Задача 1. «Узорные цепи».

1.1 Так как резисторы $R_2 = 2,0\,O$ м и $R_3 = 4,0\,O$ м соединены параллельно, то напряжения на них одинаковы. Поэтому отношение сил токов через резисторы обратно отношению их сопротивлений.

$$R_1$$
 R_2
 R_4
 R_3
 R_4
 R_4
 R_4

Кроме того, их сумма равна силе тока $I_1 = 1,0\,A$. Следовательно, силы токов через эти резисторы равны

$$I_2 = I_0 \frac{R_3}{R_3 + R_2} \approx 0.67 A; \quad I_3 = I_0 \frac{R_2}{R_3 + R_2} \approx 0.33 A.$$
 (1)

Сила тока через резистор $R_4 = 1,0 \, O\!{}_M$ равна силе тока через первый резистор

$$I_4 = I_1 = 1,0 A. (2)$$

Напряжения на всех резисторах рассчитываются по закону Ома

$$U_{1} = I_{1}R_{1} = 1,0 B$$

$$U_{2} = U_{3} = I_{2}R_{2} = I_{3}R_{3} = 1,3 B.$$

$$U_{4} = I_{4}R_{4} = 1,0 B$$
(3)

Напряжение на участке AD равно сумме

$$U_{AD} = U_1 + U_2 + U_4 = 3.3B. (4)$$

Общее сопротивление цепи можно найти как отношения общего напряжения к общей силе тока

$$R_O = \frac{U_{AD}}{I_1} = 3.3 \, Om \,. \tag{5}$$

Возможна и иная последовательность расчетов.

1.2 Симметрия задачи позволяет сразу указать значения токов через все звенья сетки (см. рис). Поэтому искомое напряжение будет равно

$$U = \frac{1}{4}I_0R + \frac{1}{8}I_0R + \frac{1}{16}I_0R = \frac{7}{16}I_0R.$$
 (6)

Мы воспользовались свойством потенциальности электростатического поля — разность потенциалов между точками не зависит от пути перехода от одной из них к другой.

 $D = \begin{bmatrix} \frac{1}{16}I_0 \\ \frac{1}{8}I_0 \end{bmatrix}$

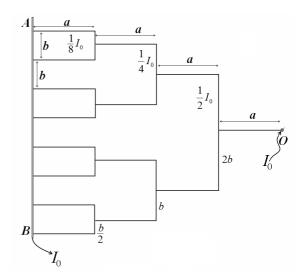
Возможны и другие варианты решения (например, соединить точки равного потенциала).

1.3 В данной задаче распределение токов также очевидно (в каждом узле ток делится пополам). Не сложно найти и геометрические размеры всех участков (см. рис.). Искомое напряжение можно найти как сумму напряжений, двигаясь от точки O до стержня AB любым путем (мы пойдем «по краю»):

$$U = I_0 r \left(a + \frac{1}{2} (a + 2b) + \frac{1}{4} (a + b) + \frac{1}{8} \left(a + \frac{1}{2} b \right) \right) =$$

$$= I_0 r \left(\frac{15}{8} a + \frac{21}{16} b \right)$$

Возможны и другие варианты решения (например, соединить точки равного потенциала).



Задача 2 «Гвоздь»

Часть 1.

1.1 Запишем закон сохранения энергии и импульса:

$$\begin{cases} Mv_0 = Mv + mu \\ \frac{Mv_0^2}{2} = \frac{Mv^2}{2} + \frac{mu^2}{2} \end{cases}$$
 (1).

Решая систему, получим:

$$u = \frac{2v_0}{\frac{m}{M} + 1} = \frac{2v_0}{\gamma + 1} \tag{2}.$$

1.2 При m << M, $\gamma \to 0$, поэтому:

$$u = 2v_0 \tag{3}.$$

1.3 Коэффициент передачи энергии:

$$\eta = \frac{\frac{mu^2}{2}}{\frac{Mv_0^2}{2}} = \gamma \frac{u^2}{v_0^2} \tag{4}.$$

Подставляя значение скорости (2), получим:

$$\eta = 4 \frac{\gamma}{(\gamma + 1)^2} \tag{5}.$$

Часть 2.

2.1 Вся полученная гвоздем кинетическая энергия расходуется на совершение работы против сил трения (изменением потенциальной энергии можно пренебречь). Работа силы трения, действующей на острие гвоздя, равна:

$$A_{OCTP} = f\Delta x \tag{6}.$$

Работа силы трения, действующей на боковую поверхность, равна: