

Далее понятно, что после начала движения центрального груза начнет деформироваться и левая (вторая) пружина. Если ее абсолютная деформация $\Delta l_2(t)$, то из условия равновесия центрального груза получим (не будем забывать, что на центральный груз также действует постоянная сила трения скольжения F_0)

$$k \Delta l_2(t) + F_0 = k \Delta l_1(t) \Rightarrow \Delta l_2(t) = \Delta l_1(t) - \frac{F_0}{k} = \frac{\alpha t - 2F_0}{k}. \quad (4)$$

Теперь уже абсолютная деформация системы будет равна сумме абсолютных деформаций каждой из пружин

$$\Delta l(t) = \Delta l_1(t) + \Delta l_2(t) = \{(3), (4)\} = \frac{2\alpha t - 3F_0}{k}. \quad (5)$$

Заметим, что (5) также представляет собой линейную зависимость (участок 3–4 на рис.21), правда с иным (удвоенным) угловым коэффициентом.

Наконец в момент времени t_3 , когда сила упругости левой (второй) пружины также превысит значение F_0 , в движение придет и левый груз

$$k \Delta l_2(t_3) = F_0 \Rightarrow t_3 = \frac{3F_0}{\alpha} = 59 \text{ с}. \quad (6)$$

Подчеркнем, что выражение (6) имеет очевидный физический смысл — в момент времени t_3 внешняя движущая сила станет равной максимальной силе трения покоя в системе. Таким образом, последний (левый) груз сдвинется с места через время

$$t^* = 59 \text{ с}.$$

Согласно построенному графику деформация системы в этот момент

$$\Delta l^* = \frac{3F_0}{k} = 5,9 \text{ см}.$$

Далее система будет двигаться как единое целое (т.е. ускорения всех грузов будут одинаковыми), и можно показать, что в этом случае ее деформация будет увеличиваться с течением времени по линейному закону (участок 4–5 на рис.21)

$$\Delta l(t) = \Delta l_1(t) + \Delta l_2(t) = \frac{\alpha t}{k}. \quad (7)$$

Задание 4. «Находчивый Мюнхгаузен»

Человек, прыгнув в лодку, сообщит ей некоторую начальную скорость v_0 , которую можно найти из закона сохранения импульса

$$m v_{min} = (M + m) v_0 \Rightarrow v_0 = \frac{m v_{min}}{(M + m)}. \quad (1)$$

Далее лодка с человеком будет скользить по инерции, постепенно замедляя свое движение под действием силы сопротивления воды. Пусть в некоторый момент времени скорость лодки $v(t)$. Согласно II закону Ньютона для движения лодки (в проекции на горизонтальное направление) с учетом определений ускорения и скорости в этом случае можем записать

$$(M + m) a = (M + m) \frac{\Delta v}{\Delta t} = -\alpha v(t) = -\alpha \frac{\Delta x}{\Delta t}. \quad (2)$$

Умножая обе части равенства (2) на Δt , получим связь между приращением скорости Δv за некоторый малый промежуток времени Δt и приращением Δx ее координаты

$$\Delta v = - \frac{\alpha}{M + m} \Delta x . \quad (3)$$

Суммируя (3) по всем малым промежуткам, получим

$$\sum_i \Delta v_i = (0 - v_0) = - \frac{\alpha}{M + m} \sum_j \Delta x_j = - \frac{\alpha}{M + m} (x - x_0) \Rightarrow x - x_0 = s = \frac{(M + m) v_0}{\alpha} . \quad (4)$$

Лодка коснется противоположного берега в результате скольжения, только в том случае, если пройдет путь

$$s = x - x_0 = L - l \Rightarrow v_0 = \frac{\alpha}{M + m} (L - l) . \quad (5)$$

С учетом выражения (1) из (5) окончательно получаем

$$v_{min} = \frac{\alpha (L - l)}{m} = 4,9 \frac{m}{c} . \quad (6)$$

Интересно, что в окончательное выражение (6) не вошла масса лодки M , хотя на первый взгляд кажется, что она является существенным параметром в данной задаче. Данный факт можно объяснить так: тяжелая лодка легче скользит по воде, но ее тяжелее разогнать, тогда как легкую лодку можно лучше разогнать, но она быстро теряет свою скорость в воде.

Следовательно, с практической точки зрения для успешного путешествия без весел важно «запастись» как можно больший импульс еще при разгоне по берегу.

Задание 5. «Мультиметр Мюнхгаузена»

5.1 «Амперметр – амперметр» Для измерения силы тока амперметр следует подключать в цепь *последовательно*. Минимальное R_{min} и максимальное R_{max} сопротивления цепи (т.е. суммарное сопротивление резистора и амперметра) должны соответствовать максимальному I_{max} и минимальному δI значениям силы тока

$$R_{min} = \frac{U}{I_{max}} = 18 \text{ Ом} , \quad R_{max} = \frac{U}{\delta I} = 0,36 \text{ кОм} . \quad (1)$$

Соответственно пределы изменения сопротивления цепи в этом случае $R_{min} \leq R \leq R_{max}$.

До включения амперметра сила тока на участке цепи, подлежащая измерению, была $I_x = \frac{U}{R}$, где U — напряжение источника, R — сопротивление участка цепи. После включения в цепь амперметра сопротивлением R_A сила тока несколько уменьшится до значения

$$I = \frac{U}{R + R_A} . \quad (2)$$

Изменение силы тока ΔI по отношению к начальному значению тока в цепи и есть *абсолютная погрешность* измерения силы тока

$$\Delta I = I_x - I = \frac{U}{R} - \frac{U}{R + R_A} = \frac{R_A}{R(R + R_A)} U . \quad (3)$$

Для расчета по формуле (5) из возможного диапазона сопротивлений выберем R_{min} , поскольку в этом случае погрешность максимальна

$$\Delta I = 0,011 = 1,1\% . \quad (4)$$