Katedra informatiky Přírodovědecká fakulta Univerzita Palackého v Olomouci

BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Demonstrace práce s datovými strukturami



2018

Vedoucí práce: Mgr. Tomáš Kühr, Ph.D.

Patrik Becher

Studijní obor: Aplikovaná informatika, prezenční forma

Bibliografické údaje

Autor: Patrik Becher

Název práce: Demonstrace práce s datovými strukturami

Typ práce: bakalářská práce

Pracoviště: Katedra informatiky, Přírodovědecká fakulta, Univerzita

Palackého v Olomouci

Rok obhajoby: 2018

Studijní obor: Aplikovaná informatika, prezenční forma

Vedoucí práce: Mgr. Tomáš Kühr, Ph.D.

Počet stran: 56

Přílohy: 1 CD/DVD

Jazyk práce: český

Bibliograpic info

Author: Patrik Becher

Title: Data Structure Demonstration

Thesis type: bachelor thesis

Department: Department of Computer Science, Faculty of Science, Pa-

lacký University Olomouc

Year of defense: 2018

Study field: Applied Computer Science, full-time form

Supervisor: Mgr. Tomáš Kühr, Ph.D.

Page count: 56

Supplements: 1 CD/DVD

Thesis language: Czech

Anotace

Cílem bakalářské práce bylo vytvořit nástroj pro podporu výuky algoritmizace, konkrétně práce se základními stromovými datovými strukturami (binární vyhledávací stromy, AVL stromy, červeno-černé stromy). Výsledná aplikace podporuje vizualizaci vybraných datových struktur, včetně názorné demonstrace běžně prováděných operací s těmito datovými strukturami se souběžným zobrazením pseudokódu prováděné operace.

Synopsis

Klíčová slova: Binární vyhledávací strom, Binární strom, AVL strom, Červenočerný strom

Keywords: Binary search tree, Binary tree, AVL tree, Red-black tree

Rád bych poděkoval panu Mgr. Tomáši Kührovi Ph.D. za vedení této bakalářsk práce a panu RNDr. Arnoštu Večerkovi za odbornou pomoc a poskytnuté mate riály k práci. Dále bych chtěl poděkovat mé rodině a přítelkyni za podporu př tvorbě.
Místopřísežně prohlašuji, že jsem celou práci včetně příloh vypracoval/a samo statně a za použití pouze zdrojů citovaných v textu práce a uvedených v seznam literatury.
datum odevzdání práce podpis autora

Obsah

1	Úvo	\mathbf{d}		8			
2	Stromy						
	2.1	Binárr	ní strom	11			
	2.2	Binárr	ní vyhledávací strom	11			
		2.2.1	Vyhledávání				
		2.2.2	Vkládání				
		2.2.3	Odebírání				
	2.3	AVL s	strom				
		2.3.1	Rotace				
		2.3.2	Vyhledávání				
		2.3.3	Vkládání				
		2.3.4	Odebírání				
	2.4		no-černý strom				
		2.4.1	Transformace				
		2.4.2	Vyhledávání				
		2.4.3	Vkládání				
		2.4.4	Odebírání				
		2.4.4	Odebnam	30			
3	\mathbf{Pro}	gramá	torská dokumentace	36			
	3.1	_	amovací jazyk a použité technologie	36			
		3.1.1	Java				
		3.1.2	JavaFX				
		3.1.3	FXML				
	3.2		ektura programu				
	0.2	3.2.1	Balík application				
		3.2.1 $3.2.2$	Balík trees				
		3.2.3					
		ა.∠.ა	Balík graphic	42			
4	Uži	vatelsk	zá příručka	49			
	4.1		nální požadavky aplikace	49			
			ění				
	4.3		aplikace				
	1.0	4.3.1	Popis okna aplikace				
		4.3.2	Klávesové zkratky				
		4.0.2	Mavesove zkratky	02			
Závěr							
Conclusions							
\mathbf{A}	Obsah přiloženého CD/DVD						
Literatura							

Seznam obrázků

1	Příklady neorientovaných stromů
2	Popis struktury stromu
3	Příklad zobrazení binárního stromu
4	BVS - stejné hodnoty, ale rozdílná výška
5	BVS - postup vyhledávání hodnoty 5
6	BVS - postup vkládání hodnoty 6 – hledání
7	BVS - postup vkládání hodnoty 6 – vložení
8	BVS - postup odebírání hodnoty 4
9	Vlastnosti vyváženého stromu
10	Výpočet faktoru vyvážení pro uzel u
11	Ukázka vyváženého AVL stromu
12	AVL - jednoduchá rotace RR
13	AVL - jednoduchá rotace LL
14	AVL - dvojitá rotace RL
15	AVL - dvojitá rotace LR
16	AVL - postup vkládání hodnoty 5
17	AVL - postup odebírání hodnoty 1
18	Ukázka vyváženého ČČ stromu
19	ČČ - jednoduchá rotace RR
20	ČČ - jednoduchá LL
21	$\check{\mathrm{C}}\check{\mathrm{C}}$ - dvojitá rotace RL
22	ČČ - dvojitá rotace LR
23	ČČ - přebarvení 1
24	ČČ - přebarvení 2
25	$\check{C}\check{C}$ - postup vkládání hodnoty 10
26	ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – jednoduchá rotace 32
27	ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – dvojitá rotace 32
28	ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – přebarvení
29	ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – přebarvení a přesun
	označení
30	ČČ - rotace s dvojitě obarveným uzlem – jednoduchá rotace 34
31	ČČ - ukázka odebírání – 1) odebrání 8
32	$\check{\mathrm{C}}\check{\mathrm{C}}$ - ukázka odebírání – 2) vložen NULL list
33	$\check{\mathrm{C}}\check{\mathrm{C}}$ - ukázka odebírání – 3) případ 4
34	$\check{C}\check{C}$ - ukázka odebírání – 4) případ 2
35	Hlavní okno programu
36	Menu programu
37	Dialogové okno navázané na tlačítko <i>Nový</i>
38	Dialogové okno pro náhodný strom

Seznam zdrojových kódů

1	search - funkce vyhledávání v BVS	13
2	Result - třída pro reprezentaci výsledku	15
3	search - úprava funkce vyhledávání s použitím Result	16
4	insert - funkce vkládání v BVS	16
5	delete - funkce pro odebírání v BVS	19
6	computeFactor - funkce pro výpočet faktoru vyvážení v AVL stromu	21
7	styles.css - ukázka zápisu	38
8	$\operatorname{countChildren}()$ - rekurzivní funkce pro určení počtu potomků	44
9	Ukázka použití konstruktoru třídy DrawingTree	45
10	Ukázka určení souřadnic nově vloženého uzlu	47
11	Zkrácená ukázka nextAnimation()	48
12	Ukázka výpočtu správného umístění uzlu	48

1 Úvod

Tato aplikace vznikla za účelem výuky základních binárních stromů. Obsahuje podporu pro Binární vyhledávací, AVL a Červenočerné stromy. Tyto stromy jsem vybral ze seznamu stromů zmíněných v zadání bakalářské práce. Kvůli časové náročnosti implementace a testování animací těchto stromů, jsem byl bohužel nucen opustit od původní koncepce programu, který byl navržen na podporu všech zmíněných datových struktur.

Program pomocí animací zobrazuje operace: Vyhledávání, Vkládání a Odebírání prvků ze stromů. Souběžně s animací zobrazuje stručný pseudokód aktuálně prováděné operace. Dále umožňuje opakovat poslední operaci, ukládat a načítat stromy, exportovat strom do obrázku a generovat stromy s náhodnými prvky.

Datová struktura *strom* je v informatice velmi často využívána, hlavně jako způsob ukládání dat, kde má následné vyhledávání velmi dobrou časovou složitost. Kvůli této skutečnosti je důležité, aby každý programátor tyto struktury znal. K samotnému pochopení těchto stromů jsem i já osobně využíval různé programy, které umožňovali graficky vytvářet a provádět operace s těmito stromy. To byla pro mě motivace, abych si vybral bakalářskou práci na toto téma a mohl vytvořit obdobnou aplikaci jako ty, které jsem používal při učení.

Text samotné práce se dělí na tři části: teoretickou část – zabývá se teorií vybraných stromů, programovací část – popisuje architekturu a samotnou implementaci programu, a část s uživatelskou příručkou – zde je vysvětleno uživatelské prostředí a funkcionalita.

2 Stromy

V kapitole jsou vysvětleny základní pojmy, které jsou nezbytné k pochopení vlastností *stromů* obsažených v aplikaci. V podkapitolách jsou osvětleny principy pro tvorbu a následnou práci s konkrétními *binárními stromy*. Využitím těchto principů byl naprogramován tento výukový nástroj.

Kapitola včetně podkapitol vychází z publikací [1], [2], [3], [4], [5], [6] a [7].

Definice 1 (Strom)

Strom je neorientovaný ¹ souvislý ² graf bez kružnic ³ [1].



Obrázek 1: Příklady neorientovaných stromů

Strom je datová struktura, která představuje stromovou strukturu propojených $uzl\mathring{u}^4$. Uzly jsou mezi sebou vzájemně spojeny pomocí $hran^5$. Strom složený z uzl \mathring{u} U má |U-1| hran.

Definice 2 (Kořenový strom)

Kořenový strom je strom, ve kterém je vybrán jeden vrchol (kořen). Může to být kterýkoliv vrchol. Bývá to ale vrchol, který je v nějakém smyslu na vrcholu hierarchie objektů, která je stromem reprezentována. [1]

¹Mezi každými dvěma vrcholy existuje právě jedna cesta.

²Vynecháním libovolné hrany vznikne nesouvislý graf.

³Přidáním jakékoli hrany vznikne graf s kružnicí.

⁴Prvek obsahující hodnotu.

⁵Představuje cestu mezi spojenými uzly.

Důležité pojmy:

- Uzel Jednoduše jakýkoliv prvek stromu.
- **Kořen** Jeden konkrétní uzel, který se nachází na vrcholu stromu. Pouze tento uzel nemá *rodiče*.
- Potomek, následník Uzel, který je hranou přímo připojen k jinému uzlu, cestou od kořene.
- Rodič, předchůdce Uzel, který má alespoň jednoho potomka.
- Sourozenci Skupina uzlů, které mají stejného rodiče.
- **Podstrom** Část stromu, která je úplným stromem s tím, že kořen tohoto podstromu má svého rodiče.
- Koncový uzel, list Uzel bez potomků.
- Výška stromu Nejdelší délka cesty od kořene k uzlu.



