# Липецкий государственный технический университет

Факультет автоматизации и информатики Кафедра прикладной математики

# ВЫПУСКНАЯ КВАЛИФИКАЦИОННАЯ РАБОТА МАГИСТРА

по направлению 01.04.04 Прикладная математика тип программы Академическая профиль Математическое моделирование в экономике и технике

Математическое моделирование энергосиловых и тепловых режимов на станах холодной прокатки

Студент		Беляев Д.Ю.
Группа МПМ-15-1	подпись, дата	фамилия, инициалы
Руководитель		
к.фм.н., доцент		Орешина М.Н.
учёная степень, учёное звание	подпись, дата	фамилия, инициалы
Нормоконтроль		
программного обеспечения		Сысоев А.С.
_	подпись, дата	фамилия, инициалы
оформления работы		Сысоев А.С.
-	подпись, дата	фамилия, инициалы
Рецензент		
к.т.н., доцент, начальник		
отдела ЭТС ТУ ПАО		
«НЛМК»		Бахтин С.В.
уч. ст., уч. зв., должность	подпись, дата	фамилия, инициалы
Работа рассмотрена кафед	рой и допущена	к защите в ГЭК
Зав. кафедрой		Галкин А.В.
		09.06.2017 г.

### Липецкий государственный технический университет

Факультет ФАИ	
Кафедра ПМ	

Зав.	кафедрой	Галк	ИН	A.	В.
	«16»	мая	20	17	Γ.

# ЗАДАНИЕ НА ВЫПОЛНЕНИЕ ВЫПУСКНОЙ КВАЛИФИКАЦИОННОЙ РАБОТЫ

Студенту Беляеву Дмитрию Юрьевичу группы МПМ-15-1

- 1. **Тема** Математическое моделирование энергосиловых и тепловых режимов на станах холодной прокатки

  2. **Исхолные данные** Ланные полученные вхоле предлипломной прак-
- 2. **Исходные данные** Данные полученные входе преддипломной практики, техническая документация, научная и справочная литература.
- 3. Ожидаемые результаты Разработка и программная реализация математических моделей энергосиловых и тепловых режимов на станах холодной прокатки.
- 4. Срок сдачи работы руководителю 02.06.2017 г.
- 5. **Консультант** к.т.н., с.н.с., главный специалист по прокатному производству ПАО «НЛМК» Пименов В.А.
- 6. Дата выдачи задания 16.05.2017 г.
- 7. Руководитель работы

8.

	/Орешина М.Н./
Задание принял к исполнению студент	
	/Беляев Д.Ю./

#### **АННОТАЦИЯ**

С. 72. Ил. 30. Табл. 53. Литература 15 назв. Прил. 1

В работе исследуется задача о моделировании энергосиловых и тепловых характеристик в очаге деформации и межклетвых прометутках на непрерывных и реверсивных станах холодной прокатки, а также расчет максимальных скалывающих напряжений в нейтральном сечении по радиусу валка. Для моделирования энергосиловых режимов решается уравнение равновесия Т. Кармана, а для тепловых режимов используется уравнение теплопроводности с различными краевыми условиями.

Разработан программный комплекс, позволяющий рассчитать энергосиловые и тепловые режимы, а также максимальные скалывающие напряжения. Результаты моделирования при различных входных данных могут быть использованы для подбора оптимальных параметров прокатки.

#### ГРАФИЧЕСКАЯ ЧАСТЬ

Слайд 1. Цель и задачи	1
Слайд 2. Прокатное производство	1
Слайды 3-4. Моделирование энергосиловых режимов	2
Слайд 5. Моделирование тепловых режимов в очаге деформа-	1
ции. Полоса	
Слайд 6. Моделирование тепловых режимов в очаге деформа-	1
ции. Валок	
Слайд 7. Моделирование тепловых режимов на межклетевом	1
промежутке	
Слайд 8. Максимальные скалывающие напряжения	1
Слайд 9. Модуль редактирования файла с технологическими	1
параметрами	
Слайд 10. Программа для вычисления распределения темпера-	1
тур прокатного производства (ХП). Расчет	
Слайд 11. Графическое представление некоторых энергосиловых	1
и тепловых характеристик	
Слайд 12. Полоса в продольном сечении	1
Слайд 13. Полоса в поперечном сечении	1
Слайды 14-17. Настройка коэффициентов теплообмена	4
Слайд 18. Выводы	1
Слайды 19-20. Публикации	2
Всего слайдов	20

# Оглавление

В	веде	ние	5
1	Раз	работка математической модели очага деформации	8
	1.1	Моделирование энергосиловых режимов	8
	1.2	Формализация задачи расчета напряженно-деформированного	
		состояния рабочего слоя валка в контакте с полосой	14
	1.3	Моделирование тепловых режимов для полосы и валков в	
		очаге деформации	16
2	Раз	работка математической модели для межклетевого проме-	
	жут	тка	20
	2.1	Формулировка краевой задачи для межклетевого промежутка	20
	2.2	Сведение полученной дифференциальной задачи к конечно-	
		разностной	21
3	Раз	работка комплекса прикладных программ для решения по-	
	стан	вленных задач	22
	3.1	Краткое описание модулей	22
	3.2	«Редактор ini.txt»	22
	3.3	Руководство оператора	29
	3.4	«Программа для вычисления распределения температур про-	
		катного производства (XП)»	34
	3.5	Руководство оператора	42
4	Hac	тройка коэффициентов теплообмена	52
	4.1	Марка стали 08Ю	52
	4.2	Марка стали 0303	58
	4.3	Марка стали ВПС	64
3	аклю	очение	68
C	писо	ок использованных источников	69
П	ри пс	ожения	71

#### Введение

Процесс пластической деформации между двумя или несколькими вращающимися рабочими валками называется прокаткой. Для холодной прокатки исходным материалом являются горячекатаные рулоны, получаемые на горячей прокатке при помощи непрерывных широкополосных станов [1]. Прокатка осуществляется различными способами [2], которые отличаются:

- направлением обработки (продольная, поперечная и винтовая);
- режимом станов (непрерывный и реверсивный);
- состоянием металла;
- формой изделия.

Тепло, выделяемое в процессе проката, формируется из двух компонент:

- деформация полосы, при которой выделяется большое количество тепла, неравномерно нагревающего валки и изменяющего их профиль;
- трение при контакте валков о прокатываемую полосу.

В прокатном производстве распределение температур на полосе существенно влияет на физико-механические свойства стали. Перегрев валков ведет к уменьшению срока их эксплуатации, а также к нарушению профиля валков, что приводит к ухудшению качества проката [3]. Следовательно, задача моделирования тепловых режимов на стане является актуальной. На рисунках 1 и 2 представлена общая схема непрерывного и реверсивного стана холодной прокатки.

Целью работы является разработка программного обеспечения для расчета энергосиловых параметров прокатки, тепловыделения и распределения температур по поверхности и толщине полосы в очаге деформации и межклетевых промежутках, поверхности и глубине рабочего слоя валков, а также расчет напряженно деформируемого состояния рабочего слоя валка в контакте с полосой.

Для достижения поставленной цели сформулируем следующие задачи:

— расчет энергосиловых параметров;

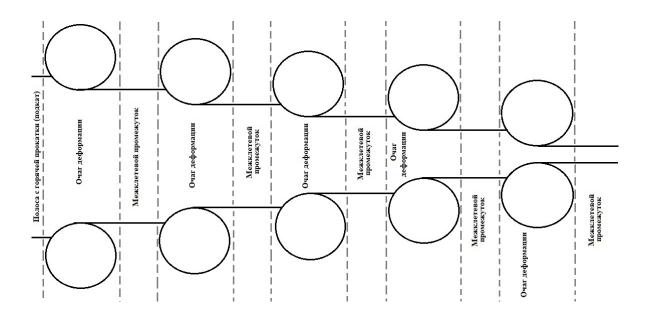


Рисунок 1 - Общая схема непрерывного стана холодной прокатки

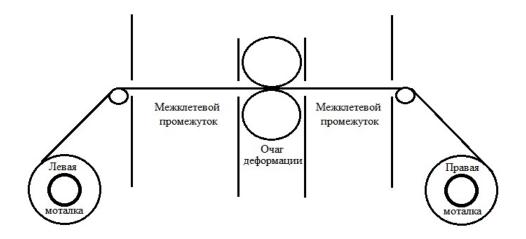


Рисунок 2 – Общая схема реверсивного стана холодной прокатки

- формулировка краевых задач для очага деформации и межклетевого промежутка;
- сведение полученной дифференциальной задачи к конечно-разностной;
- формализация задачи расчета напряженно-деформированного состояния рабочего слоя рабочего валка в контакте с полосой;
- разработка комплекса прикладных программ.

В главе 1 рассматривается математическое моделирование очага деформации, включающая моделирование энергосиловых режимов, расчет напряженно-деформированного состояния рабочего слоя валка в контакте с полосой и моделирование тепловых режимов для полосы и валков в очаге деформации. В главе 2 рассматривается математическая модель межклетевого промежутка. В главе 3 представлена программная реализация математических моделей описанных в главах 1 и 2. В главе 4 представлены расчеты программы.

Некоторые результаты работы опубликованы в сборниках материалов научной конференции по проблемам технических наук за 2014г. [4] и 2015г. [5], VII Международной студенческой электронной научной конференции РАЕ «Студенческий научный форум 2015» [6] и XII научно – практической конференции с международным участием «Современные проблемы горно-металлургического комплекса. Наука и производство» [7].

#### 1 Разработка математической модели очага деформации

#### 1.1 Моделирование энергосиловых режимов

#### 1.1.1 Расчет контактных напряжений

Рассмотрим k-й очаг деформации. Пусть L – длина очага деформации, x – координата по очагу деформации. Для нахождения контактного напряжения  $p_{contact}$  необходимо решить уравнения равновесия Т.Кармана [3] в очаге деформации:

$$dp = \left(K_c + \frac{\mu_k p}{\operatorname{tg}\phi}\right) \frac{dh}{h},\tag{1}$$

$$dp = \left(K_c - \frac{\mu_k p}{\operatorname{tg}\phi}\right) \frac{dh}{h},\tag{2}$$

где  $K_c$  — сопротивление деформации полосы (см. ниже);  $\mu_k$  — коэффициент трения;  $\phi$  — угол между касательной к поверхности валка и горизонтальной плоскостью; h — функция, описывающая изменение толщины полосы в очаге. Решение уравнения 1 будем обозначать через  $p_{back}$ , а решение уравнения 2 через  $p_{forw}$ . Контактное напряжение  $p_{contact}$  задается формулой

$$p_{contact}(x) = \min_{x \in [0,L]} \left[ p_{back}(x); p_{forw}(x) \right].$$

Нам понадобится также информация о нейтральном сечении, то есть точке  $x^*$  пересечения решений уравнений 1 и 2, и толщине  $h_{neutr} = h\left(x^*\right)$  в нейтральном сечении. Длина очага деформации определяется по формуле

$$L = \sqrt{R_c \cdot (H_{k-1} - H_k)},\tag{3}$$

где  $H_k$  — толщина полосы на входе в очаг;  $H_{k-1}$  — толщина полосы на выходе из очага;  $R_c$  — радиус деформированного валка в результате упругого сплющивания валков в контакте. Расчет  $R_c$  осуществляется по фактическому усилию прокатки  $P_{\rm пp}$  по формуле С.С. Чепуркина [3]

$$R_c = R \left[ 1 + \frac{C_{\rm B} \cdot \theta \cdot F_k}{(H_{k-1} - H_k) \cdot width} \right],\tag{4}$$

где R — исходный радиус валка;  $\theta = \frac{1-\nu^2}{\pi E}$  — константа упругих свойств материала валка ( $\nu$  — коэффициент Пуассона, E — константа Юнга);  $C_{\rm B}$  = 14.4 — коэффициент параболической формы эпюры нагружения валка; width — ширина полосы;  $F_k$  — фактическое усилие прокатки. Зная длину L очага деформации 3, можно вычислить время моделирования очага  $t_{max_k} = \frac{L}{V_k}$ .

