代数学方法 (第一卷) 勘误表

李文威

2021-11-03

以下页码等信息参照高等教育出版社 2019 年 1 月出版之《代数学方法》第一卷, ISBN: 978-7-04-050725-6. 这些错误将在新版一并改正.

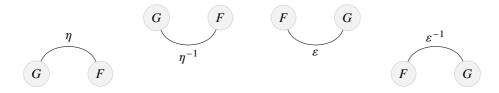
- ◇ 第 12 页, 倒数第 8 行 原文 也可以由稍后的无穷公理保证. 更正 也可以划入稍后的无穷公理. 感谢王东瀚指正.
- ◇ 第 16 页, 倒数第 5 行 原文 于是有 $\gamma \in \gamma$, 这同偏序的反称性矛盾. 更正 于是 有 $\gamma \in \gamma$, 亦即在偏序集 (α, \leq) 中 $\gamma < \gamma$, 这同 < 的涵义 (≤ 但 \neq) 矛盾. 感谢王东 激指正.
- **◇ 第 18 页, 倒数第 10 行 原文** 而性质... 是容易的. **更正** 而且使性质... 成立, 这是容易的.
- **◇ 第 23 页, 第 3-4** 行 **原文** 真前段 (出现两次) **更正** 前段
- \diamond **第 23 页, 第 5** 行 **原文** 由于 σ 无穷... 更正 由于 N_{σ} 无穷... 感谢王东瀚指正.
- **⋄第26页,第一章习题5** 将题目中的三个 $\mathbb{Z}_{>1}$ 全改成 $\mathbb{Z}_{>0}$.
- \diamond 第 35 页, 倒数第 4 行原文 $X \in Ob(\mathscr{C})$ 更正 $X \in Ob(\mathscr{C}')$ 感谢尹梓僮指正.
- **◇ 第 35 页, 第 12 行 (命题 2.2.10 证明)** 将两个箭头的方向调换. 感谢尹梓僮指正.
- ◇ 第 38 页, 第 14 行 原文 由此导出对象和自然变换的同构概念, 其逆若存在则唯一. 更正 其逆若存在则唯一, 依此定义何谓对象间或函子间的同构. 感谢王 猷指正.

- ◆ 第 42 页, 倒数第 2 行
 原文
 … 同构. Z(…) ≃…
 更正
 … 同构 Z(…) ≃…
 感谢

- ⋄第50也,第3行
 原文
 η_X
 更正
 η

感谢蒋之骏指正

◇第54页最后 更正 图表微调成



兴许更易懂.

感谢熊锐提供意见.

- ◇ 第 56 页, 倒数第 13 行原文 $\epsilon'(FG\epsilon')(F\eta G)$ 更正 $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$ 感谢张好风指正
- **⋄第61页,第3行** 在命题 2.7.8 陈述的最后加上一行: "尽管写法相同,应当注意到对于 𝓔 版本,右侧的 lim 和 lim 是在 Set^{op} 中考量的." 感谢巩峻成指正
- ◇第66页,第1行 余完备当且仅当它有所有"余"等化子和小余积. 感谢巩峻成指正
- \diamond 第 67 页, 第 7 行原文f(x)h(y)更正f(x)g(y)

感谢巩峻成指正

⋄ 第 91 页, 倒数第 6 行 "对于 2-范畴" 后加上逗号.

感谢巩峻成指正

- ◇ **第 94** 页, **习题 5 倒数第 2** 行 **原文** Yang-Baxter 方程. **更正** 杨-Baxter 方程.
- **⋄第 113 页倒数第 3 行, 第 115 页引理 4.4.12 原文** 这相当于要求对所有... **更正** 这相当于要求 *X* 非空, 并且对所有...

原文 $\partial X \to G$ -集 更正 $\partial X \to G$ -集

感谢郑维喆指正

- \diamond 第 116 页, 第 5 行
 原文
 $\bar{H} \subseteq N_{\bar{G}}(\bar{H})$ 更正
 $\bar{H} \subsetneq N_{\bar{G}}(\bar{H})$
- **◇ 第 126 页, 第 6 行 原文** (…)ⁿ_{i=0} **更正** (…)ⁿ⁻¹_{i=0}
- \diamond 第 137 页, 倒数第 12 行原文 $sgn(\sigma) = \pm 1$ 更正 $sgn(\sigma) \in \{\pm 1\}$ 感谢巩峻成指

- ◇ 第 149 页, 第 3 行 CRing 表交换环范畴. 另外此行应缩进.

