

# Stockage et Accès aux Méga-données

## Introduction à la gestion des méga-données

**3V des méga-données** : Volume, Vélocité, Variété

**Défis** : Passage à échelle, distribution des données, distribution des traitements

**Cloud pour le big data** : location des services informatiques (qualité, élasticité)

- **Architecture** : Infrastructure (DataCenter : IaaS) < Plateforme (Services API : PaaS) < Logiciel (application finales : SaaS).

## Index non plaçant, composés, couvrants, Arbre B+

### Objectifs des SGBD

- **Cohérence intégrée des données** : cohérence de transaction et intégrité, partage, **performance d'accès**, sécurité.
- **Indépendance des données** : logique (organisation conceptuelle), physique (stockage).

### Stockage

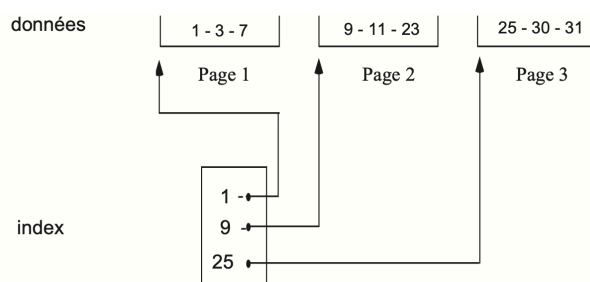
- Données stockées sur un support persistant.
- **Page** : unité de stockage (taille fixe, 8Ko le plus souvent).
- **Opérations : lecture et écriture des pages**
- **Enregistrement** : donnée stockée, ligne d'une table
- **ROWID** : adresse d'un enregistrement = (nomFichier, numéro de page, position)
- **Coût d'une opération** : durée, temps de lecture et d'écriture des pages, dépend de la méthode d'accès

### Organisation séquentielle

- **Non trié** : + mise à jour - parcours complet pour toutes les requêtes
- **Trié** : - maintenance difficile + parcours raccourci car données triées

### Organisation indexée

- **Clé**
  - **Clé de l'index** : 1 ou plusieurs attributs
  - Stockage en fonction de la clé : regroupements, stockage contiguë des enregistrements ayant la même clé
- **Index plaçant** : définition de l'organisation à la création de la table
  - **Tri** : *create table ... organization index*
  - **Regroupement** : *create cluster*
  - Pas plus d'un index plaçant par table
- **Index plaçant non dense** : index occupant moins de place avec des données triées.
- **Index dense** : contient toutes les valeurs de la clé



Index plaçant non dense

- **Index non plaçant (secondaire)** : données stockées sans être triées ou données triées selon un autre attribut que l'index primaire.
  - Create index <nom> on <table>(<attrs>) : create index indexAge on Personne(age)
  - **Entrée d'index : clé => ROWID**
    - **Unique** : attribut indexé satisfait une contrainte d'unicité : clé primaire, unique, ...
    - **(Clé, ROWID)** : un seul enregistrement par valeurs
    - **(Clé, liste des ROWID)** : plusieurs enregistrements par valeur
- **Accès par index**
  - Évaluation de sélection : égalité, intervalle, inégalité, comparaison préfixe (*like 'ch%'*)
  - Table de hachage : égalité uniquement
- **Index couvrant une requête** : possible d'évaluer la requête sans lire les données => tous les attributs de la requête sont indexés
  - Index plaçant non dense => jamais couvrant, parce qu'il ne contient pas toutes les valeurs de l'attribut indexé
- **Index composé** : clé : concaténation des attributs
  - **Sélection préfixe** : (A1), (A1, A2), ... (A1...An) : parcours latéral de toutes les feuilles de l'index
- **Directives des index**
  - **index**(table index) : select /\*+ index(Personne IndexAge) \*/ \* from Personne where age >= 18
  - **no\_index**(table index), **index\_combine**(table index1 index2)

