

UNIVERSIDADE DE AVEIRO
DEPARTAMENTO DE FÍSICA
3810-193 AVEIRO

Mecânica e Campo Eletromagnético Ano letivo 2015/2016

Capítulo 1. Fundamentos de Mecânica Clássica
1.1 Cinemática da partícula



1. A posição de um objeto que se move segundo uma linha reta é dada por:

$$x = 3.0t - 4.0t^2 + t^3$$

em que x é expresso em metros e t em segundos.

- a) Calcule a posição do objeto para t = 1, 2, 3 e 4 s.
- b) Qual o espaço percorrido entre t = 0 e t = 4 s?
- c) Qual a velocidade média no intervalo de tempo t = 2 e t = 4 s?
- d) Determine a expressão para a velocidade em função do tempo.
- **2.** Um carro parte do repouso com uma aceleração de 4 m.s $^{-2}$ durante 4 s. Durante os 10 s seguintes, move-se com movimento uniforme. Em seguida, aplicam-se os travões e o carro trava com aceleração de 8 m.s $^{-2}$ até parar.
- a) Represente graficamente a velocidade em função do tempo.
- b) Determine a distância percorrida, desde a partida.
- **3.** As coordenadas de um corpo são $x=2sen(\omega t)$ e $y=2cos(\omega t)$, onde x e y estão em centímetros.
- a) Estabeleça a equação da trajetória, em coordenadas cartesianas.
- b) Determine o valor da velocidade, num instante qualquer.
- c) Determine as componentes tangencial e normal da aceleração, num instante qualquer.
- d) Identifique o tipo de movimento descrito pelas equações.
- **4.** Confirme a expressão da aceleração centrípeta por análise dimensional.
- 5. A aceleração de um corpo que se move ao longo de uma linha reta é dada por:

$$\vec{a} = (4 - t^2) \hat{i}$$

em que as unidades da a são m.s $^{-2}$ e de t são segundos. Determinar a velocidade e a posição em função do tempo, sabendo que para t=3 s, temos v=2 m.s $^{-1}$ e x=9 m.

6. Dois projéteis são lançados, simultaneamente, um para cima na direção vertical, e outro numa direção que faz um ângulo de 30 ° com a horizontal. Determine a relação das velocidades iniciais para que, quando o primeiro atinja o solo, o segundo atinja a altura máxima. Verifique que esta relação se reduz a metade se os dois projéteis atingirem simultaneamente o solo.



- **7.** Um projétil é lançado com uma velocidade de 100 m.s $^{-1}$, fazendo um ângulo de 60 $^{\circ}$ com a horizontal. Calcule:
- a) o alcance do projétil.
- b) a altura máxima.
- c) a velocidade e a altura 10 s, após o lançamento.
- **8.** Determine o valor da velocidade e a aceleração centrípeta da Terra no seu movimento em torno do Sol. O raio da órbita da Terra é de $1,49\times10^{11}$ m.
- **9.** Um corpo desloca-se num arco de circunferência de raio *r*=1,0 m no plano *OXY*, *segundo*

$$s(t) = 2t - t^2$$

Em t=0 encontra-se na origem (0,0) e o sentido positivo de s(t) é o sentido retrógrado. Determine, usando coordenadas cartesianas:

- a) o vetor de posição da partícula em qualquer instante.
- b) o vetor velocidade em qualquer instante.
- c) o vetor aceleração em qualquer instante.
- d) as componentes, tangencial e normal da aceleração em t=0.5s.
- e) a distância percorrida até t=2 s. Qual é a posição?
- 10. Um corpo descreve uma trajetória circular de raio igual a 2 m, com velocidade angular

$$w = 3t + 1$$

onde t é expresso em segundos.

- a) Calcule o vetor aceleração do corpo, no instante $t=1\,\mathrm{s}$ (valor e ângulo do vetor com a tangente à circunferência).
- b) Determine a equação que descreve o espaço percorrido, em função do tempo.



Soluções de I.1.1

1-a)
$$\vec{x}(1) = \vec{0}$$
 m; $\vec{x}(2) = -2\vec{e}_x$ m; $\vec{x}(3) = \vec{0}$ m; $\vec{x}(4) = 12 \vec{e}_x$ m; b) $d = 17.5$ m; c) $\|\vec{v}_{med}\| = 7$ m.s⁻¹ d) $\vec{v} = (3.0 - 8.0t + 3t^2)\vec{e}_x$ m.s⁻¹
2-b) $d = 208$ m
3-a) $x^2 + y^2 = 4$; b) 2ω cm.s⁻¹; c) $a_T = 0$, $a_N = 2 \omega^2$ cm.s⁻²
4- $a_N = v^2/r$: $[L][T]^{-2} = ([L][T]^{-1})^2/[L]$
5- $\vec{v} = (-1 + 4t - t^3/3)\hat{\imath}$ m.s⁻¹; $\vec{x} = (0.75 - t + 2t^2 - t^4/12)\vec{e}_x$ m
6- $\frac{\|\vec{v}_{01}\|}{\|\vec{v}_{02}\|} = \frac{1}{4}$; $\frac{\|\vec{v}_{01}\|}{\|\vec{v}_{02}\|} = \frac{1}{2}$
7-a) x $(2t_h) = 884$ m; b) h = 383 m; c) v(10) = 51.3 m.s⁻¹; h(10) = 376 m
8- $\|\vec{v}\| = 2.97 \times 10^4$ m.s⁻¹; $a_C = 5.9 \times 10^{-3}$ m.s⁻²
9-a) $\vec{r} = -1 + cos(2t - t^2)\vec{e}_x + sin(2t - t^2)\vec{e}_y$; b) $\vec{v}_x = -(2 - 2t)sin(2t - t^2)\vec{e}_x$; $\vec{v}_y = (2 - 2t)cos(2t - t^2)\vec{e}_y$; $||\vec{v}|| = 2 - 2t$ c) $\vec{a}_x = -(2 - 2t)^2 cos(2t - t^2) + 2 sin(2t - t^2)\vec{e}_x$; $\vec{a}_y = -(2 - 2t)^2 sin(2t - t^2) - 2 cos(2t - t^2)\vec{e}_y$ d) $\vec{a}_t = -2\hat{u}_t$ m.s⁻²; $\vec{a}_N = 1\hat{u}_n$ m.s⁻² e) d=2m; s=0; ponto (0,0)
10-a) $\vec{a}(1) = 6\hat{u}_t + 32\hat{u}_n$; $||\vec{a}(1)|| = 32.6$ m/s²; $\phi = 79.4^{\circ 2}$; b) s(t) = 2t + 3t²