## 关注"北京高中升学"(ID: bj\_gaokao)微信公众号

### 北师大附属实验中学



# 2019-2020 学年度高一年级第一学期数学期中练习试卷(二卷)

20. 设x > 0, y > 0, x + 2y = 5, 则 $\frac{(x+1)(2y+1)}{\sqrt{xy}}$ 的最小值为\_\_\_\_\_\_

21. 李明自主创业,在网上经营一家水果店,销售的水果中有草莓、京白梨、西瓜、桃,价格依次为 60 元 盒、65 元 盒、80 元 盒、90 元 盒. 为增加销量,李明对这四种水果进行促销:一次购买水果的总价达到 120 元,顾客就少付、元. 每笔订单顾客网上支付成功后,李明会得到支付款的 80%。

- ①当x=10时,顾客一次购买草莓和西瓜各1盒,需要支付\_\_\_元;
- ②在促销活动中,为保证李明每笔订单得到的金额均不低于促销前总价的七折,则 x 的最大值为 .
- 22. 设函数 f(x) 的定义域为 D , 如果存在正实数 m , 使得对任意  $x \in D$  , 都有 f(x+m) > f(x) , 则称 f(x) 为 D 上的 " m 型增函数"。已知函数 f(x) 是定义在 R 上的奇函数,且当 x > 0 时, f(x) = |x-a| a (  $a \in \mathbb{R}$  )、若 f(x) 为 R 上的 "20 型增函数",则实数 a 的取值范围是

🍷 学而思·爱智康

五、解答题(本大應共等亦應京學物等,即写出必要的解答從程,将答案写在

已知关于x的一元二次方程 $x^2 - 4x + 2k = 0$ .

(本小題满分10分)

23.

- (1) 若方程有实数根, 求实数 k 的取值范围;
- (2) 如果k是满足(1) 的最大整数,且方程 $x^2-4x+2k=0$  的根是一元二次方程

 $x^2 - 2mx + 3m - 1 = 0$ 的一个根,求m的值及这个方程的另一个根。





已知函数 f(x) = (x-2)(x+a), 其中  $a \in \mathbb{R}$ .



神学所語 漫漫縣 (I) 若 f(x) 的图象关于直线 x=1 对称,求 a 的值;

(II) 求 f(x) 在区间[0,1] 上的最小值.

**学**斯語

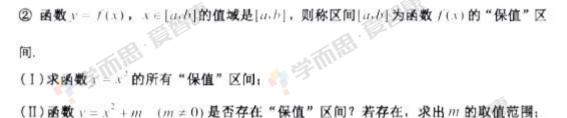


# 学 学 m思· 爱智康



25. 《本小麗满分 10 分 )关注 "北京高中升学" (ID: bj\_gaokao)微信公众号

对于区间[a,b] (a < b), 若函数 v = f(x) 同时满足; ① f(x) 在[a,b] 上是单订回答。



(Ⅱ)函数  $v = x^2 + m$   $(m \neq 0)$  是否存在"保值"区间?若存在,求出 m 的取值范围: **神**學所語.層 ·学师腊. 展灣馬 若不存在, 说明理由.



# 关注"北京高中升学"(ID: bj gaokao)微信公众号

北师大附属实验中



李而振. 震響原

# 2019-2020 学年度高一年级第一学期数学期中练习试卷(二卷)

四、填空题

- 18. [-1, 3]
  - .
- 20.  $4\sqrt{3}$
- 21. 130, 15
- **22.** a < 5

五、解答题

- 23. (本小題满分 10 分)
  - (1) 由題意得 $\Delta \ge 0$ ,所以 $16-8k \ge 0$ ,解得 $k \le 2$ .
  - (2) 由(1) 可知 k = 2,

所以方程 $x^2 - 4x + 2k = 0$  的根 $x_1 = x_2 = 2$ .

- $\therefore 4-4m+3m-1=0$ ,解得m=3.
- $\therefore$  万程 $x^2 2mx + 3m 1 = 0 = x^2 6x + 8 = 0$ , 解得 x = 2以x = 4, …… 分分

所以方程 $x^2 - 2mx + 3m - 1 = 0$ 的另一根为 4.

24. (本小题满分 10 分)

(1) 解法一: 因为  $f(x) = (x-2)(x+a) = x^2 + (a-2)x - 2a$ ,

所以, f(x) 的图象的对称轴方程为  $x = \frac{2-a}{2}$ .

由
$$\frac{2-a}{2}=1$$
, 得 $a=0$ .

