢王东 瀚指正.
- **◇ 第 18 页, 倒数第 10 行 原文** 而性质... 是容易的. **更正** 而且使性质... 成立, 这是容易的.
- $\diamond$  第 19 页, 倒数第 5 行
   原文
    $a_{\alpha} \notin C_{\alpha}$  更正
    $a_{\alpha} \notin \{a_{\beta}\}_{\beta < \alpha}$  感谢胡旻杰指正
- ◆ 第 23 页, 第 5 行
   原文
   由于 α 无穷...
   更正
   由于 Ν<sub>α</sub> 无穷...
   感谢王东瀚指正.
- $\diamond$  **第 26 页, 第一章习题 5** 将题目中的三个  $\mathbb{Z}_{\geq 1}$  全改成  $\mathbb{Z}_{\geq 0}$ .
- $\diamond$  第 35 页, 倒数第 4 行原文 $X \in Ob(\mathscr{C})$ 更正 $X \in Ob(\mathscr{C}')$ 感谢尹梓僮指正.
- **◇ 第 38 页, 第 12 行 (命题 2.2.10 证明)** 将两个箭头的方向调换. 感谢尹梓僮指正.

- ◇ **第 42 页, 倒数第 2 行 原文** ... 同构. Z(···) ≃... 更正 ... 同构 Z(···) ≃... 感谢 王东瀚指正.
- ◇第47页,第4行 原文  $A \in \mathcal{C}^{\wedge}$  更正  $A \in Ob(\mathcal{C}^{\wedge})$
- $\diamond$  第 49 页, 倒数第 9 行
   原文
   由此得到伴随对  $(D^{op}, D, \varphi)$ .
   更正
   由此得到伴随

   对  $(D^{op}, D, \varphi^{-1})$ .
   感谢王东瀚指正.
- ◆ 第 50 页, 第 3 行
   原文
   η<sub>X</sub>
   更正
   η

感谢蒋之骏指正

⋄第54页最后 更正 图表微调成



兴许更易懂.

感谢熊锐提供意见.

- ◇ 第 56 页, 倒数第 13 行原文 $\epsilon'(FG\epsilon')(F\eta G)$ 更正 $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$ 更正 $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$ (严格来说, 这行里的所有  $\epsilon$  都应该改作  $\epsilon$ .)感谢张好风指正
- ◇ 第 61 页, 第 2–3 行
   原文
    $\lim_{K \to \infty} (\alpha(S)), \lim_{K \to \infty} (\beta(S))$  更正
    $\lim_{K \to \infty} (\alpha(S)), \lim_{K \to \infty} (\beta(S))$  感
- ◇第66页,第1行 余完备当且仅当它有所有"余"等化子和小余积. 感谢巩峻成指正
- $\diamond$  第 67 页, 第 7 行原文f(x)h(y)更正f(x)g(y)

感谢巩峻成指正

- $\diamond$  **第 77 页**, (3.8) 和 (3.9) 将交换图表中的  $\lambda_2^{-1}$  和  $\rho_2^{-1}$  分别改成  $\lambda_2$  和  $\rho_2$ , 相应地将箭头反转.
- $\diamond$  第 77 页, 倒数第 8 和倒数第 6 行 将  $\xi_F: F(\cdot) \times F(\cdot)$  改成  $\xi_F: F(\cdot) \otimes F(\cdot)$ . 将  $\eta_F: F(\cdot \otimes \cdot) \to F(\cdot)$  改成  $\eta_F: F(\cdot \otimes \cdot) \to F(\cdot)$  感谢巩峻成指正
- **第78页,第1行** 原文
   使得下图...
   更正
   使得  $\theta_{1_1}$  为同构,而且使下图...

   图表之后接一句 "作为练习,可以证明对标准的  $\varphi_F$  和  $\varphi_G$  必然有  $\varphi_G = \theta_{1_1}\varphi_F$ ."

   后续另起一段.
- **⋄ 第 91 页, 倒数第 6 行** "对于 2-范畴" 后加上逗号.

