Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського" Фізико-технічний інститут

Криптографія Комп'ютерний практикум №1

Експериментальна оцінка ентропії на символ джерела відкритого тексту

Виконали студенти групи ФБ-13 Сварник Назар та Шматко Андрій

Мета роботи

Засвоєння понять ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

Порядок виконання роботи

1. Написати програми для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, а також підрахунку H_1 та H_2 за безпосереднім означенням. Підрахувати частоти букв та біграм, а також значення H_1 та H_2 на довільно обраному тексті російською мовою достатньої довжини (щонайменше $1 M \delta$), де імовірності замінити відповідними частотами. Також одержати значення H_1 та H_2 на тому ж тексті, в якому вилучено всі пробіли.

Букви з пробілами:

```
H_1 = 4.376985544110652;
```

R = 0.124602891;

	0.1644411747153852
0	0.09524140285725187
e	0.06955783327838493
a	0.06563676723366246
Н	0.05448403447172733
T	0.052636985396768254
И	0.051725200577985485
Л	0.045126500360507193
c	0.041996887017925574
p	0.03723936601605798
В	0.03446487916405377
К	0.03127656722798827
Д	0.028515776714463627
y	0.025531931545700277
M	0.025144520828706742
П	0.022873863570772406
Ь	0.0168660625276984
Я	0.016299621100579063
Ы	0.01626929349394573
Γ	0.014884006687726417
3	0.014541598225737182
б	0.014349849487023208
Ч	0.01303891423255013
ж	0.0091501324142438
й	0.009125674666958855

Ш	0.006962631497078277
X	0.006827624732065379
Ю	0.004685126069904155
Э	0.004401416201398787
Щ	0.0033008175735762414
Ц	0.002549475576982716
ф	0.0008540645351902959

Букви без пробілів:

 $H_1=4.466659028062471;\\$

R = 0.106668194;

0	0.11398527545299994
e	0.08324708108335949
a	0.07855433423410343
Н	0.06520670098023146
T	0.06299614557818668
И	0.06190491801743154
Л	0.05400756834222395
c	0.05026203511598391
p	0.044568215772687464
В	0.04124769928953124
К	0.03743191536195503
Д	0.03412779070911058
y	0.03055671339118869
M	0.03009305876236998
П	0.02737552746568253
Ь	0.020185368183925703
Я	0.019507448916031678
Ы	0.019471152720341323
Γ	0.017813236168807752
3	0.017403440411013438
б	0.01717395478664862
Ч	0.015605022456807527
Ж	0.010950913493286375
й	0.010921642367729637
Ш	0.008332904023491834
X	0.008171327410418648
Ю	0.005607176811648503
Э	0.005267631755190356
Щ	0.003950431105137199
Ц	0.003051222128034245
ф	0.0010221477044412494

Біграми, що не перетинаються без пробілів:

 $H_2 = 4.154146482675687;$

R = 0.169170703;

```
0.016775867479077
то
            0.012741135532336398
ст
            0.01184895162536706
но
            0.011394663756726505
на
            0.011125369401604525
не
            0.011120686021515449
ОН
            0.011045751940090201
ал
            0.010945059268175027
ПО
            0.010429887458376459
ко
            0.009814022976662716
ЛО
            0.009591562422431517
от
            0.009123224413523728
ГО
            0.009090440752900183
ен
            0.009085757372811105
oc
            0.009015506671474938
ка
```

Біграми, що не перетинаються з пробілами:

```
H_2 = 3.9760186154157737;
```

R = 0.204796277;

0.02229179099367033
0.01776612500856022
0.017102830253284677
0.016821076728919845
0.016091256835947053
0.016069733997280296
0.015596231546611621
0.014263772170969604
0.01360439065908802
0.011841474510110842
0.010687067708893824
0.01055401743349932
0.010013989845133393
0.00987898294804191
0.009556140368040542

Біграми, що перетинаються без пробілів:

```
H_2 = 4.154812266889686;
```

R = 0.169037547;

```
0.016575672387812424
то
            0.012724758600744892
ст
            0.012026934150428003
но
            0.011212025060796198
на
            0.011094940421481285
он
            0.011050448258541618
по
не
            0.011005956095601949
            0.01096497647184173
ал
            0.010219147319405725
ко
            0.009700462367240655
ot
            0.009581036035139443
ЛО
            0.009144310330494811
oc
            0.009099818167555144
OB
```