Для дальнейших расчетов проведем дискретизацию по очагу деформации. Пусть M — число точек в очаге деформации (равное числу точек по времени),  $x_{step} = \frac{L}{M}$  — шаг по очагу,  $x_i = i \cdot x_{step}$  — расчетные узлы по очагу,  $\tau = \frac{t_{max_k}}{M}$  — шаг по времени,  $t_i = i \cdot \tau$  — расчетные узлы по времени,  $h_i = h\left(x_i\right)$  — толщина полосы в i-ом узле (в  $x_i$  месте на очаге деформации). Аналогично для значений остальных функций в i-ом узле будем использовать обозначения  $p_{back_i}$ ,  $p_{forw_i}$ ,  $K_{c_i}$ ,  $p_{contact_i}$ . Для толщины полосы справледлива [8] формула

$$h_i = H_k + \frac{x_i^2}{R_c}.$$

Для задания начальных условий для уравнений 1 и 2, вычислим [8] минимальные давления  $p_{back_0}$  и  $p_{forw_0}$  валков на входе в очаг деформации и на выходе из него по формулам

$$p_{back_0} = 1.15 \cdot \sigma_{in} - \sigma_{back},\tag{5}$$

$$p_{forw_0} = 1.15 \cdot \sigma_{out} - \sigma_{forw}, \tag{6}$$

где  $\sigma_{in}, \sigma_{out}$  — пределы текучести при растяжении на входе в очаг деформации и на выходе из него;  $\sigma_{back}, \sigma_{forw}$  — продольное напряжение (растягивающие напряжения) в полосе на входе в очаг деформации и на выходе из очага. Пределы текучести при растяжении рассчитаем следующим образом

$$\sigma_{in} = \sigma_{T_0} + b \left( \frac{H_0 - H_{k-1}}{H_0} \cdot 100 \right)^c,$$
 (7)

$$\sigma_{out} = \sigma_{T_0} + b \left( \frac{H_0 - H_k}{H_0} \cdot 100 \right)^c, \tag{8}$$

где  $\sigma_{T_0}$  — предел текучести подката; b,c — коэффициенты упрочнения полосы;  $H_0$  — толщина подката. Продольные напряжения (растягивающие напряжения) в полосе на входе в очаг деформации и на выходе из очага определим соотношениями

$$\sigma_{back} = \frac{T_b}{H_{k-1} \cdot width},\tag{9}$$

$$\sigma_{forw} = \frac{T_f}{H_k \cdot width},\tag{10}$$

где  $T_b$  и  $T_f$  — полное переднее и заднее натяжение. Сопротивление деформации полосы рассчитывается [8] по формуле

$$K_{c_i} = 1.15 \cdot \sigma_{T_i},\tag{11}$$

где предел текучести полосы  $\sigma_{T_{i}}\left(h\right)$  определяется соотношением

$$\sigma_{T_i} = \sigma_{T_0} + b \left( \frac{H_0 - h_i}{H_0} \cdot 100 \right)^c. \tag{12}$$

Здесь  $\sigma_{T_0}$  — предел текучести подката; b, c — коэффициенты упрочнения полосы;  $H_0$  — толщина подката.

Находим изменения толщины полосы и сопротивления полосы

$$\Delta h_i = h_i - h_{i-1},\tag{13}$$

$$\Delta K_{c_i} = K_{c_i} - K_{c_{i-1}}. (14)$$

Выпишем итоговые формулы расчета контактных напряжений  $p_{back_i}$  и  $p_{forw_i}$  соответствующим уравнениями 1 и 2:

$$p_{back_i} = p_{back_{i-1}} + \Delta K_{c_i} + K_{c_i} \cdot \frac{\Delta h_i}{h_i} + \frac{\mu_k \cdot p_{back_i} \cdot 2 \cdot x_{step}}{h_i}, i = 1, \dots, M, \quad (15)$$

$$p_{forw_i} = p_{forw_{i-1}} - \Delta K_{c_i} + K_{c_i} \cdot \frac{\Delta h_i}{h_i} + \frac{\mu_k \cdot p_{forw_i} \cdot 2 \cdot x_{step}}{h_i}, i = 1, \dots, M.$$
 (16)

Напомним, что  $p_{back_0}$  и  $p_{forw_0}$  определяются по формулам 5 и 6. Тогда контактное напряжение определяется формулой

$$p_{contact_i} = \min\left[p_{back_i}; p_{forw_i}\right]. \tag{17}$$

Номер точки, соответствующей нейтральному сечению, можно рассчитать по формуле

$$i^* = arg \min_{i} |p_{back_i} - p_{forw_i}|.$$

Положение нейтрального сечения можно рассчитать по формуле  $x^*=x_{i^*}.$  Тогда

$$h_{neutr} = h_{i^*}. (18)$$

#### 1.1.2 Нахождение коэффициентов трения

После расчета контактного напряжения  $p_{contact_k}$  можно определить расчетные усилия прокатки  $\tilde{F}_k$  как сумарное давление по площади контакта  $D_k$ , то есть

$$\tilde{F}_k = \iint_{D_k} p_{contact_k}(x, y) \, dx \, dy.$$

Считая, что  $p_{contact_k}$  не меняется по ширине полосы, получаем

$$\tilde{F}_k = \int_0^L p_{contact_k}(x) \, dx,$$

или в дискретном варианте

$$\tilde{F}_k = width \sum_{i=0}^{N} p_{contact_k} \cdot x_{step}.$$
 (19)

Коэффициенты трения определяются обратным пересчетом по фактическому усилию прокатки. Опишем эту идею подробнее. Для нахождения коэффициента трения  $\mu_k$  на k-ом очаге задается начальное приближение  $\mu_k^0$ . Затем для  $j=1,2,\ldots$  выполняются следующие действия [9].

- Шаг 1. В соответствии с пунктом 1.1.1 рассчитать значения контактного напряжения  $p_{contact_k}$  и определить расчетные усилия по формуле 19, соответствующие значению коэффициенту трения  $\mu_k^j$ .
- Шаг 2. В случае выполнения условия  $|F_k F_k^j| < \zeta$  коэффициент трения принять равным  $\mu_k = \mu_k^j$  и остановить процесс. Иначе пересчитать

коэффициенты трения с помощью формулы

$$\mu_k^{j+1} = \begin{cases} \mu_k^j - \epsilon, & F_k < \tilde{F}_k^j - \zeta, \\ \mu_k^j + \epsilon, & F_k > \tilde{F}_k^j + \zeta \end{cases}$$

и перейти к шагу 1. В качестве  $\epsilon$ , например, можно использовать значение порядка  $10^{-4}$ , а в качестве  $\zeta$  величину 0,1 %  $F_k$ . Для исключения зацикливания процесса в случае плохого начального приближения необходимо использовать контроль превышения числа итераций. В таблице 1 приведены результаты численных экспериментов подбора коэффициентов трения при различных значениях усилий для 5 клетевого стана холодной прокатки 2030. При этом разница между фактическими и расчетными усилиями не превышает 0,1 %.

Таблица 1 – Нахождение коэффициентов трения

№ опыта	Фактические	Коэффициенты тре-	Расчетные усилия
	усилия (задан-	ния (расчетные)	
	ные)		
1	1090	0,033	1090,41
	1071	0,0355	1071,42
	1107	0,0441	1107,46
	949	0,0423	948,465
	927	0,0288	926,478
2	1290	0,0658	1289,28
	1571	0,0878	1570,79
	1307	0,0607	1307
	1249	0,0631	1248,77

Окончание таблицы 1

№ опыта	Фактические	Коэффициенты тре-	Расчетные усилия
	усилия (задан-	ния (расчетные)	
	ные)		
	1327	0,047	1327,31
3	1390	0,0825	1389,24
	1371	0,0685	1370,13
	1407	0,0677	1406,99
	1449	0,0723	1448,71
	1427	0,0499	1427,64
4	1143	0,041	1142,22
	1171	0,0466	1170,36
	1471	0,0718	1470,47
	1224	0,0617	1223,61
	1006	0,0334	1005,91
5	1443	0,0908	1442,26
	1401	0,0716	1400,47
	1353	0,0639	1352,9
	1024	0,0487	1023,81
	1506	0,0518	1505,48

1.1.3 Моделирование тепловых источников в очаге деформации на основе энергосиловых параметров

Будем считать, что в соответствии с пунктом 1.1.2 подобраны коэффициенты трения и вычислены соответствующие им значения  $K_{c_i}$ ,  $p_{contact_i}$  и  $h_{neutr}$  по формулам 11, 17 и 18.

Для расчета тепловыделения за счет трения между полосой и валком необходимо:

1. Вычислить скорость скольжения  $w_{slip_i}$  по формуле

$$w_{slip_i} = \left| V_k \cdot \left( \frac{h_{neutr}}{h_i} - 1 \right) \right|, \tag{20}$$

где  $V_k$  — скорость полосы на k-ом очаге.

2. Вычислить касательные напряжения  $\tau_{xi}$  по формуле

$$\tau_{xi} = \mu_k \cdot p_{contact_i}. \tag{21}$$

3. Рассчитать плотность теплового потока q, генерируемого трением в зоне контакта по формуле

$$q_i = \tau_{xi} \cdot w_{slip_i}. \tag{22}$$

Для расчета тепловыделения от объемной деформации полосы необходимо:

1. Вычислить значение выражения

$$\Delta T_{def_i} = \frac{\eta \cdot \sum_{i=0}^{N} K_{c_i} \ln \left(\frac{h_{i-1}}{h_i}\right)}{c_{\Pi} \cdot \lambda_{\Pi}},$$
(23)

где  $\eta=0,85$  — коэффициент выходного потока тепла от пластической деформации;  $c_{\rm п}$  — удельная теплоемкость полосы;  $\lambda_{\rm n}$  — коэффициент теплопроводности полосы.

2. Значения теплового источника для полосы в очаге деформации в момент времени  $t_i$  вычислить по формуле

$$f_i = \frac{\Delta T_{def_i}}{t_i}. (24)$$

1.2 Формализация задачи расчета напряженно-деформированного состояния рабочего слоя валка в контакте с полосой

Максимальные скалывающие напряжения рабочего слоя валка будут находиться в нейтральном сечении очага деформации [10]. Пусть OY направлена по радиусу валка в нейтральном сечении, а начало координат находится на поверхности. Каждой координате y по глубине валка поставим в соответствие безразмерную координату  $\eta = \frac{y}{L}, \ L$  — длина очага. Для нахождения величины  $\tau_{max}(\eta)$  достаточно рассматривать значения  $\eta \in \left[0; \frac{1}{2}\right]$ .

Для максимальных скалывающих напряжений расчета воспользуемся [11] формулой

$$\tau_{max}(\eta) = -\frac{\eta p_{cp}}{2\pi} \left[ \frac{k_1}{a_1} \ln \frac{(a-a_1)^2 + \eta^2}{a^2 + \eta^2} - \frac{k_1 - p_0}{a - a_1} \ln \frac{\eta^2}{(a-a_1)^2 + \eta^2} + \frac{k_2 - p_0}{b_1} \ln \frac{b_1^2 + \eta^2}{\eta^2} - \frac{k_2}{b_1} \ln \frac{4b_1^2 + \eta^2}{b_1^2 + \eta^2} \right] + \frac{6f_{cp}}{\pi} \left[ 1 - 2\frac{\eta}{a} \arctan \frac{a}{\eta} + \frac{a}{\eta} + \frac{\eta}{b_1} \arctan \frac{2b_1}{\eta} + \frac{\eta^2}{a^2} \ln \left( \frac{a^2}{\eta^2} + 1 \right) + \frac{\eta^2}{4b_1^2} \ln \left( \frac{4b_1^2}{\eta^2} + 1 \right) \right],$$

где  $\eta$  — нейтральное сечение,  $p_{cp}=\frac{1}{M}\sum_{i=0}^{M}p_{contact_i}$  — средние нормальные 1.  $\frac{M}{}$ 

напряжения,  $au_{cp}=\frac{1}{M}\sum_{i=0}^{M} au_{xi}$  — среднее касательные напряжения, $k_1=\frac{1,15\sigma_{in}-\sigma_{back}}{p_{cp}}$  и  $k_2=\frac{1,15\sigma_{out}-\sigma_{forw}}{p_{cp}}$ .  $\sigma_{in}$  и  $\sigma_{out}$  — начальное и конечное значение предела текучести,  $\sigma_{forw}$  и  $\sigma_{back}$  — переднее и заднее натяжение,  $f_{cp}=\frac{\tau_{cp}}{p_{cp}}$  — коэффициент трения.  $a=1-\frac{\gamma}{\alpha}$  где  $\gamma$  — характерирует положение нейтрального сечения,  $\alpha$  — угол захвата.  $a_1=0,25-0,5\frac{\gamma}{\alpha}$   $b_1=0,5\frac{\gamma}{\alpha}$   $p_0=\frac{p_{max}}{p_{cp}}=\frac{4}{3}\left(2-k_1\left[1-\frac{\gamma}{\alpha}\left(1-\frac{k_2}{k_1}\right)\right]\right)$  — показатель неравномерности распределения давления. Для нахождения величины  $\frac{\gamma}{\alpha}$  можно воспользоваться соотношением

$$\frac{\gamma}{\alpha} = \frac{L - x^*}{L} = \frac{L - \frac{i^* \cdot L}{M}}{L} = 1 - \frac{i^*}{M},$$

где  $i^*$  — номер точки пересечения решений уравнений 1 и 2. Глубина расположения  $y^*$  максимальных скалывающих напряжений определяется формулой

$$y^* = \eta^* \cdot L,$$

где  $\eta^* = arg\min_{\eta} (\tau_{max}(\eta))$ , при  $\eta \in \left[0; \frac{1}{2}\right]$ . Для программной реализации можно использовать дискретизацию по OY. В дискретном случае при дискретизации с шагом h имеем набор узлов  $y_j = j \cdot h$ ,  $\eta_j = \frac{j \cdot h}{\tau}$ .

