

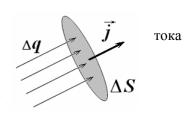
Задание 3. Полупроводник.

В данном задании вам предстоит теоретически описать электрическую проводимость чистого (без примесей) полупроводника и ее зависимость от температуры и освещенности. Рассматриваемые ниже явления находят широчайшее применение в современных электронных приборах, в частности терморезисторах и фоторезисторах. В качестве примера полупроводника используется кристаллический кремний (c-Si),

модель его кристаллической решетки показана на рисунке. Для численных расчетов используются характеристики именного этого вещества. В задаче используются традиционные обозначения, принятые в физике полупроводников.

1.Введение – напоминание.

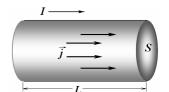
Для описания протекания электрического тока внутри вещества удобно пользоваться такой характеристикой, как плотность электрического \vec{j} . Плотность тока определяется как количество электрического заряда, протекающего через площадку единичной площади, перпендикулярной направлению движения зарядов в единицу времени (или как сила электрического тока, протекающего через площадку единичной площади):



$$j = \frac{\Delta q}{\Delta S \cdot \Delta t} = \frac{\Delta I}{\Delta t} \,. \tag{1}$$

Плотность тока является векторной величиной, ее направление совпадает с направлением движения положительно заряженных частиц.

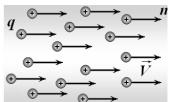
1.1 Пусть электрический ток равномерно протекает вдоль однородного цилиндра. Используя закон Ома для участка цепи, покажите, что плотность электрического тока внутри цилиндра рассчитывается по формуле



$$\vec{j} = \sigma \vec{E} \,, \tag{2}$$

где \vec{E} - напряженность электрического поля внутри цилиндра, σ - удельная проводимость материала цилиндра (величина обратная удельному электрическому сопротивлению $\sigma = \frac{1}{\rho}$).

1.2 Пусть одинаковые частицы (заряд каждой равен q) движутся с одинаковыми скоростями \vec{v} . Концентрация частиц в потоке равна n. Чему равна плотность электрического тока в данном потоке частиц?



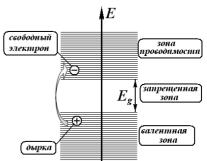
1.3 Покажите, что средняя скорость направленного движения электронов в металле при протекании постоянного электрического тока пропорциональна напряженности электрического поля в металле

$$\langle v \rangle = \mu E$$
. (3)

где коэффициент пропорциональности μ называется <u>подвижностью</u> электронов. Выразите удельную проводимость металла через подвижность электронов и их концентрацию в металле.

2. Терморезистор.

Энергетические состояния электронов в кристалле состоят из нескольких зон. Верхняя заполненная зона называется валентной зоной, а следующая за ней зона возможных состояний — зоной проводимости. Между ними располагается запрещенная зона — электроны в кристалле не могут иметь такие значения энергии! Разность энергий между верхним краем валентной зоны и нижним краем зоны проводимости называется шириной запрещенной зоны и обозначается $E_{\rm g}$.



Электроны, находящиеся в валентной зоне, «привязаны» к своим атомам и не могут перемещаться по кристаллу, следовательно, не могут быть носителями электрического тока. Электроны, находящиеся в зоне проводимости являются свободными, поэтому служат носителями электрического тока.

В рассматриваемом кристаллическом кремнии при температуре абсолютного нуля все электроны находятся в валентной зоне, зона проводимости пуста, поэтому в этом состоянии полупроводник является изолятором. При повышении температуры вследствие теплового движения некоторые электроны могут переходить из валентной зоны в зону проводимости. В этом случае в зоне проводимости появляется свободный электрон, а в валентной зоне дырка. Скорость генерации G_T электронно-дырочных пар (число рождающихся в единице объема в единицу времени электронно-дырочных пар) в заданном полупроводнике зависит только от температуры.