感谢巩峻成指正

- **◇ 第 94 页, 习题 5 倒数第 2 行 原文** Yang-Baxter 方程. **更正** 杨-Baxter 方程.
- ◇第102页,第6行 原文 它们仅与... 更正 前者仅与... 感谢巩峻成指正

⋄ 第 113 页倒数第 3 行, 第 115 页引理 4.4.12 原文 这相当于要求对所有... 更正 这相当于要求 X 非空, 并且对所有... 原文  $\partial X \to G$ -集 更正  $\partial X \to G$ -集 感谢郑维喆指正 感谢巩峻成指正 原文  $\bar{H} \subseteq N_{\bar{G}}(\bar{H})$  更正  $\bar{H} \subsetneq N_{\bar{G}}(\bar{H})$ ◇第116页,第5行 原文  $(\cdots)_{i=0}^n$  更正  $(\cdots)_{i=0}^{n-1}$ ◇第126页,第6行 ⋄ 第 131 页, 倒数第 1 行 原文  $H_{i_i}$  更正  $H_i$ 感谢巩峻成指正 ◇ 第 137 页, 倒数第 12 行 原文  $\operatorname{sgn}(\sigma) = \pm 1$  更正  $\operatorname{sgn}(\sigma) \in \{\pm 1\}$  感谢巩峻成指 正 感谢巩峻成指正 **原文** 另外约定  $\mathfrak{S}'_n = \{1\}$  更正 另外约定  $\mathfrak{S}'_1 = \{1\}$ ◇第141页,第11行 **◇ 第 149 页, 第 3 行** CRing 表交换环范畴. 另外此行应缩进. 感谢阳恩林指正 ◇ 第 **156** 页, 第 **4** 行 **原文** *Ir = rI = I* 更正 *IR = I = RI* 感谢巩峻成指正 感谢雷嘉乐指正 原文 赋予每个  $R/a_i$ … 更正 赋予每个  $R_i := R/a_i$ … ◇ 第 174 页, 第 15 行 巩峻成指正 原文  $\mathbb{Z}[-1]$  (多处) 更正  $\mathbb{Z}[\sqrt{-1}]$ ◇ 第 187 页, 定理 5.7.9 证明 ⋄ 第 188 页, 倒数第 5 行 原文  $\in R[X]$  更正  $\in K[X]$ 感谢巩峻成指正 ◇第189页,第17行 原文  $g \in R \cap K[X]^{\times}$  更正  $g \in R[X] \cap K[X]^{\times}$  感谢巩峻成指 正 原文  $f = \sum_{i=1}^n$  更正  $f = \sum_{i=0}^n$ ◇第190页,第7行 感谢巩峻成指正 ⋄ 第 190 页, 倒数第 2 行的公式 改成:

感谢巩峻成指正

 $\bar{b}_{\nu}X^{k}$  + 高次项,  $\bar{b}_{\nu}\neq 0$ ,

- **◇第191页,第12**行将  $(b_1,...,b_m)$  改成  $(b_1,...,b_n)$ ,并且将之后的"留意到..."一句删除.感谢巩峻成指正
- **第 191 页, 第 15 和 16 行** 原文
    $m_{\lambda_1,...,\lambda_n}$  更正
    $m_{\lambda_1,...,\lambda_r}$  

   原文
    $(\lambda_1,...,\lambda_r)$  的所有不同排列.
   更正
    $(\lambda_1,...,\lambda_r,0,...,0)$  的所有不同排列.

   排列  $(n \land f)$ 量).
   感谢巩峻成指正
- ◇第192页,第1段最后1行原文使 $m_\lambda$ 落在 $\Lambda_n$ 中的充要条件是 $\lambda_1$  (即 Young 图的宽度) 不超过n.更正如果分拆的长度r (即 Young 图的高度) 超过给定的n,相应的 $m_\lambda \in \Lambda_n$ 规定为0.感谢巩峻成指正

