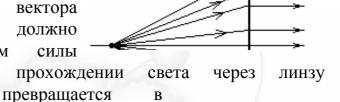
11.2 Для расчета силы светового давления воспользуемся корпускулярными представлениями о природе света. Каждый фотон обладает энергией ε и импульсом p, которые определяются формулами

$$\varepsilon = h \nu, \quad p = \frac{h \nu}{c} = \frac{\varepsilon}{c},$$
 (1)

где ν - частота света, h - постоянная Планка, c - скорость света.

Всякое изменение направления распространения приводит изменению направления вектора импульса, следовательно, должно сопровождаться появлением силы светового давления. При прохождении

пучок



расходящийся параллельный.

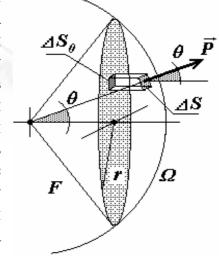
притягивается к источнику!

Рассмотрим изменение импульса отдельного фотона при его преломлении в линзе. Если до линзы импульс фотона был \vec{p}_0 , а после прохождения стал \vec{p}_I (модуль вектора при этом, естественно, не изменяется), то фотон получил

естественно, не изменяется), то фотон получил приращение импульса $\Delta \vec{p}$. Равный ему, но противоположный по направлению импульс $\vec{p}_{\scriptscriptstyle \pi}$ получит линза. Таким образом, в целом линза получит импульс, направленный в сторону источника - линза

Для расчета силы, действующей на линзу необходимо рассчитать суммарное изменение импульса света при его

прохождении через линзу. Рассмотрим сферическую поверхность с центром на источнике света, с радиусом равным расстоянию. Через фокусному пройдут те фотоны, которые летят в пределах телесного угла, опирающегося на линзу. После преломления все эти фотоны будут двигаться вдоль оптической оси, поэтому импульс переносимый этими фотонами в единицу времени можно подсчитать следующим образом. Поток энергии, деленный на скорость света, равен потоку импульса (то



есть, импульсу, переносимому в единицу времени). Плотность этого потока (поток через единичную площадь) на выбранной нами сфере определяется выражением

$$G = \frac{I}{4\pi F^2 c} \,. \tag{2}$$

Тогда поток импульса фотонов, прошедших через линзу, равен

$$P_{I} = GS_{\Omega} = \frac{I}{4\pi F^{2}c} \cdot 2\pi F \left(F - \sqrt{F^{2} - r^{2}}\right) = \frac{I}{2c} \left(I - \sqrt{I - \frac{r^{2}}{F^{2}}}\right), \quad (3)$$

здесь S_{Ω} - площадь поверхности сферического сегмента, опирающегося на линзу.

Для подсчета импульса этих фотонов до преломления в линзе необходимо просуммировать проекции импульсов на направление оптической оси, так как из осевой симметрии следует, что суммарный импульс будет направлен вдоль оси. Разобьем поверхность сферы на малые участки ΔS , запишем выражение для проекции потока импульса через этот участок

$$\Delta P_{0z} = G\Delta S \cos \theta \,, \tag{4}$$

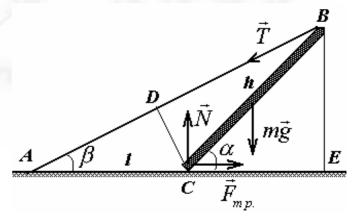
и обратим внимание, что $\Delta S \cos \theta = \Delta S_0$ есть площадь проекции выделенного участка на плоскость линзы. Поэтому сумма величин типа (4) будет равна произведению плотности потока импульса на площадь линзы

$$P_0 = G\pi r^2 = \frac{I}{2c} \cdot \frac{r^2}{2F^2}.$$
 (5)

Таким образом, сила давления f равна разности потоков импульсов (3) и (5)

$$f = \frac{I}{2c} \left(1 - \sqrt{1 - \frac{r^2}{F^2}} - \frac{r^2}{2F^2} \right). \tag{6}$$

11.3 На рисунке изображены силы, действующие на обелиск во время подъема обозначения традиционные). Для того чтобы обелиск не соскользнул фундамента, необходимо, чтобы сила трения покоя не превысила своего максимального значения μN . Будем считать,



что подъем осуществляется медленно, поэтому в любой момент времени сумма сил равна нулю. Это условие в проекции на горизонтальное и вертикальное направления имеет вид

$$F_{mp.} = T\cos\beta$$

$$N = mg + T\sin\beta$$
(1)