

# 代数学方法（第一卷）勘误表

## 跨度: 2019—2022

李文威

2022-11-27

以下页码等信息参照高等教育出版社 2019 年 1 月出版之《代数学方法》第一卷, ISBN: 978-7-04-050725-6. 这些错误已在修订版改正 (2022 年 9 月网络发布, 纸本待出).

- ◇ 第 12 页, 倒数第 8 行 原文 也可以由稍后的无穷公理保证. 更正 也可以划入稍后的无穷公理. 感谢王东瀚指正.
- ◇ 第 16 页, 定义 1.2.8 原文 若传递集  $\alpha$  对于  $\in$  构成良序集 更正 若传递集  $\alpha$  对于  $x < y \stackrel{\text{定义}}{\iff} x \in y$  成为良序集 感谢王东瀚指正.
- ◇ 第 16 页, 倒数第 5 行 原文 于是有  $\gamma \in \gamma$ , 这同偏序的反称性矛盾. 更正 于是有  $\gamma \in \gamma$ , 亦即在偏序集  $(\alpha, \leq)$  中  $\gamma < \gamma$ , 这同  $<$  的涵义 ( $\leq$  但  $\neq$ ) 矛盾. 感谢王东瀚指正.
- ◇ 第 18 页, 倒数第 10 行 原文 而性质... 是容易的. 更正 而且使性质... 成立, 这是容易的.
- ◇ 第 19 页, 倒数第 5 行 原文  $a_\alpha \notin C_\alpha$  更正  $a_\alpha \notin \{a_\beta\}_{\beta < \alpha}$  感谢胡旻杰指正
- ◇ 第 23 页, 第 5 行 原文 由于  $\alpha$  无穷... 更正 由于  $\aleph_\alpha$  无穷... 感谢王东瀚指正.
- ◇ 第 26 页, 第一章习题 5 将题目中的三个  $\mathbb{Z}_{\geq 1}$  全改成  $\mathbb{Z}_{\geq 0}$ .
- ◇ 第 35 页, 倒数第 4 行 原文  $X \in \text{Ob}(\mathcal{C})$  更正  $X \in \text{Ob}(\mathcal{C}')$  感谢尹梓瑾指正.
- ◇ 第 38 页, 第 12 行 (命题 2.2.10 证明) 将两个箭头的方向调换. 感谢尹梓瑾指正.
- ◇ 第 38 页, 第 14 行 原文 由此导出对象和自然变换的同构概念, 其逆若存在则唯一. 更正 其逆若存在则唯一, 依此定义何谓对象间或函子间的同构. 感谢王猷指正.

◇ 第 42 页, 倒数第 2 行 **原文** ... 同构.  $Z(\cdots) \simeq \cdots$  **更正** ... 同构  $Z(\cdots) \simeq \cdots$  感谢王东瀚指正.

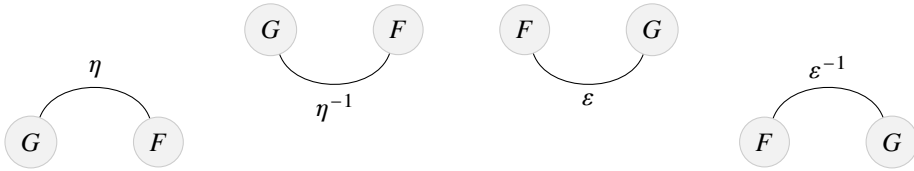
◇ 第 47 页, 第 4 行 **原文**  $A \in \mathcal{C}^\wedge$  **更正**  $A \in \text{Ob}(\mathcal{C}^\wedge)$

◇ 第 49 页, 倒数第 9 行 **原文** 由此得到伴随对  $(D^{\text{op}}, D, \varphi)$ . **更正** 由此得到伴随对  $(D^{\text{op}}, D, \varphi^{-1})$ . 感谢王东瀚指正.

◇ 第 50 页, 第 3 行 **原文**  $\eta_X$  **更正**  $\eta$  感谢蒋之骏指正

◇ 第 53 页, 命题 2.6.10 第 2 行 **原文**  $Y \in \text{Ob}(\mathcal{C}_1)$  **更正**  $Y \in \text{Ob}(\mathcal{C}_2)$  感谢苏福茵指正

◇ 第 54 页最后 **更正** 图表微调成



兴许更易懂.

