## 代数学方法(第一卷)勘误表 跨度: 2019—2022

## 李文威

## 2022-04-10

以下页码等信息参照高等教育出版社 2019 年 1 月出版之《代数学方法》第一卷, ISBN: 978-7-04-050725-6. 这些错误已在修订版改正 (2022 年 3 月网络发布, 纸本待出).

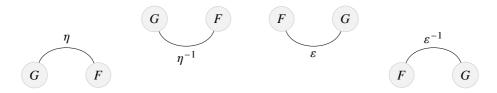
- ◇ 第 12 页, 倒数第 8 行 原文 也可以由稍后的无穷公理保证. 更正 也可以划入稍后的无穷公理. 感谢王东瀚指正.
- **◇ 第 16 页, 倒数第 5 行 原文** 于是有  $\gamma \in \gamma$ , 这同偏序的反称性矛盾. **更正** 于是 有  $\gamma \in \gamma$ , 亦即在偏序集  $(\alpha, \leq)$  中  $\gamma < \gamma$ , 这同 < 的涵义 (≤ 但  $\neq$ ) 矛盾. 感谢王东 瀚指正.
- **◇ 第 18 页, 倒数第 10 行 原文** 而性质... 是容易的. **更正** 而且使性质... 成立, 这是容易的.
- $\diamond$  第 19 页, 倒数第 5 行
   原文
    $a_{\alpha} \notin C_{\alpha}$  更正
    $a_{\alpha} \notin \{a_{\beta}\}_{\beta < \alpha}$  感谢胡旻杰指正
- ◆ 第 23 页, 第 5 行
   原文
   由于 α 无穷...
   更正
   由于 Ν<sub>α</sub> 无穷...
   感谢王东瀚指正.
- $\diamond$  **第 26 页, 第一章习题 5** 将题目中的三个  $\mathbb{Z}_{\geq 1}$  全改成  $\mathbb{Z}_{\geq 0}$ .
- $\diamond$  第 35 页, 倒数第 4 行原文 $X \in Ob(\mathscr{C})$ 更正 $X \in Ob(\mathscr{C}')$ 感谢尹梓僮指正.
- **◇ 第 38 页, 第 12 行 (命题 2.2.10 证明)** 将两个箭头的方向调换. 感谢尹梓僮指正.

- ◆ 第 42 页, 倒数第 2 行 原文 … 同构. Z(…) ≃… 更正 … 同构 Z(…) ≃… 感谢
   王东瀚指正.

- ◆ 第 50 页, 第 3 行
   原文
   η<sub>X</sub>
   更正
   η

感谢蒋之骏指正

◇第54页最后 更正 图表微调成



兴许更易懂.

感谢熊锐提供意见.

- ◇ 第 56 页, 倒数第 13 行原文 $\epsilon'(FG\epsilon')(F\eta G)$ 更正 $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$ 更正 $\epsilon'(FG\epsilon'')(F\eta G)$ (严格来说, 这行里的所有  $\epsilon$  都应该改作  $\epsilon$ .)感谢张好风指正
- ◇ 第 61 页, 第 2–3 行
   原文
    $\lim_{K \to \infty} (\alpha(S)), \lim_{K \to \infty} (\beta(S))$  更正
    $\lim_{K \to \infty} (\alpha(S)), \lim_{K \to \infty} (\beta(S))$  感
- ◇第66页,第1行 余完备当且仅当它有所有"余"等化子和小余积. 感谢巩峻成指正
- $\diamond$  第 67 页, 第 7 行原文f(x)h(y)更正f(x)g(y)感谢巩峻成指正
- $\diamond$  **第 77 页**, (3.8) 和 (3.9) 将交换图表中的  $\lambda_2^{-1}$  和  $\rho_2^{-1}$  分别改成  $\lambda_2$  和  $\rho_2$ , 相应地将箭头反转.
- $\diamond$  第 77 页, 倒数第 8 和倒数第 6 行 将  $\xi_F: F(\cdot) \times F(\cdot)$  改成  $\xi_F: F(\cdot) \otimes F(\cdot)$ . 将  $\eta_F: F(\cdot \otimes \cdot) \to F(\cdot)$  改成  $\eta_F: F(\cdot \otimes \cdot) \to F(\cdot)$  感谢巩峻成指正
- **第78页,第1行** 原文
   使得下图...
   更正
   使得  $\theta_{1_1}$  为同构,而且使下图...

   图表之后接一句 "作为练习,可以证明对标准的  $\varphi_F$  和  $\varphi_G$  必然有  $\varphi_G = \theta_{1_1} \varphi_F$ ."

   后续另起一段.
- ◇ 第84页, 第2行 原文 定义结合约束 更正 定义交换约束 感谢王东瀚指正
- **⋄第91页,倒数第6行** "对于2-范畴"后加上逗号. 感谢巩峻成指正

◇第102页,第6行 原文 它们仅与... 更正 前者仅与... 感谢巩峻成指正 **◇ 第 113 页倒数第 3 行, 第 115 页引理 4.4.12 原文** 这相当于要求对所有... 更正 这相当于要求 X 非空, 并且对所有... 原文  $\partial X \to G$ -集 更正  $\partial X \to A$ 感谢郑维喆指正 原文  $\operatorname{Aut}(G_1) \times \operatorname{Aut}(G_2)^{\operatorname{op}}$  更正  $\operatorname{Aut}(G_1)^{\operatorname{op}} \times \operatorname{Aut}(G_2)$ ◇ 第 114 页, 倒数第 1 行 感谢巩峻成指正 原文  $\bar{H} \subseteq N_{\bar{G}}(\bar{H})$  更正  $\bar{H} \subsetneq N_{\bar{G}}(\bar{H})$ ⋄第116页,第5行 原文  $(\cdots)_{i=0}^n$  更正  $(\cdots)_{i=0}^{n-1}$ ◇ 第 126 页, 第 6 行 原文  $H_{i}$  更正  $H_{i}$ ◇ 第 131 页, 倒数第 1 行 感谢巩峻成指正 原文  $\operatorname{sgn}(\sigma) = \pm 1$  更正  $\operatorname{sgn}(\sigma) \in \{\pm 1\}$  感谢巩峻成指 ◇ 第 137 页, 倒数第 12 行 正 感谢巩峻成指正 **原文** 另外约定  $\mathfrak{S}'_n = \{1\}$  更正 另外约定  $\mathfrak{S}'_1 = \{1\}$ ◇第 141 页,第 11 行 **◇ 第 149 页, 第 3 行** CRing 表交换环范畴. 另外此行应缩进. 感谢阳恩林指正 原文 Ir = rI = I 更正 IR = I = RI◇第156页,第4行 感谢巩峻成指正 原文  $\forall s \in S$  更正  $\forall s \in R$ ◇ 第 158 页, 最后一行 感谢雷嘉乐指正 原文 赋予每个  $R/a_i$ … 更正 赋予每个  $R_i := R/a_i$ … ⋄第174页,第15行 巩峻成指正 原文  $\in R[X]$  更正  $\in K[X]$ ◇ 第 188 页, 倒数第 5 行 感谢巩峻成指正 原文  $g \in R \cap K[X]^{\times}$  更正  $g \in R[X] \cap K[X]^{\times}$  感谢巩峻成指 ⋄第 189 页,第 17 行 正

感谢巩峻成指正

**⋄ 第 190 页, 倒数第 2 行的公式** 改成:

$$\bar{b}_k X^k +$$
 高次项,  $\bar{b}_k \neq 0$ ,

感谢巩峻成指正

- **今第191页,第12**行将  $(b_1,\ldots,b_m)$  改成  $(b_1,\ldots,b_n)$ ,并且将之后的"留意到…"一句删除.除.感谢巩峻成指正
- **第 191 页, 第 15 和 16** 行
   原文
    $m_{\lambda_1,...,\lambda_n}$  更正
    $m_{\lambda_1,...,\lambda_r}$  

   原文
    $(\lambda_1,...,\lambda_r)$  的所有不同排列.
   更正
    $(\lambda_1,...,\lambda_r,0,...,0)$  的所有不同排列.

   排列 (n 个分量).
   感谢巩峻成指正
- 。第 192 页, 第 1 段最后 1 行 原文 使  $m_{\lambda}$  落在  $\Lambda_n$  中的充要条件是  $\lambda_1$  (即 Young 图的宽度) 不超过 n. 更正 如果分拆的长度 r (即 Young 图的高度) 超过给定的 n,相应的  $m_{\lambda} \in \Lambda_n$  规定为 0. 感谢巩峻成指正
- $\diamond$  第 192 页, 定义 5.8.1 第二项
   原文
    $\mu_i = \mu_k$  更正
    $\mu_i = \lambda_i$  感谢巩峻成指正
- $\diamond$  第 193 页, 第 2 行和第 5 行
   原文
    $X_{i_1} \cdots X_{i_n}$ .
   更正
    $X_{i_1} \cdots X_{i_k}$ .