### Arbre B+ : Index hiérarchisé

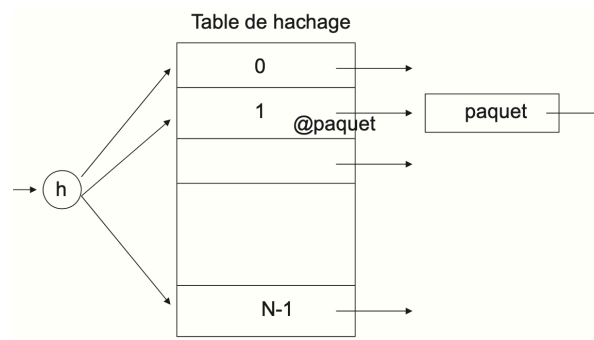
- **Efficacité** : arbre peu profond, équilibré, suffisamment compact
- **Coût d'accès** : proportionnel à la longueur du chemin : nombre de noeuds lus/écrits
- **Ordre d** : capacité d'un noeud de l'arbre
- **Noeuds** :
  - **Racine** : point de départ d'une recherche :  $1 \leq n \leq 2d$
  - **Noeud intermédiaire + feuilles** :  $d \leq n \leq 2d$
  - **Feuilles** : toutes les clés de l'index pour lesquels il existe un enregistrement
- **Degré sortant** : la racine et les noeuds intermédiaires ->  $n + 1$ .
- Nombre max de clés dans les feuilles :  $2d(2d + 1)^{(p-1)}$
- **Chainage des feuilles**
  - + Requêtes avec intervalles
  - **Chainage double** : requêtes avec inégalité
  - **Avantages** : parcours d'un seul chemin
- **Insertion** :
  - Insérer si y'a de la place. Si pas de place -> éclatement
  - Éclatement de feuille -> (d+1) et d
  - Éclatement de noeud intermédiaire : -> d, 1 inséré dans le parent, d dans le nouveau noeud
- **Suppression** :

- Si feuille pleine, ok. Sinon, redistribution avec feuille du même parent.
- Si redistribution impossible -> fusion de feuilles. -> application récursive.
- **Avantages** : régularité, lecture séquentielle rapide, accès rapide.
- **Inconvénients** : suppression -> trous, index non plaçant -> lecture des enregistrements non continus, taille d'index parfois importante
- **Arbre B+ distribué**

### Index par hachage

#### • Hachage statique :

- Fichier de taille fixe -> obtenir une distribution uniforme des données.
- **Paquets** : groupe d'articles
- **Fonction de hachage sur la clé** : donne l'adresse de l'article
  - Conversion en nombre entier, modulo, pliage de la clé, ...
  - Bien choisir la fonction de hachage, sinon saturation

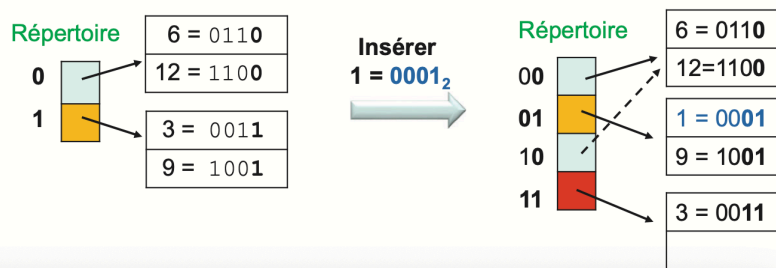


Hachage statique

- **Indirection** : **table de hachage** :  $H(k)$  -> position d'une cellule -> adresse d'un paquet. + Suppression d'un paquet
- **Avantages** : recherche égalité, bonne quand les données évoluent peu
- **Extension** : autorisation des débordements
- **Techniques de débordement**
  - **Adressage ouvert** : si paquet plein -> article placé dans le paquet suivant -> mémoriser les paquets avec débordement
  - **Chainage** : **paquet logique** : chainage d'un paquet de débordement à un paquet plein
    - Trop de débordement -> plus d'intérêt
  - **Rehachage** : paquet plein -> nouvelle fonction de hachage

#### • Hachage dynamique

- Fichier grandissant progressivement
- **Techniques** : hachage extensible, hachage linéaire



Hachage dynamique

#### • Hachage extensible

- Ajout de niveau d'indirection. Jamais de débordement
- **Répertoire** : arbre à préfixe (hiérarchie basée sur le suffixe), liste de pointeurs vers les paquets
- **Profondeur globale** : Retrouver une entrée.  $h_{PG}(v) = v \% 2^{PG}$  -> lecture de la case  $h_{PG}(v)$ .

- Pas de répartition de toutes les valeurs de la table quand on l'agrandit.
- **Profondeur locale** : Indique pour chaque paquet s'il peut éclater rapidement, sans agrandir le répertoire.