感谢熊锐提供意见.

◇ 第 56 页, 倒数第 13 行 **原文**  $\epsilon'(FG\epsilon')(F\eta G)$  **更正**  $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$  (严格来说, 这行里的所有  $\epsilon$  都应该改作  $\epsilon$ .) 感谢张好风指正

◇ 第 61 页, 第 2-3 行 **原文**  $\varprojlim(\alpha(S)), \varinjlim(\beta(S))$  **更正**  $\varinjlim(\alpha(S)), \varprojlim(\beta(S))$  感谢巩峻成指正

◇ 第 64 页, 命题 2.8.2 及其证明 **原文** 上确界 (出现三次) **更正** 下确界 感谢卢泓澄指正

◇ 第 65 页, 定理 2.8.3 陈述 **原文** 所有子集  $J \subset \text{Ob}(I)$  (出现两次) **更正** 所有子集  $J \subset \text{Mor}(I)$  感谢卢泓澄和指正

◇ 第 66 页, 第 1 行 余完备当且仅当它有所有“余”等化子和小余积. 感谢巩峻成指正

◇ 第 67 页, 第 7 行 **原文**  $f(x)h(y)$  **更正**  $f(x)g(y)$  感谢巩峻成指正

◇ 第 77 页, (3.8) 和 (3.9) 将交换图表中的  $\lambda_2^{-1}$  和  $\rho_2^{-1}$  分别改成  $\lambda_2$  和  $\rho_2$ , 相应地将箭头反转.

◇ 第 77 页, 倒数第 8 和倒数第 6 行 将  $\xi_F : F(\cdot) \times F(\cdot)$  改成  $\xi_F : F(\cdot) \otimes F(\cdot)$ . 将  $\eta_F : F(\cdot \otimes \cdot) \rightarrow F(\cdot)$  改成  $\eta_F : F(\cdot \otimes \cdot) \rightarrow F(\cdot) \otimes F(\cdot)$ . 感谢巩峻成指正

- ◇ 第 78 页, 第 1 行 **原文** 使得下图... **更正** 使得  $\theta_{1_1}$  为同构, 而且使下图...  
 图表之后接一句“作为练习, 可以证明对标准的  $\varphi_F$  和  $\varphi_G$  必然有  $\varphi_G = \theta_{1_1} \varphi_F$ .”  
 后续另起一段.
- ◇ 第 84 页, 第 2 行 **原文** 定义结合约束 **更正** 定义交换约束 感谢王东瀚指正
- ◇ 第 91 页, 倒数第 6 行 “对于 2-范畴” 后加上逗号. 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 94 页, 习题 5 倒数第 2 行 **原文** Yang-Baxter 方程. **更正** 杨-Baxter 方程.
- ◇ 第 102 页, 第 6 行 **原文** 它们仅与... **更正** 前者仅与... 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 109 页, 引理 4.3.4 第 4 行 **原文**  $\rightarrow$  **更正**  $\mapsto$  感谢雷嘉乐指正
- ◇ 第 111 页, 第 8—9 行 **原文**  $\text{Aut}(G) \dots \text{Ad}(s(h))|_G$  **更正**  $\text{Aut}(N) \dots \text{Ad}(s(h))|_N$   
 感谢雷嘉乐指正
- ◇ 第 113 页倒数第 3 行, 第 115 页引理 4.4.12 **原文** 这相当于要求对所有...  
**更正** 这相当于要求  $X$  非空, 并且对所有...  
**原文** 设  $X$  为  $G$ -集 **更正** 设  $X$  为非空  $G$ -集 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 114 页, 倒数第 1 行 **原文**  $\text{Aut}(G_1) \times \text{Aut}(G_2)^{\text{op}}$  **更正**  $\text{Aut}(G_1)^{\text{op}} \times \text{Aut}(G_2)$   
 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 116 页, 第 5 行 **原文**  $\bar{H} \subseteq N_{\bar{G}}(\bar{H})$  **更正**  $\bar{H} \subsetneq N_{\bar{G}}(\bar{H})$
- ◇ 第 125 页, 第 10 行 **更正** 记  $\mathcal{V}$  的线性自同构群为... 感谢雷嘉乐指正
- ◇ 第 126 页, 第 6 行 **原文**  $(\cdots)_{i=0}^n$  **更正**  $(\cdots)_{i=0}^{n-1}$
- ◇ 第 129 页, 第 2 行 **原文** 举自由群为例 **更正** 举自由么半群为例 感谢雷嘉乐指正
- ◇ 第 129 页, 第 7 行 **原文**  $(x_1)_{i=1}^n$  **更正**  $(x_i)_{i=1}^n$  感谢雷嘉乐指正
- ◇ 第 130 页, 引理 4.8.6 证明第二行 **原文**  $\varphi_i(x) \in M_i$  **更正**  $x \in M_i$  的像 感谢卢泓澄指正
- ◇ 第 131 页, (4.6) **原文**  $H_i \subset M_i$  **更正**  $1 \in H_i \subset M_i$  感谢卢泓澄指正
- ◇ 第 131 页, 引理 4.8.7 的陈述之后第一行 **原文** 当  $A$  是群时引理条件... **更正** 当  
 每个  $f_i$  都是群之间的单同态时, 引理条件... 感谢卢泓澄指正
- ◇ 第 131 页, 倒数第 1 行 **原文**  $H_{i_j}$  **更正**  $H_i$  感谢巩峻成指正

