### Katedra informatiky Přírodovědecká fakulta Univerzita Palackého v Olomouci

# BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Demonstrace práce s datovými strukturami



2018

Vedoucí práce: Mgr. Tomáš Kühr, Ph.D.

Patrik Becher

Studijní obor: Aplikovaná informatika, prezenční forma

#### Bibliografické údaje

Autor: Patrik Becher

Název práce: Demonstrace práce s datovými strukturami

Typ práce: bakalářská práce

Pracoviště: Katedra informatiky, Přírodovědecká fakulta, Univerzita

Palackého v Olomouci

Rok obhajoby: 2018

Studijní obor: Aplikovaná informatika, prezenční forma

Vedoucí práce: Mgr. Tomáš Kühr, Ph.D.

Počet stran: 16

Přílohy: 1 CD/DVD

Jazyk práce: český

#### Bibliograpic info

Author: Patrik Becher

Title: Data Structure Demonstration

Thesis type: bachelor thesis

Department: Department of Computer Science, Faculty of Science, Pa-

lacký University Olomouc

Year of defense: 2018

Study field: Applied Computer Science, full-time form

Supervisor: Mgr. Tomáš Kühr, Ph.D.

Page count: 16

Supplements: 1 CD/DVD

Thesis language: Czech

#### Anotace

Cílem bakalářské práce bylo vytvořit nástroj pro podporu výuky algoritmizace, konkrétně práce se základními stromovými datovými strukturami (binární vyhledávací stromy, AVL stromy, červenočerné stromy). Výsledná aplikace podporuje vizualizaci vybraných datových struktur, včetně názorné demonstrace běžně prováděných operací s těmito datovými strukturami se souběžným zobrazením pseudokódu prováděné operace.

#### Synopsis

Toto mně doplní Míša... :D

**Klíčová slova:** Binární vyhledávací stromy, Binární strom, AVL strom, Červenočerný strom, Stromové animace Java, JavaFX

**Keywords:** Binary search trees, Binary Tree, AVL tree, Redblack tree, Tree animations, Java, JavaFX

Rád bych poděkoval panu Mgr. Tomáši Kührovi Ph.D ské práce a panu RNDr. Arnoštu Večerkovi za odbor materiály k práci. Dále bych poděkoval mé rodině a ptvorbě.	nou pomoc a poskytnuté
Místopřísežně prohlašuji, že jsem celou práci včetně p statně a za použití pouze zdrojů citovaných v textu prác literatury.	,
datum odevzdání práce	podpis autora

# Obsah

1	Úvod	7
2	Stromy2.1 Binární stromy	8 10 10
Zá	ávěr	<b>12</b>
Co	onclusions	13
$\mathbf{A}$	První příloha	14
В	Druhá příloha	14
$\mathbf{C}$	Obsah přiloženého CD/DVD	14
$\mathbf{Li}$	teratura	16

## Seznam obrázků

1	Příklady neorientovaných stromů	
2	Popis stromu	
3	Binární strom	10
4	Binární vyhledávací strom	1

# Seznam zdrojových kódů

## 1 Úvod

Tato aplikace vznikla za účelem výuky základních binárních vyhledávacích stromů. Obsahuje podporu pro binární, AVL a červenočerné stromy. Program pomocí animací zobrazuje operace: Vyhledávání, Vkládání a Odebírání prvků ze stromů. Souběžně s animací zobrazuje stručný pseudokód aktuálně prováděné operace. Dále umožňuje Opakovat poslední operaci a Generování náhodných stromů.

Text samotné práce se dělí na dvě části: *Teoretickou část*, ve které se zabývám teorií vybraných stromů a *Programovou část*, která popisuje samotnou implementaci a funkcionalitu programu.

## 2 Stromy

V kapitole jsou vysvětleny základní pojmy, které jsou nezbytné k pochopení vlastností *stromů* obsažených v aplikaci. V podkapitolách jsou osvětleny principy pro tvorbu a následnou práci s konkrétními *binárními vyhledávacími stromy*. Využitím těchto principů, byl naprogramován tento výukový nástroj.