感谢阳恩林指正

感谢巩峻成指正

- **◇ 第 165 页, 5.3.11 之上两行 原文** ∃s ∈ R 更正 ∃s ∈ S
- ◆第 187 页, 倒数第 7 行 (定理 5.7.9 证明)
 原文
 ℤ[-1]
 更正
 ℤ[√-1]

感谢巩峻成指正

感谢巩峻成指正

- \diamond 第 205 页, 第 7 行
 原文
 M 作为 R/ann(M)-模自动是无挠的.
 更正
 M 作为

 R/ann(M)-模的零化子自动是 $\{0\}$.
 感谢戴懿韡指正.
- ◇ 第 218 页, 第 13 行原文B(rx,ys) = rB(x,y)s, $r \in R$, $s \in S$.更正B(qx,ys) = rB(x,y)s, $g \in Q$, $g \in Q$, $g \in Q$, $g \in Q$.
- **◇第220页** 本页出现的 Bil(•ו;•) 都应该改成 Bil(•,•;•), 以和 216 页的符号保持一致.

- \diamond 第 228 页, 倒数第 12 行原文粘合为 $y' \to B$ 更正粘合为 $y' \to M$ 感谢巩峻成指正
- **◇ 第 230 页, 第 13 行 原文** 萃取处 **更正** 萃取出
- **◇ 第 235 页底部** 图表中的垂直箭头 f_i, f_{i-1} 应改为 ϕ_i, ϕ_{i-1} .

- \diamond 第 237 页, 命题 6.8.5 证明第二行
 原文
 由于 f 满
 更正
 由于 f 单
 感谢巩峻成

 指正
- \diamond 第 237 页, 命题 6.8.5 证明最后两行原文故 $(v) \Rightarrow (i);$ 更正故 $(iv) \Rightarrow (i);$
- ◆ 第 240 页, 定义 6.9.3 第二条 原文 … 正合, 则称 I 是内射模. 更正 … 正合, 亦即它保持短正合列, 则称 I 是内射模.
 感谢张好风指正
- ◆ **第 244 页, 倒数第 10 行 原文** 下面的引理 6.10.4 **更正** 引理 5.7.4 感谢郑维喆 指正
- \diamond **第 246 页, 第 2 行和定理 6.10.6, 6.10.7** "交换 Noether 模"应改为 "交换 Noether 环". 两个定理的陈述中应该要求 R 是交换 Noether 环. 感谢郑维喆指正

感谢陆睿远指正.

- **◇第247頁,第6—7行 原文** 其长度记为 n + 1. **更正** 其长度定为 n.
- ◇ 第 251 页, 第 6 行原文 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \ker(u^n)$ 更正 $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \operatorname{im}(u^n)$ 感谢巩峻成指正
- ◇ **第 251 页起, 第 6.12 节** 术语 "不可分模"似作 "不可分解模"更佳,以免歧义. (第 4 页倒数第 3 行也应同步修改) 感谢郑维喆指正
- ◇ **第 255 页, 推论 6.2.19 的证明** 在证明最后补上一句"以上的 ℓ 表示模的长度." 感 谢苑之宇指正.
- ◇ 第 255 页, 第 1 题 原文

$$N = \left\langle \alpha(f)(x_i) - x_j : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i, x_j \in M_j \right\rangle$$

更正

$$N = \left(\alpha(f)(x_i) - x_i : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i \right)$$

感谢郑维喆指正

- \diamond 第 270 页, (7.6) 式 中间项补全为 $A\otimes M_n(R)\otimes M_m(R)\otimes B$. 感谢巩峻成指正

