Versuch Nr.V14

Tomographie mit Gamma Strahlung

Niklas Düser niklas.dueser@tu-dortmund.de

Benedikt Sander benedikt.sander@tu-dortmund.de

Durchführung: 30.05.2022 Abgabe: 10.06.2022

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie 2.1 Spektrum von ¹³⁷ Cs	
3	Aufbau	6
4	Projektionen	6
5	Durchführung	8
6	Auswertung 6.1 Spektrum der ¹³⁷ Cs-Quelle 6.2 Würfel 1 6.3 Würfel 2 6.4 Würfel 3 6.5 Würfel 4	9 10
7	Diskussion	13
8	Anhang 8.1 Aufbau 8.2 Messwertfotos	

1 Zielsetzung

Das Ziel dieses Versuches ist es, mittels Tomographie als bildgebendes Verfahren, die Zusammensetzung von Würfeln verschiedener Materialien zu untersuchen. Dabei werden über die Licht-Materie-Wechselwirkung der γ -Strahlung verschiedene Spektren aufgenommen, die analysiert werden.

2 Theorie

Die Tomopgraphie allgemein ist ein bildgebendes Verfahren, bei dem räumliche Strukturen eines dreidimensionalen Körpers durch Querschnittsbilder untersucht werden. Dabei wird der Körper mit γ -Strahlung beschossen. Aus den transmitierten Intensitäten und der Startintensität I_0 lassen sich dann Rückschlüsse auf die Zusammensetzung des Körpers schließen. Unterschiedliche Materialien besitzen nämlich unterschiedliche Absorptionskoeffizienten μ_0 , weswegen sie unterschiedlich viel Strahlung absorbieren.

Wenn ein Körper dann unter verschiedenen Winkeln bestrahlt wird, wodurch unterschiedliche Projektionen erhalten werden, lässt die Summe der Messungen Folgerungen über die dreidimensionale Zusammensetzung zu.

Für die Absorption von Strahlung in Materie beschreibt das Beer-Lambertsche-Gesetz die transmitierte Intensität I im Verhältnis zur Anfangsintensität I_0 .

$$I = I_0 \exp\left(-\sum_{i=1}^N \mu_i d_i\right) \tag{1}$$

Dabei ist μ_i der materialspezifische Absorptionskoeffizient des *i*-ten Materials und d_i die Schichtdicke dieses Materials.

Dies lässt sich dann für unterschiedliche Projektionen zu einem linearen Gleichungssystem umformen. Dafür wird Gleichung 1 nach den Absorptionskoeffizienten und den Dicken umgestellt.

$$\ln\left(\frac{I_0}{I}\right) = \sum_{i=1}^{N} \mu_i d_i \tag{2}$$

Dies lässt sich dann in Matrixscheibweise als

$$\vec{I} = \left(A^T A\right)^{-1} A^T \vec{\mu} \tag{3}$$

schreiben. Dabei setzt sich \vec{I} aus den gemessenen Intensitäten des transmitierten Lichts zusammen, $\vec{\mu}$ aus den Absorptionskoeffizienten der verschiedenen Materialien und in der Matrix A sind die verschiedenen Schichtficken der Materialien zu finden.

2.1 Spektrum von ¹³⁷Cs

 $^{137}\mathrm{Cs}$ ist ein Alkalimetal, welches über β^- -Zerfall zu $^{137}\mathrm{Ba}$ zerfällt. Dabei befindet sich das Barium-Atom mit 93,5 % Wahrscheinlichkeit im angeregten Zustand. Beim Zurückfallen

in den Grundzustand emitiert es ein γ -Quant der Energie 662 keV. Der Zerfallsprozess ist in Abbildung 1 grafisch veranschaulicht.

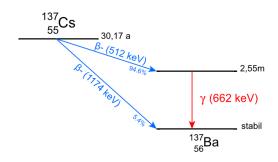


Abbildung 1: Eine schematische Darstellung des Zerfalls von ¹³⁷Cs zu ¹³⁷Ba [5].