Obrázek 2: Popis struktury stromu

Definice 3 (*m*-ární stromy)

Kořenový strom se nazývá m-ární, právě když každý jeho vrchol má nejvýše m potomků. 2-ární strom se nazývá binární. Kořenový strom se nazývá úplný m-ární, právě když každý jeho vrchol nemá buď žádného nebo má právě m potomků.[2]

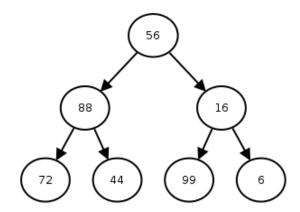
2.1 Binární strom

Definice 4 (Binární strom)

Binární strom je typ kořenových stromů, ve kterém každý obsažený uzel má maximálně 2 potomky.

Každý uzel obsahuje vlastnosti:

- Klíč Hodnota uložená v uzlu.
- Ukazatel na levého potomka
- Ukazatel na pravého potomka
- Ukazatel na jednoho rodiče Tento ukazatel není povinný.



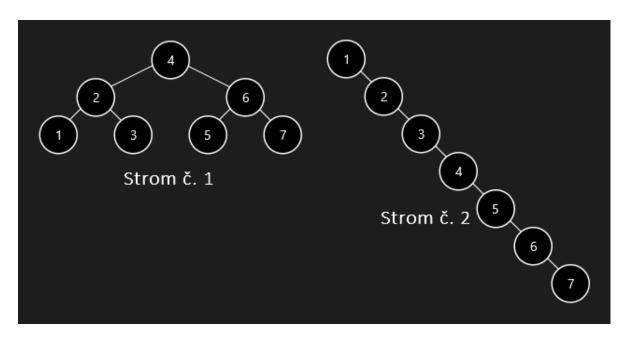
Obrázek 3: Příklad zobrazení binárního stromu

2.2 Binární vyhledávací strom

Binární *vyhledávací* strom (zkratka BVS) je speciální typ binárního stromu, kde platí následující:

- Každý pravý potomek P rodiče R má vyšší hodnotu h než jeho rodič. Platí tedy: $P.h > R.h \Rightarrow \text{Pravý}$ podstrom uzlu R obsahuje pouze uzly, které mají vyšší hodnotu než uzel R.
- Každý levý potomek L rodiče R má nižší hodnotu h než jeho rodič. Platí tedy: $P.h > L.h \Rightarrow \text{Lev}$ ý podstrom uzlu R obsahuje pouze uzly, které mají nižší hodnotu než uzel R.
- Ve stromě se nenachází dva uzly se stejnou hodnotou.

Toto uspořádání uzlů v BVS usnadňuje vyhledávání. Operace nad BVS stromem s výškou h mají časovou složitost $\theta(h)$. V nejhorším případě může mít BVS výšku rovnu n-1, kde n je počet uzlů. Oba případy jsou zobrazeny na obrázku 4.



Obrázek 4: BVS - stejné hodnoty, ale rozdílná výška

2.2.1 Vyhledávání

Operace vyhledávání patří k nejčastěji používané operaci s BVS. Při vyhledávání je potřeba zadat hodnotu x, kterou chceme vyhledat. Postupně dochází k porovnávání hodnot uzlů s x. Výsledkem vyhledávání je buď uzel, který obsahuje hodnotu x nebo takový uzel neexistuje.

Přesný postup vyhledávání:

1. krok – počáteční

Na začátku vyhledávání je třeba určit aktuální uzel, který označíme u. Hledanou hodnotu označíme x.

V tomto kroku u bude kořen stromu, pokud strom nemá kořen, hodnota x je nenalezena a tím vyhledávání končí.

2. krok – průběžný

Zde dochází k porovnávání x a hodnoty aktuálního uzlu u. Hodnotu u označíme u.h.

Pokud je u prázdný, vyhledávání končí neúspěchem.

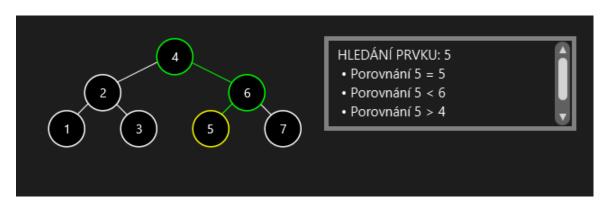
Při porovnávání mohou nastat tyto možnosti:

• x > u.h

V tomto případě jako u nastavíme pravého potomka u. A znovu provedeme 2. krok.

- x < u.hV tomto případě jako u nastavíme levého potomka u. A znovu provedeme 2. krok.
- x = u.hHledaná hodnota x byla nalezena v u. Vyhledávání tedy končí.

Na obrázku 5 je zvýrazněna cesta průchodů stromem při vyhledávání uzlu s hodnotou 5. Na obrázku je i zaznamenána historie porovnávání.



Obrázek 5: BVS - postup vyhledávání hodnoty 5

Zdrojový kód vyhledávání v jazyku Java:

```
Node search(int value, Node node) { //value je hledaná hodnota, node
       je při prvním volání kořen
    if (node == null) {
      return null; //uzel nebyl nalezen
3
 4
    if (value > node.getValue()) {//pokud je hledaná hodnota vyšší než
         má aktuální uzel
7
      search(value, node.getRight());//nastavím uzel na pravého potomka
     } else if (value < node.getValue()) { //pokud je hledaná hodnota</pre>
        vyšší než má aktuální uzel
      search(value, node.getLeft()); //nastavím uzel na levého potomka
     } else { //pokud není vyšší ani nižší, tak se musí rovnat
      return node; //vrátím nalezený uzel
11
12
     }
13 }
```

Zdrojový kód 1: search - funkce vyhledávání v BVS

2.2.2 Vkládání

Při vkládání zadané hodnoty x je nejprve nutné prohledat strom, jestli se zde x již nenachází. Pokud je nalezen uzel s hodnotou x, je výsledkem operace nalezený uzel. V případě, že daný strom tento uzel neobsahuje, je jako potomek posledního prohledávaného uzlu vložen nový uzel s hodnotou x.

Přesný postup vkládání:

1. krok – počáteční

Na začátku vkládání je třeba určit aktuální uzel, který označíme u. Vkládanou hodnotu označíme x.

V tomto kroku u bude kořen stromu. Pokud strom nemá kořen, vytvoříme nový uzel s hodnotou x a ten vložíme do stromu. Uzel se stane kořenem stromu, čímž vkládání končí.

2. krok – vyhledávání, vkládání

Před vkládáním je nejprve nutno ověřit, zda se ve stromu nenachází uzel s hodnotou x.

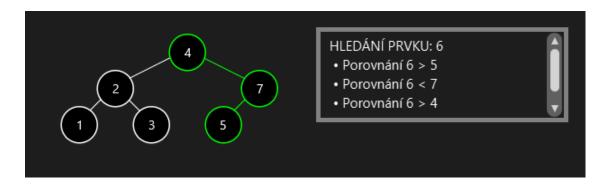
Vyhledávání může dopadnout těmito způsoby:

- \bullet Prvek byl nalezen. Pokud byl uzel s hodnotou xnalezen, vkládání končí neúspěchem.
- Prvek nebyl nalezen, přičemž platí $x > u.h^6$. Vytvoříme nový uzel s hodnotou x a vložíme jako pravého potomka u^7 .
- Prvek nebyl nalezen, přičemž platí $x < u.h^6$. Vytvoříme nový uzel s hodnotou x a vložíme jako levého potomka u^7 .

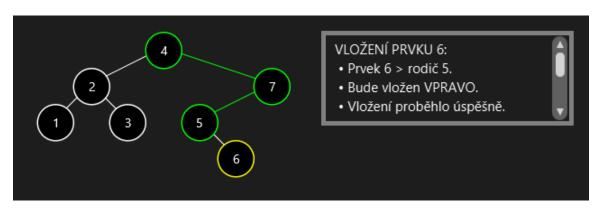
Na obrázku 6 je zvýrazněna cesta průchodů stromem při vyhledávání uzlu s hodnotou 6. Samotné vložení je na obrázku 7.

⁶Hodnota posledního navštíveného uzlu při hledání.

⁷Poslední navštívený uzel při hledání.



Obrázek 6: BVS - postup vkládání hodnoty 6 – hledání



Obrázek 7: BVS - postup vkládání hodnoty 6 – vložení

Zdrojový kód vkládání v jazyku Java:

Před samotnou funkcí insert je třeba vytvořit třídu Result, která bude dále použita:

```
1 Class Result() {
2  private Node node; //poslední navštívený uzel (hledaný/rodič)
3  private boolean isFind; //atribut pro určení zda byl uzel nalezen
4  public Result(Node node, boolean isFind) { //konstruktor
6  ...
7  }
8  ...
9 }
```

Zdrojový kód 2: Result - třída pro reprezentaci výsledku

Dále je potřeba trochu poupravit již známou funkci search 1:

```
1 Result search(int value, Node node) { //value je hledaná hodnota,
      node je při prvním volání kořen
    if (value > node.getValue()) {
      if (node.getRight() != null) {
4
       search(value, node.getRight()); //pokud má pravého potomka
5
     } else {
       return new Result(node, false); //pokud nemá pravého potomka,
          node = rodič vkládaného
7
     }
8
   } else if (value < node.getValue()) {</pre>
      if (node.getLeft() != null) {
9
10
       search(value, node.getLeft()); //pokud má levého potomka
11
      } else {
       return new Result(node, false); //pokud nemá levého potomka,
           node = rodič vkládaného
13
     }
   } else {
     return new Result(node, true);
   }
16
17 }
```

Zdrojový kód 3: search - úprava funkce vyhledávání s použitím Result

Nyní funkce insert:

```
1 Node insert(int value) {
    Result result = search(value); //nejprve vyhledáme value
    if (result.isFind()) { //pokud byl uzel s danou hodnotou nalezen
     return result.getNode();
5
    } else { //dále vkládáme nově vytvořený uzel:
     if (value > result.getNode().getValue()) {
6
7
       result.getNode().setRight(new Node(value));//bude pravý potomek
     } else {
       result.getNode().setLeft(new Node(value));//bude levý potomek
10
   }
11
    return null;
12
```

Zdrojový kód 4: insert - funkce vkládání v BVS

2.2.3 Odebírání

Při odebírání zadané hodnoty x je stejně jako u vkládání nejprve nutné prohledat strom, zda se odebíraný uzel s hodnotou x ve stromě nachází. Pokud je uzel nalezen, je následně smazán a struktura stromu případně upravena.

Přesný postup odebírání:

1. krok – počáteční

Na začátku odebírání je třeba určit aktuální uzel, který označíme u. Odebíranou hodnotu označíme x.

V tomto kroku u bude kořen stromu. Pokud strom nemá kořen odebírání končí, uzel s hodnotou x nebyl nalezen.