#### Definice 1 (Strom)

Strom je neorientovaný <sup>1</sup> souvislý <sup>2</sup> graf bez kružnic <sup>3</sup> [1].



Obrázek 1: Příklady neorientovaných stromů

Strom je datová struktura, která představuje stromovou strukturu propojených  $uzl\mathring{u}^4$ . Uzly jsou mezi sebou vzájemně spojeny pomocí  $hran^5$ . Strom složený z uzl $\mathring{u}$  U má |U-1| hran.

#### Definice 2 (Kořenový strom)

Kořenový strom je strom, ve kterém je vybrán jeden vrchol (kořen). Může to být kterýkoliv vrchol. Bývá to ale vrchol, který je v nějakém smyslu na vrcholu hierarchie objektů, která je stromem reprezentována. [1]

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Mezi každými dvěma vrcholy existuje právě jedna cesta.

 $<sup>^2</sup>$ Vynecháním libovolné hrany vznikne nesouvislý graf.

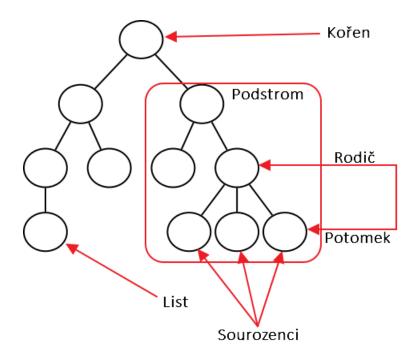
<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Přidáním jakékoli hrany vznikne graf s kružnicí.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Prvek obsahující hodnotu.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Představuje cestu mezi spojenými uzly.

#### Důležité pojmy:

- Uzel Jednoduše jakýkoliv prvek stromu.
- **Kořen** Jeden konkrétní uzel, který se nachází na vrcholu stromu. Pouze tento uzel nemá *rodiče*.
- Potomek, následník Uzel, který je hranou přímo připojen k jinému uzlu, cestou od kořene.
- Rodič, předchůdce Uzel, který má alespoň jednoho potomka.
- Sourozenci Skupina uzlů, které mají stejného rodiče.
- Podstrom Část stromu, která je úplným stromem, s tím, že kořen tohoto podstromu má svého rodiče.
- Koncový uzel, list Uzel bez potomků.



Obrázek 2: Popis stromu

#### Definice 3 (*m*-ární stromy)

Kořenový strom se nazývá m-ární, právě když každý jeho vrchol má nejvýše m potomků. 2-ární strom se nazývá binární. Kořenový strom se nazývá úplný m-ární, právě když každý jeho vrchol nemá buď žádného nebo má právě m potomků.[2]

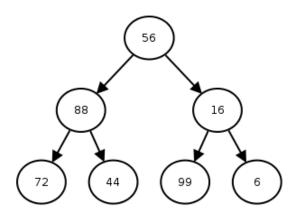
### 2.1 Binární stromy

#### Definice 4 (Binární stromy)

Binární stromy jsou typy kořenových stromů, ve kterých každý obsažený uzel má maximálně 2 potomky.

#### Každý uzel obsahuje tyto vlastnosti:

- Klíč Hodnota uložená v uzlu.
- Ukazatel na levého potomka.
- Ukazatel na pravého potomka.
- Ukazatel na jednoho rodiče.

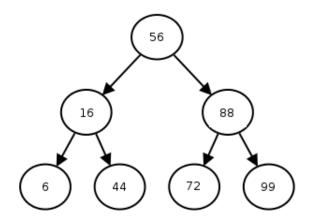


Obrázek 3: Binární strom

### 2.2 Binární vyhledávací strom

Binární *vyhledávací* strom, je speciální typ binárního stromu, kde platí následující:

- Každý pravý potomek P rodiče R má vyšší hodnotu h než jeho rodič. Platí tedy: P.h > R.h ⇒ Pravý podstrom uzlu R, obsahuje pouze uzly, které mají vyšší hodnotu než uzel R.
- Každý levý potomek L rodiče R má nižší hodnotu h než jeho rodič. Platí tedy:  $P.h > L.h \Rightarrow \text{Lev}$ ý podstrom uzlu R, obsahuje pouze uzly, které mají nižší hodnotu než uzel R.
- Ve stromě se nenachází dva uzly se stejnou hodnotou.