◇ 第 132 页, 第 1—3 行 **原文** ... 仿前段方法定义  $(a', x')$  使得  $xf_i(a) = f_i(a')x'$ . 置

$$\alpha_i(\xi, \sigma) := \begin{cases} [a''a'; x'_1, \dots, x'_n], & i_1 = i, \\ [a''a'; x', x_1, \dots, x_n], & i_1 \neq i. \end{cases}$$

**更正** ... 仿前段方法定义下式涉及的  $(a', x') \in A \times H_i$ : 置

$$\alpha_i(\xi, \sigma) := \begin{cases} [a''a'; x', x_2, \dots, x_n], & \text{其中 } xf_i(a)x_1 = f_i(a')x', \quad i_1 = i, \\ [a''a'; x', x_1, \dots, x_n], & \text{其中 } xf_i(a) = f_i(a')x', \quad i_1 \neq i. \end{cases}$$

感谢卢泓澄指正

◇ 第 132 页, 倒数第 2, 3 行 **原文** 假设  $A$  和每个  $M_i = G_i$  都是群. **更正** 假设  $A$  和每个  $M_i = G_i$  都是群, 而且  $f_i$  单.

◇ 第 134 页, 第 5 行 **原文**  $\{gyg^{-1} : y \in Y, g \in G\}$  **更正**  $\{gyg^{-1} : y \in Y, g \in \mathcal{G}\}$  感谢雷嘉乐指正

◇ 第 137 页, 第 13 行 **原文**  $f(x_{\sigma^{-1}(1)}, \dots, x_{\sigma^{-1}(n)})$  **更正**  $f(x_{\sigma(1)}, \dots, x_{\sigma(n)})$  感谢薛江维指正

◇ 第 137 页, 倒数第 12 行 **原文**  $\text{sgn}(\sigma) = \pm 1$  **更正**  $\text{sgn}(\sigma) \in \{\pm 1\}$  感谢巩峻成指正

◇ 第 141 页, 第 2 和第 9 行 **原文**  $|i - j| \geq 1$  **更正**  $|i - j| > 1$  感谢巩峻成指正

◇ 第 141 页, 第 11 行 **原文** 另外约定  $\mathfrak{S}'_n = \{1\}$  **更正** 另外约定  $\mathfrak{S}'_1 = \{1\}$

◇ 第 149 页, 第 3 行 CRing 表交换环范畴. 另外此行应缩进.

◇ 第 150 页, 习题 16 (iii) 将这一问的陈述修改如下:

考虑  $G \times G$  的子群  $\Delta := \{(g, g) : g \in G\}$ . 命  $\text{Conj}(G)$  为  $G$  中共轭类所成之集合. 明确给出从  $\Delta \backslash (G \times G) / \Delta$  到  $\text{Conj}(G)$  的双射.