解法二:因为函数 f(x) 的图象关于直线 x=1 对称,

所以必有 f(0) = f(2) 成立,

所以 -2a=0, 得 a=1 学而思· 爱智康

.....3分

添加管理员小希老师(ID:izk-bj10)为好友,即可邀请您加入北京高中学习群。

关注"北京高中升学"(ID: bj\_gaokao)微信公众号

(II) 解: 函数 f(x) 的图象的对称轴方程为  $x = \frac{x}{2}$ .

① 
$$\triangleq \frac{2-a}{2} \le 0$$
,  $\mathbb{P} \ a \ge 2 \mathbb{P}$ ,

因为 f(x) 在区间(0.1) 上单调递增,

所以f(x)在区间[0,1]上的最小值为f(0) = -2a.

因为 f(x) 在区间  $\begin{pmatrix} 0 & 2-a \\ 2 \end{pmatrix}$  上单调递减,在区间  $\begin{pmatrix} 2-a \\ 2 \end{pmatrix}$  上单调递增,

所以 
$$f(x)$$
 在区间[0,1] 上的最小值为  $f(\frac{2-a}{2}) = -(\frac{2+a}{2})^2$ .

② 当
$$\frac{2-a}{2} \ge 1$$
, 即  $a \le 0$  时,

因为 f(x) 在区间(0,1) 上单调递减,

所以 f(x) 在区间[0,1] 上的最小值为 f(1) = -(1+a).

貸上: 
$$f(x)_{min} = \begin{cases} -2a, a \ge 2 \\ -\left(\frac{a+2}{2}\right)^2, 0 < a < 2 \end{cases}$$

0 ( 4 / 2

25. (本小题满分10分)

解: (1) 因为函数  $y = x^2$  的值域是  $[0, +\infty)$  ,且 y = x 在 [a, b] 的值域是 [a, b] ,

所以 $[a, b] \subseteq [0, +\infty)$ , 所以 $a \ge 0$ , 从而函数 $y = x^2$ 在区间[a, b]上单调递增,

故有 
$$\begin{cases} a^2 = a, \\ b^2 = b, \end{cases}$$
 解得  $\begin{cases} a = 0, & \text{gf} \ a = 1, \\ b = 0, & \text{gf} \ b = 1. \end{cases}$ 

又a < b, 所以 a = 0,

所以函数 v=x2的"保值"区间为[0,1],

.....4分

(II) 若函数  $y = x^2 + m$   $(m \neq 0)$  存在"保值"区间,则有:

① 若 a < b ≤ 0, 此时函数 y = x² + m 在区间[a, b]上单调递减, 学而思· 爰智康</li>

所以  $\frac{\lambda^2 + m = \lambda^2}{h^2 + m = a}$  "北京高中升学" (ID: bj\_gaokao)微信公众号 所以  $\frac{\lambda^2 + m = a}{h^2 + m = a}$  "整理符(

因为a < b, 所以a + b + 1 = 0, 即 a = -b - 1.

又
$$\begin{cases} b \le 0, \\ -b - 1 < b, \end{cases}$$
所以  $-\frac{1}{2} < b \le 0.$ 

因为 
$$m = -b^2 + a = -b^2 - b - 1 = -\left(b + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{3}{4} \quad \left(-\frac{1}{2} < b \le 0\right)$$
,

所以  $-1 \le m < -\frac{3}{4}$ .

② 若 $b > a \ge 0$ ,此时函数 $v = x^2 + m$ 在区间[a, b]上单调递增

所以 
$$\begin{cases} a^2 + m = a, \\ b^2 + m = b, \end{cases}$$
 消去  $m$  得  $a^2 - b^2 = a - b$ , 整理得  $(a - b)(a + b - 1) = 0$ .

因为a < b, 所以 a+b-1=0, 即 b=1-a.

又
$$\begin{cases} a \ge 0, \\ a < 1-a, \end{cases}$$
 所以  $0 \le a < \frac{1}{2}$ .

因为 
$$m = -a^2 + a = -\left(a - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{1}{4} \left(0 \le a < \frac{1}{2}\right)$$

所以  $0 \le m < \frac{1}{2}$ .

综合 ①、② 得,函数  $y=x^2+m \pmod{m\neq 0}$  存在"保值"区间,此时 m 的取值范围是

$$\left[-1, -\frac{3}{4}\right] \cup \left(0, \frac{1}{4}\right). \qquad \cdots \cdots 10 \$$