

第2次作業-作業-HW2

學號：112111215

姓名：莊博勳

作業撰寫時間：180 (mins · 包含程式撰寫時間)

最後撰寫文件日期：2023/10/22

本份文件包含以下主題：(至少需下面兩項，若是有多者可以自行新增)

- ☒ 說明內容
- ☒ 個人認為完成作業須具備觀念

說明程式與內容

開始寫說明，該說明需說明想法，並於之後再對上述想法的每一部分將程式進一步進行展現，若需引用程式區則使用下面方法，若為.cs檔內程式除了於敘述中需註明檔案名稱外，還需使用語法```語言種類 程式碼```，其中語言種類若是要用python則使用py，java則使用java，C/C++則使用cpp，下段程式碼為語言種類選擇csharp使用後結果：

```
public void mt_getResult(){  
    ...  
}
```

若要於內文中標示部分網頁檔，則使用以下標籤```html 程式碼```，下段程式碼則為使用後結果：

```
<%@ Page Language="C#" AutoEventWireup="true" ...>  
  
<!DOCTYPE html>  
  
<html xmlns="http://www.w3.org/1999/xhtml">  
<head runat="server">  
<meta http-equiv="Content-Type" ...>  
    <title></title>  
</head>  
<body>  
    <form id="form1" runat="server">  
        <div>  
            </div>  
    </form>  
</body>  
</html>
```

更多markdown方法可參閱<https://ithelp.ithome.com.tw/articles/10203758>

請在撰寫"說明程式與內容"該塊內容，請把原該塊內上述敘述刪除，該塊上述內容只是用來指引該怎麼撰寫內容。

1. 問題如下圖所述，並回答下面問題。

Ans:

```
def getResult():
    alphabet1:List[List[chr]] = [['1', '2', '3', '4', '5', '6', '7', '8', '9',
    '0' ],
                                ['Q', 'W', 'W', 'R', 'T', 'Y', 'U', 'I', 'O', 'P'
    ],
                                ['A', 'S', 'D', 'F', 'G', 'H', 'J', 'K', 'L', ';'
    ],
                                ['Z', 'X', 'C', 'V', 'B', 'N', 'M', ',', '.', '/'
    ]]
    #分開兩個陣列的原因為有些按鍵會有兩種符號，第一個陣列為
    下排，第二個陣列為上排
    alphabet2:List[List[chr]] = [['!', '@', '#', '$', '%', '^', '&', '*', '(', ')'
    ],
                                ['Q', 'W', 'W', 'R', 'T', 'Y', 'U', 'I', 'O', 'P'
    ],
                                ['A', 'S', 'D', 'F', 'G', 'H', 'J', 'K', 'L', ';'
    ],
                                ['Z', 'X', 'C', 'V', 'B', 'N', 'M', '<', '>', '?'
    ]]

    n=int(input)
    #n表示要輸入幾組資料
    repeat=set()
    #此集合是為避免判定不是兩種符號的按鍵，輸出兩次相同結果
    for i in range(n):
        value,direction=input().split()
        #輸入按鍵，並判斷方向
        direction=int(direction)
        for j in range(len(alphabet1)):
            if value in alphabet1[j]:
                k= alphabet1[j].index(value)
                #判斷value在陣列的位子
                if direction==1:
                    ans=(alphabet1[j-1][k])
                elif direction==2:
                    ans=(alphabet1[j+1][k])
                elif direction==3:
                    ans=(alphabet1[j][k+1])
                elif direction==4:
                    ans=(alphabet1[j][k-1])
                #依照direction的數字來輸出對應方向的按鍵
                print(ans)
                repeat.add(ans)
                #將輸出的值加入集合，避免下一個判定重複輸出
        for j in range(len(alphabet2)):
            if value in alphabet2[j]:
                k= alphabet2[j].index(value)
                #第二次判定，判斷第二個陣列
                if direction==1:
```

```

        ans=(alphabet1[j-1][k])
    elif direction==2:
        ans=(alphabet1[j+1][k])
    elif direction==3:
        ans=(alphabet1[j][k+1])
    elif direction==4:
        ans=(alphabet1[j][k-1])
    if ans not in repeat:
        print(ans)
    #依照direction的數字來輸出對應方向的按鍵(最後的if判斷第一個陣列是否
    已經輸出過相同符號)

getResult()