感谢苏福茵指正

◇ 第 156 页, 第 2, 3 行 **原文**  $a \in R$  **更正**  $a \in I$  感谢阳恩林指正

◇ 第 156 页, 第 4 行 **原文**  $Ir = rI = I$  **更正**  $IR = I = RI$  感谢巩峻成指正

◇ 第 158 页, 最后一行 **原文**  $\forall s \in S$  **更正**  $\forall s \in R$  感谢雷嘉乐指正

◇ 第 163 页, 第 12 行 **更正**  $(\varphi \circ \psi)^\# = \psi^\# \circ \varphi^\#$  感谢雷嘉乐指正

◇ 第 165 页, 5.3.11 之上两行 **原文**  $\exists s \in R$  **更正**  $\exists s \in S$

◇ 第 174 页, 第 15 行 原文 赋予每个  $R/\mathfrak{a}_i \dots$  更正 赋予每个  $R_i := R/\mathfrak{a}_i \dots$  感谢  
巩峻成指正

◇ 第 187 页, 定理 5.7.9 证明 原文  $\mathbb{Z}[-1]$  (多处) 更正  $\mathbb{Z}[\sqrt{-1}]$

◇ 第 188 页, 第 13 行 原文  $\sum_{i=0}^n a_i p^i q^{n-j}$  更正  $\sum_{i=0}^n a_i p^i q^{n-i}$  感谢雷嘉乐指正

◇ 第 188 页, 倒数第 5 行 原文  $\in R[X]$  更正  $\in K[X]$  感谢巩峻成指正

◇ 第 189 页, 第 17 行 原文  $g \in R \cap K[X]^\times$  更正  $g \in R[X] \cap K[X]^\times$  感谢巩峻成  
正

◇ 第 190 页, 第 7 行 原文  $f = \sum_{i=1}^n$  更正  $f = \sum_{i=0}^n$  感谢巩峻成指正

◇ 第 190 页, 倒数第 2 行的公式 改成:

$$\bar{b}_k X^k + \text{高次项}, \quad \bar{b}_k \neq 0,$$

感谢巩峻成指正

◇ 第 191 页, 第 12 行 将  $(b_1, \dots, b_m)$  改成  $(b_1, \dots, b_n)$ , 并且将之后的“留意到...”一句删  
除. 感谢巩峻成指正

◇ 第 191 页, 第 15 和 16 行 原文  $m_{\lambda_1, \dots, \lambda_n}$  更正  $m_{\lambda_1, \dots, \lambda_r}$   
原文  $(\lambda_1, \dots, \lambda_r)$  的所有不同排列. 更正  $(\lambda_1, \dots, \lambda_r, 0, \dots, 0)$  的所有不同  
排列 ( $n$  个分量). 感谢巩峻成指正

◇ 第 192 页, 第 1 段最后 1 行 原文 使  $m_\lambda$  落在  $\Lambda_n$  中的充要条件是  $\lambda_1$  (即 Young 图  
的宽度) 不超过  $n$ . 更正 如果分拆的长度  $r$  (即 Young 图的高度) 超过给定的  $n$ ,  
相应的  $m_\lambda \in \Lambda_n$  规定为 0. 感谢巩峻成指正

◇ 第 192 页, 定义 5.8.1 第二项 原文  $\mu_i = \mu_k$  更正  $\mu_i = \lambda_i$  感谢巩峻成指正

◇ 第 193 页, 第 2 行和第 5 行 原文  $X_{i_1} \cdots X_{i_n}$ . 更正  $X_{i_1} \cdots X_{i_k}$ .  
原文  $\prod_{i=1}^n (Y - X_i)$ , 更正  $\prod_{i=1}^n (Y + X_i)$  感谢巩峻成指正

◇ 第 193 页, 定理 5.8.4 证明第 3 行 原文  $j_1 < \cdots j_{\bar{\lambda}_2}$  更正  $j_1 < \cdots < j_{\bar{\lambda}_2}$  感谢雷  
嘉乐指正

◇ 第 194 页, 例 5.8.6 的第 3 行 原文  $\sum_{i=0}^n c_i Y^{n-i}$  更正  $\sum_{i=0}^n (-1)^i c_i Y^{n-i}$  感谢巩  
峻成指正

◇ 第 196 页, 习题 16 原文  $\mathbb{Z}[-1]$  更正  $\mathbb{Z}[\sqrt{-1}]$

◇ 第 203 页, 第 17 行 原文  $\ker(\phi)$  更正  $\ker(\varphi)$  感谢胡龙龙指正

- ◇ 第 205 页, 第 7 行 **原文**  $M$  作为  $R/\text{ann}(M)$ -模自动是无挠的. **更正**  $M$  作为  $R/\text{ann}(M)$ -模的零化子自动是  $\{0\}$ . 感谢戴懿韩指正.
- ◇ 第 218 页, 第 13 行 **原文**  $B(rx, ys) = rB(x, y)s, \quad r \in R, s \in S.$  **更正**  $B(qx, ys) = qB(x, y)s, \quad q \in Q, s \in S.$  感谢冯敏立指正.
- ◇ 第 220 页 本页出现的  $\text{Bil}(\bullet \times \bullet; \bullet)$  都应该改成  $\text{Bil}(\bullet, \bullet; \bullet)$ , 以和 216 页的符号保持一致.
- ◇ 第 220 页, 第 9 行 **原文**  $z \in Z$  **更正**  $z \in M''$
- ◇ 第 220 页, 第 10 行 **原文**  $B(\cdot, z) : M \otimes_R M''$  **更正**  $B(\cdot, z) : M \otimes_R M'$  感谢巩峻成指正
- ◇ 第 228 页, 倒数第 12 行 **原文** 粘合为  $\mathcal{Y}' \rightarrow B$  **更正** 粘合为  $\mathcal{Y}' \rightarrow M$  感谢巩峻成指正
- ◇ 第 228 页, 倒数第 4 行 **原文**  $\sum_{y \in R}$  **更正**  $\sum_{y \in Y}$
- ◇ 第 230 页, 第 13 行 **原文** 萃取处 **更正** 萃取
- ◇ 第 230 页, 第 6 行; 第 231 页, 第 9—10 行 **原文**  $\mathfrak{o}_i$  **更正**  $\mathfrak{d}_i$  感谢郑维喆指正
- ◇ 第 235 页底部 图表中的垂直箭头  $f_i, f_{i-1}$  应改为  $\phi_i, \phi_{i-1}$ .
- ◇ 第 236 页, 第 6 行 **原文** 直和  $\coprod_i$  **更正** 直和  $\oplus_i$  感谢巩峻成指正
- ◇ 第 237 页, 第 2 行 **原文** 存在  $r : M' \rightarrow M$  **更正** 存在  $r : M \rightarrow M'$  感谢雷嘉乐指正
- ◇ 第 237 页, 第 9 行 **原文**  $g$  单,  $f$  满 **更正**  $g$  满,  $f$  单 感谢黄欣晨指正
- ◇ 第 237 页, 命题 6.8.5 证明第二行 **原文** 由于  $f$  满 **更正** 由于  $f$  单 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 237 页, 命题 6.8.5 证明最后两行 **原文** 故  $(v) \Rightarrow (i);$  **更正** 故  $(iv) \Rightarrow (i);$
- ◇ 第 238 页, 第 8 行 **原文**  $Y' \rightarrow Y \rightarrow Y$  正合 **更正**  $Y' \rightarrow Y \rightarrow Y''$  正合
- ◇ 第 240 页, 定义 6.9.3 第二条 **原文** ... 正合, 则称  $I$  是内射模. **更正** ... 正合, 亦即它保持短正合列, 则称  $I$  是内射模. 感谢张好风指正
- ◇ 第 244 页, 倒数第 10 行 **原文** 下面的引理 6.10.4 **更正** 引理 5.7.4 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 246 页, 第 2 行和定理 6.10.6, 6.10.7 “交换 Noether 模” 应改为 “交换 Noether 环”. 两个定理的陈述中应该要求  $R$  是交换 Noether 环. 感谢郑维喆指正

◇ 第 246 页, 第 16 行 原文  $u_i f_i$  更正  $u_i \alpha_i$  感谢陆睿远指正.

◇ 第 246 页, 倒数第 4 行 原文  $a_n \geq 0$  更正  $a_n \neq 0$  感谢颜硕侯指正

◇ 第 247 页, 第 6—7 行 原文 其长度记为  $n+1$ . 更正 其长度定为  $n$ .