2.2 Licht-Materie-Wechselwirkung

Die Absorption von Strahlung in Materie lässt sich über drei unterschiedliche Prozesse erklären. Die Auftrittswahrscheinlichkeit dieser Effekte hängt von der Energie des Photons ab. Für unterschiedliche Energiebereiche überwiegen unterschiedliche Effekte.

Comptoneffekt

Beim Comptoneffekt trifft das Photon auf ein freies Elektron und vollführt einen inelastischen Stoß. Dabei findet ein Energieübertrag statt, welcher zu einer Wellenlängenänderung beim Photon führt. Des Weiteren ändern sich auch die Ausbreitungsrichtungen des Elektrons und Photons.

Dieser Prozess tritt über das gesamte γ -Spektrum auf, überwiegt aber für mittlere Energien.

Photoeffekt

Der Photoeffekt tritt am häufigsten bei kleinen bis mittleren γ -Photonenenergien auf. Bei ihm trifft ein Photon auf ein gebundenes Elektron, überträgt ihm seine gesamte Energie und löst es so aus dem Material. Dieser Effekt tritt nur auf wenn die materialspezifische Austrittsarbeit geleistet wird. Die Differenz aus Austrittsarbeit und Photonenenergien erhält das Elektron als kinetische Energie.

Paarbildung

Für die Paarbildung wird eine Photonenenergie von 1,022 MeV benötigt, was der Ruhemasse zweier Elektronen entspricht. Bei der Paarbildung wandelt ein Photon, welches sich in der Nähe eines anderen Teilchens befindet, seine Energie in ein Elektron-Positron-Paar um. Dieser Prozess überwiegt für hohe Energien, wird hier aber nicht betrachtet, da der Zerfall von ¹³⁷Cs Photonen mit einer Energie von nur 662 keV erzeugt, sodass er Effekt nicht auftreten kann.

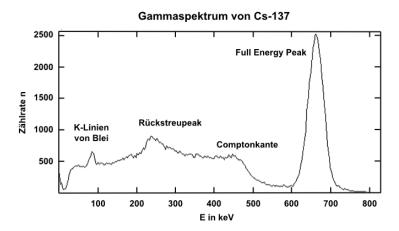


Abbildung 2: Das am Szintillationszähler gemessene Intensitätsspektrum für ¹³⁷Cs [5].

Das Intensitätsspektrum, das hinter der Probe gemessen wird, hat die Form des Spektrums in Abbildung 2. In der Abbildung sind dabei auch die unterschiedlichen Effekte die sich auf das Spektrum auswirken mit ihren Namen gekennzeichnet.

Die Comptonkante liegt bei der Energie, bei der der maximale Energieübertrag vom Photon auf das Elektron stattfindet. Dies ist also die maximale Energie die durch den Comptoneffekt freigewordene Elektronen besitzen können. Vor der Kante befindet sich das Comptonspektrum mit allen möglichen Elektronen-Energien, die durch den Comptoneffekt erzeugt werden können.

Der Photopeak wird durch die Elektronen erzeugt, welche über den Photoeffekt aus dem Material gelöst werden und genau die Energie von 662 keV der Photonen erhalten.

Der Rückstreupeak wird von Quanten erzeugt, welche vom Präparat in die entgegengesetzte Richtung bewegen, dann aber an einem anderen Material, wie einer Halterung über den Comptoneffekt wieder in Richtung des Zählers zurück gestreut werden.

Die K-Linien von Blei entstehen über Anregung von Elektronen in den Blei-Abschirmungen, die dann die Energie der K-Linie von Blei besitzen.

3 Aufbau

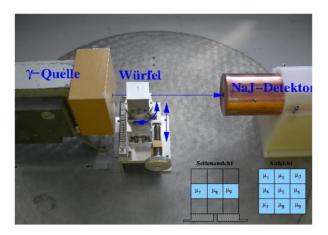


Abbildung 3: Der Versuchsaufbau mit der Wuelle, der Probe und dem Detektor [14].

Der Versuchsaufbau, welcher in Abbildung 3 zu sehen ist, besteht aus einer Cäsium-Probe als γ -Strahler, einem Probenwürfel der auf einer rotier- und verschiebbaren Plattform befestigt ist, und einem NaI-Szintillationszähler.