- **Notations :**

- **Répertoire :**

$$R[P_0, P_1, \dots, P_k]$$

- $P_i$  : nom du paquet

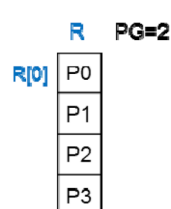
- $PG = pg$  : profondeur globale  $\rightarrow k$  cases :  $k = 2^{pg}$

- **Paquet** :  $P_i(v_j, \dots)$

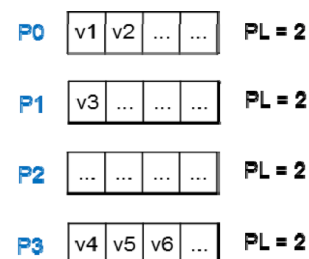
- $v_j$  : valeur contenue par le paquet

- $PL = pl$  : profondeur locale

### Répertoire



### Paquets



Hachage extensible

- **Initialisation** :  $N$  : nombre de valeurs,  $p$  : capacité d'un paquet

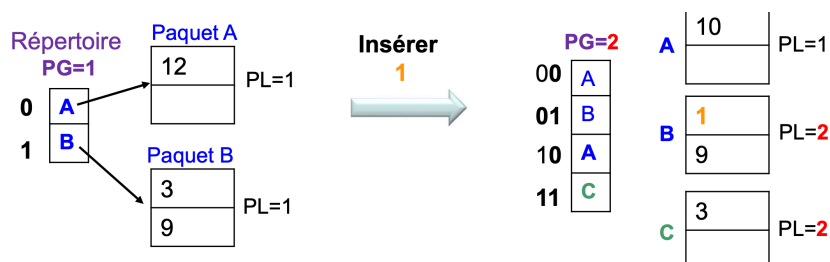
- $k = 2^{PG} \geq N/p$  ;  $PL = PG$

- **Insertion**

- **Paquet non plein** : insertion

- **Paquet plein et  $PL_i < PG$** : (1) éclater  $P_i$ , (2) créer  $P_j$ , ajouter l'adresse de  $P_j$  dans  $P_i$ , (3) incrémenter les valeurs des  $PL$  de  $P_i$  et  $P_j$ , (4) répartir les valeurs entre  $P_i$  et  $P_j$

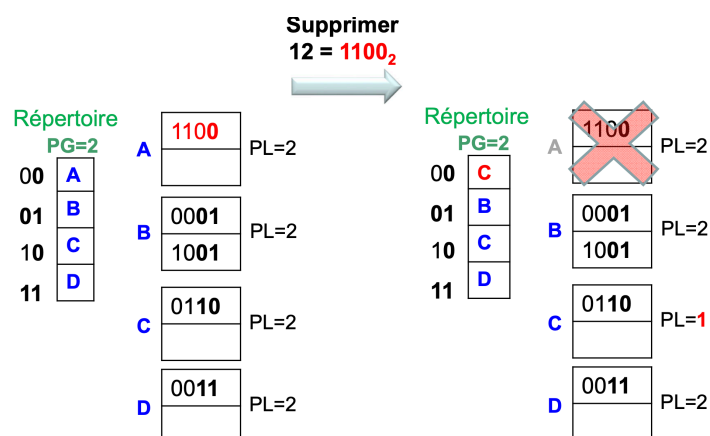
- **Paquet plein et  $PL_i = PG$** : (1) recopier les  $k$  premières cases dans les  $k$  nouvelles, (2) incrémenter  $PG$ , (3) appliquer le cas précédent



Hachage extensible - Insertion

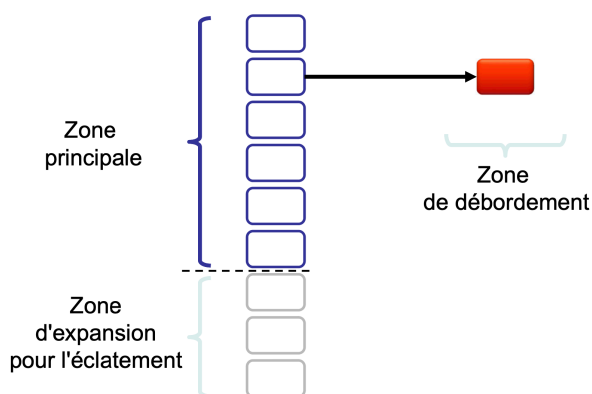
- **Suppression** : Si le paquet devient vide et  $PL_i < PG$ , on le laisse vide. Sinon :