◇ 第 251 页, 第 6 行 原文  $\text{im}(u^\infty) = \ker(u^n)$  更正  $\text{im}(u^\infty) = \text{im}(u^n)$  感谢巩峻成  
指正

◇ 第 251 页起, 第 6.12 节 术语“不可分模”似作“不可分解模”更佳, 以免歧义. (第 4  
页倒数第 3 行和索引里的条目也应当同步修改) 感谢郑维喆指正

◇ 第 252 页, 第 2 行 原文  $1 \leq 1 \leq n$ . 更正  $1 \leq i \leq n$ . 感谢傅煌指正.

◇ 第 255 页, 推论 6.12.9 的证明 在证明最后补上一句“以上的  $\ell$  表示模的长度.” 感  
谢苑之宇指正.

◇ 第 255 页, 第 1 题 原文

$$N = \left\langle \alpha(f)(x_i) - x_j : i \xrightarrow{f} j, x_i \in M_i, x_j \in M_j \right\rangle$$

更正

$$N = \left\langle \alpha(f)(x_i) - x_i : i \xrightarrow{f} j, x_i \in M_i \right\rangle$$

感谢郑维喆指正

◇ 第 260 页, 倒数第 5 行 将  $\phi : R \rightarrow A$  改为  $\sigma : R \rightarrow A$ . 感谢雷嘉乐指正

◇ 第 261 页, 定义 7.1.6 第 1 行 原文  $R-$  更正  $R$  感谢雷嘉乐指正

◇ 第 264 页, 第 14 行 原文 如果  $\text{ann}(M) = \{0\}$  更正 如果  $\text{ann}(N) = \{0\}$

◇ 第 270 页, 注记 7.3.6 原文 秩为  $A, B$  的秩之和 更正 秩为  $A, B$  的秩之积 感  
谢汤一鸣指正

◇ 第 270 页, (7.6) 式 前两项改为  $M_n(A) \otimes M_m(B) \simeq A \otimes M_n(R) \otimes M_m(R) \otimes B$ , 后续不变.  
感谢巩峻成指正

◇ 第 274 页, 倒数第 2 行 将两处  $A^k(M)$  改成  $A^k(X)$ .

◇ 第 277 页, 第 14 行等式右侧 原文  $dx_{i_1} \wedge \cdots \wedge dx_{i_l}$  更正  $dx_{j_1} \wedge \cdots \wedge dx_{j_l}$  感谢  
侯学伦指正