Die Probe wird dabei von Bleiblöcken abgeschirmt, so dass sie effektiv nur in Richtung des Probenwürfels strahlt. Im Strahlengang hinter dem Würfel befindet sich der Szintillationszähler um die Strahlung zu detektieren. Dies geschieht über Exzitonen, die in dem Material, durch die Strahlung angeregt werden und beim Zerfall wieder Photonen emitieren. Diese werden dann von einem Photodetektor gemessen. Dafür muss der Szintillator aber transparent für seine eigenen erzeugten Wellenlängen sein.

Hinter dem Detektor ist noch ein Diskriminator geschaltet, welcher Impulse unter einer bestimmten Grenze blockiert, um so den Untergrund herauszufiltern. Dieser leitet das Messsignal an einen Multichannelanalyzer weiter, welcher die Zählraten abhängig von den korrespondierenden Photonenergien histogrammiert, was sich dann über einen Computer ausgeben lässt.

4 Projektionen

Um über die Gleichung 3 die Absorptionskoeffizienten bestimmen zu können muss die Matrix A definiert werden, welche für unterschiedliche Projektionen die korrespondierenden Schichtdicken zu den Absorptionskoeffizienten angibt. Die unterschiedlichen genutzten Projektionen sind in Abbildung 4 dargestellt.

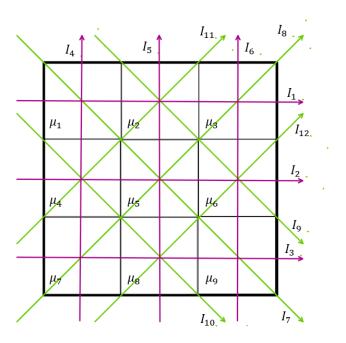


Abbildung 4: Eine schematische Darstellung der einzelnen Projektionen.

Nach Abbildung 4 ergibt sich beispielsweise für die Projektionen I_7 nach Gleichung 2, für die siebte Komponente der Matrix A

$$\ln\left(\frac{I_0}{I_7}\right) = \mu_1 \cdot \sqrt{2}d + \mu_5 \cdot \sqrt{2}d + \mu_9 \cdot \sqrt{2}d \quad .$$

Dies aufgestellt für alle Projektionen und in Matrixform gebracht führt für die Distanzen zu der Matrix

5 Durchführung

Zuerst wird der 137 Cs-Strahler wird in einer Bleihalterung befestigt. Während keine Probe sich im Strahlengang befindet, wird die Grundintensität I_0 gemessen. Dafür wird auf dem Computer im Programm MAESTRO eine Messdauer von 240s eingestellt. Aus den Ergebnissen lässt sich dann die Höhe und Halbwertsbreite des Photopeaks ablesen.

Anschließend wird eine Messreihe mit dem Würfel 1 durchgeführt. Dieser besteht nur aus dem Aluminiumgehäuse, welches die anderen Würfel umgibt. Dafür wird der Würfel im Strahlengang platziert und für drei Projektionen die damit korrespondierenden Spektren aufgenommen.

Dieses Vorgehen wird für die Würfel 2 und 3, welche aus reinen Materialien bestehen, wiederholt. Die möglichen Materialien sind dabei Aluminium, Messing, Delrin, Blei und Eisen.

Der Würfel 4 besteht aus neun kleineren Elementarwürfeln, welche auch aus diesen Materialien bestehen. Dieser wird zuletzt in den Strahlengang gesetzt und dort die mittlere Ebene für alle zwölf möglichen Projektionen ausgemessen.

6 Auswertung

6.1 Spektrum der ¹³⁷Cs-Quelle

Das Spektrum des Strahlers wurde in diesem Versuch mit einem NaI-Szintillationsdetektor aufgenommen. In Abbildung 5 sind die Ergebnisse der Aufnahme in einem Histogramm dargestellt. Auf der x-Achse sind die Channels des Multichannelanalyser abgebildet.

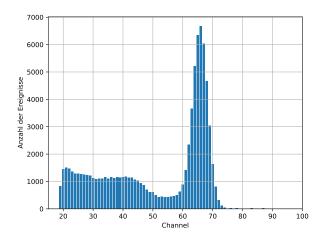


Abbildung 5: Das Aufgenommene Spektrum der Cs-Quelle.