Obrázek 4: Binární vyhledávací strom

## Závěr

Závěr práce v "českém" jazyce.

## Conclusions

Thesis conclusions in "English".

## A První příloha

Text první přílohy

## B Druhá příloha

Text druhé přílohy

## C Obsah přiloženého CD/DVD

Na samotném konci textu práce je uveden stručný popis obsahu přiloženého CD/DVD, tj. jeho závazné adresářové struktury, důležitých souborů apod.

#### bin/

Instalátor Instalator programu, popř. program Program, spustitelné přímo z CD/DVD. / Kompletní adresářová struktura webové aplikace Webovka (v ZIP archivu) pro zkopírování na webový server. Adresář obsahuje i všechny runtime knihovny a další soubory potřebné pro bezproblémový běh instalátoru a programu z CD/DVD / pro bezproblémový provoz webové aplikace na webovém serveru.

#### doc/

Text práce ve formátu PDF, vytvořený s použitím závazného stylu KI PřF UP v Olomouci pro závěrečné práce, včetně všech příloh, a všechny soubory potřebné pro bezproblémové vygenerování PDF dokumentu textu (v ZIP archivu), tj. zdrojový text textu, vložené obrázky, apod.

#### src/

Kompletní zdrojové texty programu Program / webové aplikace Webovka se všemi potřebnými (příp. převzatými) zdrojovými texty, knihovnami a dalšími soubory potřebnými pro bezproblémové vytvoření spustitelných verzí programu / adresářové struktury pro zkopírování na webový server.

#### readme.txt

Instrukce pro instalaci a spuštění programu PROGRAM, včetně všech požadavků pro jeho bezproblémový provoz. / Instrukce pro nasazení webové aplikace WEBOVKA na webový server, včetně všech požadavků pro její bezproblémový provoz, a webová adresa, na které je aplikace nasazena pro účel testování při tvorbě posudků práce a pro účel obhajoby práce.

Navíc CD/DVD obsahuje:

#### data/

Ukázková a testovací data použitá v práci a pro potřeby testování práce při tvorbě posudků a obhajoby práce.

#### install/

Instalátory aplikací, runtime knihoven a jiných souborů potřebných pro provoz programu Program / webové aplikace Webovka, které nejsou standardní součástí operačního systému určeného pro běh programu / provoz webové aplikace.

#### literature/

Vybrané položky bibliografie, příp. jiná užitečná literatura vztahující se k práci.

U veškerých cizích převzatých materiálů obsažených na CD/DVD jejich zahrnutí dovolují podmínky pro jejich šíření nebo přiložený souhlas držitele copyrightu. Pro všechny použité (a citované) materiály, u kterých toto není splněno a nejsou tak obsaženy na CD/DVD, je uveden jejich zdroj (např. webová adresa) v bibliografii nebo textu práce nebo v souboru readme.txt.

### Literatura

- [1] BĚLOHLÁVEK, Radim. Algoritmická matematika 2 část 1 [online]. 2012-05-15. [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://belohlavek.inf.upol.cz/vyuka/algoritmicka-matematika-2-1.pdf
- [2] BĚLOHLÁVEK, Radim; VYCHODIL, Vilém; Diskrétní matematika pro informatiky II [online]. 2010-10-16. [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://belohlavek.inf.upol.cz/vyuka/dm2.pdf
- [3] DVORSKÝ, Jiří. Algoritmy I.[online]. 2007-02-27. [cit. 2018-07-07]. Dostupné z: http://www.cs.vsb.cz/dvorsky/Download/SkriptaAlgoritmy/Algoritmy.pdf
- [4] BINARY SEARCH TREES Dostupné z: http://cs.umw.edu/finlayson/class/fall12/cpsc230/notbinary-search-trees.html