◇ 第 279 页, 第 12 行 原文  $T^i(M)$  更正  $T^n(M)$  感谢巩峻成指正

- ◇ 第 279 页, 定理 7.5.2 陈述 原文 唯一的  $R$ -模同态... 更正 唯一的  $R$ -代数同态... 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 284 页, 定理 7.6.6 将定理陈述中的  $U$  由“忘却函子”改成“映  $A$  为  $A_1$  的函子”, 其余不变. 相应地, 证明第二行的  $\varphi: M \rightarrow A$  应改成  $\varphi: M \rightarrow A_1$ . 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 285 页, 倒数第 5 行  $T_\chi^n(M) := \{x \in T^n(M) : \forall \sigma \in \mathfrak{S}_n, \sigma x = \chi(\sigma)x\}$  感谢郑维喆指正
- ◇ 第 286 页, 第 10 行 原文  $\chi = 1, \sigma$  更正  $\chi = 1, \text{sgn}$
- ◇ 第 286 页, 定理 7.6.10 原“因而有  $R$ -模的同构”改为“因而恒等诱导  $R$ -模的同构”. 以下两行公式开头的  $e_1$  : 和  $e_{\text{sgn}}$  : 皆删去. 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 289 页最后一行 原文  $u_1 \wedge \cdots$  更正  $u_{i_1} \wedge \cdots$
- ◇ 第 290 页第一行 原文  $\Xi := \check{u}_2 \wedge \cdots$  是  $u_1$  的... 更正  $\Xi := \check{u}_{i_2} \wedge \cdots$  是  $u_{i_1}$  的... 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 293 页第 8, 10, 13 行 将  $M$  都改成  $E$ , 共三处. 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 304 页倒数第 6 行 原文  $\leq \infty$  更正  $< \infty$  感谢巩峻成指正
- ◇ 第 311 页, 命题 8.3.2 证明第 2 行 原文  $1 \leq j \leq n_i$  更正  $1 \leq j \leq n_p$  感谢雷嘉乐指正
- ◇ 第 311 页, 命题 8.3.2 证明第 4 行 更正 分别取..... 和  $\overline{F}'|E'$ .
- ◇ 第 313 页, 命题 8.3.9 (iii) “交”改为“非空交”. 相应地, 证明第四行的“一族正规子扩张”后面加上“且  $I$  非空”. 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 315 页, 定理 8.4.3 (iv) 原文  $\sum_{k \geq 0}^n$  更正  $\sum_{k=0}^n$  感谢郑维喆指正
- ◇ 第 315 页, 倒数第 2 行 原文  $\deg f(X^p) = pf(X)$  更正  $\deg f(X^p) = p \deg f(X)$  感谢杨历指正.
- ◇ 第 317 页, 倒数第 13 行 (出现两次) 原文  $\prod_{i=1}^n \cdots$  更正  $\prod_{m=1}^n \cdots$
- ◇ 第 325 页, 第 10 行 (定义-定理 8.7.3 证明) 原文  $a^{-p^m}$  更正  $a^{p^{-m}}$
- ◇ 第 326 页第 4 行 原文 既然纯不可分扩张是特出的 更正 既然纯不可分扩张对复合封闭 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 340 页最后一行 原文 于是  $\text{Gal}(E|K)$  确实是拓扑群 更正 于是  $\text{Gal}(E|F)$  确实是拓扑群 感谢巩峻成指正



◇ 第 343 页, 倒数第 6, 7 行 倒数第 6 行的  $\text{Gal}(K|L \cap M) \subset \dots$  改成  $\text{Gal}(L|K) \subset \dots$ , 另外  
倒数第 7 行最后的“故”字删去. 感谢张好风指正

◇ 第 348 页, 命题 9.3.6 陈述和证明 原文  $\varprojlim_m \mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$  更正  $\varprojlim_m \mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$   
原文  $\varinjlim_{n \geq 1} \mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$  更正  $\varprojlim_{n \geq 1} \mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$  感谢郑维喆和巩峻成指正

◇ 第 350 页, 第 8 行 原文  $\Leftrightarrow d | n$  更正  $\Leftrightarrow n | d$  感谢巩峻成指正

◇ 第 352 页, 第 7 行 原文  $p | n$  更正  $p \nmid n$  感谢郑维喆指正

◇ 第 355 页, 第 6 行 原文 设  $T$  不可逆 更正 设  $\mathcal{T}$  不可逆 感谢雷嘉乐指正

◇ 第 357 页, 第 4 行 删除 “ $= \text{Gal}(E|F)$ ”. 感谢巩峻成指正

◇ 第 357 页, 倒数第 8 行 原文  $F(S)|S$  更正  $F(S)|F$  感谢张好风指正

◇ 第 359 页, 第 5 行 原文 透过  $\Gamma_E$  分解 更正 透过  $\text{Gal}(E|F)$  分解 感谢巩峻成指正

◇ 第 359 页, 倒数第 2 行 原文  $\in A_E$  更正  $\in A_F$  感谢杨历指正

◇ 第 360 页, 定理 9.6.8 陈述 在 (9.10) 之后补上一句 (不缩进): “证明部分将解释如何  
定义  $\text{Hom}$  的拓扑.” 感谢张好风指正

◇ 第 360 页, 定理 9.6.8 证明 将证明第三行等号下方的  $\bar{\Gamma} = \Gamma_F/\Gamma$  和上方的文字删除,  
等号改成  $\xrightarrow{1:1}$ . 感谢杨历和巩峻成指正