- Fusionner  $P_i$  et  $P_j$  (suffixe de longueur  $PG-1$  en commun en base 2)
    - $PG = 3$  :  $R[0]$  et  $R[4]$ ,  $R[1]$  et  $R[5]$ , ...
  - Supprimer  $P_i$ , le décrocher du répertoire, mettre  $P_j$  à la place avec  $PL = 1$
  - Si pour tous les paquets  $PL < PG$  : diviser le répertoire par 2.  $PG = 1$ .

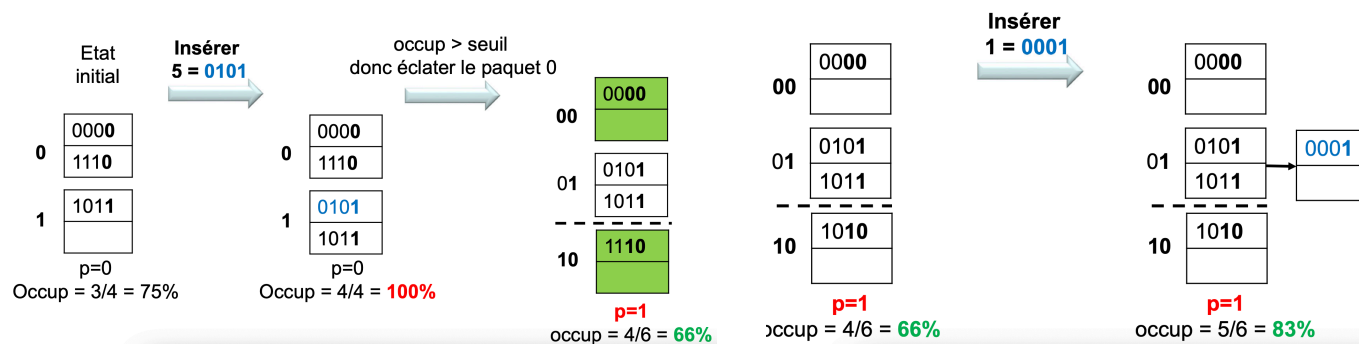


Hachage extensible - Suppression

- **Avantages** : accès en un seul bloc <-> répertoire tient en mémoire, modification progressive de la table de hachage
- **Inconvénients** : peut ne plus tenir en mémoire, peu de fichiers en mémoire -> répertoire inutilement gros
- **Hachage linéaire**
  - Garantie : Nombre moyen d'enregistrements par page < seuil.
    - Taux d'occupation moyen d'un paquet < 80%
    - Ajout des paquets au fur et à mesure, éclatement dans l'ordre
      - Marquer le prochain paquet à éclater : p
      - Eclater par série de N éclatements, puis 2N, ...
  - + Pas besoin de répertoire, + plus rapide que le hachage extensible.
  - - Débordement temporaire, - débordement permanent possible
  - **Initialisation** : N paquets (0, ... N-1)
  - **Fonctions de hachages** : N, 2N, 4N, ...
    - $h_0(x) = x \% N$  et  $h_i(x) = x \% (2^i N)$
  - **Taux d'occupation** : V/C
    - V: nombre total de valeurs dans tous les paquets des 3 zones
    - C: nombre de cases dans les paquets à accès direct : zones principale et expansion
  - **Insertion** : exemple
    - N = 2 seuil = 90%  $h_0(x) = x \% 2$   $h_1(x) = x \% 4$  p = 0
    - Les paquets éclatés et les nouveaux paquets utilisent la fonction de hachage de niveau supérieur.
    - Les paquets qui n'ont pas éclaté conservent la fonction initiale.



Zones - Hachage linéaire



Insertion - Hachage linéaire

Insertion - Hachage linéaire (2)

- **Accès :**

- Calculer  $k = h_i(v)$  et  $k' = h_{i+1}(v)$
- Si  $k \geq p \rightarrow$  lire  $k$ , sinon lire  $k'$ .

## Opérations relationnels (Cours 3 & 4)

### Notions (slides 5)

- **Unité de mesure :** la page.
- **Opérations :** sélection, projection, jointure, tri
- Coût E/S  $\gg$  Coût CPU : lire sur disque coûte plus cher que accéder en mémoire.