# 1.3 Моделирование тепловых режимов для полосы и валков в очаге деформации

#### 1.3.1 Формулировка краевой задачи

Рассмотрим k-й очаг. Полоса толщиной d деформируется валками радиуса R с обеих сторон (см. рисунок 3). Обозначим через u,w — распределение температур на валке и полосе. Ось OZ направлена по нормали к полосе, будем считать, что точка z=0 соответствует центру полосы. В силу симметричности задачи достаточно рассчитать значения температуры полосы при и значения температуры в точках одного валка при  $z\in\left[0,\frac{d}{2}\right]$  и значения температуры в точках одного валка при  $z\in\left[\frac{d}{2},R+\frac{d}{2}\right]$ . Будем считать точку стыка, соответствующую значению  $z=\frac{d}{2}$ , точкой идеального контакта. Для моделирования распределения

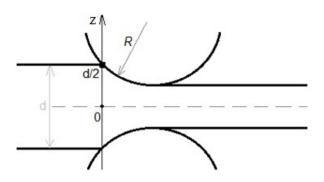


Рисунок 3 – Одна из клетей стана

температур по глубине полосы в очаге деформации сформулирована задача решения одномерного уравнения теплопроводности с краевыми условиями второго рода:

$$\begin{cases} w'_t - a_{\Pi}^2 w''_{zz} = f(z, t), & z \in \left[0, \frac{d}{2}\right], t \in [0, t_{max_k}], \\ w(z, 0) = C_2, & z \in \left[0, \frac{d}{2}\right], t \in [0, t_{max_k}], \\ \frac{\partial w}{\partial z}(0, t) = 0, & t \in [0, t_{max_k}], \\ \frac{\partial w}{\partial z}\left(\frac{d}{2}, t\right) = -\frac{q(t)}{\lambda_{\Pi}}, & t \in [0, t_{max_k}], \end{cases}$$

$$(25)$$

где  $a_{\Pi}^2 = \frac{\lambda_{\Pi}}{\rho_{\Pi}c_{\Pi}}$ ,  $\lambda_{\Pi}$  — коэффициент теплопроводности стали,  $\rho_{\Pi}$  — плотность стали,  $c_{\Pi}$  — удельная теплоемкость стали, f — функция выделения тепла от деформации, q — плотность теплового потока, генерируемого трением в зоне контакта,  $C_2$  — распределение температур по глубине полосы на входе в очаг деформации. Для расчета дискретных значений функций q и f необходимо воспользоваться формулами 22 и 24 соответственно.

Для моделирования распределения температур на валке в очаге деформации сформулирована задача решения одномерного уравнения теплопроводности с краевыми условиями первого рода:

$$\begin{cases} u'_{t} - a_{\mathsf{B}}^{2} u''_{zz} = 0, & z \in \left[\frac{d}{2}, R + \frac{d}{2}\right], t \in [0, t_{max_{k}}], \\ u(z, 0) = C_{1}, & z \in \left[\frac{d}{2}, R + \frac{d}{2}\right], \\ u\left(\frac{d}{2} + R, t\right) = C_{3}, & t \in [0, t_{max_{k}}], \\ u\left(\frac{d}{2}, t\right) = w\left(\frac{d}{2}, t\right), & t \in [0, t_{max_{k}}]. \end{cases}$$

$$(26)$$

где  $a_{\rm B}^2=\frac{\lambda_{\rm B}}{\rho_{\rm B}c_{\rm B}},~\lambda_{\rm B}$  — коэффициент теплопроводности валка,  $\rho_{\rm B}$  — плотность стали валка,  $c_{\rm B}$  — удельная теплоемкость валка, d — исходная толщина полосы, R — радиус валка,  $C_1$  — распределение температур по глубине рабочего слоя валка на входе в очаг деформации,  $C_3=C_1$  — температура в центре валка.

## 1.3.2 Сведение дифференциальной задачи к конечно-разностной

Рассмотрим первое уравнение системы 25. Будем использовать неявную конечно-разностную схему с четырехточечным шаблоном [12], [13], [14] см. рисунок 4.

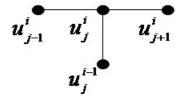


Рисунок 4 - Шаблон

Разобьем отрезок  $[0,t_{max_k}]$  на M точек с шагом au, а отрезок  $\left[0,R+rac{d}{2}
ight]$  — на N точек с шагом h, при этом номер точки стыка  $z=rac{d}{2}$  обозначим через  $N_{\mathrm{B}}.$  Тогда

$$t_{i} = i \cdot \tau,$$
 $z_{j} = j \cdot h,$ 
 $f_{j}^{i+1} = f(z_{j}, t_{i}),$ 
 $w_{j}^{i+1} = w(z_{j}, t_{i}),$ 
 $u_{j}^{i+1} = u(z_{j}, t_{i}),$ 

Заменим первое уравнение системы 25 разностными:

$$\frac{w_j^{i+1} - w_j^i}{\tau} = a_{\text{\tiny I}}^2 \frac{w_{j+1}^{i+1} - 2w_j^{i+1} + w_j^i + 1^{i+1}}{h^2} + f_j^{i+1}i = 1, \dots, M, j = 1, \dots, N_{\text{\tiny B}}$$

ИЛИ

$$-\frac{\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}w_{j-1}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}\right)w_{j}^{i+1} - \frac{\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}w_{j+1}^{i+1} = w_{j}^{i} + f_{j}^{i+1}i = 1, \dots, M, j = 1, \dots, N_{B}$$
(27)

Заменим разностным аналогом начальное и граничные условия

$$w_j^0 = C_2, (28)$$

$$w_0^{i+1} = w_1^{i+1}, (29)$$

$$w_{N_{\rm B}+1}^{i+1} = w_{N_{\rm B}}^{i+1} - \frac{q_i h}{\lambda_{\rm B}} = u_{N_{\rm B}}^{i+1} - \frac{q_i h}{\lambda_{\rm B}}.$$
 (30)

Подставим формулы 29 и 30 в 27, получим

$$\left(1 + \frac{\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2}{h^2}\right) w_1^{i+1} - \frac{\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2}{h^2} w_2^{i+1} = w_1^i + f_1^{i+1}, \quad j = 1,$$
 
$$-\frac{\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2}{h^2} w_{N_{\scriptscriptstyle B}+1}^{i+1} + \left(1 + \frac{\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2}{h^2}\right) w_{N_{\scriptscriptstyle B}}^{i+1} = w_{N_{\scriptscriptstyle B}}^i + f_{N_{\scriptscriptstyle B}}^{i+1} + \frac{\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2 q_i}{h \lambda_{\scriptscriptstyle \Pi}}, \quad j = N_{\scriptscriptstyle B}.$$

Для нахождения остальных значений  $w_j^{i+1}$  справедливы соотношения

$$-\frac{\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2}{h^2}w_{j-1}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2}{h^2}\right)w_j^{i+1} - \frac{\tau a_{\scriptscriptstyle \Pi}^2}{h^2}w_{j+1}^{i+1} = w_j^i + f_j^{i+1}, j = 2, \ldots, N_{\scriptscriptstyle \rm B} - 1.$$

Таким образом, для расчета значений слоя i+1 получаем СЛАУ относительно  $w_j^{i+1}$ ,  $j=1,\ldots,N_{\rm B}$ . Первое уравнение системы 26 заменим разностными уравнениями:

$$\frac{u_j^{i+1} - u_j^i}{\tau} = a_{\mathrm{B}}^2 \frac{u_{j+1}^{i+1} - 2u_j^{i+1} + u_j^i + 1^{i+1}}{h^2}, \quad i = 1, \dots, M, \quad j = N_{\mathrm{B}}, \dots, N$$

ИЛИ

$$-\frac{\tau a_{\rm B}^2}{h^2}u_{j-1}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\rm B}^2}{h^2}\right)u_j^{i+1} - \frac{\tau a_{\rm B}^2}{h^2}u_{j+1}^{i+1} = u_j^i i = 1,\dots, M, j = N_{\rm B},\dots, N.$$
(31)

Начальные и граничные условия примут вид

$$u_j^{N_{\rm B}} = C_1,$$
  $u_N^{i+1} = C_3,$  (32)

$$u_0^{i+1} = w_{N_n}^{i+1}. (33)$$

Подставим формулу 32 в 31 и 33 в 31, результате получим

$$\begin{split} &-\frac{\tau a_{\mathrm{B}}^2}{h^2}u_{N_{\mathrm{B}}}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\mathrm{B}}^2}{h^2}\right)u_{N_{\mathrm{B}}}^{i+1} = u_{N_{\mathrm{B}}}^i + \frac{\tau a_{\mathrm{B}}^2}{h^2}C^3, \quad j = N_{\mathrm{B}}.\\ &-\frac{\tau a_{\mathrm{B}}^2}{h^2}u_{N_{\mathrm{B}}+1}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\mathrm{B}}^2}{h^2}\right)u_{1}^{i+1} - \frac{\tau a_{\mathrm{B}}^2}{h^2}u_{2}^{i+1} = \frac{\tau a_{\mathrm{B}}^2q_{i}}{\lambda h}u_{1}^i, \quad j = N_{\mathrm{B}}, \end{split}$$

где  $w_{N_{\rm B}+1}^{i+1}=w_{N_{\rm B}}^{i+1}-\frac{q_ih}{\lambda}$  точка стыка. Для нахождения остальных значений  $u_i^{i+1}$  справедливы соотношения

$$-\frac{\tau a_{\mathtt{B}}^2}{h^2}u_{j-1}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\mathtt{B}}^2}{h^2}\right)u_j^{i+1} - \frac{\tau a_{\mathtt{B}}^2}{h^2}u_{j+1}^{i+1} = u_j^i, \quad j = N_{\mathtt{B}} - 1, \dots, N - 1.$$

Таким образом, для расчета значений слоя i+1 получаем СЛАУ относительно  $u_j^{i+1}, j=N_{\text{\tiny B}},\dots,N.$ 

# 2 Разработка математической модели для межклетевого промежутка

2.1 Формулировка краевой задачи для межклетевого промежутка

На k-ом межклетевом промежутке происходит конвективный теплообмен полосы толщиной d с охлаждающей жидкостью с температурой  $T_{\text{возд}}$ . Обозначим через w — распределение температур на полосе. Ось OZ направлена по нормали к полосе. В силу симметричности задачи достаточно рассчитать значения температуры для  $z \in \left[0, \frac{d}{2}\right]$ . Время моделирования составляет  $t_{max_k} = \frac{S}{Vm_k}$ , где S — длина межклетевого промежутка,  $Vm_k$  — скорость на межклетевом промежутке. В качестве  $Vm_k$  для непрерывных станов используется скорость на предыдущей клети, для реверсивных станов — скорость на соответствующем проходе.

Для моделирования распределения температур по глубине полосы в межклетевом промежутке сформулирована задача решения одномерного уравнения теплопроводности с краевыми условиями второго и третьего рода:

$$\begin{cases} w'_{t} - a_{\Pi}^{2} w''_{zz} = 0, & z \in \left[0, \frac{d}{2}\right], t \in \left[0, t_{max_{k}}\right], \\ w(z, 0) = C_{4}, & z \in \left[0, \frac{d}{2}\right], \\ \frac{\partial w}{\partial z}(0, t) = 0, & t \in \left[0, t_{max_{k}}\right], \\ \frac{\partial w}{\partial z}\left(\frac{d}{2}, t\right) = -\frac{\alpha}{\lambda_{\Pi}}\left(w\left(\frac{d}{2}, t\right) - \theta(t)\right), & t \in \left[0, t_{max_{k}}\right], \end{cases}$$

$$(34)$$

где  $a_{\Pi}^2 = \frac{\lambda_{\Pi}}{\rho_{\Pi} c_{\Pi}}$ ,  $\lambda_{\Pi}$  — коэффициент теплопроводности стали,  $\rho_{\Pi}$  — плотность стали,  $c_{\Pi}$  — удельная теплоемкость стали,  $C_4$  — распределение температур по глубине полосы на входе в межклетевой промежуток,  $\alpha$  — коэффициент теплообмена ( $\alpha = \alpha_{\text{эм}}^{k,l}$ ) или  $\alpha = \alpha_{\text{возд}}^{k,l}$ ),  $\theta$  — температура окружающей среды ( $\theta(t) = T_{\text{эм}}$  или  $\theta(t) = T_{\text{возд}}$ ).