- $\diamond$  第 205 页, 第 7 行
   原文
   M 作为 R/ann(M)-模自动是无挠的.
   更正
   M 作为

   R/ann(M)-模的零化子自动是  $\{0\}$ .
   感谢戴懿韡指正.
- $\diamond$  第 218 页, 第 13 行原文B(rx, ys) = rB(x, y)s,  $r \in R$ ,  $s \in S$ .更正B(qx, ys) = qB(x, y)s,  $q \in Q$ ,  $s \in S$ .感谢冯敏立指正.
- **◇第220页** 本页出现的 Bil(•ו;•) 都应该改成 Bil(•,•;•), 以和 216 页的符号保持一致.
- $\diamond$  第 220 页, 第 10 行原文 $B(\cdot,z): M \underset{R}{\otimes} M''$ 更正 $B(\cdot,z): M \underset{R}{\otimes} M'$ 感谢巩峻成指
- **第 228 页,倒数第 12 行** 原文
   粘合为  $y' \to B$  更正
   粘合为  $y' \to M$  感谢巩

   峻成指正
- **◇ 第 230 页, 第 13 行 原文** 萃取处 **更正** 萃取

- **⋄ 第 235 页底部** 图表中的垂直箭头  $f_i$ ,  $f_{i-1}$  应改为  $\phi_i$ ,  $\phi_{i-1}$ .

感谢巩峻成指正

- $\diamond$  第 237 页, 第 2 行原文存在  $r: M' \to M$ 更正存在  $r: M \to M'$ 感谢雷嘉乐指
- ◇ 第 237 页, 命题 6.8.5 证明第二行 原文 由于 f 满 更正 由于 f 单 感谢巩峻成指正

- ◇ **第 240 页, 定义 6.9.3 第二条** 原文 … 正合, 则称 *I* 是内射模. 更正 … 正合, 亦即它保持短正合列, 则称 *I* 是内射模. 感谢张好风指正
- ◇ 第 244 页, 倒数第 10 行 原文 下面的引理 6.10.4 更正 引理 5.7.4 感谢郑维喆指正
- ◆ 第 246 页, 第 2 行和定理 6.10.6, 6.10.7 "交换 Noether 模"应改为 "交换 Noether 环".两个定理的陈述中应该要求 R 是交换 Noether 环.感谢郑维喆指正

- ◇ 第 251 页, 第 6 行原文 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \ker(u^n)$ 更正 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \operatorname{im}(u^n)$ 感谢巩峻成指正
- ◇ **第 251 页起**, **第 6.12 节** 术语 "不可分模"似作 "不可分解模"更佳,以免歧义. (第 4 页倒数第 3 行和索引里的条目也应当同步修改) 感谢郑维喆指正
- ◆第 252 頁,第 2 行 原文 1 ≤ 1 ≤ n. 更正 1 ≤ i ≤ n. 感谢傅煌指正.
- ◇ **第 255 页, 推论 6.12.9 的证明** 在证明最后补上一句"以上的 ℓ表示模的长度." 感谢苑之字指正.
- ⋄ 第 255 页, 第 1 题 原文

$$N = \left\langle \alpha(f)(x_i) - x_j : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i, x_j \in M_j \right\rangle$$

更正

$$N = \left( \alpha(f)(x_i) - x_i : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i \right)$$

感谢郑维喆指正

- **◇ 第 270 页, 注记 7.3.6 原文** 秩为 *A, B* 的秩之和 **更正** 秩为 *A, B* 的秩之积 感谢汤一鸣指正
- $\diamond$  第 270 页, (7.6) 式 前两项改为  $M_n(A)\otimes M_m(B)\simeq A\otimes M_n(R)\otimes M_m(R)\otimes B$ , 后续不变. 感谢巩峻成指正
- **⋄ 第 274 页, 倒数第 2 行** 将两处  $A^k(M)$  改成  $A^k(X)$ .
- ◇第 279 页,第 12 行
  原文
  T<sup>i</sup>(M)
  更正
  T<sup>n</sup>(M)
  感谢巩峻成指正
- **◇ 第 279 页, 定理 7.5.2 陈述 原文** 唯一的 *R*-模同态... **更正** 唯一的 *R*-代数同态... 感谢巩峻成指正
- $\diamond$  **第 284 頁, 定理 7.6.6** 将定理陈述中的 U 由 "忘却函子" 改成 "映 A 为  $A_1$  的函子", 其余不变. 相应地, 证明第二行的  $\varphi: M \to A$  应改成  $\varphi: M \to A_1$ . 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 285 頁, 倒数第 5 行 $T^n_\chi(M) := \{x \in T^n(M) : \forall \sigma \in \mathfrak{S}_n, \ \sigma x = \chi(\sigma)x\}$ 感谢郑维喆指正
- **◇ 第 286 頁, 第 10** 行 **原文**  $\chi = 1, \sigma$  更正  $\chi = 1, sgn$
- $\diamond$  **第 286 頁, 定理 7.6.10** 原 "因而有 R-模的同构" 改为 "因而恒等诱导 R-模的同构". 以下两行公式开头的  $e_1:$  和  $e_{sgn}:$  皆删去. 感谢郑维喆指正