### Pipeline et Matérialisation (slides 6 - 12)

- **Evaluation en pipeline :** évaluation **sans lecture des données** dans la base.
  - **Opérande** = données en entrée = résultat d'autres opérations  $\neq$  table.
  - **Matérialisation** : écriture temporairement sur disque pour évaluation.
  - Pipeline  $\rightarrow$  opérande non matérialisée
  - **Sortie progressive** : produite par *consommation* des opérandes = traitement à la volée
  - **Avantages** : pas de matérialisation  $\rightarrow$  moins coûteux
- **Opération unaire** :  $op = \sigma_{pred}(e), \pi_{attrs}(e)$  : si  $e \neq table$  :  $cout(op) = cout(e)$
- **Opération binaire** :
  - **Deux branches en pipeline** : Union avec doublons, fusion de listes triées
  - **Une branche en pipeline** : jointure entre une petite et une grande relation
- **Opération n-aire** : coût = somme du coût des opérandes
- **Evaluation itérative en pipeline** :
  - **Pipeline** : opération itérative, calcul du résultat tuple par tuple
  - **Avantages** :
    - chaque opérateur produit son résultat à la demande de son père
    - Contrôle du flux des n-uplets intermédiaires.

**Implémentation des opérateurs** (slides 13 - 14)

- **Modèle d'itérateur :**
  - **Interface :** *open()*, *nextTuple()*, *close()*
  - Implémentation en pipeline ou avec matérialisation
  - **Avantages :** facilitation de l'exécution d'un plan et calcul progressif du résultat de manière interactive
- **Génération dynamique du code :**
  - + : Optimisation tardive avec informations plus récentes sur les ressources disponibles
  - - : temps de compilation de requête
- **Requête SQL** -> plan = arbre -> résultat : itération depuis la racine de l'arbre

**Algorithmes des opérateurs relationnels**

- **Parcours séquentiel d'une table** (slide 16)
  - **Select \* from R :** TABLE ACCESS FULL
  - **Nb de pages :**  $page(R)$  ; **Taille d'une page** en o :  $T_{page}$  ;
  - **Nb de nuplets dans une page :**  $\frac{T_{page}}{largeur(R)}$
  - **Cardinal de R :**  $card(R) = page(R) * (\frac{T_{page}}{largeur(R)})$
  - **Coût de R :**  $cout(R) = c * page(R)$ 
    - $c < 1$  (ex :  $c = 0.27$ ) si les pages à lire sont contiguës ;  $c = 1$  sinon
- **Sélection** (slides 17 - 21)
  - $\sigma_{p(A)}(\dots)$  : prédicat sur l'attribut A
  - E : expression composée -> **coût(op) = coût(E)**
  - T : table et l'attribut A non indexé -> **coût(op) = page(T)**
  - **Sélection par index non plaçant :**
    - *for rowid in IdxA.getRowIds(p(A)) : result.append(R.getTuple(rowid))*
    - **Index :**
      - **Traverser l'index : (1a) : atteindre une feuille de l'index**
        - $C_{index} = 0$  si index en mémoire
        - $C_{index} = hauteur - 1$
      - **Lire les rowids : (1b)**
        - **Index unique scan :**  $C_{rowid} = 0$  si les feuilles de l'index contiennent les rowids
        - **Index range scan :**  $C_{rowid} = n * \frac{card(\sigma_{p(A)})}{card(R)}$  avec n le nombre de pages contenant les rowids
    - **Lire les tuples associés aux rowids : (2)**
      - **getTuple(rowID) :** voir Table Access by Rowid

$$• \text{cout}(\sigma_{NPP(A)}(R)) = C_{index} + C_{rowid} + \frac{\text{card}(\sigma_{P(A)}(R)) * CF}{\text{card}(R)}$$

• **CF : Clustering factor**

- Indique dans quelle mesure l'arrangement des tuples dans une page dépend de l'attribut indexé
- Déterminé à partir des entrées *consécutives* de l'index
  - **CF faible** : tuples insérés avec des valeurs croissantes de l'attribut indexé
  - **CF élevé** : tuples insérés indépendamment de l'attribut indexé
- $\text{page}(R) < CF < \text{card}(R)$
- $[v1, v2]$  : plage de valeurs consécutives : N rowids, P pages à lire
  - Nombre moyen de rowid par page :  $1 < N/P < \text{nb tuples par page}$

$$• CF = \frac{\text{card}(R)}{\frac{N}{P}}$$

• **Sélection par index plaçant :**

- *for page P in IdxA.getPages(p(A)) : for tuple t in P : result.append(t)*
  - On suppose que tous les tuples satisfont p(A)
- **Traverser l'index** : obtention de la première page indexée
  - $C_{index} = 0$  si l'index tient en mémoire ou hachage linéaire
  - $C_{index} = 1$  sinon et index par hachage extensible
  - $C_{index} = \text{hauteur} - 1$  pour les arbres B+
- **Lire les pages** : lire une fraction de la table
- $\text{cout}(\sigma_{PP(A)}(R)) = SF(p(A)) * \text{page}(R) + C_{index}$
- **SF** : facteur de sélectivité du prédicat
- **Sélections complexes** : plusieurs prédicats
  - **Attributs indexés** :
    - **AND : Intersection des adresses** : vecteur binaire + ET logique
    - **OR : Union des adresses** : vecteur binaire + OU logique

• **Projection** (slides 22)

- **Sans doublon** :  $\pi_{attrs}(R)$  : **select distinct attrs from R**
  - $\pi_{attrs}(R)$  tient en mémoire ou R est sans doublon : **coût(op) = coût(R)**
  - **Sinon** : tri de R selon les attributs ou par hachage sur disque
- **Avec doublon** : **coût(op) = coût(R)**

• **Jointure par boucles imbriquées** (slides 23 - 29)

- **Boucles imbriquées** :
  - $R \bowtie_{R.a=S.a} S$  : **S table**
  - *for r in R : for s in S : if r.a = s.a : result.append(r, s)*
  - **Avantages** : permet d'évaluer d'autres conditions de jointure
  - **Inconvénients** : relecture de S pour chaque tuple
  - $\text{cout}(R \bowtie_{R.a=S.a} S) = \text{cout}(R) + \text{page}(R) * \text{page}(S)$



- **Boucles imbriquées par blocs :**
  - **M + 2** pages de R tiennent en mémoire -> on peut en charger **M**
  - Réduction du nombre d'accès à S -> itération par blocs de M pages de R -> jointure de S avec les blocs
  - **for bloc Br of R : for tuple s in S : for tuple r in Br : if r.a = s.a : result.append( (r, s) )**
  - $cout(R \bowtie_{R.a=S.a} S) = cout(R) + \frac{page(R)}{M} page(S)$
- **Boucles imbriquées avec matérialisation :  $\bowtie_{Mat}$** 
  - S : sous expression et non une table -> matérialiser S **avant** le calcul de la jointure
    - Evaluer S : coût(S)
    - Stockage de S : page(S)
    - Jointure par boucles imbriquées entre R et la matérialisation de S
  - $cout(R \bowtie_{Mat:R.a=S.a} S) = cout(S) + page(S) + cout(R \bowtie_{R.a=S.a} S)$
- **Boucles avec index**
  - Index sur l'attribut a de S
  - $cout(R \bowtie_{Ind:R.a=S.a} S) = cout(R) + card(R) * cout(\sigma_{a=v}(S))$
  - **Cas particulier : a clé de S :  $cout(\sigma_{a=v}(S)) = 1$**
  - **Cas général :**
    - **Index non plaçant :**
      - **for r in R : for i in IdxSa.getRowIds(r.a) : s = S.getTuple(i) ; result.append((r, s))**
      - $cout(\sigma_{a=v}(S)) = C_{rowid} + \frac{card(\sigma_{a=v}(S)) * CF}{card(S)}$
    - **Index plaçant :**
      - **for r in R : for Ps in IdxSa.getPages(r.a) : for s in Ps : if r.a = s.a : result.append( (r, s) )**
      - $cout(\sigma_{a=v}(S)) = SF(a = v) * page(S)$
- **Jointure par tri-fusion** (slides 30-31)
  - **Tri : Sort join** : tri de R et S sur l'attribut de jointure
    - $cout(R \bowtie_{T:R.a=S.a} S) = 2(page(R) + page(S))$
  - **Fusion : Merge join** : fusionner les résultats triés
    - $cout(R \bowtie_{F:R.a=S.a} S) = page(R) + page(S)$
  - $cout(R \bowtie_{TF:R.a=S.a} S) = 3(page(R) + page(S))$
  - **Améliorations :**
    - Conserver des morceaux triés de R et S sans fusionner.
    - Fusion quand le nombre de paquets restants pour R et S (PR + PS) < k
    - Fusion en une seule étape des paquets
- **Jointure par hachage** (slides 32-34)
  - $page(R) \geq page(S)$