In der Abbildung 5 sind nur die Anzahl der Ereignisse gegen die Channel aufgetragen. Die Energie der Strahlung wird von dem Multichannelanalyser nicht vermessen. Jedoch lässt sich aus der Literatur [5] entnehmen, dass der Photopeak des $^{137}\mathrm{Cs}\text{-}\mathrm{Strahlers}$ bei $E_P=662\,\mathrm{keV}$ zu finden ist. Dieser Photpeak der Strahlungsquelle ist in Abbildung 5 ca. bei Channel 65 zu finden. Bei Channel 43 befindet sich die Comptonkante mit $E_C=478\,\mathrm{keV}$ und bei Channel 21 der Rückstreupeak.

6.2 Würfel 1

Zunächst wird die Nullrate bestimmt, welche durch die Aluminiumhülle dringt und alle folgenden Würfel umgibt. Die in dieser Messreihe bestimmten Intensitäten des Photopeaks wird daher als Nullrate N_0 für die folgenden Messungen benutzt. Hier wird dazwischen unterschieden wie der Strahl durch den Block dringt. Dies geschieht entweder gerade, also senkrecht auf einer Seite, oder auf einer Haupt- oder Nebendiagonalen.

Da es sich hier um ein Zählexperiment handelt, ist der Fehler Poissonverteilt mit $\sigma_N = \sqrt{N}$. Auswertung der Net-Area um den Photopeak ergibt für die Nullrate die Werte aus Tabelle 1. Nullrate beschreibt hier und in der folgenden Auswertung das Integral des Photopeaks. Also die Summe der Events welche durch den Photopeak der ¹³⁷Cs-Quelle entstehen. Die Bezeichnung einer Rate ist im folgenden nur korrekt, da alle Messreihen über die selber Zeit von $t=240\,\mathrm{s}$ aufgenommen wurden und diese somit nicht relevant ist. Sämtliche Größen, ob Raten, Anzahlen oder Intensitäten sind in dieser Auswertung somit identisch und einheitenlos.

Tabelle 1: Die gemessene Anzahl der Ereignisse der Messung des leeren Würfel 1, der nur aus der Aluminiumhülle besteht.

Strahlengang	N
Gerade Hauptdiagonale Nebendiagonale	3704 ± 190 3636 ± 190 3796 ± 190

6.3 Würfel 2

Da der Würfel 2 homogen ist, und aufgrund seiner geringen Dichte große Statistik erzeugt, wurden für diesen Block nur 2 Messreihen durchgeführt. Es wurde eine Net-Area von $N_G=30323$ für die Gerade und $N_D=29521$ für die Diagonale gemessen. Damit berechnen sich die Absorptionskoeffizienten zu $\mu_G=(0,0699\pm0,0026)\,1/{\rm cm}$ und $\mu_D=(0,0491\pm0,0018)\,1/{\rm cm}$. Dazu wurde die Formel

$$\mu = \frac{\ln\left(\frac{N_0}{N}\right)}{d}\,,\tag{5}$$

mit der Nullrate N_0 der Net-Area N und der Länge d, welche die Strahlung innerhalb des Aluminiumgehäuses durchquert, benutzt Im Mittel ergibt sich für Block 2 ein Absorptionskoeffizienten von:

$$\mu_{\text{Würfel 2}} = (0.0595 \pm 0.0016) \, \text{1/cm}.$$
 (6)

6.4 Würfel 3

Würfel 3 ist auch homogen. Jedoch ließ seine hohe Dichte bereits auf einen hohen Absorptionskoeffizienten schließen. Um gute Werte sicherzustellen wurden für diesen Block mehr Messreihen durchgeführt:

Tabelle 2: Die Messwerte und daraus errechneten Werte der Messung des Würfel 3.

Projektion	N	$\mu/(1/\mathrm{cm})$
Gerade	1330	$1,112 \pm 0,009$
Gerade	1375	$1,101 \pm 0,009$
Gerade	1366	$1,103 \pm 0,009$
Diagonale	614	$0,962 \pm 0,010$
Diagonale	568	$0,980 \pm 0,010$
Nebendiagonale	2258	$0,998 \pm 0,008$

Im Mittel ergibt dies einen Absorptionskoeffizienten von $\mu_{\text{Würfel 3}} = (1,045 \pm 0,004) \text{ 1/cm}$.