- **⋄ 第 293 页第 8, 10, 13 行** 将 *M* 都改成 *E*, 共三处.

感谢巩峻成指正

感谢巩峻成指正

- **◇第311页, 命题 8.3.2 证明第4行** 更正 分别取...... 和  $\overline{F}'$  | E' .
- ◆ 第 313 頁, 命题 8.3.9 (iii) "交"改为"非空交". 相应地, 证明第四行的"一族正规子扩张"后面加上"且 *I* 非空".感谢郑维喆指正
- $\diamond$  第 315 頁, 定理 8.4.3 (iv) 原文  $\sum_{k\geq 0}^n$  更正  $\sum_{k=0}^n$  感谢郑维喆指正
- ◇ 第 315 页, 倒数第 2 行原文deg  $f(X^p) = pf(X)$ 更正deg  $f(X^p) = p \deg f(X)$ 感谢杨历指正.
- ◇ **第 317 页, 倒数第 13 行** (出现两次) **原文** ∏<sup>n</sup><sub>i-1</sub> ... **更正** ∏<sup>n</sup><sub>m-1</sub> ...

- ◇ 第 325 页, 第 10 行 (定义-定理 8.7.3 证明) 原文  $a^{-p^m}$  更正  $a^{p^{-m}}$
- ◇ 第 326 页第 4 行 原文 既然纯不可分扩张是特出的 更正 既然纯不可分扩张 对复合封闭 感谢巩峻成指正
- ◆ 第 340 页最后一行
   原文
   于是 Gal(E|K) 确实是拓扑群
   更正
   于是 Gal(E|F) 确

   实是拓扑群
   感谢巩峻成指正
- **◇ 第 343 页, 倒数第 6, 7 行** 倒数第 6 行的  $Gal(K|L \cap M) \subset \cdots$  改成  $Gal(L|K) \subset \cdots$ , 另外 倒数第 7 行最后的 "故"字删去. 感谢张好风指正
- ◇ 第 348 页, 命题 9.3.6 陈述和证明原文 $\lim_{m \to \infty} \mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ 更正 $\lim_{m \to \infty} \mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ 原文 $\lim_{m \to \infty} \mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$  $\mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$ 感谢郑维喆和巩峻成指正
- ◆ 第 350 页, 第 8 行
   原文
   ⇒ d | n
   更正
   ⇒ n | d
   感谢巩峻成指正
- ◆ 第 352 页, 第 7 行
   原文
   p | n | 更正
   p ∤ n | 感谢郑维喆指正
- $\diamond$  第 355 页, 第 6 行  $\boxed{\text{原文}}$  设 T 不可逆  $\boxed{\text{更正}}$  设  $\mathscr T$  不可逆  $\boxed{\text{感谢雷嘉乐指正}}$
- ◇ 第 357 页, 第 4 行 删除 "= Gal(E|F)".
  感谢巩峻成指正
- ◇ 第 357 页, 倒数第 8 行 原文 F(S)|S 更正 F(S)|F 感谢张好风指正
- $\diamond$  第 359 页, 第 5 行原文透过  $\Gamma_E$  分解更正透过  $\operatorname{Gal}(E|F)$  分解感谢巩峻成指正
- ◇ 第 360 页, 定理 9.6.8 陈述 在 (9.10) 之后补上一句 (不缩进): "证明部分将解释如何定义 Hom 的拓扑."
  感谢张好风指正
- $\diamond$  第 360 页, 定理 9.6.8 证明将证明第三行等号下方的  $\Gamma = \Gamma_F/\Gamma$  和上方的文字删除,等号改成  $\stackrel{1:1}{\longleftrightarrow}$ .感谢杨历和巩峻成指正

- **第 368 页, 定理 9.8.2 的表述第一句** 原文
   给定子集  $\{0,1\}$   $\subset$   $\mathcal{S}$   $\subset$   $\mathbb{C}$ , 生成的...