# 2.2 Сведение полученной дифференциальной задачи к конечно-разностной

Применим шаблон для неявной конечно-разностной схемы описанный выше для первого уравнения системы 34.

$$-\frac{\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}w_{j-1}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}\right)w_{j}^{i+1} - \frac{\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}w_{j+1}^{i+1} = w_{j}^{i}, i = 1, \dots, M, j = 1, \dots, N_{B}.$$
(35)

Заменяем разностным аналогом начальные условия системы 34

$$w_j^0 = C_{4j},$$

граничные условия

$$w_0^{i+1} = w_1^{i+1}, \quad w_{N_{\mathtt{B}}}^{i+1} = rac{\lambda_{\mathtt{\Pi}} w_{N_{\mathtt{B}}}^{i+1} + \alpha h \theta(t)}{\lambda_{\mathtt{\Pi}} + \alpha h}.$$

Подставим граничное условие  $w_0^{i+1}=w_1^{i+1}$  в 35, получим

$$\left(1 + \frac{2\tau a_{\Pi}^2}{h^2}\right) w_j^{i+1} - \frac{\tau a_{\Pi}^2}{h^2} w_{j+1}^{i+1} = w_j^i, \quad j = 1.$$
(36)

Подставим граничное условие  $w_{N_{\rm B}}^{i+1} = \frac{\lambda_{\rm \Pi} w_{N_{\rm B}}^{i+1} + \alpha h \theta(t)}{\lambda_{\rm \Pi} + \alpha h}$  в 35, получим

$$-\frac{\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}w_{N_{B}-1}^{i+1} + \left(1 + \frac{\tau a_{\Pi}^{2}\lambda_{\Pi}}{h^{2}(\lambda_{\Pi} + \alpha h)} + \frac{2\tau a_{\Pi}^{2}}{h^{2}}\right)w_{N_{B}}^{i+1} = w_{N_{B}-1}^{i} + \frac{\tau a_{\Pi}^{2}\alpha h\theta(t)}{h^{2}(\lambda_{\Pi} + \alpha h)}, j = N_{B}.$$
(37)

Для нахождения остальных значений  $w_i^{i+1}$  справедливы соотношения

$$-\frac{\tau a_{\Pi}^2}{h^2}w_{j-1}^{i+1} + \left(1 + \frac{2\tau a_{\Pi}^2}{h^2}\right)w_j^{i+1} - \frac{\tau a_{\Pi}^2}{h^2}w_{j+1}^{i+1} = w_j^i, \quad j = 2, \dots, N_{\mathrm{B}} - 1.$$

Таким образом, для расчета значений слоя i+1 получаем СЛАУ относительно  $w_j^{i+1},\ j=1,\dots,N_{\text{B}}.$ 

# 3 Разработка комплекса прикладных программ для решения поставленных задач

#### 3.1 Краткое описание модулей

Программный продукт представляет собой комплекс программ, состоящий из двух модулей. Первый модуль – «workfile.exe», второй – «armtechnology.exe». Комплекс написан на языке C++, с использованием среды разработки Qt. Программное обеспечение предназначена для моделирования процесса холоднокатаного производства. Все результаты расчетов, представленные во втором модуле можно сохранить.

#### 3.2 «Редактор ini.txt»

#### 3.2.1 Общие сведения

Наименование: «Редактор ini.txt». Программа предназначена для работы с файлом технологических параметров «ini.txt» (создание и редактирование существующего).

#### 3.2.2 Функциональное назначение

Модуль имеет два режима работы с файлом «ini.txt»:

- создание файла;
- правка файла.

В модуле реализованы функции записи, считывания и упорядоченного хранения данных.

## 3.2.3 Описание логической структуры

Программа имеет структуру обработчика событий по нажатию кнопки. Диаграмма классов представлена в приложении A.1. Используемые классы представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Классы и их назначение

Класс	Назначение		
WorkFile	Выполняет связующую роль между классами Stan и		
	MarkSteel. Обращается к ним, если осуществляется: про-		
	смотр и сохранение данных. Реализует работу главного		
	окна и обращения к файлу с технологическими парамет-		
	рами		
MarkSteel	Реализует упорядоченное хранение и предоставление дан-		
	ных по маркам стали		
Stan	Реализует упорядоченное хранение и предоставление дан-		
	ных по станам		
addstan	Отвечает за окно добавления нового стана		
addsteel	Отвечает за окно добавления новой марки стали		

Описание методов класса WorkFile приведено в таблице 3.

Таблица 3 – Описание класса WorkFile

Метод	Описание	Передаваемые параметры
void addStan (QString	Добавление	NewName - название ста-
NewName, int	стана. Обраща-	на; NewNumKl - число
NewNumKl, double	ется к классу	клетей, NewLengthMkl -
NewLengthMkl,	Stan для до-	длина межклетевого про-
int NewModeStan,	бавления в	межутка, NewModeStan
QString	него объектов	- тип стана, NewSpeed -
NewSpeed,QString		скорость, NewSizeCtrip -
NewSizeCtrip, double		размер полосы (с подка-
NewSizeRwr, double		том), NewSizeRwr - радиус
NewWidthCstrip,		валка, NewWidthCstrip -
double		ширина полосы, NewTCold
NewTCold,QString		- температура охлаждаю-
NewFriction,		щей жидкости, NewFriction
QString NewTB,		- коэффициенты трения,
QString NewTF, int		NewTB - заднее натяже-
NewCstripPoints, int		ние, NewTF - переднее
NewTimePoints, int		натяжение, NewCstripPoints
NewBeginTemperature		- число точек на по-
Cstrip, int		лосе, NewTimePoints -
NewBeginTemperature		число точек по времени,
Rwr)		NewBeginTemperatureCstrip
		- начальная тем-
		пература полосы,
		NewBeginTemperatureRwr
		- начальная температура
		валка

# Окончание таблицы 3

Метод		Описание	Передаваемые параметры
void addSteel (	QString	Добавление	NewName - название мар-
NewName,	int	марки стали.	ки, NewGroup - ее группа,
NewGroup,	double	Обращает-	NewC - коэффициент удель-
NewC,	double	ся к классу	ной теплоемкости, NewRho -
NewRho,	double	MarkSteel для	плотность, NewLambda - ко-
NewLambda,	double	добавления в	эффициент теплопроводно-
NewSigmaT0,		него объектов	сти, NewSigmaT0 - предел
double NewCT, double			текучести, NewCT - коэффи-
NewBT)			циент упрочнения, NewBT -
			коэффициент упрочнения

Описание методов класса MarkSteel приведено в таблице 4. Таблица 4 – Описание класса MarkSteel

Метод	Описание	Передаваемые параметры
void addValu	е Добавляет па-	NewName - название мар-
(QString NewName	, раметры марки	ки, NewGroup - ее группа,
int NewGroup	, стали в списки	NewC - коэффициент удель-
double NewC, doubl	е строк	ной теплоемкости, NewRho -
NewRho, doubl	5	плотность, NewLambda - ко-
NewLambda, doubl	5	эффициент теплопроводно-
NewSigmaT0, doubl	5	сти, NewSigmaT0 - предел
NewCT, doubl	5	текучести, NewCT - коэффи-
NewBT)		циент упрочнения, NewBT -
		коэффициент упрочнения

Описание методов класса Stan приведено в таблице 5.

Таблица 5 – Описание класса Stan

Метод	Описание	Передаваемые параметры
void addValue	Добавляет па-	NewName - название ста-
(QString NewName,	раметры стана	на; NewNumKl - число
int NewNumKl, double	в списки строк	клетей, NewLengthMkl -
NewLengthMkl,		длина межклетевого про-
int NewModeStan,		межутка, NewModeStan
QString		- тип стана, NewSpeed -
NewSpeed, QString		скорость, NewSizeCtrip -
NewSizeCtrip, double		размер полосы (с подка-
NewSizeRwr, double		том), NewSizeRwr - радиус
NewWidthCstrip,		валка, NewWidthCstrip -
double NewTCold,		ширина полосы, NewTCold
QString NewFriction,		- температура охлаждаю-
QString NewTB,		щей жидкости, NewFriction
QString NewTF,		- коэффициенты трения,
double NewT, int		NewTB - заднее натяже-
NewCstripPoints, int		ние, NewTF - переднее
NewTimePoints, int		натяжение, NewCstripPoints
NewBeginTemperature		- число точек на по-
Cstrip, int		лосе, NewTimePoints -
NewBeginTemperature		число точек по времени,
Rwr)		NewBeginTemperatureCstrip
		- начальная тем-
		пература полосы,
		NewBeginTemperatureRwr
		- начальная температура
		валка

# 3.2.4 Используемые технические средства

Минимальные требования для работы «Редактор ini.txt»:

- OC: Windows 7, Windows 8, Windows 10;
- доп. ПО: Qt Creator;
- процессор: 2.8 ГГц;

- оперативная память: 512 МБ;
- видеоадаптер: от 256 МБ;
- свободное место не менее 50 МБ;
- устройства ввода информации: клавиатура, мышь.

#### 3.2.5 Установка и удаление

Программа не требует установки. Папка с программой представляет собой каталог (см. рисунок 5), в котором присутствуют два текстовых файла формата ТХТ, исполняемый файл «workfile.exe» и папкой «Settings» с вложенным «ini.txt».



Рисунок 5 - Каталог программы

Eсли папки «Setting» не будет, она будет создана при запуске программы. При добавлении через приложение станов, марок стали полосы и валков будет осуществлена запись в файл.

## 3.2.6 Вызов и загрузка

Для вызова программы необходимо запустить исполняемый файл «workfile.exe».

#### 3.2.7 Входные данные

Входными данными для модуля является файл «ini.txt». Структура файла состоит из тегов и ключевых слов. После каждого ключего слова должен стоять знак «=» и значение, а после каждого набора тег-значения пустая строка.

В первой строке указывается тег «[beginCommon]» — предназначен для указания ключевых слов: «CountStan» — количество станов в файле, «CountSteel» — количество марок стали полосы и «CountSteelRwr» — число марок валка. Затем теги записываются в следующем порядке: «[Stani]», «[Steeli]» и «[SteelRwri]», где вместо i ставится номер стана, марки стали полосы и марки стали валка соответственно. Тег

«[Stan]» описывается ключевыми словами: «nameStan» — название стана, «numberkl» — число клетей (проходов), «lengthmkl» — длина межклетевого промежутка, «mode» — тип стана, «speed» — скорость, «sizeCstrip» — толщина полосы, «sizeRwr» — размер валка, «widthCstrip» — ширина полосы, «tCold» — температура эмульсии, «friction» — коэффициенты трения, «tB» — заднее натяжение, «tF» — переднее натяжение, «cstripPoints» — число точек по полосе, «timePoints» — число точек по времени, «beginTemperatureCstrip» — начальная температура полосы, «beginTemperatureRwr» — начальная температура валка, «force» — усилия. Тег «[Steel]» характеризуется ключевыми словами: «патеSteel» — название марки, «group» — ее группа, «с» — удельная теплоемкость, «rho» — плотность, «lambda» — коэффициент теплопроводности, «sigmatO» — предел текучести подката, а также ключами «сt» и «bt» — коэффициенты упрочнения полосы. У тега «[SteelRwr]» ключи аналогичны «[Steel]». Пример структуры файла представлен на рисунке 6.



Рисунок 6 - Структура файла «ini.txt»

#### 3.2.8 Выходные данные

Результатом выполнения программы является файл с технологическими параметрами «ini.txt».

#### 3.3 Руководство оператора

#### 3.3.1 Назначение программы

Программа предоставляет инструменты для работы с «ini.txt» — файлом технологических параметров (создание и редактирование существующего).

#### 3.3.2 Условия выполнения программы

Минимальные требования для работы модуля «Редактор ini.txt»:

- OC: Windows 7, Windows 8, Windows 10;
- доп. ПО: Qt Creator;
- процессор: 2.8 ГГц;
- оперативная память: 512 MБ;
- видеоадаптер: от 256 МБ;
- свободное место не менее 50 МБ;
- устройства ввода информации: клавиатура, мышь.

#### 3.3.3 Выполнение программы

Программа служит для создания «ini.txt» — файла с технологическими параметрами для «arm-technology.exe». На рисунке 7 представлено главное окно «workfile.exe».

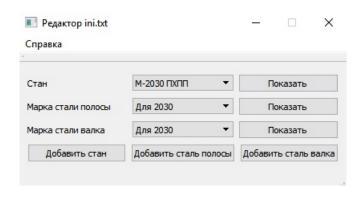


Рисунок 7 - Главное окно программы

С помощью модуля можно:

- добавить новый стан;
- добавить новую марку полосы и валка;
- посмотреть характеристики станов.

Если файл «ini.txt» не создан, тогда порядок действий для создания нового стана следующий:

- запустить «workfile.exe» (рисунок 7);
- с помощью кнопки «Добавить стан» вызвать окно с технологическими характеристиками стана (рисунок 8);

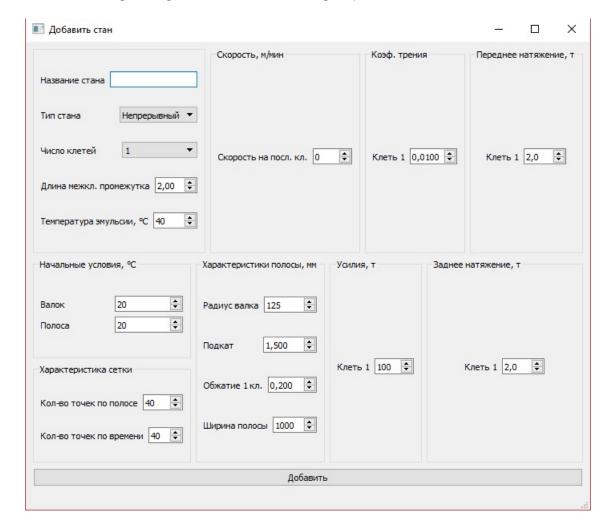


Рисунок 8 - Окно добавление нового стана

— заполнить все поля (рисунок 9).

