Брест 1993 г. (Решения)

9-1. Рассмотрим движение точки A. Пусть она переходит в точку A_I , D — новая точка касания выреза. При таком повороте колеса на угол θ его центр сместится на угол ϕ относительно центра выреза. Так как качение происходит без проскальзывания, то длины дуг AD и A_ID равны, то есть

$$R\theta = 2R\varphi$$

или

$$\theta = 2\varphi$$
.

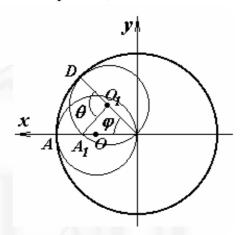
Запишем координаты точки A_1

$$x = R\cos\varphi + R\cos(\theta - \varphi),$$

$$y = R\sin\varphi - R\sin(\theta - \varphi).$$

С учетом связи между углами θ и φ , получим

$$\begin{cases} x = 2r\cos\theta, \\ y = 0. \end{cases}$$



Таким образом, при изменении угла φ от 0 до 2π , x изменяется от 2R до -2R, а y при этом остается равным нулю. Иными словами траектория точки есть диаметр выреза, проходящий через точку. Аналогично можно показать, что траектории точек B и C также являются отрезками прямых (диаметрами). Какими, подумайте самостоятельно.

- 9-2. При движении шарика в сосуде сила сопротивления зависит от его Следовательно, шарик будет постоянной скорости. двигаться c скоростью, поэтому суммарная сила, действующая со стороны жидкости на шарик, равна силе тяжести та . Тогда по третьему закону Ньютона с такой же силой шарик действует на жидкость. Так как центр масс жидкости перемещается без ускорения, то сумма всех сил, действующих на жидкость равна нулю. Таким образом, сила, действующая на быть co стороны шарика, должна скомпенсирована дополнительной силой со стороны дна и стенок сосуда, которая также равна тд.
- 9-3. Искомую работу можно рассчитать по формуле

$$A = Q = cm(T_K - T_H),$$

1