   原文
    $\prod_{i=1}^{n} (Y X_i)$ ,
   更正
    $\prod_{i=1}^{n} (Y + X_i)$  感谢巩峻成指正
- $\diamond$  第 194 页, 例 5.8.6 的第 3 行
   原文
    $\sum_{i=0}^{n} c_i Y^{n-i}$  更正
    $\sum_{i=0}^{n} (-1)^i c_i Y^{n-i}$  感谢环 峻成指正
- ◇ **第 203 页**, **第 17** 行 **原文** ker(φ) **更正** ker(φ) 感

感谢胡龙龙指正

- **第 205 页,第 7 行** 原文
   M 作为 R/ann(M)-模自动是无挠的.
   更正
   M 作为

   R/ann(M)-模的零化子自动是  $\{0\}$ .
   感谢戴懿韡指正.
- **◇第220页** 本页出现的 Bil(•ו;•) 都应该改成 Bil(•,•;•), 以和 216 页的符号保持一致.
- $\diamond$  第 220 页, 第 10 行原文 $B(\cdot,z): M \otimes M'$ 更正 $B(\cdot,z): M \otimes M'$ 感谢巩峻成指正

- **◇ 第 230 页, 第 13 行 原文** 萃取处 **更正** 萃取
- **⋄ 第 235 页底部** 图表中的垂直箭头 $f_i, f_{i-1}$  应改为  $\phi_i, \phi_{i-1}$ .
- ◇ **第 236 页**, **第 6** 行 **原文** 直和 **□**, 更正 直和 **□**, 感谢巩峻成指正
- ◇ 第 237 页, 第 2 行原文存在  $r: M' \to M$ 更正存在  $r: M \to M'$ 感谢雷嘉乐指
- ◆ 第 237 页, 命题 6.8.5 证明第二行 原文 由于 f 满 更正 由于 f 单 感谢巩峻成指正
- ◇第 237 页, 命题 6.8.5 证明最后两行 原文 故  $(v) \Rightarrow (i);$  更正 故  $(iv) \Rightarrow (i);$
- **◇第238页,第8行** 原文  $Y' \to Y \to Y$  正合 更正  $Y' \to Y \to Y''$  正合
- ◆第 240 页, 定义 6.9.3 第二条 原文 … 正合, 则称 I 是内射模. 更正 … 正合, 亦即它保持短正合列, 则称 I 是内射模.
   感谢张好风指正
- ◆ **第 244 页, 倒数第 10 行 原文** 下面的引理 6.10.4 **更正** 引理 5.7.4 感谢郑维喆 指正
- **◇ 第 246 页, 第 2 行和定理 6.10.6, 6.10.7** "交换 Noether 模"应改为"交换 Noether 环". 两个定理的陈述中应该要求 *R* 是交换 Noether 环. 感谢郑维喆指正
- **⋄第247頁,第6—7行 原文** 其长度记为 n + 1. **更正** 其长度定为 n.
- $\diamond$  第 251 页, 第 6 行 原文  $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \ker(u^n)$  更正  $\operatorname{im}(u^{\infty}) = \operatorname{im}(u^n)$  感谢巩峻成指正
- ◇ **第 251 页起, 第 6.12 节** 术语 "不可分模"似作 "不可分解模"更佳,以免歧义. (第 4 页倒数第 3 行和索引里的条目也应当同步修改) 感谢郑维喆指正
- ◆ 第 252 頁, 第 2 行
   原文
   1 ≤ 1 ≤ n.
   更正
   1 ≤ i ≤ n.
   感谢傅煌指正.
- ◇ **第 255 页, 推论 6.12.9 的证明** 在证明最后补上一句"以上的 ℓ表示模的长度." 感 谢苑之宇指正.