При нажатии на кнопку «Добавить», окно закроется и будет создана запись в файле «ini.txt». В элементе «Стан» программы «workfile.exe», появится добавленный элемент (рисунок 10).

Добавление осуществляется в конец списка.

Если «ini.txt» файл существует и находится в папке «Settings», то программа запишет новый к уже имеющимся станам. Порядок действий для создания стана будет таким же, как при отсутствии файла «ini.txt».

Порядок действий для создания новой марки стали для полосы:

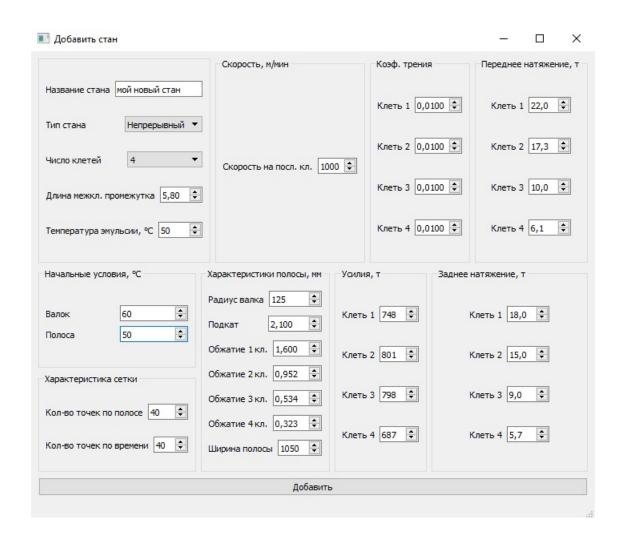


Рисунок 9 - Заполнение полей

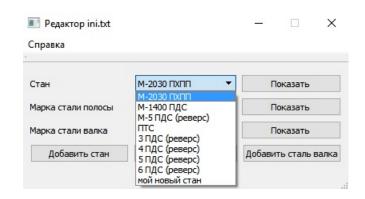


Рисунок 10 – Добавленный стан

- запустить «workfile.exe» (рисунок 7).
- с помощью кнопки «Добавить сталь полосы» вызвать окно добавления марки стали (рисунок 11);

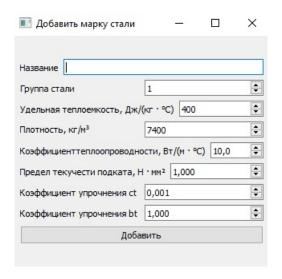


Рисунок 11 - Окно добавление марки стали для полосы

— заполнить поля (рисунок 12).

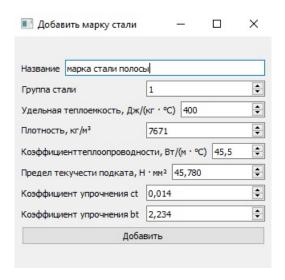


Рисунок 12 – Заполнение полей

При нажатии на кнопку «Добавить», окно закроется и произойдет запись данных в файл. В элементе «Марка стали полосы» программы «workfile.exe», появится добавленный элемент (рисунок 13).

Добавление осуществляется в конец списка.

Порядок действий для создания новой марки стали для валка:

— запустить «workfile.exe» (рисунок 7);

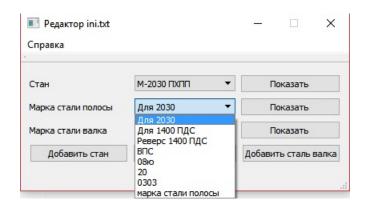


Рисунок 13 – Добавленная марка стали

— с помощью кнопки «Добавить сталь валка» вызвать окно добавления марки стали (рисунок 14);

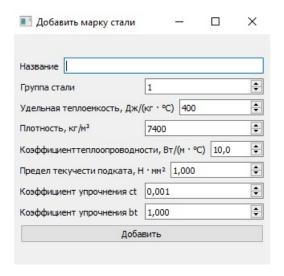


Рисунок 14 - Добавление марки стали для валка

Дальнейший порядок действий такой же, как при добавлении марки стали полосы.

Просмотр характеристик выбранного стана или марки стали Для просмотра характеристик станов и марок стали необходимо:

- запустить «workfile.exe» (рисунок 7);
- нажать на кнопку «Показать», откроется окно, в котором представлены характеристики стана или марки стали полосы и валка (рисунок 15).

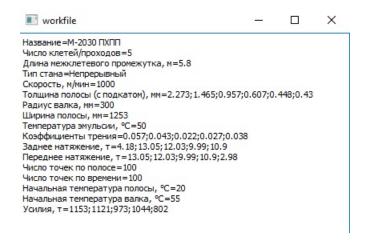


Рисунок 15 – Просмотр характеристик

#### 3.3.4 Сообщения оператору

При запуске программы без файла «ini.txt» будет выведено предупреждение с сообщением «Файл с технологическими параметрами ini.txt не найден или его невозможно прочитать!» приведенное на рисунке 16).

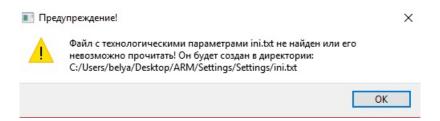


Рисунок 16 - Предупреждение о создании директории «Settings»

В случае возникновения предупреждения пользователю нужно нажать на кнопку «OK» и продолжить работу с модулем «workfile.exe» для создания файла «ini.txt».

3.4 «Программа для вычисления распределения температур прокатного производства (XП)»

#### 3.4.1 Общие сведения

Наименование: «Программа для вычисления распределения температур прокатного производства (ХП)». Модуль предназначен для моделирования процесса холоднокатаного производства.

### 3.4.2 Функциональное назначение

Модуль реализуется в составе прикладного комплекса программ и обеспечивает расчет:

- распределения температур по всей линии стана от разматывателя до моталки, включая распределение по толщине полосы, длине очага деформации, глубине рабочего слоя валков, в межклетевых промежутках;
- расчет напряженно-деформированного состояния рабочего слоя рабочего валка в контакте с полосой, включая расчет глубины и величины максимальных скалывающих напряжений.

В таблице 6 представлены некоторые реализованные возможности модуля.

Таблица 6 - Возможности модуля

Возможность	Чем реализовано	
Распределение темпера-	Конечно-разностная схема с четырехточеч-	
тур на валке и в очаге	ным шаблоном	
деформации		
Графическое представ-	Библиотека QCustomPlot реализует графи-	
ление вычисляемой ин-	ческое представление с помощью стандарт-	
формации	ных средств Qt	
Расчет фактических	Пересчет коэффициента трения	
усилий		
Тепловой поток, генери-	Формула 22	
руемый трением в зоне		
контакта		
Максимальные скалы-	Формула 1.2	
вающие напряжения		
Предел текучести	Формула 11	

# 3.4.3 Описание логической структуры

Программа имеет структуру обработчика событий по нажатию кнопки. Диаграмма классов представлена в приложении A.2. Используемые классы представлены в таблице 7.

Таблица 7 - Классы и их назначение

Класс	Назначение	
WorkFile	Выполняет связующую роль между классами Stan и	
	MarkSteel. Обращается к ним, если осуществляется:	
	просмотр и сохранение данных. Реализует работу глав-	
	ного окна и обращения к файлу с технологическими	
	параметрами	
MarkSteel	Реализует упорядоченное хранение и предоставление	
	данных по маркам стали	
Stan	Реализует упорядоченное хранение и предоставление	
	данных по станам	
rollingsteel	Отвечает за логику прокатного производства	

Описание методов классов WorkFile, MarkSteel и Stan приводилось выше в таблицах 3, 4 и 5. Описание методов класса rollingsteel представлено в таблице 8.

Таблица 8 – Описание класса rollingsteel

Метод	Описание	Передаваемые параметры
Kletb(int value, in	Выполняет	value - позиция выбранного
iter)	расчет $iter$ -	стана, iter - текущий очаг
	прохода очага	деформации
	деформации	
MKletb(int value, in	Выполняет	iter - текущий межклетевой
iter)	расчет $iter$ -	промежуток
	прохода меж-	
	клетевого	
	промежутка	

# 3.4.4 Используемые технические средства

Минимальные требования для работы модуля «Программа для вычисления распределения температур прокатного производства  $(X\Pi)$ »:

- OC: Windows 7, Windows 8, Windows 10;
- доп. ПО: Qt Creator;
- процессор: 2.8 ГГц;

- оперативная память: 1 ГБ;
- видеоадаптер: от 512 MБ;
- свободное место не менее 50 МБ;
- устройства ввода информации: клавиатура, мышь.

#### 3.4.5 Установка и удаление

Программа не требует установки, для работы программы достаточно скопировать каталог с «arm-technology.exe» и папку «Settings» с файлами «ini.txt» и «heatini.txt» — предназначен для настройки коэффициентов теплообмена.

## 3.4.6 Вызов и загрузка

Для вызова программы необходимо запустить исполняемый файл «arm-technology.exe».

#### 3.4.7 Входные данные

Входными данными для модуля является файл «ini.txt» и «heatini.txt» (их присутствие в каталоге обязательно). Структура файла «ini.txt» представлена в пункте 3.2.7. Опишем структуру файла «heatini.txt». Файл состоит из ключевых слов «mode0» и «mode1». Ключ «mode0» – используется для непрерывных станов, «mode1» – для реверсивных. После ключей идут значения коэффициента теплообмена с указанием среды («w» – эмульсия, «а» – воздух). Пример файла показан на рисунке 17.

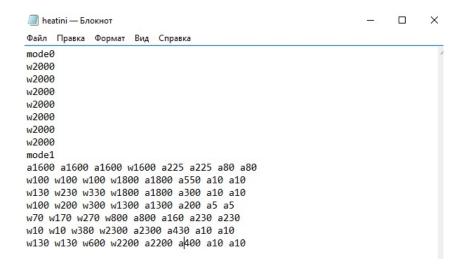


Рисунок 17 - Структура файла «heatini.txt»

Величины, приведенные в таблице 9, являются заданными и соответствуют технологическим параметрам, теплофизическим характеристикам полосы и валков и характеристикам оборудования станов. Толщина полосы должна быть всегда меньше, чем на предыдущем проходе. Для выполнения расчетов входные параметры автоматически преобразуются в систему СИ.

Таблица 9 – Входные параметры

Обозначение	Название	Диапазон	Единицы измерения (СИ)
		значений	
$H_0$	Подкат	0,2-6	Миллиметры; мм
$H_k$	Толщина поло-	0,2-6	Миллиметры; мм
	сы после k-ого		
	очага деформа-		
	ции		
$\lambda_{\scriptscriptstyle \Pi}$	Коэффициент	10-80	Ватты, деленные на произ-
	теплопровод-		ведение метры на градусы
	ности для		Цельсия; $\frac{B_T}{(M \cdot {}^{\circ}C)}$
	полосы		(M·°C)
$\lambda_{\scriptscriptstyle  exttt{B}}$	Коэффициент	10-80	Ватты, деленные на произ-
	теплопровод-		ведение метры на градусы
	ности для		Цельсия; $\frac{B_T}{(M \cdot {}^{\circ}C)}$
	валка		(M··C)
$ ho_{\scriptscriptstyle \Pi}$	Плотность ме-	7400-8000	Килограмм, деленный на
	талла полосы		объем; $\frac{\kappa_1}{M^3}$
$ ho_{ exttt{B}}$	Плотность ме-	7400-8000	Килограмм, деленный на
	талла валка		объем; $\frac{\mathrm{K}\Gamma}{\mathrm{M}^3}$
$c_{\scriptscriptstyle \Pi}$	Удельная теп-	400-700	Джоуль, деленный на про-
	лоемкость по-		изведение килограмма и
	лосы		градуса Цельсия; $\frac{\mathcal{L} \mathbb{X}}{(\kappa \Gamma \cdot {}^{\circ}C)}$
$c_{\mathtt{B}}$	Удельная теп-	400-700	Джоуль, деленный на про-
	лоемкость вал-		изведение килограмма и
	ка		градуса Цельсия; $\frac{\mathcal{L}_{W}}{(Kr \cdot {}^{o}C)}$

# Продолжение таблицы 9

Обозначение	Название	Диапазон	Единицы измерения (СИ)
		значений	
$F_k$	Фактическое	100-3000	Тонны; т
	усилие в $k$ -ом		
	очаге		
$\mu_k^0$	Начальное	0,01-0,2	Безразмерный
	приближение		
	для коэффици-		
	ента трения на		
	k-ом очаге		
$T_{f_k}$	Переднее натя-	2-30	Тонны; т
	жение в k-ом		
	очаге		
$T_{b_k}$	Заднее натяже-	2-30	Тонны; т
	ние в $k$ -ом оча-		
	ге		
S	Длина межкле-	2-15	Метры; м
	тевого проме-		
	жутка		
R	Радиус валка	125-325	Миллиметры; мм
N	Число точек по	40-100	Штук
	полосе		
M	Число точек по	40-100	Штук
	времени		
$V_k$	Скорость в $k$ -	1-1800 на	Метры в минуту; <del>М</del>
	ом очаге	непрерыв-	МИН
		ном стане	
		и 1-900 на	
		реверсив-	
		НОМ	