6.5 Würfel 4

Würfel 4 besteht insgesamt aus 27 kleineren jeweils homogenen Würfeln. In diesem Versuch wird eine horizontale Ebene mit 9 Würfeln mittels 12 Projektionen ausgewertet. Die Projektionen und die zugehörige Matrix A sind im Abschnitt 4 erklärt und dargestellt. Mittels des Vektors an skalierten Intensitäten \vec{I} , ergeben sich nach der Formel des Kleinste-Quadrate Fittes

$$\vec{\mu} = (A^T \cdot A)^{-1} \cdot A^T \vec{I} \tag{7}$$

die einzelnen Absorptionskoeffizienten für die 9 kleinen Blöcke. In dieser Transformation, transformieren sich die Unsicherheiten nach der Formel

$$V[\vec{\mu}] = (A^T \cdot A)^{-1} \cdot A^T V[\vec{I}] A \cdot ((A^T \cdot A)^{-1})^T.$$
(8)

 $V[\vec{\mu}]$ ist hier eine Kovarianzmatrix, welche die Unsicherheiten der einzelnen Absorptionskoeffizienten μ_i auf der Hauptdiagonalen hat. In Tabelle 3 sind nun die Projektionen mit den gemessenen Events und den nach

$$I_i = \ln\left(\frac{N_{G/D/N}}{N_i}\right) \tag{9}$$

berechneten Intensitäten aufgetragen. $N_{G/D/N}$ steht hier für die Nullrate, je nachdem ob der Strahl gerade (G) durch den Block geht oder eine Haupt (D)-, oder Nebendiagonale (N) durchstrahlt.

Tabelle 3: Die gemessenen Anzahlen der Ereignisse unter dem Photopeak und die daraus errechneten Werte I_i von der Messung des Würfel 4.

Projektion	N	I / (1/s)
I_1	10972	$1,226 \pm 0,010$
I_2	11123	$1,212 \pm 0,010$
I_3	10915	$1,\!231 \pm 0,\!010$
I_4	29942	$0,\!222 \pm 0,\!007$
I_5	1475	$3,233 \pm 0,026$
I_6	29503	$11,968 \pm 0,029$
I_7	6745	$1,712 \pm 0,013$
I_8	58814	$1,861 \pm 0,014$
I_9	7040	$1,670 \pm 0,012$
I_{10}	7959	$1,\!547 \pm 0,\!012$
I_{11}	7281	$1,636 \pm 0,012$
I_{12}	9338	$1,\!387 \pm 0,\!011$

Die mit diesen Werten berechneten Absorptionskoeffizienten sind in Tabelle 4 zu finden. Da diese Ergebnisse in Teilen unphysikalisch sind, da teilweise negativ, werden erst in der Diskussion physikalische Interpretationen der Ergebnisse durchgeführt.

Tabelle 4: Die ermittelten Werte für die Absorptionskoeffizienten der verschiedenen kleineren Würfel.

Würfel	$\mu / (1/\mathrm{cm})$
1	$-1,8506 \pm 0,0088$
2	$0,\!3600\pm0,\!0080$
3	$4,\!0970 \pm 0,\!0119$
4	$1,\!2653 \pm 0,\!0064$
5	$-0,\!4721 \pm 0,\!0090$
6	$1,\!2207 \pm 0,\!0063$
7	$-1,7298 \pm 0,0089$
8	$0,\!2287 \pm 0,\!0079$
9	$4{,}1127 \pm 0{,}0118$

7 Diskussion

In der Auswertung folgt nun zunächst der Vergleich der experimentell bestimmten Absorptionskoeffizienten mit den Literaturwerten der unterschiedlichen Stoffe.

Eisen	Aluminium	Blei	Messing	Delrin
0.578	0.202	1.245	0.62	0.118

Tabelle 5: Literaturwerte der Absorptionskoeffizienten in 1/cm [13] [1].