```

2. 給定一個包含 n 個不同數字的數組，這些數字的範圍是從 0 到 n 。找出數組中缺失的那一個數字。

Ans:

```

num=input()
#依題目輸入，例:nums = [3, 0, 1]
nums=eval(num.split('=')[1].strip())
#只取數組的部分
n=len(nums)
#判斷數組長度
sum1=n*(n+1)/2
#計算數組內數字總和
miss=sum(nums)
#計算數組內數字總和
miss=sum1-sum2
#相減來得知缺少的數字
print(int(miss))

```

3. 請回答下面問題：

a. Ans:成立

根據BigO定理:

$$f(n) = 2^{n+1}, g(n) = 2^n$$

所以:

$$f(n) \leq O(g(n))$$

即:

$$2^{n+1} \leq c \times g(n)$$

因此可拆解:

$$2(n) \times 2^1 \leq c \times 2(n), 2^1 \leq c$$

即可滿足BigO的定義，因此成立。

b.

Ans:不成立

根據BigO定理:

$$f(n) = 2^{2n}, g(n) = 2^n$$

所以:

$$f(n) \leq O(g(n))$$

即:

$$2^{2n} \leq c \times g(n)$$

因此可拆解:

$$2^n \times 2^n \leq c \times 2^n, 2^n \leq c$$

並未滿足BigO的定義，因此不成立

4. 請問以下各函式，在進行呼叫後，請計算(1)執行次數 $T(n)$ ，並(2)透過執行次數判斷時間複雜度為何(請用Big-Oh進行表示)？

Ans:

a.

```
def calculateTimes (number: int) -> None:
    while number >= 1:                #n+1
        counter:int = number          #n
        while counter >= 1:           #(n+1+2)*n/2
            print(number, counter)    #(n+1)*n/2
            counter = counter - 1      #(n+1)*n/2
            number = number - 1        #n
```

$$(1)T(n) = \frac{3}{2}n^2 + \frac{11}{2}n + 1$$

$$(2)T(n) = O(n^2)$$

b.

```
def caculateTimes (number: int) -> None:
    while number >= 1:                #floor(log_{2}n)+2
        print(number)                 #floor(log_{2}n)+1
        number = number // 2          #floor(log_{2}n)+1
```

$$(1)T(n) = 3\lfloor(\log_2 n)\rfloor + 4$$

$$(2)T(n) = O(\log_2 n)$$

c.

```
def caculateTimes (number: int, size: int) -> None:
    while number >= 1:
        while size >= 1:
            print(number, size)
            size = size - 1
            number = number // 2
```

$$(1)T(n, m) = (3m + 3)\lfloor(\log_2 n)\rfloor + 3m + 4$$

$$(2)T(n, m) = O(m\log_2 n)$$

d.

```
#if m=n(最大值)
def caculateTimes (number: int, size: int) -> None:
    while number >= 1:
        while size >= 1:
            print(number, size)
            size = size - 1
            number = number // 2
```

```
#if m=n/2(最小值)
def caculateTimes (number: int, size: int) -> None:
    while number >= 1:
        while size >= 1:
            print(number, size)
            size = size - 1
            number = number // 2
```

$$(1)(3n + 3)\lfloor(\log_2 n)\rfloor + 3n + 4 \geq T(n) \geq (\frac{3n}{2} + 3)\lfloor(\log_2 n)\rfloor + \frac{3n}{2} + 4$$

$$(2)T(n) = O(n\log_2 n)$$

個人認為完成作業須具備觀念

開始寫說明，需要說明本次練習需學會那些觀念 (需寫成文章，需最少50字，並且文內不得有你、我、他三種文字)且必須提供完整與練習相關過程的notion筆記連結