- **⋄ 第 274 页, 倒数第 2 行** 将两处 $A^k(M)$ 改成 $A^k(X)$.
- \diamond **第 284 頁, 定理 7.6.6** 将定理陈述中的函子 U 由忘却函子改成映 A 为 A_1 的函子, 其余不变. 相应地, 证明第二段的 $\varphi: M \to A$ 应改成 $\varphi: M \to A_1$. 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 285 頁, 倒数第 5 行 $T^n_\chi(M) := \{x \in T^n(M) : \forall \sigma \in \mathfrak{S}_n, \ \sigma x = \chi(\sigma)x\}$ 感谢郑维喆指正
- **\$\sigma\$ 286 頁**, 定理 7.6.10原 "因而有 R-模的同构" 改为 "因而恒等诱导 R-模的同构". 以下两行公式开头的 $e_1:$ 和 $e_{sgn}:$ 皆删去.感谢郑维喆指正
- \diamond 第 311 页, 命题 8.3.2 证明第 4 行 更正 分别取...... 和 $\overline{F}'|E'$.
- ◇ **第 313 頁, 命题 8.3.9** (iii) "交"改为"非空交". 相应地, 证明第四行的"一族正规子扩张"后面加上"且 *I* 非空". 感谢郑维喆指正
- \diamond 第 315 頁, 定理 8.4.3 (iv) 原文 更正 $\sum_{k=0}^n$ 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 315 页, 倒数第 2 行原文deg $f(X^p) = pf(X)$ 更正deg $f(X^p) = p \deg f(X)$ 感谢杨历指正.
- ◇ 第 317 页, 倒数第 13 行 (出现两次) 原文 ∏_{i=1}ⁿ … 更正 ∏_{m=1}ⁿ …
- ◇ 第 325 页, 第 10 行 (定义-定理 8.7.3 证明) 原文 a^{-p^m} 更正 $a^{p^{-m}}$
- **◇ 第 343 页, 倒数第 6,7 行** 倒数第 6 行的 $Gal(K|L \cap M) \subset \cdots$ 改成 $Gal(L|K) \subset \cdots$, 另外 倒数第 7 行最后的 "故"字删去. 感谢张好风指正
- ◇ 第 348 页, 命题 9.3.6
 原文 | lim Z/nZ 更正 | lim Z/mZ 感谢郑维喆指正
- \diamond 第 350 页, 第 8 行 $\boxed{\text{原文}}$ \iff $d \mid n$ $\boxed{\text{更正}}$ \iff $n \mid d$ \implies 感谢巩峻成指正
- ◆ 第 352 页, 第 7 行
 原文
 p | n | 更正
 p ∤ n | 感谢郑维喆指正
- ◇ 第 357 页, 倒数第 8 行原文F(S)|S更正F(S)|F感谢张好风指正
- ◇ 第 360 页, 定理 9.6.8 陈述 在 (9.10) 之后补上一句 (不缩进): "证明部分将解释如何定义 Hom 的拓扑."
 感谢张好风指正
- **第 360 页, 定理 9.6.8 证明** 将所有 $\chi(\cdots) = 1$ 改成 $\chi(\cdots) = 0$, 以确保与之前的惯例一

 致.
 感谢杨历指正.
- ◆ 第 363 页, 倒数第 4 行
 原文

 η_[E:F]

 更正

 η_[L:F]

 感谢郑维喆指正

感谢郑维喆指正

- **第 368 页, 定理 9.8.2 的表述第一句** 原文
 给定子集 $\{0,1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$, 生成的...

 更正
 给定子集 $\{0,1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$, 基于上述讨论不妨假定 S 对复共轭封闭, 它生成的...

 感谢郑维喆指正
- **第 372 页, 第 20 题** 问题 (b) 部分的 $P \in F[X]$ 改成 $Q \in F[X]$, 以免冲突. 相应地, 提示第一段的 P 都改成 Q.
 感谢郑维喆指正
- **⋄第 395–396 页, 引理 10.5.3 的证明** 从第 395 页倒数第 3 行起 (即证明第二段), 修改如下:

置 $f_k = \sum_{h \geq 0} c_{k,h} t^h$. 注意到 $\lim_{k \to \infty} \|f_k\| = 0$, 这确保 $c_h \coloneqq \sum_{k \geq 0} c_{k,h}$ 存在. 我们断言 $f \coloneqq \sum_{h \geq 0} c_h t^h \in K \langle t \rangle$ 并给出 $\sum_{k=0}^{\infty} f_k$.

对任意 $\epsilon > 0$, 取 M 充分大使得 $k \ge M \implies \|f_k\| < \epsilon$, 再取 N 使得当 $0 \le k < M$ 而 $h \ge N$ 时 $|c_{k,h}| < \epsilon$. 于是

$$h \ge N \implies (\forall k \ge 0, |c_{k,h}| \le \epsilon) \implies |c_h| \le \epsilon,$$

故 $f := \sum_{h>0} c_h t^h \in K\langle t \rangle$. 其次, 在 $K\langle t \rangle$ 中有等式

$$f - \sum_{k=0}^M f_k = \sum_{h \geq 0} \left(c_h - \sum_{k=0}^M c_{k,h} \right) t^h = \sum_{h \geq 0} \underbrace{\left(\sum_{k > M} c_{k,h} \right)}_{|\cdot| < \epsilon} t^h,$$

从而 $f = \sum_{k=0}^{\infty} f_k$.

感谢高煦指正.

- ◇第397页,条目 V 下第6行
 原文
 W_{x,-} 更正
 W_{x,-} 更正
- ◇ 第 398 页, 倒数第 12 行 原文 , 而 $\nu: K^{\times} \to \Gamma$ 是商同态. 更正 . 取 $\nu: K^{\times} \to \Gamma$ 为商同态.
- **◇第416页, 定理10.9.7** 删除定理陈述的最后一句话, 将陈述的第一段修改为: "在所有 W(R) 上存在唯一的一族交换环结构, 使得 W(·) 给出从交换环范畴 CRing 到自身的函子, $w:W(R)\to\prod_{n\geq 0}R$ 为环同态, (0,0,...) 为零元, (1,0,...) 为幺元, 而且: "(换行, 开始表列)

对于表列第二项 ("存在唯一确定的多项式族..."), 最后补上一句 "它们与 R 无关."

◇ 第 417 页, 最后一行 它被刻画为对...