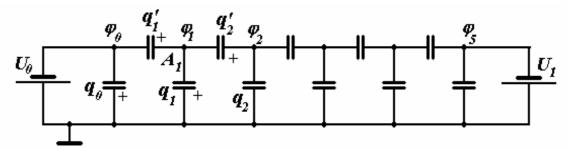
3. Обозначим потенциалы точек A_k (k=1,2,...5) через φ_k , заряды конденсаторов емкостями C_1 - q_k' , а кондесаторов C_2 - q_k , соответсвенно. Расставим также предположительные знаки зарядов на пластинах конденсаторов.



Так как потенциалы точек A_k (k=1,2,...5) должны образовывать геометрическую прогрессию, то

$$\varphi_k = \varphi_0 \lambda^k \,, \tag{1}$$

где λ - неизвестный пока знаменатель прогрессии, а $\varphi_0 = U_0$.

Используя закон сохранения электрического заряда, можно записать соотношения между зарядами конденсаторов, подключенных к точке A_I :

$$q_1' = q_1 + q_2'. (2)$$

Заряды конденсаторов связаны с разностью потенциалов соотношением $q = C \varDelta \varphi$. Следовательно,

$$q_{1} = C_{2}\varphi_{1} = \lambda C_{2}\varphi_{0}$$

$$q'_{1} = C_{1}(\varphi_{0} - \varphi_{1}) = (1 - \lambda)C_{1}\varphi_{0} \qquad (3)$$

$$q'_{2} = C_{1}(\varphi_{1} - \varphi_{21}) = \lambda(1 - \lambda)C_{1}\varphi_{0}$$

Подставляя значения зарядов в уравнение (2), получим уравнение из решения которого можно найти значение величины λ

$$(1-\lambda)C_1\varphi_0 = \lambda C_2\varphi_0 + \lambda(1-\lambda)C_1\varphi_0,$$

или

$$(1-\lambda) = \lambda \frac{C_2}{C_1} + \lambda (1-\lambda). \tag{4}$$

Корни этого квадратного уравнения находятся по стандартной формуле

$$\lambda_{I,2} = \frac{2 + \frac{C_2}{C_I} \pm \sqrt{(2 + \frac{C_2}{C_I})^2 - 4}}{2}.$$
 (5)

Используя значение отношения емкостей конденсаторов, получим

$$\lambda_1 = 3, \quad \lambda_2 = \frac{1}{3}. \tag{6}.$$

Чтобы условие задачи было удовлетворено, необходимо, чтобы напряжение второго источника удовлетворяло соотношению

$$U_{1} = \varphi_{5} = U_{0} \lambda^{5} = 3^{\pm 5} U_{0}. \tag{7}$$

Таким образом, задача имеет два решения

$$U_1 = 3^5 U_0 = 0.24 \cdot 10^3 B$$
, $U_1 = 3^{-5} U_0 = 0.043 B$.

Потенциалы точек образуют прогрессию:

в первом случае
$$-10, -30, -90, -270, -810, -2430 B$$
;

во втором
$$-10, -3.3, -1.1, -0.37, -0.12, -0.041B$$
.

Заметим, что существование двух решений следует из симметрии рассматриваемой электрической схемы.

Схема оценивания.

Номер	Содержание	баллы	в том числе за
пункта		всего	подпункты
1	Уравнение для знаменателя прогрессии	4	X III III
	- потенциалы точек		1
	- связь заряда и разности потенциалов		1
	- соотношение между зарядами (2)		2
2	Определение знаменателя прогрессии	3	
	- два корня		1
3	Значение напряжения	2	VALUE AND I
	- формула		1
	- численные значения		1
4	Потенциалы точек (численные значения)	1	
	всего	10	