

$$\Delta Q = \Delta U + A, \quad (1)$$

где  $\Delta Q$  — количество теплоты, сообщенное газу,  $\Delta U$  — изменение его внутренней энергии,  $A$  — совершенная газом работа.

$$\Delta U = \frac{3}{2} R(T_2 - T_1). \quad (2)$$

$$\begin{aligned} A &= \sum_i P_i \Delta V_i = \sum_i (P_0 + \alpha V_i) \Delta V_i = \\ &= (\eta - 1) V \frac{P_1 + P_2}{2} = \frac{R}{2\eta} (\eta T_1 + T_2) \end{aligned} \quad (3)$$

И с учетом (2) и (3)

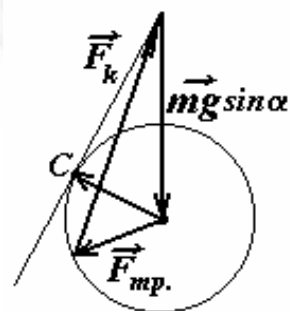
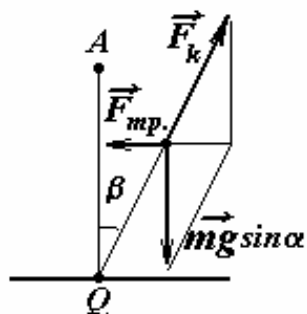
$$\Delta Q = \frac{R}{2} \left[ 3(T_2 - T_1) + \frac{\eta - 1}{\eta} (\eta T_1 + T_2) \right] = 1520 \text{ Дж.}$$

**10-4.** Заметим, что искомый угол  $\beta$  — это угол между прямыми, которым принадлежат вектор  $\vec{F}_k$  (силы Кулона) и проекция  $m\vec{g}$  на наклонную плоскость.

Допустим, шайба находится в состоянии равновесия. Сумма сил, действующих на нее при этом, должна быть равна нулю. Для построения треугольника поступим следующим образом. Отложим постоянную компоненту  $mg \sin \alpha$  первой, так как она не меняется при любых положениях шайбы. Теперь от конца вектора  $mg \sin \alpha$  мы должны отложить вектор силы трения. Подчеркнем, что значение

$|\vec{F}_{mp}| = \mu mg \cos \alpha$ , а направление его может быть любым, то есть множество концов всевозможных векторов  $\vec{F}_{mp}$  образуют окружность. Вектор  $\vec{F}_k$  должен замкнуть треугольник сил (иначе силы не уравновесят друг друга). Мысленно вращая  $\vec{F}_{mp}$ , видим, что максимальный угол реализуется

в случае касания  $\vec{F}_k$  окружности сил трения (в точке C), то есть



$$\sin \beta = \frac{\mu mg \cos \alpha}{mg \sin \alpha} = \mu \operatorname{ctg} \alpha,$$

следовательно,

$$\beta \leq \arcsin(\mu \operatorname{ctg} \alpha).$$

Пользуясь изложенным подходом, можете попробовать определить вид области “покоя” шайбы на наклонной плоскости. (На границе области  $\vec{F}_k$  будет направлен вдоль проекции силы тяжести на наклонную плоскость).

**11-1.** Для тепловой машины, работающей по идеальному тепловому циклу (циклу Карно) с температурами нагревателя  $T_H$  и холодильника  $T_X$ , коэффициент полезного действия можем рассчитать по формуле:

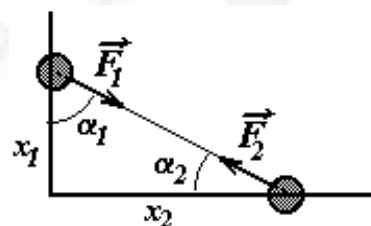
$$\eta = \frac{P}{Q_H} = \frac{T_H - T_X}{T_H} \approx \frac{21}{315},$$

$$P = \eta Q_H = \frac{\eta}{1 - \eta} Q_X = \frac{T_H - T_X}{T_X} Q_X.$$

Если цикл обратить (то есть за счет мощности электродвигателя  $P$  забирать в единицу времени  $Q_X$  теплоты у комнаты и отдавать  $Q_H$ ), то соотношения между механической и тепловой мощностями останутся прежними. Понятно, что в первом случае нужно забирать из комнаты на  $150 \text{ Вт}$  меньше, чем после включения лампы:

$$\Delta P = P_2 - P_1 = P_l (Q_{X_2} - Q_{X_1}) \frac{T_H - T_X}{T_X} = P_l \frac{T_H - T_X}{T_X} = 10,7 \text{ Вт}.$$

**11-2.** Пусть в некоторый момент одна бусинка находится на расстоянии  $x_1$  от угла, вторая – на расстоянии  $x_2$ . Так как  $|\vec{F}_1| = |\vec{F}_2|$ , то из второго закона Ньютона следует:



$$\left. \begin{aligned} m_1 a_1 &= F_1 \cos \alpha_1 = F_1 \frac{x_1}{\sqrt{x_1^2 + x_2^2}} \\ m_2 a_2 &= F_2 \cos \alpha_2 = F_2 \frac{x_2}{\sqrt{x_1^2 + x_2^2}} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{x_1}{x_2},$$