◇ 第 363 页, 倒数第 4 行 原文  $\eta_{[E:F]}$  更正  $\eta_{[L:F]}$  感谢郑维喆指正

◇ 第 366 页, 第 8 行 原文  $\mathfrak{A}_4$  更正  $\mathfrak{A}_5$  感谢柴昊指正

◇ 第 366 页, 倒数第 4 行 原文  $x \in S$  更正  $x \in \mathcal{S}$  感谢郑维喆指正

◇ 第 368 页, 定理 9.8.2 的表述第一句 原文 给定子集  $\{0, 1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$ , 生成的...  
更正 给定子集  $\{0, 1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$ , 基于上述讨论不妨假定  $\mathcal{S}$  对复共轭封闭,  
它生成的... 感谢郑维喆指正

◇ 第 370 页, 习题 2 将本题的所有  $q$  代换成  $p$ , 将“仿照...”改为“参照”, 开头加上“设  $p$   
是素数, ...” 感谢郑维喆指正

◇ 第 372 页, 第 20 题 条件 (b) 部分的  $P \in F[X]$  改成  $Q \in F[X]$ , 以免符号冲突. 相应  
地, 提示第一段的  $P$  都改成  $Q$ . 感谢郑维喆指正

◇ 第 395–396 页, 引理 10.5.3 的证明 从第 395 页倒数第 3 行起 (即证明第二段), 修改如下:

置  $f_k = \sum_{h \geq 0} c_{k,h} t^h$ . 注意到  $\lim_{k \rightarrow \infty} \|f_k\| = 0$ , 这确保  $c_h := \sum_{k \geq 0} c_{k,h}$  存在. 我们断言  $f := \sum_{h \geq 0} c_h t^h \in K\langle t \rangle$  并给出  $\sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

对任意  $\epsilon > 0$ , 取  $M$  充分大使得  $k \geq M \Rightarrow \|f_k\| < \epsilon$ , 再取  $N$  使得当  $0 \leq k < M$  而  $h \geq N$  时  $|c_{k,h}| < \epsilon$ . 于是

$$h \geq N \Rightarrow (\forall k \geq 0, |c_{k,h}| \leq \epsilon) \Rightarrow |c_h| \leq \epsilon,$$

故  $f := \sum_{h \geq 0} c_h t^h \in K\langle t \rangle$ . 其次, 在  $K\langle t \rangle$  中有等式

$$f - \sum_{k=0}^M f_k = \sum_{h \geq 0} \left( c_h - \sum_{k=0}^M c_{k,h} \right) t^h = \sum_{h \geq 0} \underbrace{\left( \sum_{k > M} c_{k,h} \right)}_{|\cdot| \leq \epsilon} t^h,$$

从而  $f = \sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

感谢高煦指正.

◇ 第 397 页, 条目 V 下第 6 行 原文  $w_{x,-}$  更正  $w_{x,-}$

◇ 第 398 页, 倒数第 12 行 原文 , 而  $v: K^\times \rightarrow \Gamma$  是商同态. 更正 . 取  $v: K^\times \rightarrow \Gamma$  为商同态.

◇ 第 400 页, 倒数第 5–6 行 改为:  $e(w | u) = e(w | v)e(v | u), f(w | u) = f(w | v)f(v | u)$ .  
感谢巩峻成指正

◇ 第 406 页, 倒数第 3 行 原文  $|\text{Stab}_{\text{Gal}(L|K)}(w)|$  更正  $\frac{|\text{Gal}(L|K)|}{|\text{Stab}_{\text{Gal}(L|K)}(w)|}$  感谢巩峻成  
指正

◇ 第 407 页, 第 8 行 原文  $|\text{Stab}_{\text{Gal}(L|K)}(w)|$  更正  $\frac{|\text{Gal}(L|K)|}{|\text{Stab}_{\text{Gal}(L|K)}(w)|}$  感谢巩峻成指正

◇ 第 416 页, 定理 10.9.7 将陈述的第一段修改为: “在所有  $W(R)$  上存在唯一的一族交换环结构, 使得  $w: W(R) \rightarrow \prod_{n \geq 0} R$  为环同态,  $(0, 0, \dots)$  为零元,  $(1, 0, \dots)$  为么元, 而且: ” (换行, 开始表列)

对于表列第二项 (“存在唯一确定的多项式族... 所确定”), 最后补上 “... 所确定, 这些多项式与  $R$  无关.”

证明第一段的 “群运算” 改为 “环运算”.

◇ 第 417 页, 最后一行 它被刻画为对...