Régression Logistique

François Lepan - Benjamin Van Ryseghem

13 mars 2013

Voici les étapes principales de l'algorithme de régression logistique. Ici on utilise comme données d'entrainement les m images (x) avec leurs m étiquettes (y).

Entrainement

Tout d'abord il faut entraı̂ner un classificateur de régression logistique $h_{\theta}^{(i)}=\frac{1}{1+e^{\theta^{T_x}}}$ pour chaque classe i.

Pour l'entrainer il faut trouver le vecteur θ qui séparera la classe i des autres classes. Ce vecteur est trouvé par la relation suivante :

$$\theta^* = \min_{\boldsymbol{\theta}} J(\boldsymbol{\theta})$$
où

$$J(\theta) = -\frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} y^{(i)} \log(h_{\theta}(x^{(i)})) - (1 - y^{(i)}) \log(1 - h_{\theta}(x^{(i)}))$$

Ensuite lorsqu'on à fini de faire les entrainements de chaque classificateur il reste à faire la prédiction de la classe de la nouvelle image x.

Prédiction

Afin de prédire la classe d'une nouvelle image x il faut choisir sont étiquette y tel que :

$$y = \max_{i=1...l} h_{\theta}^{(i)}$$
 i.e on choisi le classificateur le plus confiant.

Puis on répète le processus pour chaque nouvelle image.