Bizonyítással kért tételek a vizsgákon Analízis 1. (BSc) EProgramtervező informatikus

2023-2024. tanév, tavaszi félév

- 1. A szuprémum elv.
- 2. Archimédész tétele.
- 3. A Cantor-féle közösrész-tétel.
- 4. A Barrow-Bernoulli-egyenlőtlenség.
- 5. A mértani és a számtani közép közötti egyenlőtlenség.
- 6. A Cauchy-Bunyakovszkij-egyenlőtlenség.
- 7. A Mikowszki-egyenlőtlenség.
- 8. Minden sorozatnak van monoton részsorozata.
- 9. Konvergens sorozat határértéke egyértelmű.
- 10. A konvergencia és a korlátosság kapcsolata.
- 11. Konvergens sorozatok hányadosára vonatkozó tétel.
- 12. A sorozatorkra vonatkozó Sandwich-tétel.
- 13. Monoton sorozatok határértékére vonatkozó tételek.
- 14. A Cauchy-féle konvergenciakritérium.
- 15. A mértani sorozat határértékére vonatkozó tétel.
- 16. Az $e_n := \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n \quad (n \in \mathbb{N})$ sorozat konvergenciája.
- 17. Pozitív szám m-edik gyökének előállítása rekurzív módon megadott sorozatok határértékével.

2024. 02. 06.

18. A Bolzano-Weierstraß-tétel.

- 19. A sorokra vonatkozó Cauchy-féle konvergenciakritérium.
- 20. A geometriai sor konvergenciája.
- 21. A hiperharmonikus sor konvergenciája.
- 22. Az e szám sorösszeg előállítása.
- 23. A Cauchy-féle gyökkritérium.
- 24. A D'Alembert-féle hányadoskritérium.
- 25. Leibniz-típusú sorok konvergenciája.
- 26. A Cauchy-Hadamard-tétel.
- 27. Függvény határértékre vonatkozó átviteli elv.
- 28. Periodikus függvény határértéke $\pm\infty$ -ben.
- 29. Hatványsor összegfüggvényének határértéke.

$$30. \lim_{x\to 0}\frac{\sin(x)}{x}=1.$$

- 31. Korlátos és zárt intervallumon folytonos függvény korlátos.
- 32. A Weierstraß-tétel.
- 33. A Bolzano-tétel.
- 34. Az inverz függvény konvexitása.
- 35. Konvex, ill. konkáv függvények folytonossága.