2. krok – vyhledávání

Před odebíráním je nejprve nutno uzel s hodnotou x vyhledat.

Vyhledávání může dopadnout těmito způsoby:

- \bullet Prvek nebyl nalezen. Pokud se uzel s hodnotou x ve stromě nenachází, odebírání končí neúspěchem.
- Prvek byl nalezen.
 Nyní můžeme nalezený uzel u odebrat.

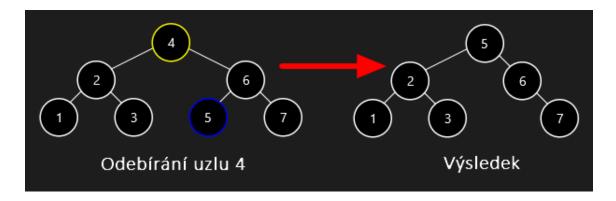
3. krok – odebírání

Odebírání u má tyto možnosti:

- Pokud u je list⁸.
 List u může být odebrán.
- u má jednoho potomka.
 u bude nahrazen podstromem potomka.
- u má dva potomky.
 - u bude nahrazen nejlevějším prvkem z pravého podstromu.
 - -u bude nahrazen nejpravějším prvkem z levého podstromu.

V následujícím obrázku 8 je ukázka mazání uzlu s hodnotou 4, který je následně nahrazen uzlem s hodnotou 5, který je nejlevější prvek z pravého podstromu.

⁸Nemá žádné potomky.



Obrázek 8: BVS - postup odebírání hodnoty $4\,$

Zdrojový kód odebírání v jazyku Java:

⁹Tento kód je pouze zjednodušená implementace k lepšímu pochopení odebírání.

```
1 boolean delete(int value) {
    Node removeNode = result.getNode();
    Node helpNode; //pomocná proměnná
    Result result = search(value); //vyhledám hodnotu
 6
    if (!result.isFind()) { //pokud ho nenajdu
8
      return false;
9
10
    if ((removedNode.getLeft() != null) && (removedNode.getRight() !=
11
        null)) { //Pokud má dva potomky
12
      helpNode = removeNode.getRight(); //dosadím pravého potomka
13
      while (helpNode.getLeft() != null) { //a hledám nejlevějšího
14
15
      helpNode = helpNode.getLeft();
16
17
      removeNode.setNode(helpNode);
18
     } else if (removedNode.getLeft() != null) { //pouze levý potomek
20
     removeNode.setNode(removedNode.getLeft());
     } else if (removedNode.getRight() != null) { //pouze pravý potomek
2.1
     removeNode.setNode(removedNode.getRight());
    } else { //pokud je to list
      removeNode.delete(); //odstraním list ze stromu
2.4
2.5
26
27
    return true;
28 }
```

Zdrojový kód 5: delete - funkce pro odebírání v BVS

2.3 AVL strom

Určitým způsobem by se dalo tvrdit, že AVL strom je binární vyhledávací strom, který má ale jednu zásadní odlišnost. Složitost všech operací u BVS je závislá na výšce stromu, je tedy žádoucí udržovat výšku stromu co nejnižší. AVL strom je tedy vyvážený binární vyhledávací strom.

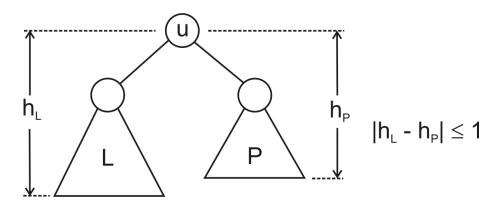
Definice 5 (Vyvážený strom)

Strom je vyvážený tehdy a jen tehdy, je-li rozdíl výšek každého uzlu nejvýše 1.[6][4]

Kvůli udržování vyváženosti stromu mají operace vkládání a odebírání složitost $\theta(log(n))$.

V následujícím obrázku 9 je předchozí definice o vyváženém stromu názorně vysvětlena. Nejprve je třeba zavést pojmy:

- u aktuální uzel.
- L lev'y podstrom u.
- P pravý podstrom u.
- h_L výška levého podstromu.
- h_P výška pravého podstromu.

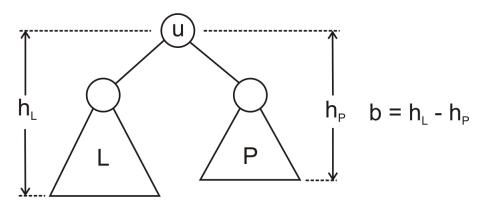


Obrázek 9: Vlastnosti vyváženého stromu

Faktor vyvážení

Pro kontrolu dodržení pravidla o vyvážení je třeba pro každý uzel zavést novou vlastnost faktor vyvážení uzlu. Tuto vlastnost budeme značit b (anglicky balance). b obsahuje informaci o aktuálním vyvážení daného podstromu.

Nabývá hodnot <-2, 2>, přičemž uzel je vyvážený pokud jeho faktor b je 1, 0 nebo -1. Při operaci přidávání nebo odebírání může být b rovno 2 nebo -2, pak je ale nutné provést transformaci, která dosáhne vyvážení daného uzlu.

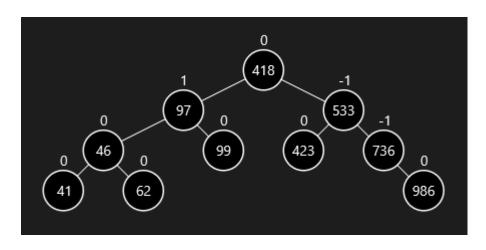


Obrázek 10: Výpočet faktoru vyvážení pro uzelu

Zdrojový kód rekurzivního výpočtu faktoru v jazyku Java:

```
int computeFactor() {
    int lHeight = 0; //výška levého podstromu
    int rHeight = 0; //výška pravého podstromu
5
    if (left != null) { //pokud má levý podstrom
6
      lHeight = left.computeFactor();
7
8
    if (right != null) { //pokud má pravý podstrom
9
      rHeight = right.computeFactor();
10
11
12
    factor = lHeight - rHeight;
13
14
15
    return Math.max(rHeight, lHeight) + 1;
16
```

Zdrojový kód 6: computeFactor - funkce pro výpočet faktoru vyvážení v AVL stromu



Obrázek 11: Ukázka vyváženého AVL stromu

Každý uzel ALV stromu obsahuje tyto vlastnosti:

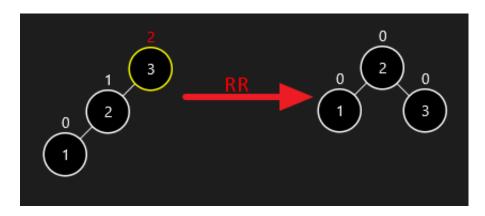
- Klíč Hodnota uložená v uzlu.
- Faktor vyvážení Faktor vyvážení daného uzlu.
- Ukazatel na levého potomka
- Ukazatel na pravého potomka
- Ukazatel na jednoho rodiče

2.3.1 Rotace

K obnově vyváženosti uzlů se používají rotace. Rotace pouze změní ukazatele uzlů v nevyvážené části stromu, aby došlo k opětovnému vyvážení. V AVL stromu se k vyvažování podle typu nevyvážené části stromu používají tyto rotace:

Jednoduchá rotace RR

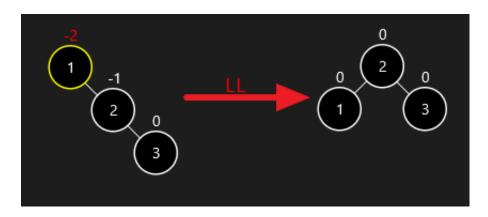
Nevyvážený uzel má b=2, jeho levý potomek má b=0 nebo b=1.



Obrázek 12: AVL - jednoduchá rotace RR

Jednoduchá rotace LL

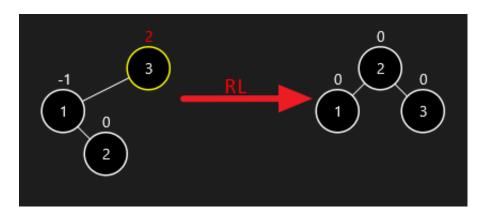
Nevyvážený uzel má b=-2, jeho pravý potomek má b=-1 nebo b=0.



Obrázek 13: AVL - jednoduchá rotace LL

Dvojitá rotace RL

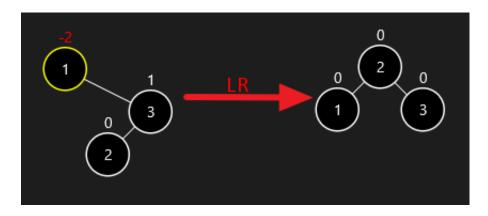
Nevyvážený uzel má b=2, jeho levý potomek má b=1.



Obrázek 14: AVL - dvojitá rotace RL

Dvojitá rotace LR

Nevyvážený uzel má b = -2, jeho pravý potomek má b = 1.



Obrázek 15: AVL - dvojitá rotace LR

2.3.2 Vyhledávání

Vyhledávání u AVL stromu se nijak neliší od toho v BVS.

2.3.3 Vkládání

Vkládání je založeno na vkládání u BVS. Navíc je zde přidán krok aktualizace faktoru vyvážení, kde od nově vloženého uzlu postupně u určitých uzlů přepočítáváme b. Pokud se strom kvůli vložení nového uzlu stává nevyváženým, provedeme jednu z rotací, čímž daný strom vyvážíme.

Přesný postup vkládání:

- krok počáteční Stejně jako u BVS.
- 2. krok vyhledávání, vkládání

Novému uzlu po vložení nastavíme faktor vyvážení na 0 a u nastavíme na předchůdce nově vloženého uzlu.

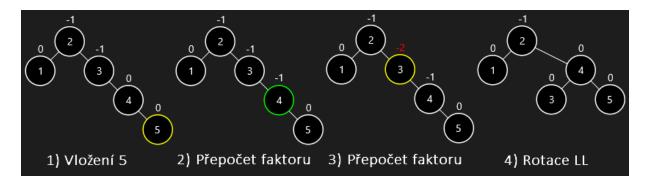
Pokud nově vložený uzel je kořen, vkládání úspěšně končí.

3. krok – výpočet faktoru vyvážení

V tomto kroku v aktuálním uzlu u aktualizujeme faktor vyvážení b.

