

Rapport Tp1

GIGOUT Thomas

DAUNIQUE Wilfried

Explication du Script Ex5 Script :

Le script d'abord inclus (grâce au pathname) le Fichier Fonctions.sci dans lequel il y a les fonctions RESOUSUP et RESOUINF.

```
////////////////////////////////////  
pathname = get_absolute_file_path("EX6_Script.sce")  
exec(pathname+'\Fonctions.sci', -1);  
////////////////////////////////////
```

Ensuite on initialise aléatoirement la Matrice A et b pour pouvoir utiliser les fonctions et faire des tests puis on affiche ces matrices :

```
.....//INITIALISATION  
  
//initialisation de la taille n  
n=5;  
  
//initialisation aléatoire de la Matrice A de taille 5,5  
A=round(10*rand(n,n));  
  
//initialisation aléatoire de la Matrice b de taille 5,1  
b=round(10*rand(5,1));  
  
..//affichage  
disp("affichage de A :")  
disp(A);  
disp("affichage de b :")  
disp(b);  
disp("////////////////////////////////////")
```

On appelle donc d'abord RESOUINF en lui passant en paramètre A,b et n et renvoie X la solution de l'algo RESOUINF qui se trouve être une matrice 5,1 :

```
//Appelle de la fonction RESOUINF qui renvoie une matrice
//X de taille 5,1 et qui a pour parametres
//la Matrice A et b et la taille n
X=RESOUINF(A,b,n);
```

On test alors avec la Matrice triangulaire inversé de A : D Si la relation $AX=b$ est vérifier on affiche ensuite C qui doit si tout se passe bien afficher 0 :

```
//initialisation d'une Matrice D correspondant A la matrice
//triangulaire inferieur inversible de A
D=tril(A);

//Affichage de la Matrice X solution
disp("Affichage de la Matrice X solution de RESOUINF sur A et b:")
disp(X);

//Test Comparaison
....//si toutes les valeurs de C sont =0 ou très proche de zéros
....//alors RESOUINF fonctionne
C=D*X-b;
//Affichage de la matrice 5,1 C
disp(C, "Solution: -AX-b");
```

Exemple d'un Fonctionnement du Script :

RESOUINF

Initialisation :

affichage de A :

6.	6.	6.	1.	7.
10.	9.	6.	7.	0.
1.	1.	8.	3.	6.
7.	8.	1.	5.	3.
4.	9.	6.	10.	3.

affichage de b :

6.
1.
6.
7.
3.

Appel de la Fonction puis Affichage de X la matrice retourné par la fonction :

`FONCTION RESOUINF :`

`Affichage de la Matrice X solution de RESOUINF sur A et b:`

```
1.  
-1.  
0.75  
1.45  
-3.6666667
```

Test de comparaison entre AX et b en calculant AX-b :

`Solution: AX-b`

```
0.  
0.  
0.  
0.  
4.441D-16
```

`AX-b=0 donc AX = b (ou tres proche de 0)`

Les valeurs sont égales ou très proche de 0 ($4.441 \cdot 10^{-16}$)

Donc le test prouve que le programme Fonctionne

RESOUSUP

On appelle ensuite RESOUSUP avec les mêmes paramètres

`Affichage de la Matrice Y solution de RESOUSUP sur A et b:`

```
0.3111111  
-0.3111111  
-0.3  
0.8  
1.
```

On test ensuite comme pour RESOUIINF mais cette fois ci en utilisant la matrice inversé triangulaire supérieur

Solition : $AY-b$

0.
4.441D-16
0.
0.
0.

$AY-b=0$ donc $AY = b$ (ou tres proche de 0)

Cela prouve que le programme fonctionne

Même constat que pour RESOUIINF

Explication du Script Ex6 Script :

INITIALISATION

On initialise aléatoirement la Matrice A et b pour pouvoir utiliser les fonctions et faire des tests puis on affiche ces matrices :

```
.....//INITIALISATION

//initialisation de la taille n
n=5;

//initialisation aléatoire de la Matrice A de taille 5,5
A=round(10*rand(n,n));

//initialisation aléatoire de la Matrice b de taille 5,1
b=round(10*rand(5,1));

..//affichage
disp("affichage de A:")
disp(A);
disp("affichage de b:")
disp(b);
disp("////////////////////////////////////")
```

REDUC

On appelle ensuite REDUC en lui passant A,b,n ,la fonction retourne la matrice triangulaire supérieur et le vecteur on affiche ensuite U et c respectivement la matrice triangulaire supérieur et le vecteur:

```
//Appelle de la fonction REDUC
//Prend en parametre A Matrice 5,5
//.....b Matrice 5,1
//.....n la taille de la Matrice carré A (5x5/n=5)
//Renvoie une Matrice U 5,5 et une matrice c 5,1
[U,c]=REDUC(A,b,n);
//affichage de la Matrice triangulaire Supérieur et du vecteur c
disp("Matrice triangulaire inversible de A:")
disp(U, "U=");
disp("Vecteur:")
disp(c, "c=");
//Appelle de RESOUSUP sur la solution
//sur la Matrice triangulaire supérieur inversible U
//.....et le vecteur b et la taille n
```

GAUSS

On appelle ensuite GAUSS qui prend en paramètre A,b,n

Et renvoie L un vecteur 5,1

```
//Appelle de GAUSS
//prend en parametre A (Matrice 5,5)
//.....,b (vecteur 1,5)
//.....,n (taille 5 de A(n,n) ou b(1,n)
//retourne L Solution
L=GAUSS (A,b,n);
```

On multiplie alors pour le test A et L puis on les compare à b le vecteur de base

Si les vecteur sont égo la Matrice à est bien La Matrice triangulaire inversible et L le vecteur permettant de l'inverser

```
H=A*L;
disp("COMPARAISON");
disp("b=");
disp(b);
disp("H=");
disp(H);
disp("SI H==b alors GAUSS fonctionne");
```

Exemple d'un Fonctionnement du Script :

Initialisation

affichage de A :

4.	4.	2.	0.	2.
2.	0.	0.	2.	6.
9.	5.	8.	5.	3.
1.	8.	1.	7.	4.
5.	6.	9.	9.	9.

affichage de b :

8.
8.
3.
4.
4.

Appelle de REDUC puis affichage de U et c les valeur de retour de cette fonction

Matrice triangulaire inversible de A :

U=

4.	4.	2.	0.	2.
0.	-2.	-1.	2.	5.
0.	0.	5.5	1.	-11.5
0.	0.	0.	14.545455	14.727273
0.	0.	0.	0.	12.525

Vecteur:

c=

8.
4.
-23.
3.4545455
18.975

Appelle de GAUSS renvoie L

*Comparaison de b et H(A*L)*

COMPARAISON

b=

8.
8.
3.
4.
4.

H=

8.
8.
3.
4.
4.

SI H==b alors GAUSS fonctionne

H==b donc GAUSS fonctionne