Der Absorptionskoeffizient von Würfel 2 wurde zu $\mu_{\text{Würfel 2}} = (0.059 \pm 0.001) \, \text{1/cm}$ bestimmt. Aus den zur Verfügung stehenden Materialien passt Delrin mit einer relativen Abweichung von 50% am besten zu diesem Würfel.

Für den homogenen Würfel 3 wurde ein Absorptionskoeffizienten von $\mu_{\text{Würfel 3}} = (1,045 \pm 0,004) \, 1/\text{cm}$ berechnet. Dieser passt mit einer relativen Abweichung von 16 % am besten zu Blei.

Die Auswertung von Würfel 4 hat insgesamt sehr schlecht nur funktioniert. Die Absorptionskoeffizienten:

Würfel	$\mu / (1/\mathrm{cm})$
1	$-1,8506 \pm 0,0088$
2	0.3600 ± 0.0080
3	$4,\!0970 \pm 0,\!0119$
4	$1,\!2653 \pm 0,\!0064$
5	$-0,\!4721 \pm 0,\!0090$
6	$1,\!2207 \pm 0,\!0063$
7	$-1,\!7298 \pm 0,\!0089$
8	$0,\!2287 \pm 0,\!0079$
9	$4{,}1127 \pm 0{,}0118$

sind nicht sehr aussagekräftig, da einzelne Koeffizienten negativ sind. Somit sind die Ergebnisse nicht physikalisch und nicht interpretierbar.

Weiterhin sorgen die negativen Absorptionskoeffizienten in der Rechnung dafür, dass die Koeffizienten der anderen kleinen Blöcke in der Projektion größer werden als sie tatsächlich sind. Gründe für diese schlechten Ergebnisse sind unterschiedliche systematische Fehler in diesem Versuch. Primär ist der Strahlengang der Quelle wesentlich breiter als die zu untersuchenden Objekte, was zu unsauberen Projektionen führt, bei denen auch nicht betrachtete Elementarwürfel Beiträge liefern. Dies tritt vor allem auf, wenn eine diagonale Projektion gewählt wird. Um dies, zu berücksichtigen müssten deutlich komplexere Berechnungen durchgeführt werden.

Weiterhin wird zur Berechnung der Absorptionskoeffizienten eine Matrix invertiert. Dies ist numerisch sehr instabil und führt schnell zu relevanten Fehlern. Eine Änderung der Reihenfolge der Projektionen wurde probiert, hat jedoch dieselben schlechten Werte produziert und wurde daher in der Auswertung nicht aufgeführt.

Zur Bestimmung der Amplitude der einzelnen Projektionen wurden unterschiedliche Ansätze gewählt.

Zunächst wurde die Höhe des höchsten Peaks mit der Breite des Peaks bei der Hälfte das Maximums(FWHM) multipliziert, um einen Wert für die Fläche des Photopeaks zu bekommen. Da sich der Verlauf des Photopeaks jedoch nicht großartig verändert hatte, sind die FWHM Werte zum Großteil identisch geblieben. Es wurde also hauptsächlich nur die Höhe des größten Bins ausgewertet. Dies hat wiederum große statistische Schwankungen, da sich die relevanten Energiewerte auf 2 Channel/Bins aufgeteilt haben.

Um dem entgegenzuwirken wurde die Net-Area als Maß für die Intensität gewählt. Dies ist ein vom Programm bestimmtes Integral über den Photopeak und hat zu besseren Ergebnissen geführt als die erste Methode. Jedoch hat das Programm noch große Teile der Comptonkante dem Photopeak zugeordnet. Dies ist definitiv auch eine relevante Quelle für starke Abweichungen von den Literaturwerten.

Die Ergebnisse der Würfel aus einem Material passen, wenn der große systematische Fehler in Betracht gezogen wird, gut zu den Literaturangaben. Für den zusammengesetzten Würfel gilt dies leider nicht, da dort sogar teilweise unphysikalische Ergebnisse erreicht wurden. Da der Versuch aber einen großen systematischen Fehler besitzt, liefert er alles in allem vertretbare Ergebnisse.

