T3.1 / N2 e Presença em aula 24 Atividade de Presença para Probest. Para nossa análise, X são os casos e Y são as mortes. Primeiramente iremos pegar os dados das 20 primeiras semanas epidemiológica. import numpy as np In [3]: In [4]: import pandas as pd dados = pd.read_csv('./Dados semana 1 a 20 - Covid 2021 - Página1.csv') Amostragem dos 5 primeiros dados: In [5]: dados.head() Out[5]: Semana Casos Obitos 1 359593 6906 1 2 379061 6665 2 3 361195 7149 3 4 360721 7500 5 320820 7067 2: Encontre a reta de regressão linear Y em função de X (para as semanas ímpares das 20 semanas), se ela existir. Vamos primeiramente pegar os dados das semanas ímpares. impares = dados.loc[dados.Semana % 2 != 0] In [6]: # 5 primeiros dados. impares.head() Out[6]: Semana Casos Obitos 0 1 359593 6906 3 361195 7149 7067 5 320820 4 7 329394 7445 9 421604 8 10104 Temos que encontrar a fórmula da regressão: Ya = a + b*XOnde: a = (média de Y) - b * (média de X) $b = Covariância(X,Y) / (desvio padrão(X))^2$ Vamos descobrir B: $B = Covariância(X,Y) / (desvio padrão(X))^2$ Como todos os dados são diferentes, a esperança de X e Y é igual à média aritimética. Covâriancia (X, Y): Cov(X,Y) = E(XY) - [E(X) E(Y)]# E(X), onde X são os casos. E_X = impares.Casos.sum() / len(impares.Casos) print('Esperança/Média de X (Casos)', E_X) Esperança/Média de X (Casos) 408086.5 # E(Y), onde Y são os Obitos In [8]: E_Y = impares.Obitos.sum() / len(impares.Obitos) print('Esperança/Média de Y (Óbitos)', E_Y) Esperança/Média de Y (Óbitos) 12466.3 In [9]: $\# E(X^*Y)$ X_Y = impares.Casos * impares.Obitos print("Valores de X*Y:", X_Y.values) $E_X_Y = X_Y.sum() / len(X_Y)$ print('\nEsperança/Média de X*Y:', E_X_Y) Valores de X*Y: [2483349258 2582183055 2267234940 2452338330 4259886816 8010977364 9099325105 9258249240 7078943200 5904336345] Esperança/Média de E*Y: 5339682365.3 Então temos: $cov_X_Y = E_X_Y - (E_X * E_Y)$ In [10]: print('Covâriancia de X e Y:', E_X_Y) Covâriancia de X e Y: 5339682365.3 (Desvio Padrão(X))2 Desvio Padrão(X) = Raiz de Variância (X) = raiz de $E(X^2)$ - $E(X)^2$ Logo, (Desvio Padrão(X))² = (Raiz de Variância (X))² = Variância(X) = $E(X^2)$ - $E(X)^2$ In [62]: # Calcular $E(X^2)$, onde X são os casos. x_ao_quadrado = impares.Casos**2 print('Valores de X2:', x_ao_quadrado.values) $E_X_2 = x_ao_quadrado.sum() / len(x_ao_quadrado)$ $print('\n E(X^2) = ', E_X_2)$ Valores de X²: [129307125649 130461828025 102925472400 108500407236 177749932816 261656802576 214586665225 207102357225 174523417600 194176829025] $E(X^2) = 170099083777.7$ In [12]: from math import sqrt # Variância = $E(x^2)$ - $E(x)^2$ $var_X = E_X_2 - (E_X^*2)$ print('Variância de X:', var_X) $dp_X = sqrt(var_X)$ print('Desvio padrão de X:', dp_X) Variância de X: 3564492295.450012 Desvio padrão de X: 59703.36921355454 Agora podemos calcular: $B = Covariância(X,Y) / (desvio padrão(X))^2$ $B = cov_X_Y / (dp_X^{**2})$ In [13]: print('Temos B:', B) Temos B: 0.07079651446353907 Agora calculamos A: a = (média de Y) - b * (média de X) In [14]: $A = E_Y - (B * E_X)$ print('Valor de A:', A) Valor de A: -16424.80179962504 Por fim, a fórmula da reta: Ya = a + bXTemos: Y = -16424.80 + 0.070 X < lb>In [15]: # Definição da nossa formula Y = A + B*Xdef previsao(X, a = A, b = B): Y = a + b * Xreturn Y In [16]: # Prever usando a regressão linear. previsao(X=450_000) Out[16]: 15433.629708967546 3.1 Plote em um gráfico; Vamos agora plotar os dados em um Gráfico de dispersão e a Reta de Regressão import matplotlib.pyplot as plt In [17]: plt.scatter(impares.Casos, impares.Obitos) plt.plot(impares.Casos,[previsao(i) for i in impares.Casos], color='red') plt.ylabel('Obitos') plt.xlabel('Casos') Out[17]: Text(0.5, 0, 'Casos') 20000 18000 16000 14000 12000 10000 8000 6000 325000 350000 375000 400000 425000 450000 475000 500000 Casos 3.2 Determine os coeficientes de determinação e correlação linear entre as variáveis X e Y; Coeficiente de Determinação Agora vamos calcular o Coeficiente de Determinação $R^2 = Soma(Yia - E(Y))^2 / Soma(Yi - E(Y))^2$ In [18]: previsoes = [previsao(i) for i in impares.Casos] previsoes_soma_2 = [(p - E_Y)**2 for p in previsoes] real = impares.Obitos.values real_soma_2 = $[(r - E_Y)^{**2} \text{ for } r \text{ in real}]$ R_2 = sum(previsoes_soma_2) / sum(real_soma_2) In [19]: print('Coeficiente de Determinação:', R_2) Coeficiente de Determinação: 0.6771566077941553 Sabemos que $R^2 = P^2$ **Então:** $# p = raiz quadrada de R^2$ In [20]: $p = sqrt(R_2)$ print('Coeficiente de Correlação linear:', p) Coeficiente de Correlação linear: 0.8228952593095644 3.3 - Escolha 5 semanas pares e faça a previsão do número de mortes por semana, na reta ajustada de Y; determinando o erro cometido no processo para cada semana. Vamos primeiro pegar os dados pares: In [21]: pares = dados.loc[dados.Semana % 2 == 0] $pares_5 = pares[:5]$ pares_5 Semana Casos Obitos Out[21]: 2 379061 6665 1 3 4 360721 7500 5 6 311959 7520 7 8 378084 8244 9 10 500099 12766 Vamos encontrar a reta da regressão. Como já foi apresentado detalhadamente antes, só passaremos por cima Yp = a + b*XpIn [34]: # E de X pora os pares. $X_PAR = pares_5.Casos$ $E_X_{PAR} = X_{PAR.sum}() / len(X_{PAR})$ # E de Y para os pares $Y_PAR = pares_5.0bitos$ $E_Y_{PAR} = Y_{PAR.sum}() / len(Y_{PAR})$ print(f'Esperança de X: {E_X_PAR}. Esperança de Y: {E_Y_PAR}') Esperança de X: 385984.8. Esperança de Y: 8539.0 # E de X*Y In [32]: $X_Y_{PAR} = X_{PAR} * Y_{PAR}$ $E_X_Y_PAR = X_Y_PAR.sum() / len(X_Y_PAR)$ print('\nEsperança/Média de X*Y (Par):', E_X_Y_PAR) Esperança/Média de X*Y (Par): 3415793815.0 # Desvio Padrão de X In [39]: $X_2_{PAR} = X_{PAR}^*2$ $E_X_2_{PAR} = X_2_{PAR.sum()} / len(X_2_{PAR})$ $var_X_PAR = E_X_2_PAR - E_X_PAR^{**2}$ print('A variância de X se (par) dá por:', var_X_PAR) $dp_X_PAR = sqrt(var_X_PAR)$ print('0 desvio padrão de X (par) se dá por:', dp_X_PAR) A variância de X se dá por: 3850098188.960022 O desvio padrão de X (par) se dá por: 62049.15945409754 **#Covariância de X e Y** In [40]: $cov_X_Y_PAR = E_X_Y_PAR - (E_X_PAR * E_Y_PAR)$ print('Covariância de X e Y (Pares):', cov_X_Y_PAR) Covariância de X e Y (Pares): 119869607.80000019 In [41]: # Valor de B $B_PAR = cov_X_Y_PAR / dp_X_PAR^{**2}$ print('0 valor de B se dá por:', B_PAR) O valor de B se dá por: 0.03113416903073296 In [42]: # Valor de A $A_PAR = E_Y_PAR - B_PAR * E_X_PAR$ print('0 valor de A se dá por:', A_PAR) O valor de A se dá por: -3478.3160064936546 AGora podemos montar nossa formula: Yp = Ap + Bp*XpIn [43]: # Formula da previsão def previsao_par(Xp, $Ap = A_PAR$, $Bp = B_PAR$): Yap = Ap + Bp * Xpreturn Yap Agora sim, vamos fazer a previsão e encontrar o valor do erro: In [61]: # Previsões pares for index, caso in enumerate(X_PAR): previsao_item = previsao_par(caso) print(f'Valor real: {Y_PAR.values[index]}.\nValor obtido: {previsao_item}.\nDiferença Absoluta: {previsao_i Valor real: 6665. Valor obtido: 8323.433240465012. Diferença Absoluta: 1658.4332404650122 Valor real: 7500. Valor obtido: 7752.432580441369. Diferença Absoluta: 252.43258044136928 Valor real: 7520. Valor obtido: 6234.268230164769. Diferença Absoluta: -1285.7317698352308 Valor real: 8244. Valor obtido: 8293.015157321986. Diferença Absoluta: 49.01515732198641 Valor real: 12766. Valor obtido: 12091.850791606868. Diferença Absoluta: -674.1492083931316 In []: