Université de Reims Champagne-Ardenne U.F.R. de Sciences Exactes et Naturelles Licence 3 INFO / PASSERELLE INFO0502 2020/2021 J.-C. Boisson

TD 2

Logique propositionnelle et principes de déduction

Ce TD a pour but de travailler sur la simplification de formules et les aspects déductifs de la *Logique* des propositions.

Exercice 1 (Utilisation des tableaux de Karnaugh)

En vous inspirant de ce qui a été fait en cours pour l'algèbre de Boole, simplifiez les formules suivantes en utilisant les tableaux de Karnaugh.

- 1. $F = (\neg (A \land (\neg B \lor A)))$
- 2. $F = ((A \lor C) \Longrightarrow \neg (C \land (B \Longrightarrow D)))$
- 3. $F = ((A \iff C) \implies (C \lor (D \implies (B \iff A))))$
- 4. $F = (\neg (A \uparrow B) \downarrow ((C \lor D) \Longrightarrow A))$
- 5. $F = \neg((A \lor B) \iff ((C \downarrow D) \uparrow (B \implies A)))$

Exercice 2 (Théorème de la déduction - Herbrand)

Démontrez la validité (ou non) des résultats suivants en utilisant les schémas d'axiomes et le modus ponens :

- 1. $\vdash ((A \lor B) \Longrightarrow (A \Longrightarrow ((B \land C) \Longrightarrow A)))$
- $2. \vdash ((A \Longrightarrow B) \Longrightarrow (A \Longrightarrow A))$
- $3. \vdash (((A \Longrightarrow (B \Longrightarrow C)) \land (\neg B \Longrightarrow (C \Longrightarrow A))) \Longrightarrow (\neg B \Longrightarrow (C \Longrightarrow A)))$
- $4. \vdash ((B \Longrightarrow A) \Longrightarrow A)$

Exercice 3 (Principe de résolution 1)

Soit 4 personnes accusées d'un délit : Alice, Bernard, Carlos et Dominique. On sait que :

- 1. si Alice et Bernard sont coupables alors Carlos est coupable;
- 2. si Alice est coupable alors au moins un des deux Bernard ou Carlos est coupable;
- 3. si Carlos est coupable alors Dominique est coupable;
- 4. si Alice est innocent alors Carlos est coupable.

De qui peut-on démontrer la culpabilité?

Exercice 4 (Principe de résolution 2)

Démontrez les résultats de l'exercice précédent en utilisant le principe de résolution.

Exercice 5 (Principe de résolution 3)

Démontrez que modus ponens, modus tollens et syllogisme sont des cas particuliers du principe de résolution.

2020/2021 - TD 2 page 1/1