Таким образом, носителями электрического тока в полупроводниках являются свободные электроны и дырки. Причем дырки можно рассматривать как частицы с положительным зарядом равным элементарному заряду. Концентрация свободных электронов в полупроводнике обозначается n_i , концентрация дырок p_i . Однако в чистом полупроводнике (таком, как рассматривается в данной задаче) концентрации электронов и дырок одинаковы, поэтому используйте единое обозначение для их концентрации $n_i = p_i = n$. Возможен и процесс, обратный рождению электронно-дырочной пары — электрон может перейти из зоны проводимости в валентную зону, при этом пара электрон-дырка исчезает. Такой процесс называется <u>рекомбинацией</u>. Очевидно, что скорость рекомбинации R (число исчезающих в единице объема в единицу времени электронно-дырочных пар) пропорциональна произведению концентраций электронов и дырок.

При постоянной температуре полупроводника устанавливается динамическое равновесие – среднее число рождающихся электронно-дырочных пара становится равным числу пар, исчезающих вследствие рекомбинации: $G_T = R$.

Концентрация свободных электронов в этом случае называется равновесной концентрацией, ее обозначим \bar{n} . Равновесная концентрация свободных электронов зависит только от абсолютной температуры T и определяется формулой

$$\overline{n}(T) = AT^{\frac{3}{2}} \exp\left(-\frac{E_g}{kT}\right),\tag{4}$$

где k - постоянная Больцмана; A - постоянная для данного вещества величина; $\exp(x) = e^x$ - экспоненциальная функция.

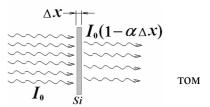
- **2.1** Используя физические характеристики кристаллического кремния, вычислите его удельную электрическую проводимость при комнатной температуре σ_0 .
- **2.2** При малом изменении температуры ΔT можно считать, что проводимость кремния изменяется по линейному закону

$$\sigma = \sigma_0 (1 + \gamma \Delta T). \tag{5}$$

Рассчитайте температурный коэффициент проводимости γ для кристаллического кремния при комнатной температуре. Изменением подвижностей электронов и дырок при изменении температуры можно пренебречь.

3. Фоторезистор.

Электроны могут переходить в зону проводимости и при поглощении кванта света, в этом случае также образуется пара носителей тока «свободный электрон – дырка». Это явление называется внутренним фотоэффектом. На этом принципе работают полупроводниковые приборы для измерения интенсивности света (в числе инфракрасного диапазона) – фоторезисторы.



Если энергия фотона превышает энергетическую ширину запрещенной зоны, то он может поглотиться, в некоторых случаях поглощения фотона образуется электронно-дырочная пара. Отношение числа рожденных пар к числу поглощенных фотонов называется $\underline{\kappa вантовым \ выходом}$ фотоэффекта (обозначим эту величину η).

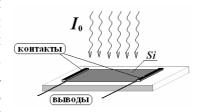
Поглощение света характеризуется <u>коэффициентом поглощения</u> α . Величина $\alpha \Delta x$ (при $\alpha \Delta x << 1$) равна отношению числа фотонов, поглощенных в тонком слое вещества толщиной Δx , к числу фотонов падающих на этот слой.

Для кристаллического кремния зависимость коэффициента поглощения от частоты падающего света описывается приближенной формулой

$$\alpha(v) = B(hv - E_g)^2, \tag{6}$$

где $h\nu$ - энергия фотона (в электрон-вольтах), $B=3.9\cdot 10^3 \, c \text{M}^{-1}\cdot 9 B^{-2}$ - эмпирическая постоянная.

Фоторезистор представляет собой тонкий кристаллический кремниевый слой. К краям слоя подведены металлические токопроводящие контакты с внешними Пластинка выводами. полностью освещается светом. нормально Толщина падающим нее сверху. полупроводникового слоя h достаточно мала, так что в рассматриваемом далее спектральном диапазоне выполняется



условие $\alpha h << 1$. Температуру пластинки с полупроводниковым слоем можно считать постоянной и равной комнатной.