# Продолжение таблицы 9

Обозначания	Название	Пиопосои	Emmunia nomonomia (CIA)
Обозначение	Пазвание	Диапазон	Единицы измерения (СИ)
		значений	
ct, bt	Коэффициенты	ct=0,001-	Безразмерный
	упрочнения	0,999;	
		bt=1-30	
$\sigma_{T0}$	Предел текуче-	1-100	Ньютон, деленный на мил-
	сти подката		лиметры в квадрате; $\frac{\Pi}{\text{мм}^2}$
width	Ширина поло-	1000-2000	Миллиметры; мм
	СЫ		
$T_{\Pi}$	Начальная тем-	20-200	Градусы Цельсия; °С
	пература поло-		
	СЫ		
$T_{\mathtt{B}}$	Начальная тем-	20-200	Градусы Цельсия; °С
	пература валка		
$T_{\scriptscriptstyle 9M}$	Температура	40-65	Градусы Цельсия; °С
	эмульсии		
	(охлаждающей		
	жидкости)		
$T_{ exttt{возд}}$	Температура	20-100	Градусы Цельсия; °С
	воздуха окру-		
	жающей среды		
$C_{\mathtt{B}}$	Коэффициент	10-20	Миллиметры в квадрате
	параболиче-		деленные на килограмм;
	ской формы		$\frac{\text{MM}^2}{}$
	эпюры нагру-		КГ
	жения валка		

## Окончание таблицы 9

Обозначение	Название	Диапазон значений	Единицы измерения (СИ)
ν	Коэффициент Пуассона	0,1-0,5	Безразмерный
E	Коэффициент Юнга	20000- 25000	Килограмм, деленный на миллиметры в квадрате; $\frac{\kappa \Gamma}{MM^2}$
$lpha_{ ext{\tiny 9M}}^{k,l}$	Коэффициент теплообме- на эмульсии (охлаждающей жидкости) на $k$ -ом проме- жутке в $l$ -ой зоне охлажде- ния	1-10000	Ватты, деленные на про- изведение метров в квад- рате и градуса Цельсия; Вт мм <sup>2</sup> ·°C
$lpha_{ t bo 3  extsf{J}}^{k,l}$	Коэффициент теплообмена воздуха на $k$ - ом промежутке в $l$ -ой зоне охлаждения	1-10000	Ватты, деленные на про- изведение метров в квад- рате и градуса Цельсия; $\frac{\text{Вт}}{\text{мм}^2\cdot {}^{\circ}\text{C}}$

## 3.4.8 Выходные данные

Результатом выполнения программы является:

- расчетные усилия при адаптированном коэффициенте трения;
- таблица распределения тепла на всех очагах деформации и межклетевых промежутках;
- график температур по глубине;
- график продольного среза полосы;
- график поперечного среза полосы;
- график максимальных скалывающих напряжений;
- график температуры на поверхности полосы;

- график контактных напряжений;
- график предела текучести;
- график теплового потока.
  - 3.5 Руководство оператора

### 3.5.1 Назначение программы

Пакет прикладных программ осуществляет – при заданном технологическом режиме - расчет энергосиловых параметров прокатки (усилий, моментов, мощностей и др.), тепловыделения и распределения температур по поверхности и толщине полосы в клетях и межклетевых промежутках, температур и напряжений по поверхности и глубине рабочего слоя валков для действующих станов холодной прокатки НЛМК: 5клетевого стана 2030 ПХПП, 4-клетевого стана 1400 ПДС, реверсивного стана ПДС, реверсивного стана ПТС. Использование пакета в технологической практике позволит анализировать и оптимизировать действующие технологические режимы (по критериям повышения производительности, выравнивания нагрузок, исключения перегрева, достижения требуемой температуры, энергоэффективности и т.д.), выявлять причины ухудшения качества проката (тепловые дефекты поверхности, пробуксовки и т.д.) и повреждения оборудования (перегрузки, перегрев). Использование пакета при разработке новых технологических режимов позволит сократить сроки и уменьшить потери при разработке, предотвратить повреждение оборудования и полностью использовать его ресурсы.

## 3.5.2 Условия выполнения программы

Минимальные требования для работы модуля «Программа для вычисления распределения температур прокатного производства  $(X\Pi)$ »:

- OC: Windows 7, Windows 8, Windows 10;
- доп. ПО: Qt Creator;
- процессор: 2.8 ГГц;
- оперативная память: 1 ГБ;
- видеоадаптер: от 512 МБ;
- свободное место не менее 50 МБ;
- устройства ввода информации: клавиатура, мышь.

#### 3.5.3 Выполнение программы

На рисунке 18 представлено главное окно «arm-technology.exe».

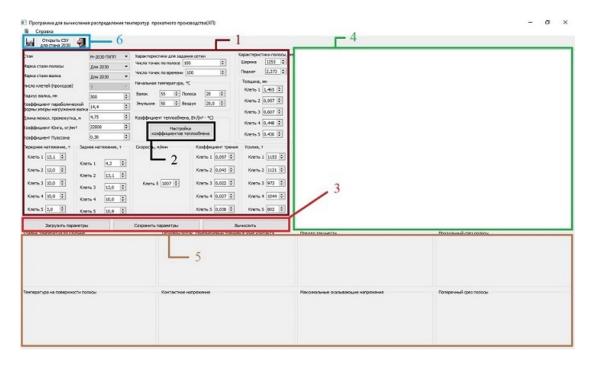


Рисунок 18 - Главное окно программы

- 1 панель задания технологических параметров. Согласно файлу «ini.txt» технологических параметров можно выбрать: стан, марку стали полосы и валка, тогда значения остальных параметров предлагаются по умолчанию, их можно менять в допустимых пределах.
- 2 кнопка настройки коэффициентов теплообмена. Изначально параметры предлагаются по умолчанию.

Окно настройки коэффициентов теплообмена для непрерывных станов представлены на рисунке 19, для реверсивных станов и 20.

Для непрерывных станов на межклетевом промежутке всегда включена эмульсия. Для реверсивных станов используют четыре зоны охлаждения полосы, на которых можно менять, с чем взаимодействует полоса (эмульсия или воздух) и как сильно она остывает за счет увеличения или уменьшения коэффициента теплообмена на каждой зоне [15]. Чем больше значение коэффициента теплообмена полосы при контакте с эмульсией или воздухом, тем сильней она остывает. За счет изменения коэффициентов на разных зонах можно достигать различных температур полосы. Примеры коэффициентов теплообмена приведены в главе 4.

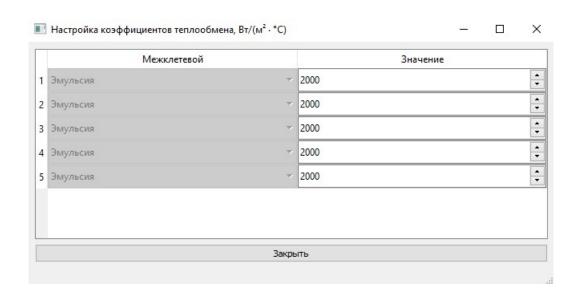


Рисунок 19 – Непрерывный стан. Настройка коэффициентов теплообмена

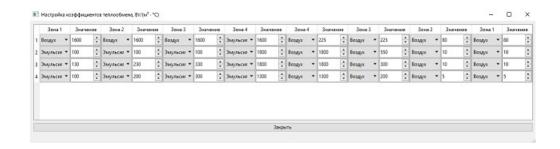


Рисунок 20 – Реверсивный стан. Настройка коэффициентов теплообмена

- 3 кнопка «Вычислить», при ее нажатии производится расчет с текущими значениями, заданными в панели 1.
  - 4 таблица распределения температур.
- 5 графическая область приложения. После окончания расчета здесь появится восемь различных графиков.
- 6 панель быстрого доступа. С помощью нее можно сохранить результаты таблицы распределения температур в файл формата CSV. «Открыть CSV для стана 2030» открывает файл с расширением «.csv» выгруженный из системы КРОТ и на его основе производится расчет. В файле обязательно должны присутствовать столбцы со значениями скорости и толщинами полос, включая подкат. Кнопка выхода из приложения.

После нажатия кнопки «Вычислить» появляются таблица распределения температур на полосе и валке в очаге деформации и межклетевом промежутке, графическая информация и сообщение о расчетных усилиях и коэффициенте трения (рисунок 21).

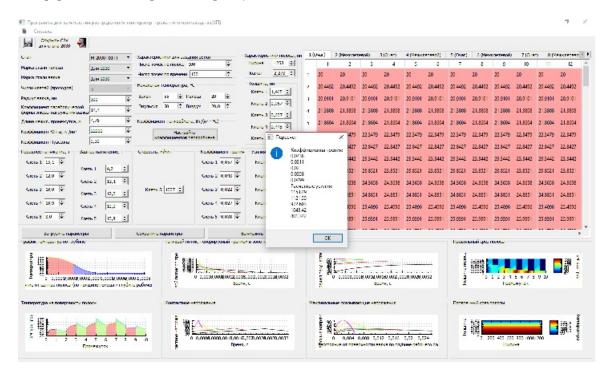


Рисунок 21 - Расчет окончен

В таблице распределения температур строки соответствуют разным моментам времени (первая строка – первый момент времени для очага или межклетевого промежутка), столбцы – точкам по глубине полосы

и валка (первый столбец — центр полосы). Таблица раскрашена в два цвета: красный — полоса, синий — валок. Табличные значения можно сохранить в файл с расширением «.csv» (рисунок 22).

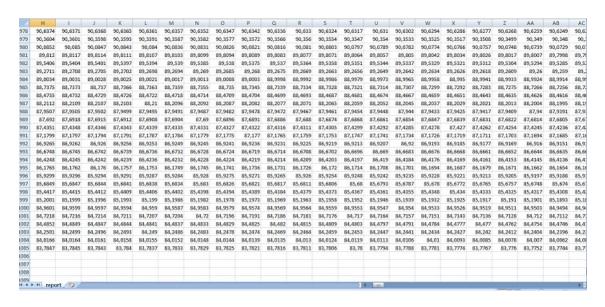


Рисунок 22 - Фрагмент сохраненного файла

В панели 5 можно выбрать график, чтобы посмотреть его подробнее в отдельном окне. В нем его можно: развернуть на весь экран, сохранить и включить или отключить легенду графика (по умолчанию включена). График температур по глубине по умолчанию отображает значения температуры на выходе из последнего очага деформации по глубине полосы и рабочего слоя валка. Розовая зона соответствует полосе, а голубая — валку. Можно выбрать другой очаг или межклетевой промежуток в любой момент времени.

График «Температура на поверхности полосы» отображает температуру на поверхности в продольном срезе полосы. Розовые зоны соответствуют очагам деформации, а зеленые – межклетевым промежуткам.

Графики «Предел текучести», «Контактное напряжение», «Тепловой поток, генерируемый трением в зоне контакта» и «Максимальные скалывающие напряжения» отображают соответствующие значения для всех очагов на одном рисунке. В окне у графика «Максимальные скалывающие напряжения» присутствует таблица со значением максимума и глубины по радиусу валка, где она достигается (рисунок 28).