Po aktualizaci u.b mohou nastat tyto případy:

- u.b = 1 nebo u.b = -1Pokud u je kořen, vkládání úspěšně končí. Jinak u nastavíme na rodiče u a znovu opakujeme krok 3.
- u.b = 2 nebo u.b = -2
 Provede se příslušná rotace.
 Pokud po provedení rotace je u.b = 0 nebo je nyní u kořen, vkládání úspěšně končí. Jinak u nastavíme na předchůdce u a znovu opakujeme krok 3.
- u.b = 0Vkládaní úspěšně končí.



Obrázek 16: AVL - postup vkládání hodnoty 5

2.3.4 Odebírání

Odebírání je založeno na stejnojmenné operaci u BVS. Navíc je zde jako u vkládání přidán krok aktualizace faktoru vyvážení, kde od odstraněného uzlu postupně u určitých uzlů přepočítáváme b. Pokud se strom kvůli odebrání uzlu stává nevyváženým, tak provedeme jednu z rotací, čímž daný strom vyvážíme.

Přesný postup odebírání:

- krok počáteční Stejně jako u BVS.
- krok vyhledávání Stejně jako u BVS.
- 3. krok odebírání

Odebírání u má tyto možnosti:

• Pokud u je list.

List u může být odebrán.

Pokud byl u kořen, odebírání úspěšně končí. Jinak nastavíme u na rodiče u.

- u má jednoho potomka. u bude nahrazen podstromem potomka. Pokud byl u kořen, odebírání úspěšně končí. Jinak nastavíme u na rodiče u.
- u má dva potomky.
 - -u bude nahrazen nejlevějším prvkem z pravého podstromu, zároveň tento prvek získá faktor vyvážení z u.
 - -u bude nahrazen nejpravějším prvkem z levého podstromu, zároveň tento prvek získá faktor vyvážení z u.

Rodiče uzlu, který nahradil u, uložíme do u.

4. krok – výpočet faktoru vyvážení

V tomto kroku v aktuálním uzlu u aktualizujeme faktor vyvážení b.

Po aktualizaci u.b mohou nastat tyto případy:

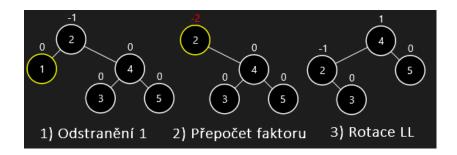
• u.b = < -1, 1 >

Pokud u je kořen, odebírání úspěšně končí. Jinak u nastavíme na rodiče u a znovu opakujeme krok 4.

• u.b = 2 nebo u.b = -2

Provede se příslušná rotace.

Pokud po provedení rotace je u.b=0 nebo je nyní u kořen, odebírání úspěšně končí. Jinak u nastavíme na předchůdce u a znovu opakujeme krok 4.



Obrázek 17: AVL - postup odebírání hodnoty 1

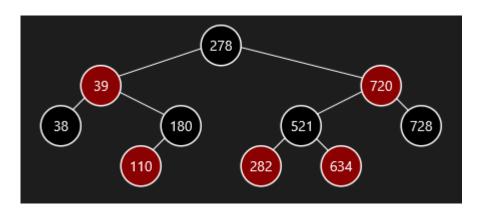
2.4 Červeno-černý strom

 $\check{C}erveno-\check{c}ern\acute{y}$ strom (zkratka ČČ) vyvážený BVS. Na rozdíl od AVL stromu je ČČ strom vyvažován na základě barevného označení uzlů. Tímto vyvažováním má časovou složitost operací $vkl\acute{a}d\acute{a}n\acute{i}$ a $odeb\acute{i}r\acute{a}n\acute{i}$ $\theta(log(n))$.

"Červeno-černý strom zajišťuje, že žádná cesta z kořene do libovolného listu stromu nebude dvakrát delší než kterákoli jiná, to znamená, že strom je přibližně vyvážený."[4]

ČČ strom musí splňovat tyto vlastnosti:

- Každý uzel má červenou nebo černou barvu.
- Kořen stromu má vždy barvu černou.
- Ve stromu se nenacházejí dva po sobě jdoucí červené uzly.
- Každý červený uzel, který není list, má dva černé potomky.
- Cesta od kořene ke všem listům obsahuje vždy stejný počet černých uzlů. 10



Obrázek 18: Ukázka vyváženého ČČ stromu

¹⁰Je zde započítán i samotný list, pokud má černou barvu.

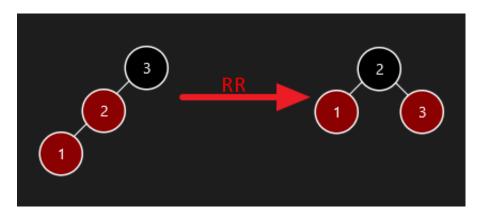
Každý uzel ČČ stromu obsahuje tyto vlastnosti:

- Klíč Hodnota uložená v uzlu.
- Obarvení uzlu Barva uzlu.
- Ukazatel na levého potomka
- Ukazatel na pravého potomka
- Ukazatel na jednoho rodiče

2.4.1 Transformace

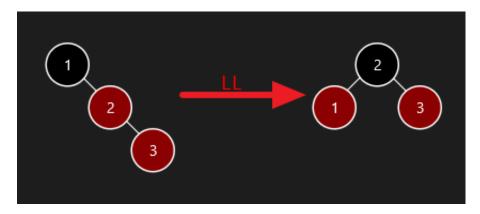
K obnově vyváženosti uzlů se používají transformace. Používají se zde stejně jako u AVL stromu Rotace a navíc je zde nová transformace přebarvení. Tyto transformace se používají k opětovnému vyvážení nevyváženého stromu.

Jednoduchá rotace RR



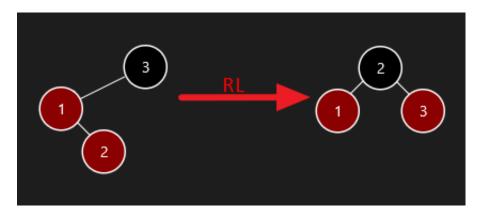
Obrázek 19: ČČ - jednoduchá rotace RR

Jednoduchá rotace LL



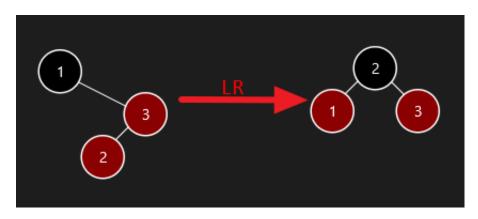
Obrázek 20: ČČ - jednoduchá LL

Dvojitá rotace RL



Obrázek 21: ČČ - dvojitá rotace RL

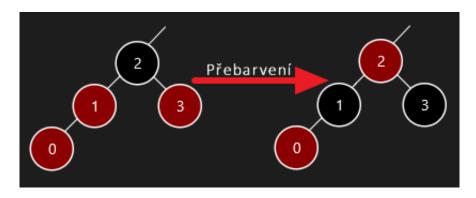
Dvojitá rotace LR



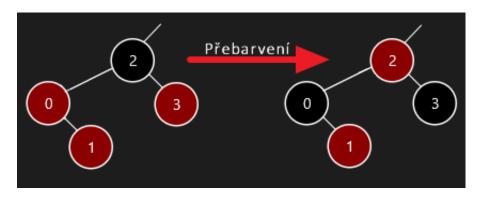
Obrázek 22: ČČ - dvojitá rotace LR

Přebarvení + symetrické případy

Pokud má ten vyšší z dvojice červených po sobě jdoucích uzlů červeného sourozence, tak on i jeho sourozenec získá černou barvu a jejich rodič, pokud se nejedná o kořen, získá červenou barvu.



Obrázek 23: ČČ - přebarvení 1



Obrázek 24: ČČ - přebarvení 2

2.4.2 Vyhledávání

Vyhledávání u ČČ stromu se nijak neliší od toho v BVS.

2.4.3 Vkládání

Vkládání je založeno na vkládání u BVS. Navíc je zde kvůli vyvážení stromu přidán krok kontroly barev. Pokud se ve stromu po vložení objeví dva po sobě jdoucí uzly s červenou barvou, provedeme příslušné transformace, aby strom splňoval vlastnosti ČČ stromu.

Každý nový uzel má při vkládáni automaticky červenou barvu.

Přesný postup vkládání:

- krok počáteční Stejně jako u BVS.
- 2. krok vyhledávání, vkládání

Vložíme nový uzel u na příslušné místo a u nastavíme na předchůdce tohoto uzlu, je-li nový uzel kořen, nastavíme mu černou barvu a vkládání úspěšně končí.

3. krok – kontrola obarvení stromu

Pokud má u černou barvu, vkládání úspěšně končí. Jinak provedeme příslušnou transformaci:

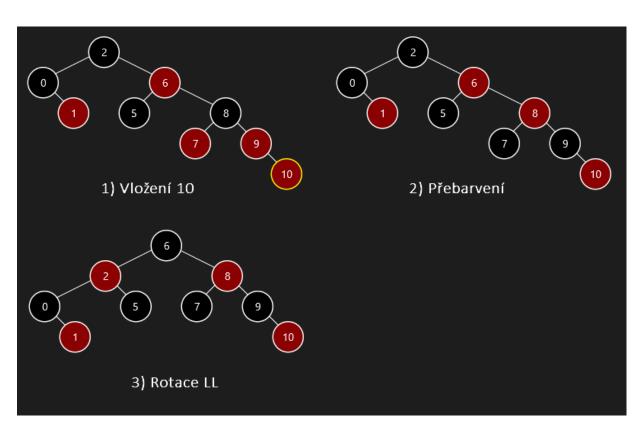
• Rotaci

Po provedení rotace se strom stává vyváženým a vkládání úspěšně končí

• Přebarvení

Po přebarvení nastavíme u na předchůdce u. Pokud je nyní u černý, tak se jedná o kořen a vkládání úspěšně končí.

Pokud je nyní u černý, tak se jedná o kořen a vkládání úspěšně kon Jinak nastavíme u na rodiče u a znovu provedeme krok 3.



Obrázek 25: ČČ - postup vkládání hodnoty 10

2.4.4 Odebírání

Odebírání u ČČ stromu je o trochu složitější než u předchozích stromů. Je to způsobeno tím, že musíme zaručit dodržování počtu a umístění černých uzlů, aby po odstranění byla dále splněna vlastnost: cesta od kořene ke všem listům obsahuje vždy stejný počet černých uzlů.

U *odebírání* tedy musíme sledovat barvu odebíraného uzlu i těch, které nahrazují odebraný uzel. Pokud odebraný (přesunutý) černý uzel nahradí červený, získá

černou barvu a strom zůstává vyvážený. Jinak na jeho původní místo vložíme do stromu dvojitě obarvený černý uzel s NULL hodnotou. Tento uzel i samotné dvojité obarvení nám značí, že je daný strom nevyvážený a pomocí transformací strom upravíme, aby jsme NULL uzel i dvojité označení odstranili a tím strom vyvážili.