- **3.1.1** Вычислите длину волны красной границы фотоэффекта $\lambda_{\kappa n}$.
- **3.1.2** Для упрощения дальнейших расчетов выразите коэффициент поглощения кремния как функцию от величины $\lambda/\lambda_{\kappa p}$ (где λ длина волны падающего света): $\alpha = F(\lambda/\lambda_{\kappa p})$.
- **3.1.3** Вычислите скорость генерации электронно-дырочных пар посредством фотоэффекта G_r . Выразите данную величину через характеристики падающего света (длину волны λ , интенсивность I_0 энергию, падающую в единицу времени на площадку единичной площади) и необходимые вам характеристики кремния, приведенные в справочной таблице.
- **3.2.1** Запишите уравнение, описывающее скорость изменения концентрации свободных электронов $\frac{\Delta n}{\Delta t}$ в полупроводнике, освещаемом светом. Учтите, что электронно-дырочные пары появляются не только под действием теплового движения, но и вследствие фотоэффекта.
- **3.2.2** Пусть в результате кратковременного светового импульса концентрация свободных электронов превысила термодинамическую равновесную концентрацию \overline{n} на малую величину n_1 (то есть $n=\overline{n}+n_1$, причем $\overline{n}>>n_1$). Покажите, что изменение этого отклонения Δn_1 за малый промежуток времени Δt подчиняется уравнению

$$\Delta n_1 = -\frac{n_1}{\tau} \Delta t \,, \tag{7}$$

где τ - некоторая постоянная, называемая <u>временем жизни электронно-дырочной пары</u> (ее численное значение для кристаллического кремния приведено в Справочной таблице).

- **3.2.3** Выразите скорость тепловой генерации G_T и скорость рекомбинации R через концентрацию носителей тока и известные параметры кремния, приведенные в Справочной таблице.
- **3.2.4** Пусть фоторезистор непрерывно освещается светом, в этом случае концентрация носителей достигает некоторого стационарного значения. Найдите отношение этой концентрации к равновесной концентрации $\frac{n}{n}$, как функцию длины волны (лучше $\lambda/\lambda_{\mbox{\tiny кp.}}$) и интенсивности падающего излучения I_0 .

3.3 Измерение интенсивности света.

Фоторезистор подключают к источнику постоянного напряжения и измеряют силу тока через него. При отсутствии освещения сила тока в цепи равна i_0 (темновой ток).

- **3.3.1** Найдите зависимость силы тока в цепи от характеристик падающего излучения (длины волны и интенсивности).
- **3.3.2** Постройте примерный график зависимости отношения силы тока в цепи к темновому току i/i_0 от интенсивности падающего света (в диапазоне от нуля до $0.1 \frac{Bm}{cM^2}$) с длиной волны $\lambda = 0.90 \lambda_{\kappa p}$
- **3.3.3.** Постройте примерный график зависимости i/i_0 от длины волны падающего света в диапазоне от $\lambda_1=0.8$ мкм до $\lambda_2=1.1$ мкм. Считайте, что интенсивность падающего излучения постоянна и равна $I_0=1.0\cdot 10^{-2}\,\frac{Bm}{c M^2}$.

Справочная таблица.

Комнатная температура	$T_0 = 300K$
Заряд электрона	$e = 1,60 \cdot 10^{-19} K\pi$
Скорость света в вакууме	$c = 3.00 \cdot 10^8 \text{m/c}$
Постоянная Больцмана	$k = 1,38 \cdot 10^{-23} $ Дж $\cdot K^{-1}$
Постоянная Планка	$h = 6,63 \cdot 10^{-34} \text{Дж} \cdot c$
Характеристики кристаллического кремния	
Ширина запрещенной зоны	$E_g = 1,12 9B$
Равновесная концентрация свободных электронов при комнатной температуре	$\overline{n} = 1.0 \cdot 10^{10} \text{ cm}^{-3}$
Подвижность свободных электронов	$\mu_n = 1.4 \cdot 10^3 \text{cm}^2 \cdot B^{-1} \cdot c^{-1}$
Подвижность дырок	$\mu_p = 0.45 \cdot 10^3 \text{cm}^2 \cdot B^{-1} \cdot c^{-1}$
Квантовый выход внутреннего фотоэффекта	$\eta = 0.10$
Время жизни электронно-дырочной пары	$\tau = 3.0 \cdot 10^{-3} c$