8 Anhang

8.1 Aufbau

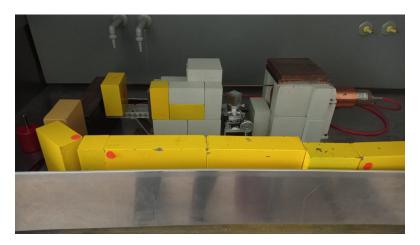


Abbildung 6: Ein Foto des Versuchsaufbau.

8.2 Messwertfotos

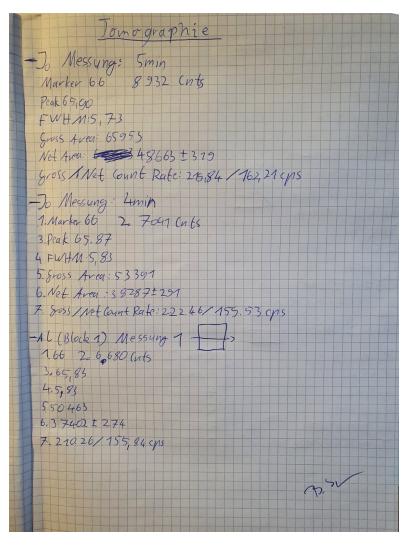


Abbildung 7: Die Messwerte des Versuchs Tomopgraphie mit Gamma-Strahlung.

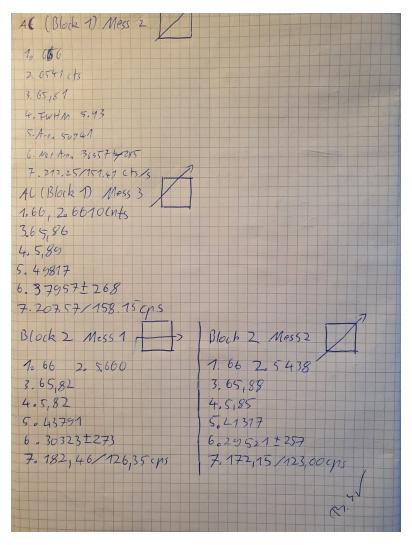


Abbildung 8: Die Messwerte des Versuchs Tomopgraphie mit Gamma-Strahlung.

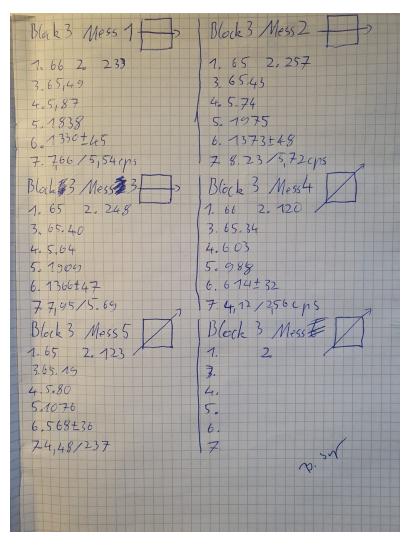


Abbildung 9: Die Messwerte des Versuchs Tomopgraphie mit Gamma-Strahlung.

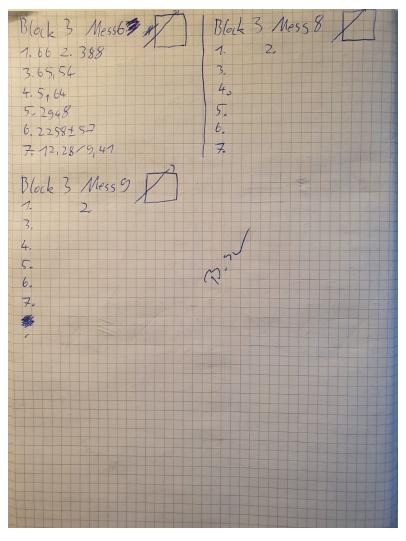


Abbildung 10: Die Messwerte des Versuchs Tomopgraphie mit Gamma-Strahlung.

