Минская городская олимпиада по физике 2004 год



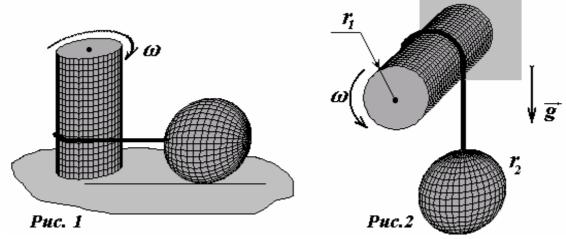
Задача 1. «Шарик на привязи»

Быстро вращающиеся валы представляют большую опасность для окружающих! Будьте осторожны рядом с ними! А теперь покажите свои знания динамики. <u>Извините за подсказку</u>, но при неравномерном движении по окружности ускорение удобно разложить на нормальное и тангенциальное.

Вал представляет собой прочный однородный цилиндр радиуса $r_1=5,0\,cM$, который может вращаться вокруг как вертикальной (Рис. 1) так и горизонтальной осей (Рис. 2). На вал намотана прочная нить, к концу которой прикреплен шарик радиуса $r_2=3,0\,cM$. Трением между поверхностями вала и шарика, а также между шариком и горизонтальной поверхностью можно пренебречь. Ускорение свободного падения считайте равным $g=9,8\,\frac{M}{c^2}$.

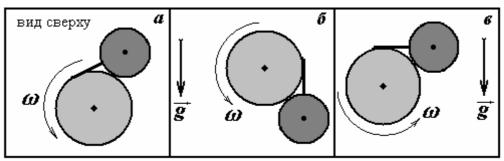
- **1.** Вал расположен вертикально, шарик касается поверхности вала, нить слегка натянута (Рис. 3a). Вал начинает вращаться с постоянной угловой скоростью $\omega = 3.0c^{-1}$. Через какой промежуток времени τ шарик оторвется от поверхности вала?
- **2.** Вал расположен вертикально, шарик касается поверхности вала, нить слегка натянута (Рис. 3a). Вал начинает вращаться с постоянным угловым ускорением $\beta = 3.0c^{-2}$. Через какой

промежуток времени τ шарик оторвется от поверхности вала?



- **3.** Вал расположен горизонтально, шарик касается поверхности вала. Вал начинает вращаться с постоянной угловой скоростью $\omega = 3.0c^{-1}$. Через какой промежуток времени τ шарик оторвется от поверхности вала, если
 - а) первоначально нить расположена вертикально (Рис. 3б)?
 - б) первоначально нить расположена горизонтально (Рис. 3в)?

- **4.** Вал расположен горизонтально, шарик касается поверхности вала. Вал начинает вращаться с постоянным угловым ускорением $\beta = 3.0c^{-2}$. Через какой промежуток времени τ шарик оторвется от поверхности вала, если первоначально нить расположена вертикально (Рис. 3б)?
- **5.** К нити прикрепляют другой шарик. Вал расположен горизонтально, шарик касается поверхности вала (Рис. 3б). Вал начинает вращаться с постоянным угловым ускорением. Каковы должны быть радиус шарика и угловое ускорение вала, чтобы до отрыва от поверхности вала шарик сделал точно один оборот вокруг оси вала?



Puc. 3

Задача 2. «Блики на дне»



Холодной зимой мы часто и с удовольствием вспоминаем о теплом лете. Представьте — теплое солнечное тихое летнее утро, вы находитесь на берегу озера, поверхность воды слегка колышется из-за небольших медленно пробегающих волн, на ровном песчаном дне отчетливо видны замысловатые яркие

световые полосы и пятна.

Это летом, а сейчас ваша задача — объяснить возникновение этих ярких полос, найти их характеристики и условия возникновения. Итак, по поверхности водоема движется гармоническая волна (длина которой $\lambda = 1,0$ м, амплитуда a = 5,0 см) в направлении с востока на запад, солнце находится на юге. Поверхность дна плоская и горизонтальная, глубина водоема h. Показатель преломления воды n = 1,33.

- **1.** Постройте примерный график зависимости горизонтальной координаты x_1 точки падения луча на дно, если он попал на поверхность воды в точке с координатой x.
- 2. Определите, при какой глубине озера световые блики на дне будут наиболее яркими и резкими.