Přesný postup odebírání:

- krok počáteční Stejně jako u BVS.
- krok vyhledávání Stejně jako u BVS.
- 3. krok odebírání

Odebírání u má tyto možnosti:

- Pokud u je list.
 - List u odebereme.
 - Pokud u neměl černou barvu nebo se jednalo o kořen, odebírání úspěšně končí.
- \bullet *u* má jednoho potomka.
 - Do u dosadíme hodnotu potomka. Pokud je potomek červený můžeme ho odstranit a odebírání úspěšně končí. Jinak u nastavíme na tohoto potomka a znovu zopakujeme krok 3.
- u má dva potomky.
 - do u dosadíme hodnotu z nejlevějšího prvku z pravého podstromu.
 Pokud je tento prvek červený, odstraníme ho a odebírání úspěšně končí. Jinak u nastavíme na tento prvek a znovu zopakujeme krok 3.
 - do u dosadíme hodnotu z nejpravějšího prvku z levého podstromu.
 Pokud je tento prvek červený, odstraníme ho a odebírání úspěšně končí. Jinak u nastavíme na tento prvek a znovu zopakujeme krok 3.

4. krok – Odstranění NULL listu

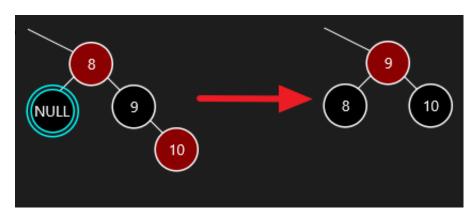
V tomto kroku na místo smazaného uzlu u vložíme dvojitě obarvený NULL list. Dále pokračujeme odstraňováním dvojitě obarveného černého uzlu, které je vysvětleno níže.

Odstranění dvojitě obarveného černého uzlu:

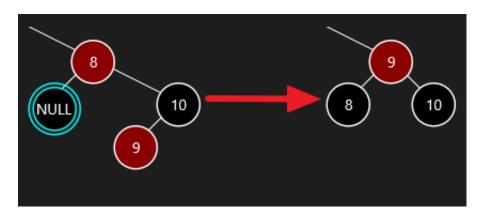
Případ 1 – rotace + symetrické případy:

Pokud má dvojitě obarvený uzel černého sourozence, který má pravého nebo levého potomka červené barvy. Předchůdce dvojitě obarveného uzlu může mít jakoukoliv barvu a tuto barvu pak získá uzel, který se po dokončení rotace dostane na jeho místo.

V obrázku 26 a 27 může před rotací uzel s hodnotou 8 mít černou barvu. Tuto barvu by po rotaci pak získal uzel s hodnotou 9.



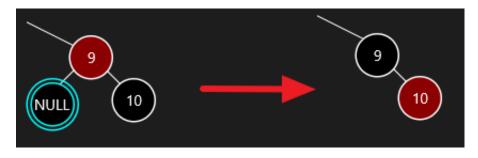
Obrázek 26: ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – jednoduchá rotace



Obrázek 27: ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – dvojitá rotace

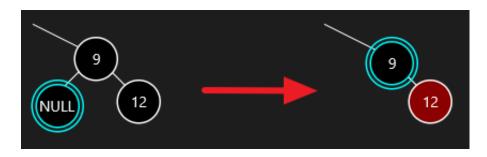
Případ 2 – přebarvení + symetrický případ:

Pokud sourozenec dvojitě obarveného uzlu je černý, ale nemá červené potomky a zároveň dvojitě obarvený uzel má červeného předchůdce.



Obrázek 28: ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – přebarvení

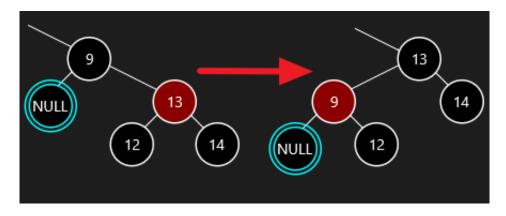
Případ 3 – přebarvení a přesun označení + symetrický případ: Pokud sourozenec dvojitě obarveného uzlu je černý, ale nemá červené potomky a zároveň dvojitě obarvený uzel nemá červeného předchůdce.



Obrázek 29: ČČ - odstranění dvojitě obarveného uzlu – přebarvení a přesun označení

Pokud předchůdce dvojitě obarveného uzlu není kořen, tak získá dvojité obarvení a dále pokračujeme s odstraněním tohoto označení.

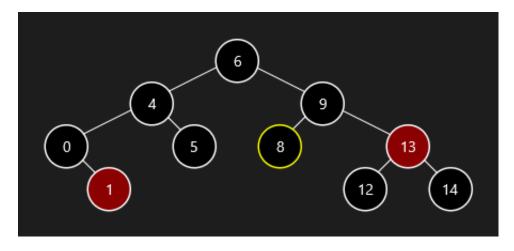
Případ 4 – rotace (bez odstranění dvojitě obarveného uzlu) + symetrický případ: Pokud sourozenec dvojitě obarveného uzlu je červený.



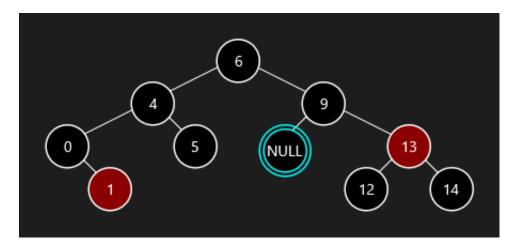
Obrázek 30: ČČ - rotace s dvojitě obarveným uzlem – jednoduchá rotace

Po rotaci dále pokračujeme s odstraněním dvojitě obarveného uzlu.

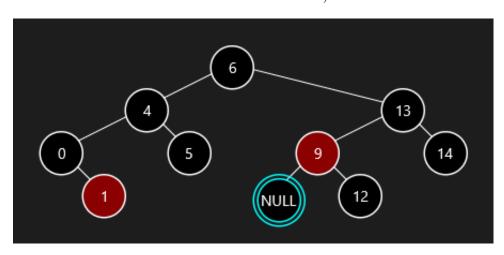
Ukázka odebírání v ČČ stromu:



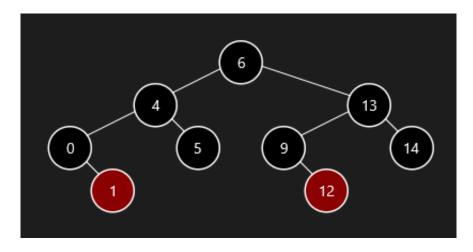
Obrázek 31: ČČ - ukázka odebírání – 1) odebrání 8



Obrázek 32: ČČ - ukázka odebírání – 2) vložen NULL list



Obrázek 33: ČČ - ukázka odebírání – 3) případ 4



Obrázek 34: ČČ - ukázka odebírání – 4) případ 2

3 Programátorská dokumentace

V této kapitole budou popsány technologie, které byly použity pro tvorbu aplikace. Dále zde bude popsána architektura a implementace programu. V této kapitole vycházím ze zdrojů [9], [10] a [11].

3.1 Programovací jazyk a použité technologie

Program je napsán v jazyce Java, přesněji ve verzi 8. Na uživatelské prostředí je použita platforma JavaFX. Při výběru vhodného programového jazyka pro tuto aplikaci byla pro mě důležitá zkušenost s tímto jazykem a taky přenositelnost mezi operačními systémy, protože aplikaci jsem psal střídavě ve Windows 10 a macOS 10.13 High Sierra. Pro psaní zdrojového kódu jsem použil vývojové prostředí Eclipse Oxygen.

3.1.1 Java

Java je objektově orientovaný programovací jazyk, který vznikl v roce 1995. Nyní je nově (od březnu roku 2018) ve verzi 10. Dle TIOBY indexu se Java v poslední době nachází stále na 1. místě nejpoužívanějších programovacích jazyků.[12] Program v Javě je možné spustit i bez instalace, stačí mít nainstalovanou správnou verzi JVM¹¹.

3.1.2 JavaFX

Pro tvorbu grafického uživatelského prostředí (zkratka GUI) aplikace jsem využil JavaFX. Je to platforma pro tvorbu GUI v programech Java, která je součástí knihovny Java od verze 8. Nahrazuje zastaralý Swing. JavaFX navíc umožňuje tvorbu animací a podporuje stylování pomocí CSS^{12} .

3.1.3 FXML

FXML je značkovací jazyk založen na jazyku XML^{13} . Tento jazyk se používá k návrhu GUI v JavaFX.

3.2 Architektura programu

Program obsahuje tyto balíky:

- application
- trees
- graphic

¹¹Java Virtual Machine.

¹²Cascading Style Sheets.

¹³Extensible Markup Language.

3.2.1 Balík application

Tento balík vytváří a má kontrolu nad GUI. Dále zprostředkovává komunikaci mezi logickou a grafickou částí programu.

Seznam souborů v balíku:

- Main
- WindowController
- styles typu CSS
- Window typu FXML

Třída Main

Třída dědí z třídy Application, která umožňuje vytvořit JavaFX aplikaci. Tato třída obsahuje funkci main (String[] args), což je hlavní funkce programu, která se spustí hned při spuštění aplikace. Poté se spustí funkce start (Stage primaryStage), která inicializuje GUI.

Třída WindowController

Tato třída obsluhuje všechny prvky okna vytvořené v FXML. Pomocí anotace @FXML získá tato třída reference na prvky GUI. Její hlavní činnost spočívá ve vykonávání metod, které jsou v souboru Window.fxml definovány pro prvky okna. Mezi hlavní metody navázané na prvky okna patří:

- changeTree (ActionEvent event) metoda pro změnu aktuálního stromu, ta volá další funkce, které připraví prostředí pro zvolený strom.
- searchNumber(), insertNumber(), deleteNumber() metody pro práci s aktuálním stromem, tyto metody zavolají příslušnou obsluhu aktuálního stromu tree, což je objekt typu ITree (3.2.2). Tento objekt provede operaci s daným stromem a vrátí výsledek typu Result (3.2.2). Ten je dále předán příslušné metodě objektu graphicTree typu DrawingTree (3.2.3).
- repeatLastAnimation zaručuje obnovení předchozího stromu a zopakování poslední operace.
- dialogNewTree obsluha pro tlačítko Nový..., které vyvolá dialog pro možnosti nového stromu.
- checkenableButtons funkce, která aktivuje a deaktivuje tlačítka podle logiky jejich možnosti použití (např. pokud je aktuální strom prázdný, je deaktivováno tlačítko Vyhledat a Smazat).