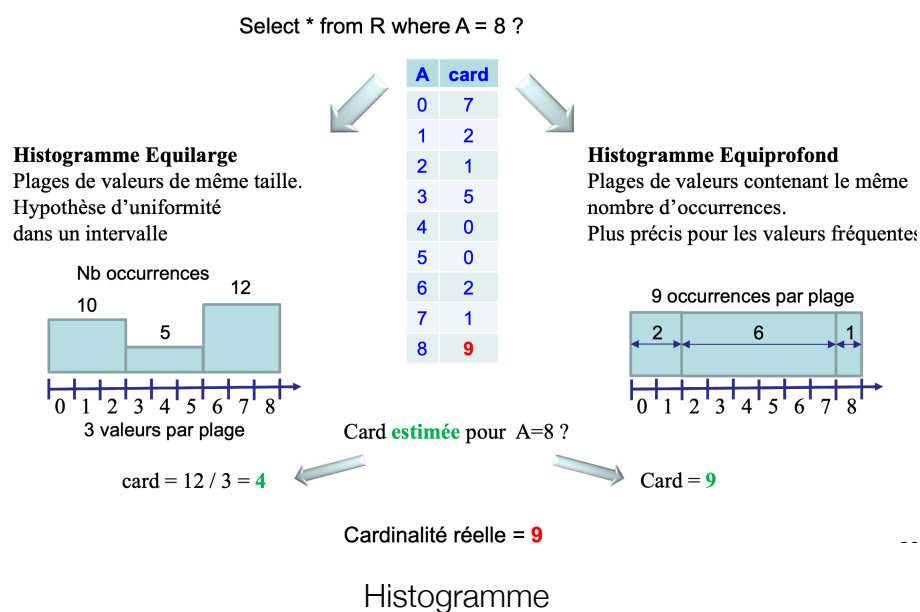
- **Principe** : Hacher S selon la clé (1) Itérer sur R pour joindre sur la clé (2)
- **S tient en mémoire** :
  - (1)
    - $\text{map} = \text{HashMap} \langle A, \text{List} \langle \text{Tuple} \rangle \rangle$
    - for  $s$  in  $S$  :  $L = \text{map.getOrCreate}(S.a)$  ;  $L.add(s)$
  - (2) for  $r$  in  $R$  :  $L = \text{map.get}(r.a)$  ; for  $s$  in  $L$  :  $\text{result.append}( (r, s) )$
  - $\text{cout}(R \bowtie_{H:R.a=S.a} S) = \text{cout}(R) + \text{cout}(S)$
- **Hachage externe : S ne tient pas en mémoire**
  - Algorithme **Grace Hash Join**
  - **Taille de la mémoire** :  $k+1$  pages
  - **Hacher S puis R sur disque** :
    - Répartition récursive des données de S dans k paquets jusqu'à avoir des paquets de moins de k pages
      - $S_i$  contient les tuples tels que  $h(S.a) = i$
    - Idem pour R
    - $e = \inf(\log_k(\text{page}(S)))$
    - $\text{cout} = 2e(\text{page}(R) + \text{page}(S))$
  - **Chargement des paquets** : jointure des paquets de S avec ceux de R
    - $\text{cout} = \text{page}(R) + \text{page}(S)$
  - $\text{cout}(R \bowtie_{HExt:R.a=S.a} S) = (2e + 1)(\text{page}(R) + \text{page}(S))$
- **Jointure n-aire** (slides 35)
  - Evaluation de n jointures binaires
  - Parcours de l'arbre de jointure en profondeur d'abord
  - Evaluation des opérations en remontant
- **Tri externe** (slides 37-40)
  - k pages tiennent en mémoire
  - Tri de blocs puis fusions de blocs
  - **Tri** : lire R, créer des paquets de k pages triés :  $\text{paquets}(R) = \frac{\text{page}(R)}{k}$ 
    - **Coût** : lecture + matérialisation :  $2\text{page}(R)$
  - **Fusion** :
    - Fusion des paquets par groupes de k : page vide -> nouvelle page du prochain paquet
    - On obtient des paquets triés de taille  $k^2$
    - Coût d'une étape :  $2\text{page}(R)$
    - Continuer jusqu'à ce que  $\frac{\text{page}(R)}{k^s} \leq 1$
    - $s = \sup(\log_k(\text{page}(R)))$
  - **Matérialisation** :  $\text{cout}(\text{tri}(R)) = 2s * \text{page}(R)$
  - **Sinon** :  $\text{cout}(\text{tri}(R)) = (2(s - 1) + 1) * \text{page}(R)$
  - **E expression** :  $\text{cout}(\text{tri}(E)) = 2(s - 1) * \text{page}(E) + \text{cout}(E)$