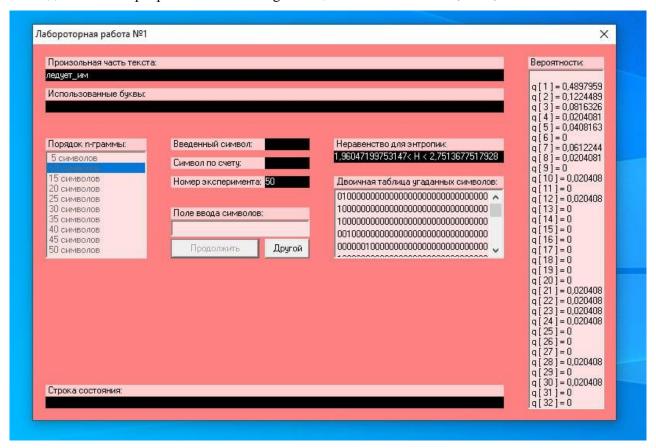
Біграми, що перетинаються з пробілами:

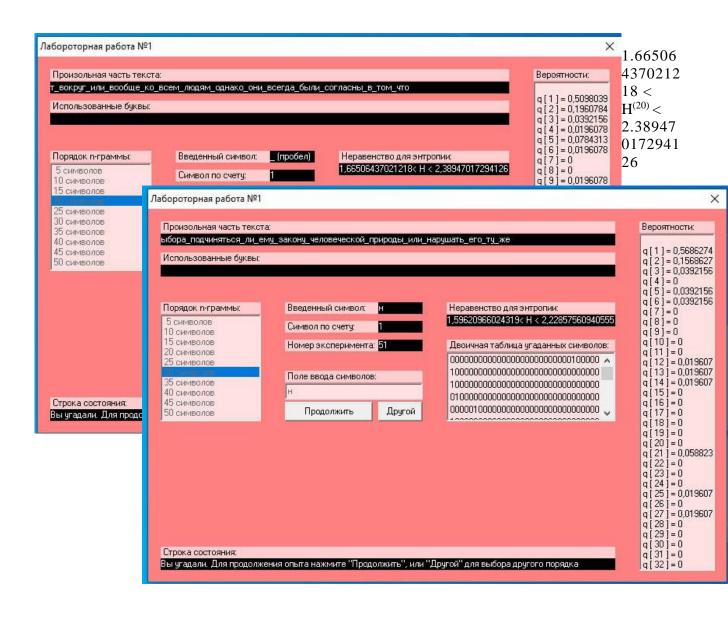
 $H_2 = 3.9766401969525007;$

R = 0.204671961;

o	0.022542238570883513
И	0.017721122709529726
e	0.017039240048132894
a	0.01682890321570776
П	0.016125497715644168
c	0.01567645303618772
Н	0.01563634229139967
В	0.014256923995030181
то	0.013444925990784312
O	0.011725055519140652
Ь	0.010590214934893413
ст	0.01038868290010468
Я	0.009893657610769246
НО	0.00974299774010194
T	0.009667667804768286

2. За допомогою програми CoolPinkProgram оцінити значення $\mathbf{H}^{(10)},\,\mathbf{H}^{(20)},\,\mathbf{H}^{(30)}.$





 $1.59620966024319 < H^{(30)} < 2.22857560940555$

3. Використовуючи отримані значення ентропії, оцінити надлишковість російської мови в різних моделях джерела.

```
\begin{split} &H_0 = log_2 32 = 5 \\ &H^{(10)} = 1 - (1.96047199753147 \ / \ 5) = 0.6079056 < R < 1 - (2.7513677517928 \ / \ 5) = \\ &0.44972645 \\ &H^{(20)} = 1 - (1.66506437021218 \ / \ 5) = 0.666987126 < R < 1 - (2.38947017294126 \ / \ 5) = \\ &0.522105965 \\ &H^{(30)} = 1 - (1.59620966024319 \ / \ 5) = 0.680758068 \ < R < 1 - (2.22857560940555 \ / \ 5) = \\ &0.554284878 \end{split}
```

Проблеми, які виникли у ході роботи

Під час прочитання завдання про біграми у методичці не вистачало прикладу для повного розуміння.

Висновки

Під час виконання роботи ми засвоїли поняття ентропії на символ джерела та його надлишковості, набули практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела. Також Написали програму для підрахунку частот букв і частот біграм в тексті, а також підрахунку H_1 та H_2 за безпосереднім означенням.