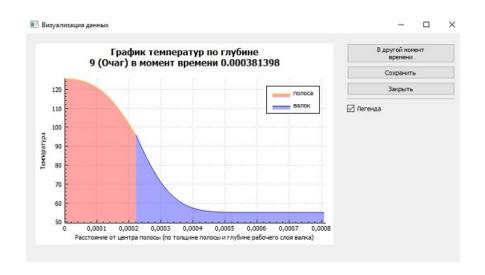


Рисунок 23 - График температур по глубине полосы

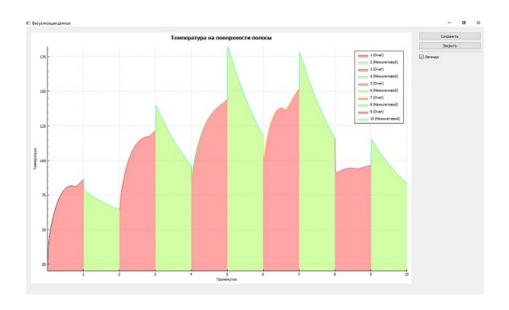


Рисунок 24 - График температур на поверхности полосы

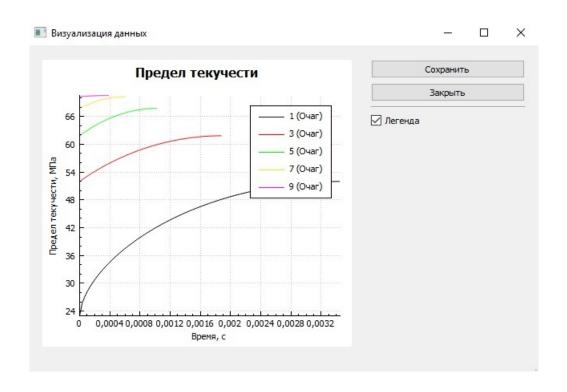


Рисунок 25 - Предел текучести

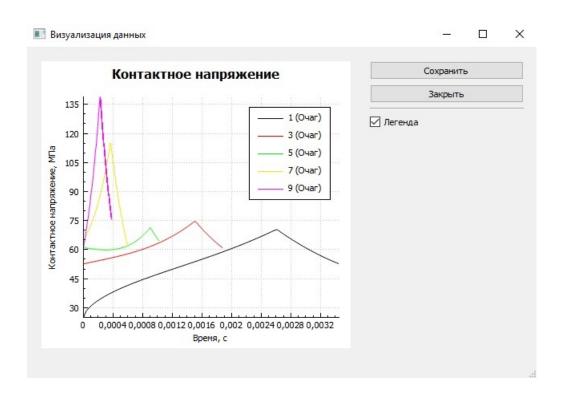


Рисунок 26 - Контактное напряжение

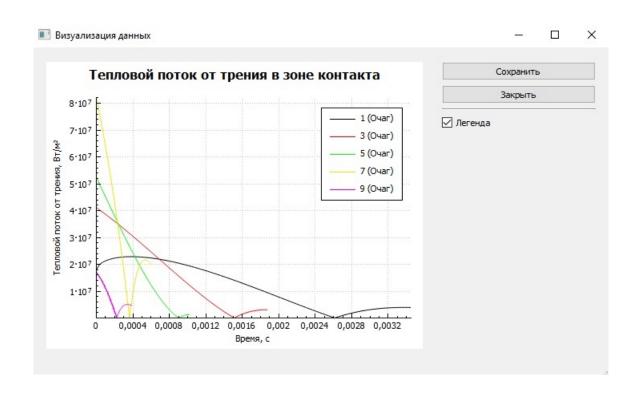


Рисунок 27 - Тепловой поток, генерируемый трением в зоне контакта

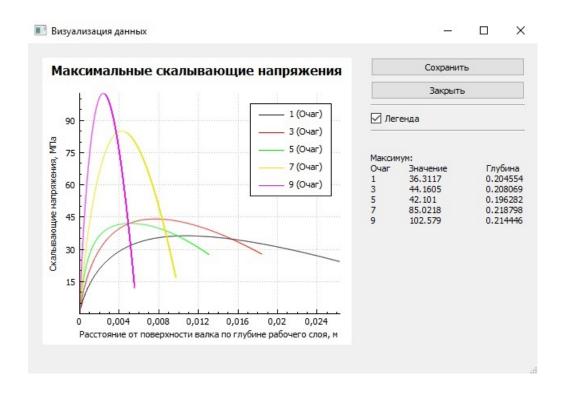


Рисунок 28 - Максимальные скалывающие напряжения

«Распределение температур в продольном сечении полосы» отображает значения температур по глубине полосы и рабочего слоя валка в очагах деформации, а также по глубине полосы в межклетевом промежутке (межклетевым промежуткам соответствуют зоны, над которыми находятся темно-синие прямоугольники).

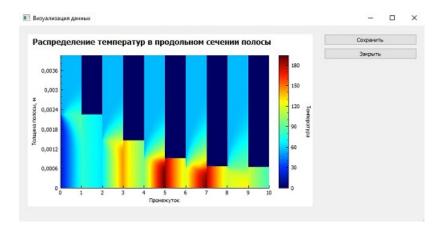


Рисунок 29 - Распределение температур в продольном сечении

«Распределение температур в поперечном сечении полосы» по умолчанию отображается в момент времени, соответствующий выходу из последнего очага. Можно выбрать другой очаг или межклетевой промежуток и любой момент времени для него.

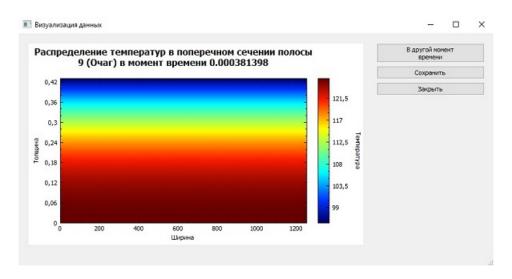


Рисунок 30 - Распределение температур в поперечном сечении полосы

## 3.5.4 Сообщения оператору

В программе представлены следующие сообщения об ошибках.

Сообщение «Файл не найден или его невозможно прочитать!» возникает при отсутствии файла «ini.txt». В случае возникновения ошибки пользователю нужно нажать на кнопку «OK» и убедиться в наличии файла «ini.txt». Если его нет — создать с помощью модуля «workfile.exe».

Сообщение «Превышено максимальное число итераций! Не возможно подобрать коэффициент трения под режим усилий.» возникает при подборе коэффициента трения. В случае возникновения ошибки пользователю нужно нажать на кнопку «ОК» и изменить значения усилий на одной или нескольких клетях.

#### 4 Настройка коэффициентов теплообмена

Представим исходные данные, подобранные коэффициенты теплообмена, показания пирометров и расчетных значений тепловых режимов на контрольных точках реверсивных станах. Таблицы с показаниями пирометров и смоделированных температур будем подразделять на 4 секции: 1 — входная моталка, 2 — стол до очага деформации, 3 — стол после очага деформации, 4 — выходная моталка.

#### 4.1 Марка стали 08Ю

Пример 1.

Ширина полосы = 1250, марка стали – 08Ю,  $T_{\text{эм}}=50,\ T_{\text{возд}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 10.

Габлица	10	_	Исходные	данные

k-й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	1,848
1	279	750	9,2	15,6	1,033
2	255	670	10,2	14,0	0,652
3	353	614	7,1	10,0	0,431
4	308	615	5,0	6,8	0,290
5	403	667	2,0	3,1	0,210

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 11.

Таблица 11 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	1600в	1600в	1600в	1600э	225в	225в	80в	80в
2	100э	100э	100э	1800э	1800в	550в	10в	10в
3	130э	230э	330э	1800э	1800в	300в	10в	10в
4	100э	200э	300э	1300э	1300в	200в	5в	5в

## Окончание таблицы 11

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
5	70э	170э	270э	е008	800в	160в	2300в	230в

В таблице 12 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 12 - Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	58,66867	47,07479	121,5202	106,3478
2	100,3073	115,4795	121,2471	128,0421
3	122,8252	112,5566	120,5207	103,8607
4	97,23356	111,0839	111,2071	115,0236
5	109,1293	99,11263	110,2236	88,90903

В таблице 13 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 11.

Таблица 13 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	58	47,0776	121,502	117,92
2	117,949	115,474	127,206	122,279
3	122,282	112,73	123,255	120,089
4	120,09	111,327	112,423	109,348
5	109,348	99,0145	110,616	88,5767

Пример 2.

Ширина полосы = 1250, марка стали – 08Ю,  $T_{\text{эм}}=50,\ T_{\text{возд}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 14.

Таблица 14 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	1,849
1	190	778	9,2	15,5	1,033
2	301	703	10,2	14,0	0,652
3	390	648	7,2	10,0	0,431
4	339	657	5,0	6,8	0,290
5	401	730	2,0	3,1	0,211

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 15.

Таблица 15 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	1100в	1100в	1100в	1100э	120в	120в	50в	50в
2	е08	е08	е08	1800э	1800в	550в	10в	10в
3	130э	230э	330э	1900э	1900в	350в	10в	10в
4	100э	200э	300э	1360э	1360в	220в	5в	5в
5	70э	170э	270э	770э	770в	140в	215в	215в

В таблице 16 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 16 – Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	59,62383	47,83656	123,1193	108,2653
2	104,1563	117,0698	130,3523	136,213
3	131,0967	121,0359	127,0696	112,7649
4	104,7047	118,1471	117,3804	120,6673
5	115,1507	104,854	115,5184	95,80751

В таблице 17 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 15.

Таблица 17 - Расчетные значения температур

k-й проход	1	2	3	4
1	59	47,8122	123,142	118,476
2	118,505	116,971	134,105	129,662
3	129,665	120,636	129,634	126,19
4	126,192	117,509	118,426	115,199
5	115,2	104,793	115,898	94,0041

Пример 3.

Ширина полосы = 1270, марка стали – 08Ю,  $T_{\text{эм}}=50,\ T_{\text{возд}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 18.

Таблица 18 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	2,282
1	111	701	10,2	20,5	1,548
2	261	679	12,2	16,3	1,086
3	380	656	9,2	10,2	0,760
4	301	648	6,1	7,1	0,547
5	441	614	4,1	5,1	0,410

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 19.

Таблица 19 – Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	1800в	1800в	1800в	1800э	240в	240в	80в	80в
2	200э	200э	200э	1800э	1800в	550в	10в	10в
3	230э	330э	430э	2200э	2200в	650в	35в	35в
4	200э	300э	400э	2100э	2100в	500в	5в	5в
5	240э	340э	440э	1450э	1450в	370в	30в	30в

В таблице 20 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 20 - Показания пирометра

k-й проход	1	2	3	4
1	47,18893	29,30495	75,87238	80,69667
2	77,59534	72,48068	104,8232	110,6942
3	105,4461	96,19495	115,0492	122,6013
4	115,4491	107,5942	100,2879	107,2015
5	103,7909	93,3341	98,44204	106,1495

В таблице 21 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 19.

Таблица 21 – Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	47	32,6722	81,218	77,5772
2	77,6022	74,3821	106,564	104,304
3	104,307	98,0634	120,249	116,42
4	116,429	109,621	107,448	103,934
5	103,934	93,5827	109,334	105,704

Пример 4.

Ширина полосы = 1250, марка стали – 08Ю,  $T_{\text{\tiny 9M}}=50,\ T_{\text{\tiny ВОЗД}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 22.

Таблица 22 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	2,492
1	143	727	10,2	20,3	1,649
2	389	671	13,3	18,4	1,155
3	553	624	11,2	12,8	0,820
4	371	595	8,2	9,2	0,612

Окончание таблицы 22

k-й проход	$V_k$	$\mid F_k \mid$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
5	464	574	5,1	6,1	0,480
6	294	709	2,1	2,7	0,211

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 23.

Таблица 23 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	2400в	2400в	2400в	2400э	280в	280в	125в	125в
2	430э	430э	430э	1800э	1800в	560в	45в	45в
3	480э	580э	680э	2600э	2600в	800в	100в	100в
4	450э	550э	650э	2570э	2570в	630в	5в	5в
5	240э	340э	440э	1980э	1980в	545в	30в	30в
6	35э	35э	35э	2400э	2400в	195в	5в	5в

В таблице 24 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 24 - Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	51,38486	35,32304	81,40515	85,70946
2	82,39244	76,44199	118,9985	122,6205
3	115,1823	107,5562	130,2705	139,128
4	128,4586	119,1285	111,5122	114,8363
5	110,6885	101,7826	103,1254	108,1684
6	83,27098	99,01802	90,76926	91,37973

В таблице 25 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 23.

Таблица 25 – Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	51	35,0377	86,4035	82,2331
2	82,2783	76,5504	118,333	116,03
3	116,048	107,528	133,517	128,865
4	128,897	119,373	113,479	110,125
5	110,126	101,481	103,365	99,8264
6	99,8304	99,0099	94,5238	91,0474

## 4.2 Марка стали 0303

## Пример 1.

Ширина полосы = 1030, марка стали – 0303,  $T_{\text{эм}}=50,\ T_{\text{возд}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 26.

Таблица 26 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	2,021
1	131	785	10,2	18,7	1,334
2	274	772	12,2	16,6	0,934
3	393	738	7,1	8,3	0,671
4	257	720	4,6	5,7	0,521

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 27.

Таблица 27 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	700в	700в	700в	850э	850в	280в	10в	10в
2	10э	10э	10э	2290э	2290в	575в	10в	10в
3	170э	170э	170э	2950э	2950в	720в	10в	10в
4	10э	10э	10э	2040э	2040в	500в	5в	5в

В таблице 28 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 28 - Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	74,41118	60,71149	113,1083	109,4117
2	108,8148	111,3995	131,304	134,9157
3	133,1143	127,559	134,2169	132,2713
4	131,5456	132,7785	107,1856	108,0586

В таблице 29 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 27.

Таблица 29 - Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	74	60,6263	113,877	111,567
2	111,571	111,197	136,564	133,014
3	133,018	127,347	136,8	132,538
4	132,54	132,208	112,183	107,633

Пример 2.

Ширина полосы = 1030, марка стали – 0303,  $T_{\text{эм}}=50,\ T_{\text{возд}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 30.

Таблица 30 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	1,990
1	103	741	10,2	18,6	1,334
2	196	768	12,3	16,6	0,933
3	187	751	7,2	8,3	0,671
4	166	719	4,6	5,7	0,521

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 31.

Таблица 31 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	360э	360э	360э	1650э	1650в	300в	10в	10в
2	10э	10э	10э	1660э	1660в	475в	10в	10в
3	185э	185э	185э	1760э	1760в	450в	10в	10в
4	10э	10э	10э	1320э	1320в	270в	10в	10в

В таблице 32 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 32 - Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	135,2356	120,1963	119,1932	115,1204
2	113,8882	116,3018	128,5581	131,5881
3	130,1957	122,9497	119,0522	114,8226
4	112,7766	114,0414	96,22141	99,08869

В таблице 33 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 31.