Její další činnost spočívá v komunikaci mezi logickou a grafickou částí programu. Což hlavně zajišťují již zmíněné metody: searchNumber(), insertNumber (), deleteNumber(). Navíc jsou zde funkce pro generování náhodného stromu: newRandomTree() a generateRandomTreeList() nebo pro ukládání předchozího stromu a jeho následné obnovení: createHistory(), createHistoryRecursion(Object object) (pomocná metoda pro rekurzivní uložení rozložení hodnot v aktuálním stromu) a getHistoryTree().

Soubor kaskádových stylů styles

Obsahuje popis způsobu zobrazování elementů v okně aplikace. Tyto styly jsou zapsány podobně jako CSS styly pro jazyk HTML, s tím rozdílem, že se před každou vlastnost známou ze stylování HTML stránek dává prefix -fx- např.:

```
1 .menu-text, Label {
2    -fx-font-size: 14.0pt;
3    -fx-font-family: "Segoe UI Light";
4    -fx-fill: white;
5 }
```

Zdrojový kód 7: styles.css - ukázka zápisu

Celá podrobná dokumentace CSS pro JavaFX aplikace je dostupná na adrese: https://docs.oracle.com/javafx/2/api/javafx/scene/doc-files/cssref.html.

Soubor FXML Window

V tomto FXML souboru je napsána celá struktura GUI aplikace, která je navázána na příslušný controller application. WindowController. Jsou zde na jednotlivé elementy okna navázány příslušné metody pro obsloužení akcí s těmito elementy (např. pokud uživatel klikne na tlačítko Vložit, je zavolána metoda insertNumber () z třídy WindowController).

3.2.2 Balík trees

Tento balík se stará o logiku stromů. Jsou zde implementovány všechny stromy a jejich příslušné operace, které byly výše popsány.

Seznam souborů v balíku:

- ITree interface 14
- INode interface

¹⁴Rozhraní Java.

- BinaryTree
- AVLTree
- RedBlackTree
- BinaryNode
- AVLNode
- RedBlackNode
- RecordOfAnimation
- Result
- AnimatedAction enum¹⁵
- Color enum
- Side enum

Rozhraní *ITree*

Toto rozhraní zobecňuje práci se stromy, kdy každý typ stromu implementuje toto rozhraní a tím prakticky většina metod nerozlišuje s jakým typem stromu pracuje, ale pouze používá objekt typu ITree a volá metody, které mají pro všechny typy stromů stejný název, ale rozdílnou implementaci. Kvůli tomuto rozhraní je zdrojový kód programu velmi zjednodušen a ušetřen o spoustu řádků, které by musely řešit o jaký strom se jedná a teprve potom volat příslušné metody. Například již zmíněné metody třídy WindowController: searchNumber(), insertNumber(), deleteNumber() (3.2.1) pracují pouze s objektem typu ITree.

Hlavní definované metody rozhraní jsou:

- search(int value), insert(int value), delete(int value) definice metod pro základní operace se stromy. Metody vrací objekt typu Result.
- getRoot () metoda vrátí kořen daného stromu typu INode.

Třídy BinaryTree, AVLTree, RedBlackTree

Jsou to třídy, které reprezentují typy stromů. Implementují rozhraní ITree, což zaručuje, že každá instance těchto tříd obsahuje všechny základní operace. Kvůli rozdílnému fungování těchto stromů musí každá z těchto tříd tyto operace implementovat po svém. BinaryTree prakticky implementuje pouze metody definované v rozhraní ITree, zatímco AVLTree a RedBlackTree obsahují metody navíc.

 $^{^{15}}$ Výčtový typ Javy.

Vybrané metody AVLTree:

- balanceTree (Result result, AVLNode startNode) metoda, která se volá kvůli vyvážení AVL stromu. Tato metoda ověří faktory vyvážení příslušných uzlů, jestliže je strom nevyvážený volá potřebnou rotaci. Metoda vrací objekt typu Result.
- llBalance(Result result, AVLNode nodeB),
 rrBalance(Result result, AVLNode nodeB),
 lrBalance(Result result, AVLNode nodeC),
 rlBalance(Result result, AVLNode nodeC) metody, které provádí rotace. Vrací objekt typu Result.

Vybrané metody RedBlackTree:

- balanceTree(Result result, RedBlackNode startNode) metoda, která se volá kvůli vyvážení ČČ stromu. V této metodě se ověří vyváženost stromu, případně je zde provedeno přebarvení, pokud je potřeba jsou volány i metody rotace. Metoda vrací objekt typu Result.
- llBalance(Result result, RedBlackNode nodeB),
 rrBalance(Result result, RedBlackNode nodeB),
 lrBalance(Result result, RedBlackNode nodeC),
 rlBalance(Result result, RedBlackNode nodeC) metody, které provádí rotace a s tím související přebarvení. Vrací objekt typu Result.
- doubleBlack (Result result, RedBlackNode parent, Side side) tato funkce řeší odstranění dvojitě obarvených uzlů, které se mohou vyskytnou při operaci odebírání. Funkce vrací objekt typu Result.

Rozhraní *INode*

Rozhraní INode obsahuje definice všech důležitých get a set metod, které jsou potřeba k práci s jakýmkoliv uzlem. Je zde definována i metoda equals (Object obj), která slouží k porovnávání uzlů. Toto rozhraní zobecňuje práci s uzly stromů a umožňuje měnit a číst jejich atributy, aniž by muselo být známo o jaký typ stromu, a tedy i uzlu, se jedná.

Třídy BinaryNode, AVLNode, RedBlackNode

Reprezentují uzly stejnojmenných stromů. Implementují rozhraní Inode. Třídy obsahují tyto atributy:

- value číselná hodnota uzlu.
- parent ukazatel na rodiče.
- left ukazatel na levého potomka.
- right ukazatel na pravého potomka.

- graphicNode grafická reprezentace uzlu.
- factor(pouze u AVLNode) číselná hodnota faktoru vyvážení.
- color(pouze u RedBlackNode) barva uzlu. Reprezentována pomocí výčtového typu Color.

Třída AVLNode navíc implementuje zmíněnou rekurzivní funkci computeFactor() 6.

Třída RecordOfAnimation

Tato třída slouží k zaznamenávání animací, které budou následně zpracovány v grafické části aplikace.

Třída obsahuje tyto atributy:

- ullet action typ animace reprezentovaný výčtovým typem Animated Action.
- node ukazatel na grafický uzel, kterého se daná animace týká. Tato proměnná je typu IGraphicNode (3.2.3).
- object pomocná proměnná, která je používána na různé typy objektu podle druhu animace.

Třída Result

Objekty této třídy jsou používány jako návratové hodnoty všech logických operací se stromy. Tento objekt má v sobě uloženy důležité informace pro následné zpracování všech grafických operací včetně animací. Ve třídě WindowController metody: searchNumber(), insertNumber(), deleteNumber() (3.2.1) nejprve zavolají příslušnou metodu u aktuálního logického stromu typu ITree. Ta vytvoří objekt typu Result, do kterého postupně uloží všechny animace potřebné ke grafickému zobrazení volané operace a tento objekt na závěr vrátí. Tyto metody vrácený výsledek dále předávají objektu typu DrawingTree (3.2.3), který strom vykreslí a vykoná příslušné animace.

Třída obsahuje tyto atributy:

- node výsledný uzel dané operace reprezentován pomocí INode.
- side pozice výsledného uzlu (*při vkládání je to například strana na kterou má být uzel vložen*), která je výčtového typu Side.
- way seznam všech navštívených uzlů při provádění dané operace. Je typu ArrayList<IGraphicNode>. Využívá se při animování vyhledávání uzlu.
- recordOfAnimations seznam záznamů všech animací. Je typu ArrayList <RecordOfAnimation>.

Vybrané metody:

- addNodeToWay(IGraphicNode node) přidává do kolekce way navštívený uzel
- addAnimation(AnimatedAction action, IGraphicNode node, Object object) metoda, která přidá do recordOfAnimations nový záznam animace.

Výčtový typ AnimatedAction

Obsahuje například hodnoty: SEARCH, INSERT, DELETE, MOVEVALUE, MOVENODE, RR, LL, RL, LR... a další.

Výčtový typ Color

Obsahuje hodnoty: RED, BLACK;

Výčtový typ Side

Obsahuje hodnoty: LEFT, RIGHT, NONE;.

3.2.3 Balík graphic

Tento balík se stará o grafické zobrazování stromů, animování všech operací a zobrazování zjednodušeného popisu.

Seznam souborů v balíku:

- IGraphicNode interface
- AVLGraphicNode
- BinaryGraphicNode
- RedBlackGraphicNode
- DrawingTree

Rozhraní *IGraphicNode*

Toto rozhraní definuje všechny důležité get, set a další metody, které jsou potřeba pro práci s jakýmkoliv objektem reprezentující grafický uzel zmíněných stromů. Je ním zobecněna práce třídy DrawingTree, která může vykreslovat a provádět animace aniž by znala typ stromu.

Objekty typu IGraphicNode reprezentují obecný grafických uzel všech stromů a jsou prakticky používány ve všech částech programu. Výjimku tvoří funkce, které jsou specifické pro určitý typ stromu, ty si objekty typu IGraphicNode přetypují do BinaryGraphicNode, AVLGraphicNode nebo RedBlackGraphicNode ($Například\ u\ AVL\ stromu\ je\ potřeba\ změnit\ atribut\ factor\ ,\ který\ obsahuje\ a\ má\ k\ němu\ přístup\ pouze\ AVLGraphicNode).$

Hlavní definované metody jsou:

- createStackPaneNode() vytvoří grafickou reprezentaci listu (vytvoří kruh a doprostřed vloží hodnotu listu, to celé pak vloží do StackPane).
- highlightFindNode () metoda pro zvýraznění nalezeného grafického uzlu.
- countChildren() metoda, které vypočítá a uloží počet všech pravých a levých potomků daného uzlu. Metoda vrací součet všech potomků. Používá se pro rozpočítání vzdáleností mezi uzly, aby se ve vykresleném stromu žádné nepřekrývaly. Implementace metody je zde 8.

Třída BinaryGraphicNode

Třída implementuje rozhraní IGraphicNode. Reprezentuje grafický uzel stejnojmenného stromu. Pouze implementuje všechny metody z rozhraní. Obsahuje tyto atributy:

- radiusSize velikost vykreslených uzlů. Hodnota je typu final int inicializovaná na 20.
- parent ukazatel na rodiče uzlu. Typu IGraphnicNode.
- left ukazatel na levého potomka. Typu IGraphnicNode.
- right ukazatel na pravého potomka. Typu IGraphnicNode.
- side pozice vůči rodiči. Výčtového typu Side.
- leftChildrenCount počet všech levých potomků.
- rightChildrenCount počet všech pravých potomků.
- value ukazatel na hodnotu uzlu. Typu Text.
- circle grafický prvek kruh o poloměru radiusSize. Typu Circle.
- stacPaneNode StackPane, který představuje grafický uzel. V něm je vložen objekt value a circle.
- x souřadnice stacPaneNode x. Typu DoubleProperty.
- y souřadnice stacPaneNode y. Typu DoubleProperty.
- branch představuje větev¹⁶ mezi tímto uzlem a jeho rodičem. Typu Line.

¹⁶Spoj mezi uzlem a jeho rodičem.

```
1 @Override
2 public int countChildren() {
    if (left != null) {
      leftChildrenCount = 1 + left.countChildren();
     } else {
     leftChildrenCount = 0;
 6
7
8
   if (right != null) {
     rightChildrenCount = 1 + right.countChildren();
10
    } else {
11
12
     rightChildrenCount = 0;
13
14
    return leftChildrenCount + rightChildrenCount;
15
16
```

Zdrojový kód 8: countChildren() - rekurzivní funkce pro určení počtu potomků

Třídy AVLGraphicNode a RedBlackGraphicNode

Tyto třídy dědí ze třídy BinaryGraphicNode => zároveň pro ně automaticky platí, že implementují rozhraní IGraphicNode. Tyto třídy reprezentují grafické uzly svých stejnojmenných stromů, ale prakticky se od BinaryGraphicNode příliš neliší.

AVLGraphicNode pouze přidává atribut factor a k němu příslušnou get a set metodu. Faktor vyvážení je reprezentován objektem typu Text. Tento atribut následně vloží do zděděného atributu stackNode.

RedBlackGraphicNode používá červenou a černou barvu výplně zděděného atributu circle, kvůli tomu je přidán atribut color výčtového typu Color a jeho příslušnou get a set metodu. Dále přidává metodu pro označení dvojitě obarveného listu.

Třída *DrawingTree*

Nejrozsáhlejší třída aplikace, která ovládá grafické zobrazování všech stromů, animací a zobrazování popisku aktuálně prováděných operací. WindowController při vytvoření nového stromu vytvoří objekt graphicTree, který je instancí DrawingTree. Objektu graphicTree jsou pak pomocí metod předávány výsledky (typu Result) zpracovaných operací v logické reprezentaci stromu. Tyto výsledky jsou následně graficky zpracovány a po provedení poslední animace je program připraven na přijímání dalších požadavků od uživatele.

Parametry konstruktoru:

 paneTree – ukazatel na prvek okna typu Pane, do kterého se stromy budou kreslit.

- 2. animationSpeed ukazatel na property¹⁷ prvku okna typu Slider. Parametr je typu DoubleProperty. Tato hodnota reprezentuje aktuální zvolenou hodnotu uživatelem pomocí *slideru* pro nastavení rychlosti animace.
- 3. stageWidthProperty ukazatel na property šířku okna aplikace. Je typu ReadOnlyDoubleProperty.
- 4. stageHeightProperty ukazatel na property výšku okna aplikace. Je typu ReadOnlyDoubleProperty.
- 5. WindowController ukazatel na samotný objekt windowController, který tento konstruktor volá. To proto, aby tato třída měla přístup k metodám pro deaktivování prvků okna při průběhu animace.

Zdrojový kód 9: Ukázka použití konstruktoru třídy DrawingTree

Třída má spoustu atributů, které jsou hlavně využívány funkcemi týkajících se animací. Animace po skončení automaticky volají funkce, které nemají přístup k lokálně uloženým datům a proto musí pracovat s atributy třídy, ke kterým je přístup ze všech funkcí dané třídy. Některé atributy třídy:

- value hodnota vložená uživatelem načtená z TextArea.
- newIGraphicNode ukazatel na nově vkládaný uzel.
- graphicNodeSize rozměr grafického uzlu. Při vkládání kořene je do tohoto atributu vložen jeho rozměr.
- xAnimatedNode, yAnimatedNode DoubleProperty sloužící k ukládání, které jsou dále používány v animacích.
- DOWNMARGIN představuje velikost zobrazené mezery mezi potomkem a rodičem. Je typu final int a má hodnotu 40.
- listGraphicNodes seznam všech aktuálně zobrazených uzlů. Typu ArrayList <IGraphicNode>.

¹⁷Vlastnost objektu v JavaFX, které lze *naslouchat* a reagovat na změny. Tyto vlastnosti jsou obvykle typovány na typ objektu, který uchovávají např. DoubleProperty. Jdou propojit (*nabindovat*) s jinými property stejného typu => pokud se změní hodnota v property, tak se změní i hodnota ve všech, které jsou s ní propojeny.

- recordOfAnimations seznam aktuálně prováděný animací. Typu ArrayList <RecordOfAnimation>.
- animationIndex index poslední provedené animace.
- wayList aktuální seznam všech navštívených uzlů, pro animování vyhledávání. Typu ArrayList<IGraphicNode>.
- wayIndex index posledního zvýrazněného uzlu.
- balanceIndex index aktuálně kontrolovaného uzlu, používá se ve funkci balanceTreeNext().
- Dále obsahuje všechny uložené parametry z konstruktoru jako je: paneTree, animationSpeed, stageWidthProperty, stageHeightProperty, windowController.

Vybrané metody:

- insertRoot (INode root) metoda animuje vložení kořene. Kvůli skutečnosti, že uživatel může měnit velikost okna aplikace, musí mít kořen souřadnice, které se přizpůsobují aktuální šířce okna. K tomu slouží již zmíněná stageWidthProperty. S tímto atributem propojím x (DoubleProperty) kořene, navíc ji vydělím dvěma, abych pozicoval uzel přímo doprostřed okna. Tím zaručím, že kořen bude vždy uprostřed okna.
- insertNode (Result result, int value) metoda je volána z WindowController při kliknutí uživatele na tlačítko *Vložit*. Nejprve se vkládanému uzlu uloženého v result nastaví počáteční souřadnice a je vložen do okna, zároveň je uložen do newIGraphicNode. Poté je zavolána metoda startAnimation (result.getRecordOfAnimations ().
- deleteNode (Result result, int value) pokud je mazaný uzel nalezen volá startAnimation (result.getRecordOfAnimations(). Při nenalezení pouze zobrazí animaci hledání.
- searchNode (Result result, int value) připraví prostředí na hledání a zavolá startAnimation (result.getRecordOfAnimations().
- startAnimation (ArrayList<RecordOfAnimation> recordOfAnimations) tato funkce pouze připraví prostředí pro spuštění animací. Tato příprava spočívá v nastavení všech potřebných atributů na výchozí hodnoty, určení rychlosti animace, uložení aktuálního seznamu animací, atd.). Dále volá funkci nextAnimation().
- nextAnimation() funkce má na starost postupné vykonávání animací ze seznamu recordofAnimations. Obsahuje switch, který podle typu animace zavolá příslušnou funkci. Ukázka této funkce naleznete zde 11.

- insertNodeAnimation() zde je prováděna animace vkládání nového uzlu. Souřadnice nově umístěného uzlu určím pomocí tohoto kódu 10. Po dokončení animace je zavolána funkce insertNodeAnimationFinished(), která tyto souřadnice uloží do vloženého uzlu a zařídí pokračování dalších animací, tak že navýší animationIndex o 1 a zavolá funkci nextAnimation().
- createBranch (IGraphicNode node) funkce vytvoří pro daný uzel *větev*, nebo-li hranu mezi tímto uzlem a jeho rodičem.
- checkBranches () funkce ověří, zda všechny vykreslené uzly, mají zobrazené příslušné větve. Pokud se tam nějaká větev nenachází, tak jí zobrazí. Neobsahuje-li uzel větev, která by se měla zobrazit, tak je nejprve vytvořena a pak i zobrazena.
- balanceTree() a balanceTreeNext() funkce, která zajišťuje korektní zobrazení stromů. balanceTree() je volána při dokončení všech animací. Uvnitř funkce se pomocí rekurzivní funkce countChildren() aktualizuje počet potomků u všech uzlů. Pak je zavolána funkce balanceTree() a ta pomocí rekurze postupně prochází listGraphicNodes. Pro každý uzel vypočítá správné souřadnice a porovná je s aktuálním umístění uzlu. Pokud se souřadnice liší, tak je potřeba uzel posunout na správné místo. Tímto postupem je zaručeno, že se žádný uzel nebude překrývat. Ukázka funkce je zde 12.
- Dále jsou zde implementovány metody na příslušné animace: deleteNodeAnimation(), moveNodeAnimation(), moveValueAnimation(), updateFactor(), rrAnimation(), rlAnimation(), llAnimation(), lrAnimation().

Zdrojový kód 10: Ukázka určení souřadnic nově vloženého uzlu

```
1 private void nextAnimation() {
   //pokud už proběhly všechny animace
3
   if (animationIndex >= recordOfAnimations.size()) {
    balanceTree();
4
5
    return;
   }
  switch (recordOfAnimations.get(animationIndex).getAction().) {
8
9
   case SEARCH:
    wayIndex = 0;
10
    nextSearchNode();
11
    break;
12
13
  case INSERT:
14
    insertNodeAnimation();
1.5
    break;
16
17
   case DELETE:
18
    deleteNodeAnimation();
19
    break;
2.0
21
22 case MOVENODE:
23
    moveNodeAnimation();
    break;
24
25
    . . .
             Zdrojový kód 11: Zkrácená ukázka nextAnimation()
1 xAnimatedNode = new SimpleDoubleProperty();
```

Zdrojový kód 12: Ukázka výpočtu správného umístění uzlu

4 Uživatelská příručka

Uživatelská příručka obsahuje návod, který popisuje jak aplikaci spustit a její funkčnost. Jsou zde popsány i všechny komponenty okna a práce s nimi.

4.1 Minimální požadavky aplikace

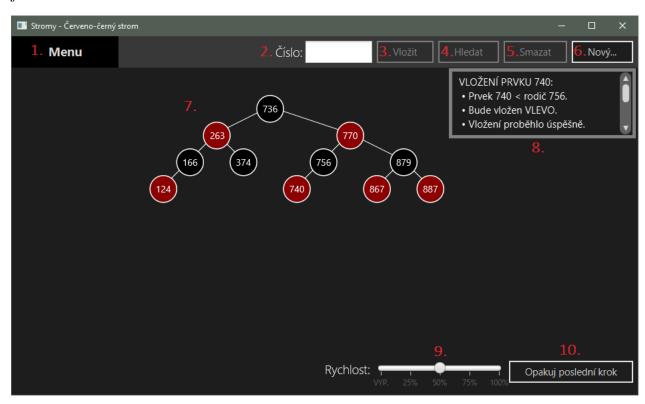
- Windows 10 nebo macOS 10.12 Sierra.
- JVM verze 8.
- Rozlišení obrazovky aspoň 1366×768.