- **Autres opérations** (slides 41)
  - **Group by** : hachage, tri
  - **a IN (sous-requête)** :
    - Jointure par boucles imbriquées
    - Si la sous-requête ne dépend pas de la requête principale : jointure par hachage ou par matérialisation

## Traitement et optimisation de requêtes

### Optimisation d'une requête

- **Etapes** : Simplification (2), Normalisation (3), Restructurations (4)
- Avant : Analyse (1)
- **Normalisation** : analyse lexicale et syntaxique, mise de la requête sous forme normale (OR -> union, AND -> jointure ou sélection)
- **Simplification** : tautologies ou non, redondance, règles d'intégrité
- **Heuristiques**
  - Opérations manipulant moins de données sont les plus rapides
  - Commencer par traiter les opérations les plus sélectives (projection, sélection) avant les jointures
- **Estimation du coût** : coût I/O + coût CPU
- **Histogrammes**



### Facteur de sélectivité

- **Egalité** :  $SF = \frac{|valeurs|}{D(R, A)}$   $D(R, A)$  : nombre de valeurs distinctes de A
- **Inégalité** :  $SF = \frac{|valeurs|}{max(A) - min(A)}$

- $A < v : |valeurs| = v - \min(A)$
- $A > v : |valeurs| = \max(A) - v$
- $v1 \leq A \leq v2 : |valeurs| = v2 - v1$
- $(A \leq v1) \text{ or } (A \geq v2) : |valeurs| = \max(A) - v2 + v1 - \min(A)$
- $SF(AND(p1, p2)) = SF(p1) * SF(p2)$
- $SF(OR(p1, p2)) = SF(p1) + SF(p2) - SF(AND(p1, p2))$
- $SF(NOT(p)) = 1 - SF(p)$

### Cardinalité des opérations

- **Cardinalité des opérations :**
- **Sélection :**  $card(\sigma_{pred}(R)) = SF(pred) * card(R)$
- **Projection :**  $card(\pi_A(R)) \leq card(R)$  (égalité si A unique)
- **Produit cartésien :**  $card(R \times S) = card(R) * card(S)$
- **Union :**  $card(R \cup S) \in [max(card(R), card(S)); card(R) + card(S)]$
- **Différence :**  $card(R - S) \in [0; card(R)]$
- **Jointure naturelle :**  $card(R \bowtie_{R.a=S.a} S) = card(S)$  a : clé primaire de R
- **Jointure entre deux clés étrangères :**
  - A clé primaire de T, clé étrangère sur R et sur S
  - $card(R \bowtie_{R.a=S.a} S) = \frac{card(R) * card(S)}{D(T, A)}$
- **Jointure entre deux sélections :**
  - $card(\sigma_{p1}(R) \bowtie_A \sigma_{p2}(S)) = SF(p1) * SF(p2) * card(R \bowtie_A S)$

### Règles de transformation

- Commutativité des opérations : produit cartésien, jointure, union
- Associativité des opérations binaires
- Idempotence des opérations unaires
- Distributivité de la sélection et la projection avec les opérateurs binaires

### Stratégies de recherche

- **Déterministe :**
  - Construction des plans à partir des relations de base
  - Programmation dynamique : largeur d'abord
  - Excellent jusqu'à 5-6 relations
- **Aléatoire :**
  - Recherche optimale autour d'un point de départ donné
  - Réduit le temps d'optimisation au profit du temps d'exécution
  - Meilleur avec plus de 5-6 relations