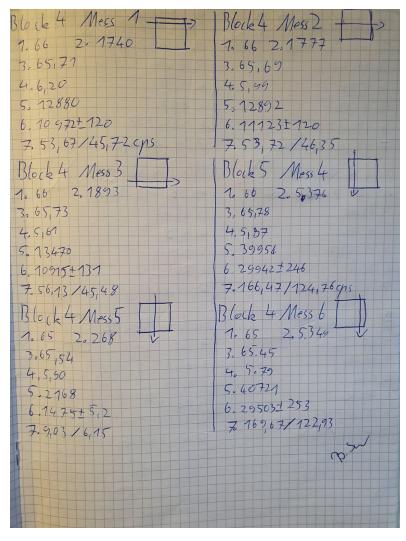


Abbildung 11: Die Messwerte des Versuchs Tomopgraphie mit Gamma-Strahlung.

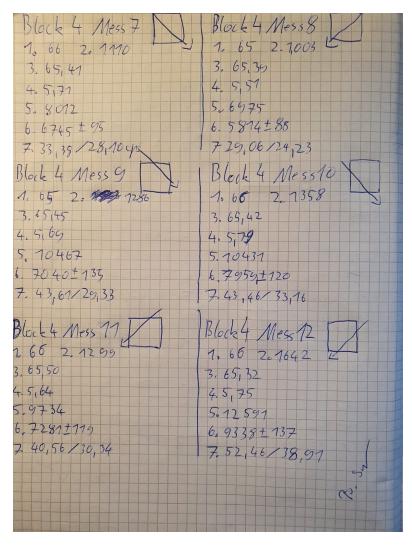


Abbildung 12: Die Messwerte des Versuchs Tomopgraphie mit Gamma-Strahlung.

Literatur

- [1] Reichelt Chemietechnik GmbH. polyoxymethylen. URL: https://www.rct-online.de/de/RctGlossar/detail/id/17 (besucht am 04.11.2022).
- [2] John D. Hunter. "Matplotlib: A 2D Graphics Environment". Version 1.4.3. In: Computing in Science & Engineering 9.3 (2007), S. 90–95. URL: http://matplotlib.org/.
- [3] Eric Jones, Travis E. Oliphant, Pearu Peterson u. a. SciPy: Open source scientific tools for Python. Version 0.16.0. URL: http://www.scipy.org/.
- [4] Eric O. Lebigot. *Uncertainties: a Python package for calculations with uncertainties.* Version 2.4.6.1. URL: http://pythonhosted.org/uncertainties/.
- [5] Leifi: Gammaspektrum von Cs-137. 2022. URL: https://www.leifiphysik.de/kern-teilchenphysik/radioaktivitaet-fortfuehrung/versuche/gammaspektrum-von-cs-137 (besucht am 06.05.2023).
- [6] Literaturwert für die Elementarladung. 2020. URL: https://www.chemie.de/lexikon/Elementarladung.html (besucht am 05.12.2020).
- [7] Literaturwert für die Lichtgeschwindigkeit c. 2020. URL: https://www.spektrum.de/lexikon/physik/lichtgeschwindigkeit/9012 (besucht am 05.12.2020).
- [8] Literaturwert für die Ruhemasse eines Elektrons. 2020. URL: https://www.chemie.de/lexikon/Elektron.html (besucht am 05.12.2020).
- [9] Literaturwerte für das plancksche Wirkungsquantum. 2020. URL: https://www.chemie.de/lexikon/Plancksches_Wirkungsquantum.html (besucht am 05.12.2020).
- [10] Literaturwerte für die Rydberg-Konstante und Energie. 2020. URL: https://www.chemie.de/lexikon/Rydberg-Konstante.html (besucht am 06.12.2021).
- [11] Literaturwerte für die Sommerfeldsche Feinstrukturkonstante. 2020. URL: https://www.chemie.de/lexikon/Feinstrukturkonstante.html (besucht am 06.04.2021).
- [12] Travis E. Oliphant. "NumPy: Python for Scientific Computing". Version 1.9.2. In: Computing in Science & Engineering 9.3 (2007), S. 10–20. URL: http://www.numpy.org/.
- [13] HUG Technik. Metallische Werkstoffe, Physikalische Eigenschaften. URL: https://www.hug-technik.com/inhalt/ta/metall.htm (besucht am 04.11.2022).
- [14] Versuchsanleitung zu Versuch V14: "Tomographie mit Gamma-Strahlung". Fakultät Physik, TU Dortmund. 2022.