   更正
   给定子集  $\{0,1\}$   $\subset$   $\mathcal{S}$   $\subset$   $\mathbb{C}$ , 基于上述讨论不妨假定  $\mathcal{S}$  对复共轭封闭, 它生成的...
   感謝郑维喆指正
- **\$\sigma\$\$ 370 页, 习题 2** 将本题的所有 q 代换成 p, 将"仿照…"改为"参照", 开头加上"设 p 是素数, …" 感谢郑维喆指正

- **\$\phi\$ 372 页, 第 20 题** 条件 (b) 部分的  $P \in F[X]$  改成  $Q \in F[X]$ , 以免符号冲突. 相应地, 提示第一段的 P 都改成 Q. 感谢郑维喆指正
- **◇第 395–396 页, 引理 10.5.3 的证明** 从第 395 页倒数第 3 行起 (即证明第二段), 修改如下:

置  $f_k = \sum_{h\geq 0} c_{k,h} t^h$ . 注意到  $\lim_{k\to\infty} \|f_k\| = 0$ , 这确保  $c_h := \sum_{k\geq 0} c_{k,h}$  存在. 我们断言  $f := \sum_{h\geq 0} c_h t^h \in K\langle t \rangle$  并给出  $\sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

对任意  $\epsilon > 0$ , 取 M 充分大使得  $k \ge M \implies \|f_k\| < \epsilon$ , 再取 N 使得当  $0 \le k < M$  而  $h \ge N$  时  $|c_k|_0 < \epsilon$ . 于是

$$h \ge N \implies (\forall k \ge 0, |c_{k,h}| \le \epsilon) \implies |c_h| \le \epsilon,$$

故 $f := \sum_{h>0} c_h t^h \in K\langle t \rangle$ . 其次, 在  $K\langle t \rangle$  中有等式

$$f - \sum_{k=0}^M f_k = \sum_{h \geq 0} \left( c_h - \sum_{k=0}^M c_{k,h} \right) t^h = \sum_{h \geq 0} \underbrace{\left( \sum_{k > M} c_{k,h} \right)}_{|\cdot| < \epsilon} t^h,$$

从而 $f = \sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

感谢高煦指正.

- ◇第397页,条目 V 下第6行
  原文
  W<sub>x,-</sub>
  更正
  W<sub>x,-</sub>
- ◇ 第 398 页, 倒数第 12 行 原文 , 而  $v: K^{\times} \to \Gamma$  是商同态. 更正 . 取  $v: K^{\times} \to \Gamma$  为商同态.
- **◇ 第 400 页, 倒数第 5–6 行** 改为:  $e(w \mid u) = e(w \mid v)e(v \mid u), f(w \mid u) = f(w \mid v)f(v \mid u).$  感谢巩峻成指正
- ◆ 第 406 页, 倒数第 3 行
   原文
   |Stab<sub>Gal(L|K)</sub>(w)|
   更正
   |Gal(L|K)| |Stab<sub>Gal(L|K)</sub>(w)|
   感谢巩峻成 指正
- ◇ 第 407 页, 第 8 行
  「原文」 | Stab<sub>Gal(L|K)</sub>(w)| 更正」
  □ | Gal(L|K)| | Stab<sub>Gal(L|K)</sub>(w)|
   感谢巩峻成指正
- **◇ 第 416 页, 定理 10.9.7** 将陈述的第一段修改为: "在所有 W(R) 上存在唯一的一族交换环结构, 使得  $w:W(R)\to\prod_{n\geq 0}R$  为环同态, (0,0,...) 为零元, (1,0,...) 为幺元, 而且: "(换行, 开始表列)

对于表列第二项 ("存在唯一确定的多项式族… 所确定"), 最后补上 "… 所确定, 这 些多项式与 *R* 无关."

证明第一段的"群运算"改为"环运算".

**⋄ 第 417 页. 最后一行** 它被刻画为对...