

направлению, поэтому предлагается следующий способ вычисления

$$A = \sum_i \vec{F}_i \cdot \Delta \vec{S}_i = \sum_i F_i \cdot \Delta r_i \cdot \cos \alpha_i = \sum_i \Delta r_i (F_i \cos \alpha_i) = \{F_i \cos \alpha_i = ma_{li}\} = \\ = \sum_i m \omega^2 r_i \Delta r_i = m \omega^2 \sum_i r_i \Delta r_i = m \omega^2 \frac{r^2}{2} = 1,19 \cdot 10^{-4} \text{ Дж}.$$

**11-1.** В отсутствие диода в контуре возникнут колебания тока. Напряжение на конденсаторе будет изменяться по гармоническому закону. Равновесное значение напряжения  $U_c = U_0$ . Амплитуда колебаний (начальное отклонение) также  $U_0$ . Диод «обрежет» разрядку. Следовательно, напряжение на конденсаторе  $2U_0$ .

**11-2.** Рассмотрим траекторию одного фотона. Если на расстоянии  $r$  от нее находится центр частицы, то фотон поглощается. Среднюю длину пробега  $l$  можно оценить из условия, что в цилиндре объемом  $\pi r^2 l$  находится одна частица

$$n \pi r^2 l = 1$$

Отсюда

$$l = \frac{1}{\pi r^2 n} = \frac{1}{3,14 (1,2 \cdot 10^{-6})^2 4 \cdot 10^9} \approx 55 \text{ м}.$$

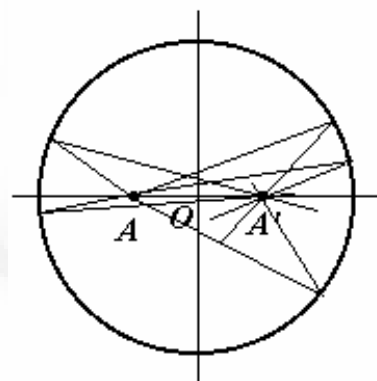
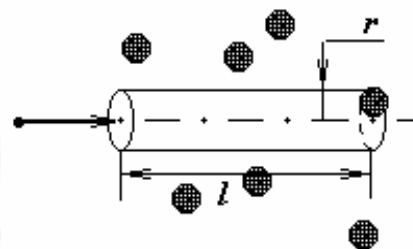
**11-3.** Фонтанчик брызнет на расстоянии  $a$  от центра с другой стороны как результат интерференции отраженных волн. Для лучей близких к линии  $AO$  длины путей до симметричной точки  $A'$  одинаковы с точностью до малых величин второго порядка малости. Поэтому эти участки волн приходят в эту точку почти одновременно, следовательно, интерферируя, образуют «всплеск» волны.

Скорость волн находим из условия

$$\frac{2R}{v} = \tau, \quad v = \frac{2R}{\tau}.$$

**11-4-1.** Поскольку масса платформы меняется, то второй закон Ньютона запишем в форме (изменение импульса системы равно импульсу внешней силы)

$$F_1 t = (m_0 + \mu_1 t) v, \quad (1)$$



где  $m_0$  - начальная масса платформы,  $\mu_1$  - скорость погрузки,  $v$  - скорость платформы в момент времени  $t$ . Заметим, что уравнение второго закона Ньютона в форме

$$F_1 = ma \quad (2)$$

в данном случае неприменимо, так как насыпающийся песок действует на платформу с некоторой тормозящей силой, которую здесь необходимо учесть.

В уравнении (1) две неизвестные величины  $m_0$  и  $\mu_1$ . Поэтому, в принципе, можно снять из графика зависимости  $v(t)$  данные для двух различных моментов времени и решить полученную систему уравнений. Однако, определить по графику нужные значения можно только с определенной погрешностью. Для уменьшения последней предпочтительнее использовать больше исходной информации. Из уравнения (1) следует, что масса платформы как функция времени может быть представлена в виде

$$m = m_0 + \mu_1 t = \frac{F_1 t}{v}. \quad (3)$$

Используя приведенный в условии график, можно построить зависимость величины  $F_1 t / v$  от времени, которая должна быть линейной, а затем обрабатывая этот график легко найти требуемые параметры. Такая процедура приводит к результату  $m_0 \approx 1T, \mu_1 \approx 0,1T / c$ .

**11-4-2.** Движение платформы в случае разгрузки подчиняется уравнению

$$F_2 = (m_0 - \mu_2 t)a. \quad (4)$$

Высыпающийся песок имеет ту же горизонтальную составляющую скорости, что и платформа, поэтому непосредственно на платформу не действует. Поясним, что закон Ньютона в форме (1) в этой ситуации неприменим, так как часть импульса уносит высыпающийся песок. Из уравнения (4) следует

$$m = (m_0 - \mu_2 t) = \frac{F_2}{a}. \quad (5)$$

Ускорение платформы  $a$  можно определить по графику зависимости  $v(t)$ , как коэффициент наклона касательной. Однако, в данном случае график изогнут слабо, поэтому строить касательные затруднительно, да и точность таких построений не высока - можно ограничиться нахождением ускорений в двух произвольных точках. Например, в начале движения ускорение приблизительно равно  $0,2 \text{ м/с}^2$ , а в конце достигает величины  $0,4 \text{ м/с}^2$ . Учитывая эти данные находим  $m_0 \approx 25T, \mu_1 \approx 0,12T / c$ .

**11-4-3.** Вычислим силу  $F^*$ , с которой насыпающийся песок действует на движущуюся платформу. За небольшой промежуток времени  $\Delta t$  порция песка массой  $\mu_l \Delta t$  увеличивает скорость от нуля до  $v$ . Следовательно, на этот песок действует сила, импульс которой  $F \Delta t$  равен изменению импульса песка

$$F^* = \mu_l v$$

Отсюда находим

$$F^* = \mu_l v \quad (6)$$

С такой же силой насыпающийся песок действует на платформу. Если эта сила равна внешней приложенной силе  $F_1$ , то платформа будет двигаться с постоянной скоростью  $v_0$ , то есть

$$\mu_l v_0 = F_1 \quad (7)$$

или 
$$v_c = \frac{F_1}{\mu_l} = 20 \text{ м / с }.$$