Таблица 33 - Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	135	120,407	119,923	116,607
2	116,611	116,098	134,99	130,792
3	130,796	122,581	119,42	114,325
4	114,327	113,788	103,21	99,1111

Пример 3.

Ширина полосы = 1030, марка стали – 0303,  $T_{\text{эм}}=50$ ,  $T_{\text{возд}}=20$ . Исходные данные приведены в таблице 34.

Таблица 34 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	2,008
1	116	783	10,2	18,6	1,334
2	300	795	12,2	16,6	0,934
3	301	771	7,2	8,3	0,671
4	253	747	4,6	5,7	0,521

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 35.

Таблица 35 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	650э	650э	650э	1390э	1390в	245в	10в	10в
2	10э	10э	10э	2080э	2080в	485в	10в	10в
3	185э	185э	185э	2590э	2590в	565в	10в	10в
4	10э	10э	10э	2090э	2090в	300в	10в	10в

В таблице 36 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 36 – Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	103,4887	89,64002	118,6145	114,4009
2	114,0988	116,6639	142,246	144,6559
3	143,9412	137,5817	135,7642	132,1058
4	131,0922	132,3982	110,7779	112,7201

В таблице 37 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 35.

Таблица 37 – Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	103	89,5574	119,046	116,551
2	116,555	116,099	146,745	143,707
3	143,711	137,34	136,873	132,352
4	132,355	131,924	115,805	112,425

Пример 4.

Ширина полосы = 1030, марка стали – 0303,  $T_{\text{\tiny 9M}}=50,\,T_{\text{\tiny ВОЗД}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 38.

Таблица 38 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	1,986
1	178	732	10,2	18,7	1,333
2	210	752	12,3	16,6	0,935
3	214	729	7,2	8,3	0,670
4	223	686	4,6	5,7	0,522

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 39.

Таблица 39 - Коэффициенты теплообмена

k-й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	700в	700в	700в	920э	920в	330в	10в	10в
2	10э	10э	10э	2050э	2050в	375в	10в	10в
3	170э	170э	170э	2100э	2100в	370в	10в	10в
4	13э	13э	13э	1650э	1650в	300в	10в	10в

В таблице 40 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 40 - Показания пирометра

k-й проход	1	2	3	4
1	83,00573	70,52084	120,1364	117,0618
2	116,9653	119,3634	133,329	136,67
3	136,1063	128,7501	125,1579	121,3883
4	120,1565	121,1996	103,9453	107,1898

В таблице 41 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 39.

Таблица 41 – Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	83	70,809	121,645	119,576
2	119,581	119,267	139,473	136,137
3	136,141	128,58	125,901	121,853
4	121,855	121,17	110,975	107,345

Пример 5.

Ширина полосы = 1030, марка стали – 0303,  $T_{\text{\tiny 9M}}=50,\,T_{\text{\tiny ВОЗД}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 42.

Таблица 42 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	1,994
1	123	739	10,2	18,8	1,335
2	221	773	12,2	16,6	0,934
3	223	743	7,1	8,3	0,671
4	262	684	4,6	5,7	0,522

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 43.

Таблица 43 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	500э	500э	500э	1380э	1380в	270в	10в	10в
2	10э	10э	10э	2150э	2150в	270в	10в	10в
3	185э	185э	185э	2240э	2240в	365в	10в	10в
4	15э	15э	15э	1830э	1830в	275в	10в	10в

В таблице 44 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 44 – Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	118,6216	104,5897	126,2815	122,2748
2	121,6637	123,8968	135,4912	139,9116
3	139,6855	131,675	124,9676	123,0708
4	121,5912	122,3165	109,098	113,7745

В таблице 45 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 43.

Таблица 45 – Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	118	104,608	126,93	124,202
2	124,207	123,727	142,382	139,879
3	139,883	131,725	126,94	123,065
4	123,068	122,298	116,782	113,706

## 4.3 Марка стали ВПС

Пример 1.

Ширина полосы = 1040, марка стали – ВПС,  $T_{\text{эм}}=50,\ T_{\text{возд}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 46.

Таблица 46 – Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	2,274
1	153	1080	9,2	22,5	1,532
2	507	1036	16,3	20,6	0,984
3	504	1088	10,7	12,9	0,630
4	529	1114	6,6	8,3	0,420
5	404	1236	5,1	6,2	0,285

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 47.

Таблица 47 - Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	2000э	2000э	1000э	1000э	1000в	685в	5в	5в
2	15э	15э	40э	1300э	1300в	770в	10в	10в
3	440э	440э	800э	1300э	1300в	800в	85в	85в
4	10э	10э	400э	1500э	1500в	150в	10в	10в
5	100э	100э	е008	1070э	1070в	107в	84в	84в

В таблице 48 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 48 - Показания пирометра

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	82,11049	68,21401	121,4183	119,3993
2	119,7977	119,1666	187,0934	191,6016
3	187,4124	173,2124	218,5094	208,3001
4	208,5213	204,4753	231,3628	230,2496
5	233,5801	213,5334	203,4249	189,9884

В таблице 49 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 47.

Таблица 49 - Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	82	68,2209	121,908	118,638
2	118,64	118,039	190,397	187,319
3	187,325	173,208	218,893	208,287
4	208,323	204,467	232,759	230,19
5	230,333	213,074	203,272	189,887

Пример 2.

Ширина полосы = 1040, марка стали – ВПС,  $T_{\text{\tiny 9M}}=50,\ T_{\text{\tiny ВОЗД}}=20.$  Исходные данные приведены в таблице 50.

Таблица 50 - Исходные данные

<i>k</i> -й проход	$V_k$	$F_k$	$T_{b_k}$	$T_{f_k}$	$H_k$
0	-	-	-	-	2,270
1	131	1069	9,2	22,3	1,533
2	290	1106	16,3	20,4	0,984
3	364	1133	10,7	12,7	0,631
4	416	1077	8,2	9,2	0,422
5	418	1025	7,1	8,2	0,285

Полученные в результате адаптации коэффициенты теплообмена приведены в таблице 51.

Таблица 51 – Коэффициенты теплообмена

<i>k</i> -й проход	Зона1	Зона2	ЗонаЗ	Зона4	Зона4	ЗонаЗ	Зона2	Зона1
1	1100э	1100э	900э	е008	20в	20в	20в	20в
2	200э	300э	400э	3000э	150в	150в	150в	150в
3	250э	350э	450э	4500э	120в	120в	120в	120в
4	100э	170э	230э	3200э	230в	230в	230в	230в
5	200э	250э	300э	5000э	50в	50в	50в	50в

В таблице 52 приведены экспериментальные значения температур, полученные с помощью пирометра.

Таблица 52 – Показания пирометра

k-й проход	1	2	3	4
1	71,44368	64,20819	134,857	144,89474
2	142,2845	134,55412	175,9338	188,68198
3	188,606	171,21463	210,0072	218,54111
4	214,9062	203,10501	195,4575	200,58264
5	199,8641	179,89991	195,661	194,96637

В таблице 53 приведены расчетные значения температур, полученные с помощью программы с коэффициентами теплообмена из таблицы 51.

Таблица 53 – Расчетные значения температур

<i>k</i> -й проход	1	2	3	4
1	71	64,2696	143,805	142,483
2	142,496	133,428	197,971	188,178
3	187,419	171,586	227,655	216,341
4	216,393	204,293	226,84	199,823
5	199,884	179,284	201,417	193,468

#### Заключение

В ходе работы были получены модели, описывающие процесс проката на непрерывных и реверсивных станах. Моделирование энергосиловых параметров производилось с помощью уравнения Т. Кармана. Коэффициент трения находился подбором значений под заданные усилия. Для моделирования тепловых режимов использовалось уравнение теплопроводности с граничными условиями первого и второго рода в очаге деформации, а второго и третьего рода в межклетевом промежутке. Также были приведены формулы максимальных скалывающих напряжений в нейтральном сечении очага деформации по радиусу валка.

Модели и расчетные формулы реализованы в пакете прикладных программ. Все выходные характеристики предоставляются в табличном или графическом виде. Использование программного обеспечения в технологической практике позволит анализировать и оптимизировать технологические режимы, выявлять причины ухудшения качества проката и повреждения оборудования.

#### Список использованных источников

- 1. Полухин П. И., Хензель А., Полухин В. Технология процессов обработки металлов давлением. М.:Металлургия, 1988. 408 с.
- 2. Целиков А. И., Никитин Г. С., Рокотян С. Теория продольной прокатки. М.:Металлургия, 1980. 320 с.
- 3. Пименов В. А., Бабушко Ю. Ю., Бахтин С. В. Разработка технологии реверсивной холодной прокатки тонкого высококремнистого проката на основе математической модели энергосиловых и тепловых процессов // Сталь. 2014. № 10. с. 35—39.
- 4. Беляев Д. Ю., Орешина М. Н. Моделирование теплового режима контакта валок-полоса при холодной прокатке. // Материалы научной конференции по проблемам технических наук. т. 1. Липецк: ЛГТУ, 2014. с. 26—28.
- 5. Беляев Д. Ю., Орешина М. Н., Пименов В. А. Разработка математических моделей энергосиловых и тепловых режимов в очаге деформации при холодной прокатке. // Материалы научной конференции по проблемам технических наук. т. 1. Липецк : ЛГТУ, 2015. с. 17—19.
- 6. Беляев Д. Ю., Орешина М. Н. Моделирование теплового режима контакта валок-полоса в очаге деформации при холодной прокатке. // VII Международная студенческая электронная научная конференция РАЕ «Студенческий научный форум»-2015. т. 1. : 2015. URL: http://www.scienceforum.ru/2015/1352/9558 (дата обр. 27.04.2015).
- 7. Беляев Д. Ю., Орешина М. Н. Математическое моделирование теплового режима непрерывной холодной прокатки. // Двенадцатая всероссийская научно практическая конференция с международным участием «Современные проблемы горно-металлургического комплекса. Наука и производство. т. 1. Старый Оскол: 2015. с. 119—125.
- 8. *Робертс В. Л.* Холодная прокатка стали. М.:Металлургия, 1982. 544 с.

- 9. *Третьяков А. В.* Теория, расчет и исследование станов холодной прокатки. М.:Металлургия, 1966. 253 с.
- 10. *Новацкий В*. Теория упругости. М.:Мир, 1975. 872 с.
- 11. Контактное взаимодействие металла и инструмента при прокатке. / П. Полухин, В. Николаев, В. Полухин, А. Зиновьев [и др.]. М.:Металлургия, 1974. 200 с.
- 12. *Самарский А. А.* Введению в теорию разностных схем. M.:Наука, 1971. 533 с.
- 13. *Самарский А. А.*, *Тихонов А. Н.* Уравнения математической физики. М.:Наука, 1977. 736 с.
- 14. *Самарский А. А.*, *Гулин А. В.* Численные методы. М.:Наука, 1989. 432 с.
- 15. *Третьяков А. В., Гарбер Э. А.* Совершенствование теплового процесса листовой прокатки. *М.*:Металлургия, 1973. 304 с.

## Приложение А

(рекомендуемое)

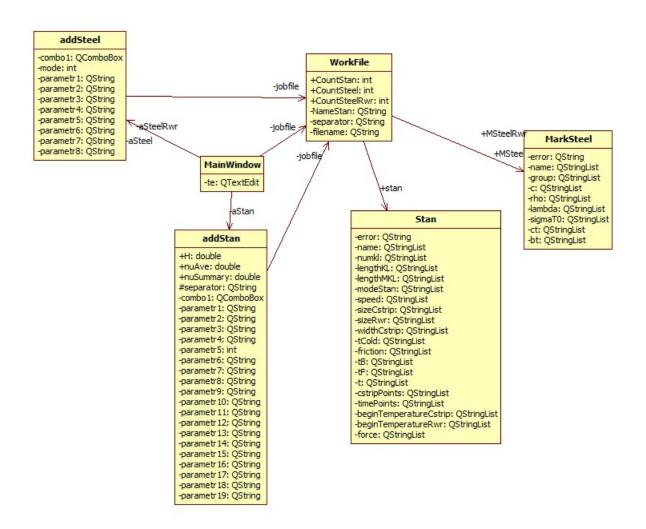


Рисунок А.1 – Диаграмма классов «workfile.exe»

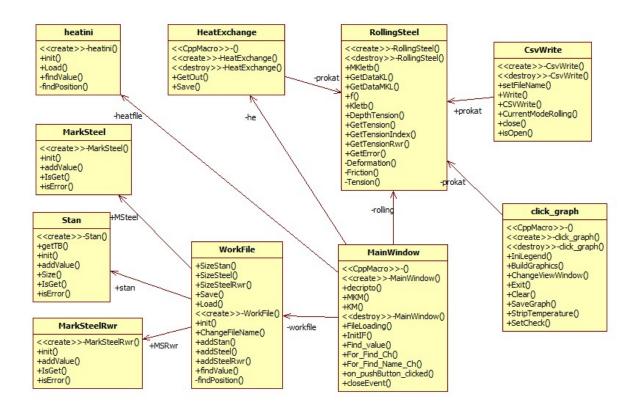


Рисунок А.2 – Диаграмма классов «arm-technology.exe»