4.2 Spuštění

Aplikaci není třeba instalovat. Před samotným spuštěním je pouze potřeba mít nainstalovaný JVM verze 8, který dostupný z adresy: https://java.com/en/download/. Samotnou aplikaci Stromy.JAR stačí zkopírovat z adresáře bin/ a spustit.

4.3 Okno aplikace

Po spuštění se zobrazí hlavní okno programu viz. obrázek 35. V titulku okna je název aktuálně zvoleného stromu.



Obrázek 35: Hlavní okno programu.

4.3.1 Popis okna aplikace

1. Menu – slouží k výběru stromu viz. obrázek 36. Aktuální strom je v menu zvýrazněn bílou barvou. Menu skryjeme po kliknutí na položku *Zpět*.

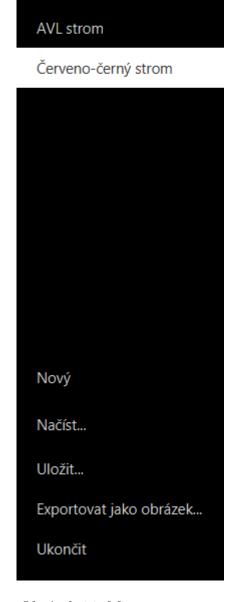
Další funkce menu:

- Nový Smaže aktuální strom.
- Načíst... Zobrazí standardní okno pro výběr umístění uloženého souboru název.tree.
- *Uložit...* Zobrazí standardní okno pro výběr umístění a názvu ukládaného souboru. Na dané místo uloží aktuální strom jako *název.tree*.
- Exportovat jako obrázek... Zobrazí standardní okno pro výběr umístění a názvu obrázku. Na dané místo uloží obrázek aktuálního stromu jako název.png.
- Ukončit Ukončí aplikaci.
- 2. Textové pole pro uživatelské zadávání číselných hodnot. Rozmezí čísla je 0 až 10 000. Při zadání čísla se automaticky tlačítka, které je možné v daném případě použít stávají aktivními.
- 3. Tlačítko *Vložit* slouží ke vkládání uživatelem zadané hodnoty do aktuálního zobrazeného stromu. Je aktivní vždy, pokud uživatel zadá nějakou hodnotu.
- 4. Tlačítko *Hledat* slouží k hledání uživatelem zadané hodnoty v aktuálním zobrazeném stromu. Je aktivní, pokud strom má alespoň kořen a textové pole obsahuje nějakou uživatelem zadanou hodnotu.
- 5. Tlačítko *Smazat* slouží k odebírání uzlu s uživatelem zadanou hodnotou v aktuálně zobrazeném stromu. Je aktivní, pokud strom má alespoň kořen a textové pole obsahuje nějakou uživatelem zadanou hodnotu
- 6. Tlačítko *Nový...* po kliknutí zobrazí dialog 37. V tomto dialogu je možno aktuální strom vymazat nebo vytvořit náhodný strom. Při výběru *Nový náhodný...* se zobrazí dialog 38, kde zadáme počet hodnot ve stromě a po potvrzení je strom vytvořen.
- 7. Kreslící plocha zde je vykreslován strom, jsou zde i prováděny animace.
- 8. Popis operací stručný popis aktuálně prováděných operací, který si lze pročíst i po provedení animace. Tento popis lze přesunout, pomocí chytnutí šedého okraje, kamkoliv po kreslící ploše programu.
- 9. Rychlost animací před prováděním animace, lze vybrat její rychlost, případně i animace vypnout.

10. Tlačítko *Opakuj poslední krok* – po kliknutí na tlačítko se zopakuje poslední provedená operace. Toto tlačítko je aktivní, pokud je uložená nějaká předchozí operace.

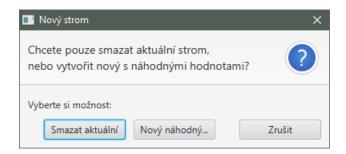
Binární vyhledávací strom

Zpět

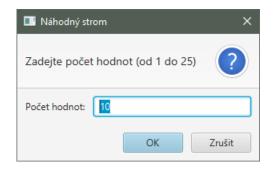


Obrázek 36: Menu programu.

Dialogové okna aplikace:



Obrázek 37: Dialogové okno navázané na tlačítko Nový....



Obrázek 38: Dialogové okno pro náhodný strom.

4.3.2 Klávesové zkratky

Při zadávání hodnoty do textového pole, je možné volat operace pomocí klávesových zkratek:

- ENTER zavolá operaci Vložit.
- F zavolá operaci Hledat.
- DELETE zavolá operaci Smazat.

Závěr

Výsledkem bakalářské práce je aplikace STROMY, která může sloužit k potřebě výuky Binárních vyhledávacích, AVL a červeno-černých stromů. Aplikace názorně animuje operace Vyhledávání, Vkládání a Odebírání. Tyto operace jsou zároveň stručně popsány, navíc je možnost je znovu zopakovat, což umožňuje lepší pochopení dané operace. Aplikace dále umožňuje ukládat a načítat vytvo-řené stromy a exportovat jako obrázek. Tento obrázek se pak dá vytisknout nebo použít v textu studijních materiálů.

Aplikace je naprogramována s důrazem na jednoduchost a obecnost. Toto zobecnění hlavních částí programu umožňuje v budoucnu doprogramovat další typy stromů, aniž by se musela předělávat celá aplikace.

Program se dá rozšířit například o datové struktury: B strom, B+ strom, 2-3-4 strom a jiné. Další rozšíření bych osobně viděl v tom, že bych přidal podporu pro testování znalostí uživatele na náhodných příkladech stromů, kde by uživatel sám upravoval zobrazený strom na základě programem zadané operace. Tento uživatelem upravený strom by byl následně vyhodnocen, případně zobrazeno správné řešení. Do aplikace by i mohl být přidán seznam všech typů animací, které by byly při výběru zobrazeny. Tyto animace by se týkaly všech možných operací a jejich případů. Například při operaci odebírání by bylo možné si zobrazit odebírání kořene s počtem potomků 0, 1 nebo 2. Přitom u 2 potomků by byly na výběr zase všechny možné situace. Tak by bylo možné si zobrazit všechny druhy animací, bez nutnosti předem vytvořit potřebně vypadající strom. Mezi další vylepšení bych určitě zařadil možnost upravení grafického vzhledu programu. K tomuto bych využil možnosti JavaFx, která umožňuje měnit způsob zobrazování elementů okna pomocí kaskádových stylů.

Conclusions

Thesis conclusions in "English".

A Obsah přiloženého CD/DVD

Na samotném konci textu práce je uveden stručný popis obsahu přiloženého CD/DVD, tj. jeho závazné adresářové struktury, důležitých souborů apod.

bin/

Program Stromy, spustitelné přímo z CD/DVD.

doc/

Text práce ve formátu PDF, vytvořený s použitím závazného stylu KI PřF UP v Olomouci pro závěrečné práce, včetně všech příloh, a všechny soubory potřebné pro bezproblémové vygenerování PDF dokumentu textu (v ZIP archivu), tj. zdrojový text textu, vložené obrázky, apod.

src/

Kompletní zdrojové kódy programu Stromy.

readme.txt

Instrukce pro instalaci a spuštění programu STROMY, včetně všech požadavků pro jeho bezproblémový provoz.

Navíc CD/DVD obsahuje:

literature/

Vybrané položky bibliografie, příp. jiná užitečná literatura vztahující se k práci.

U veškerých cizích převzatých materiálů obsažených na CD/DVD jejich zahrnutí dovolují podmínky pro jejich šíření nebo přiložený souhlas držitele copyrightu. Pro všechny použité (a citované) materiály, u kterých toto není splněno a nejsou tak obsaženy na CD/DVD, je uveden jejich zdroj (např. webová adresa) v bibliografii nebo textu práce nebo v souboru readme.txt.

Literatura

- [1] BĚLOHLÁVEK, Radim. Algoritmická matematika 2 část 1 [online]. 2012-05-15. [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://belohlavek.inf.upol.cz/vyuka/algoritmicka-matematika-2-1.pdf
- [2] BĚLOHLÁVEK, Radim; VYCHODIL, Vilém. Diskrétní matematika pro informatiky II [online]. 2010-10-16. [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://belohlavek.inf.upol.cz/vyuka/dm2.pdf
- [3] VEČERKA, Arnošt. Poznámky k přednáškám z předmětu Algoritmická matematika 2. Univerzita Palackého v Olomouci, 2018.
- [4] DVORSKÝ, Jiří. Algoritmy I.[online]. 2007-02-27. [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://www.cs.vsb.cz/dvorsky/Download/SkriptaAlgoritmy/Algoritmy.pdf
- [5] FINLAYSON, Ian. Binary Search Trees [online]. [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://ianfinlayson.net/class/cpsc340/notes/20-binary-search-trees
- [6] ADELSON-VELSKII, G. LANDIS. E. M.; Μ. An algorithm for the information. Soviet Mathematics organization of Doklady, 3:1259-1263, 1962. [online]. cit. 2018-07-07 Dostupné http://professor.ufabc.edu.br/ jesus.mena/courses/mc3305-2q-2015/AED2-10-avl-paper.pdf
- [7] CORMEN, Thomas H.; LEISERSON, Charles E.; RIVEST, Ronald L.; STEIN, Clifford. Introduction to Algorithms, 978-0-262-03384-8, 1990. [online]. 2011-04-04 [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://belohlavek.inf.upol.cz/vyuka/Cormen-RB-trees.pdf
- [8] GALLES, David. Data Structure Visualizations [online]. [cit. 2018-07-07] Dostupné z: https://www.cs.usfca.edu/galles/visualization/Algorithms.html
- [9] ORACLE Java documentation [online]. [cit. 2018-07-07] Dostupné z: https://docs.oracle.com/javase/8/javase-clienttechnologies.htm
- [10] BLOCH, Joshua. Effective Java Second Edition, 978-0321356680, 2001.
- [11] POMALORI, Andreas. JavaFX Programming Cookbook [online]. [cit. 2018-07-07] Dostupné z: https://www.javacodegeeks.com/minibook/javafx-programming-cookbook
- [12] TIOBY [online]. [cit. 2018-07-07] Dostupné z: https://www.tiobe.com/tiobe-index/