⋄ 第 255 页, 第 1 题 原文

$$N = \left\langle \alpha(f)(x_i) - x_j : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i, x_j \in M_j \right\rangle$$

更正

$$N = \left( \alpha(f)(x_i) - x_i : i \xrightarrow{f} j, \ x_i \in M_i \right)$$

感谢郑维喆指正

- **◇ 第 270 页, 注记 7.3.6 原文** 秩为 *A, B* 的秩之和 更正 秩为 *A, B* 的秩之积 感 谢汤─鸣指正
- $\diamond$  第 270 页, (7.6) 式 前两项改为  $M_n(A)\otimes M_m(B)\simeq A\otimes M_n(R)\otimes M_m(R)\otimes B$ , 后续不变. 感谢巩峻成指正
- **◇ 第 274 页, 倒数第 2 行** 将两处  $A^k(M)$  改成  $A^k(X)$ .

感谢巩峻成指正

- ◇ 第 279 页, 定理 7.5.2 陈述 原文 唯一的 R-模同态... 更正 唯一的 R-代数同态...
  态...
  感谢巩峻成指正
- **◇ 第 284 頁, 定理 7.6.6** 将定理陈述中的 U 由 "忘却函子" 改成 "映 A 为  $A_1$  的函子", 其余不变. 相应地, 证明第二行的  $\varphi: M \to A$  应改成  $\varphi: M \to A_1$ . 感谢郑维喆指正
- $\diamond$  第 285 頁, 倒数第 5 行 $T^n_\chi(M) := \{x \in T^n(M) : \forall \sigma \in \mathfrak{S}_n, \ \sigma x = \chi(\sigma)x\}$ 感谢郑维喆指正
- **\$\sigma\$ 286 頁**, **定理 7.6.10** 原 "因而有 R-模的同构" 改为 "因而恒等诱导 R-模的同构". 以下两行公式开头的  $e_1:$ 和  $e_{\rm sgn}:$ 皆删去. 感谢郑维喆指正
- ◇第 289 页最后一行 原文 u<sub>1</sub> ∧ ··· 更正 u<sub>i1</sub> ∧ ···
- **⋄ 第 293 页第 8, 10, 13 行** 将 *M* 都改成 *E*, 共三处.

感谢巩峻成指正

感谢巩峻成指正

- **◇第311页, 命题 8.3.2 证明第4行** 更正 分别取...... 和 F'|E'.
- ◆ 第 313 頁, 命题 8.3.9 (iii) "交"改为"非空交". 相应地, 证明第四行的"一族正规子扩张"后面加上"且 / 非空".感谢郑维喆指正
- $\diamond$  第 315 頁, 定理 8.4.3 (iv)
   原文
   更正
    $\sum_{k=0}^{n}$  感谢郑维喆指正
- ◇ 第 315 页, 倒数第 2 行原文deg  $f(X^p) = pf(X)$ 更正deg  $f(X^p) = p \deg f(X)$ 感谢杨历指正.
- ◇ 第 317 页, 倒数第 13 行 (出现两次)  $\boxed{\text{原文}}$   $\prod_{i=1}^{n}$  …  $\boxed{\text{更正}}$   $\prod_{m=1}^{n}$  …
- ◇ 第 326 页第 4 行 原文 既然纯不可分扩张是特出的 更正 既然纯不可分扩张 对复合封闭 感谢巩峻成指正
- ◆ 第 340 页最后一行
   原文
   于是 Gal(E|K) 确实是拓扑群
   更正
   于是 Gal(E|F) 确 感谢巩峻成指正
- **◇ 第 343 页, 倒数第 6,7 行** 倒数第 6 行的  $Gal(K|L \cap M) \subset \cdots$  改成  $Gal(L|K) \subset \cdots$ , 另外 倒数第 7 行最后的 "故"字删去. 感谢张好风指正
- $\diamond$  第 348 页, 命题 9.3.6 陈述和证明原文 $\lim_{m} \mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ 更正 $\lim_{m} \mathbb{Z}/m\mathbb{Z}$ 原文 $\lim_{m \to n>1} \mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$ 更正 $\lim_{m \to n>1} \mathbb{Z}/n!\mathbb{Z}$ 感谢郑维喆和巩峻成指正
- ◇第350页,第8行
  原文
  ⇔ d | n 更正
  ⇒ n | d
  感谢巩峻成指正
- ◆ 第 352 页, 第 7 行
   原文
   p | n
   更正
   p ∤ n
   感谢郑维喆指正
- ◇ **第 355 页**, **第 6 行 原文** 设 *T* 不可逆 更正 设 *S* 不可逆 感谢雷嘉乐指正
- **◇ 第 357 页, 第 4 行** 删除 "= Gal(E|F)".

感谢巩峻成指正

- $\diamond$  第 359 页, 第 5 行 原文 透过  $\Gamma_E$  分解 更正 透过  $\mathrm{Gal}(E|F)$  分解 感谢巩峻成指 正
- ◇ 第 360 页, 定理 9.6.8 陈述 在 (9.10) 之后补上一句 (不缩进): "证明部分将解释如何定义 Hom 的拓扑."
  感谢张好风指正
- $\diamond$  第 360 页, 定理 9.6.8 证明将证明第三行等号下方的  $\bar{\Gamma} = \Gamma_F/\Gamma$  和上方的文字删除,等号改成  $\stackrel{\text{(1)}}{\longleftrightarrow}$ .感谢杨历和巩峻成指正

感谢郑维喆指正

◇第366页,第8行

原文 014 更正 015

感谢柴昊指正

◇ 第 366 页, 倒数第 4 行

原文  $x \in S$  更正  $x \in \mathcal{S}$ 

感谢郑维喆指正

- 。第 368 页, 定理 9.8.2 的表述第一句 原文 给定子集  $\{0,1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$ , 生成的… 更正 给定子集  $\{0,1\} \subset \mathcal{S} \subset \mathbb{C}$ , 基于上述讨论不妨假定  $\mathcal{S}$  对复共轭封闭, 它生成的… 感谢郑维喆指正
- **\$\sigma\$ 370 页, 习题 2** 将本题的所有 q 代换成 p, 将 "仿照…" 改为 "参照", 开头加上 "设 p 是素数, …" 感谢郑维喆指正
- **⋄ 第 372 页, 第 20 题** 条件 (b) 部分的  $P \in F[X]$  改成  $Q \in F[X]$ , 以免符号冲突. 相应地, 提示第一段的 P 都改成 Q. 感谢郑维喆指正
- **⋄第 395–396 页, 引理 10.5.3 的证明** 从第 395 页倒数第 3 行起 (即证明第二段), 修改如下:

置  $f_k = \sum_{h\geq 0} c_{k,h} t^h$ . 注意到  $\lim_{k\to\infty} \|f_k\| = 0$ , 这确保  $c_h := \sum_{k\geq 0} c_{k,h}$  存在. 我们断言  $f := \sum_{h\geq 0} c_h t^h \in K \langle t \rangle$  并给出  $\sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

对任意  $\epsilon > 0$ , 取 M 充分大使得  $k \ge M \implies \|f_k\| < \epsilon$ , 再取 N 使得当  $0 \le k < M$  而  $h \ge N$  时  $|c_{k,h}| < \epsilon$ . 于是

$$h \geq N \implies \left( \forall k \geq 0, \; |c_{k,h}| \leq \epsilon \right) \implies |c_h| \leq \epsilon,$$

故 $f := \sum_{h>0} c_h t^h \in K\langle t \rangle$ . 其次, 在  $K\langle t \rangle$  中有等式

$$f - \sum_{k=0}^{M} f_k = \sum_{h \geq 0} \left( c_h - \sum_{k=0}^{M} c_{k,h} \right) t^h = \sum_{h \geq 0} \underbrace{\left( \sum_{k > M} c_{k,h} \right)}_{\mid \cdot \mid < \epsilon} t^h,$$

从而 $f = \sum_{k=0}^{\infty} f_k$ .

感谢高煦指正.

- ◇第397页,条目 V 下第6行
  原文
  W<sub>x,-</sub>
  更正
  W<sub>x,-</sub>
- **◇ 第 400 页, 倒数第 5–6 行** 改为:  $e(w \mid u) = e(w \mid v)e(v \mid u), f(w \mid u) = f(w \mid v)f(v \mid u).$  感谢巩峻成指正

- $\diamond$  **第 416 页, 定理 10.9.7** 将陈述的第一段修改为: "在所有 W(*R*) 上存在唯一的一族交换环结构, 使得  $w:W(R)\to\prod_{n\geq 0}R$  为环同态, (0,0,...) 为零元, (1,0,...) 为幺元, 而且: "(换行, 开始表列)

对于表列第二项 ("存在唯一确定的多项式族... 所确定"), 最后补上 "... 所确定, 这些多项式与 *R* 无关."

证明第一段的"群运算"改为"环运算".

⋄第417页,最后一行 它被刻画为对...