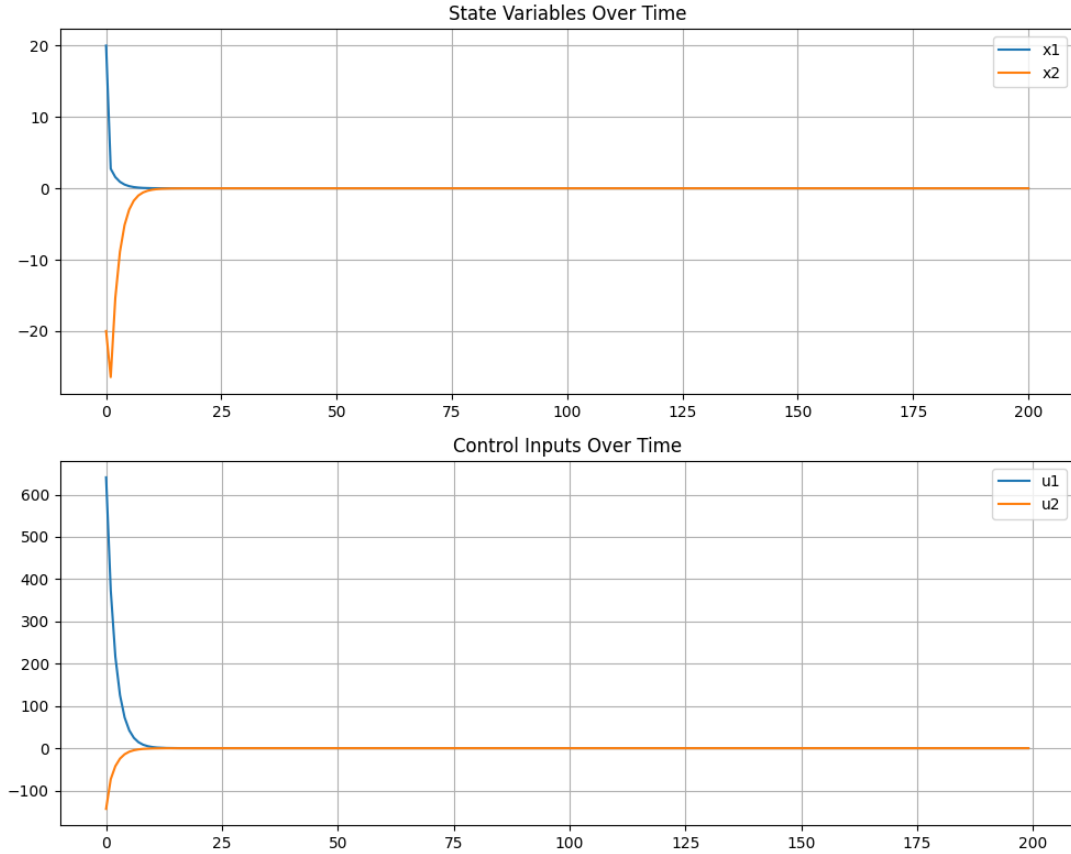


`mpc_r0.py`是基于DR_CAN在bilibili提供的[Octave代码](#)使用python语言复现的，其中的实现原理也是按照DR_CAN在[视频](#)中在假设系统参考 $r=0$ 的情况下进行推导得到的目标函数，如式(1)所示

$$J = x_k^T M^T \bar{Q} M x_k + 2x_k^T M^T \bar{Q} C U_k + U_k^T (C^T \bar{Q} C + \bar{R}) U_k \quad (1)$$

上式的推导过程简化如下：

$$J = \sum_k^{N-1} E_k^T Q E_k + U_k^T \bar{R} U_k + E_N^T F E_N \quad (2)$$



由于假设 $r = 0$ ，所以 $e_k = y_k - r = x_k - r = x_k$ ，于是便得到了下式(具体推导过程在[视频](#)中有具体细节，此处省略)

$$J = X_k^T \bar{Q} X_k + U_k^T \bar{R} U_k \quad (3)$$

然后将式(4)代入上式，就会得到式(1)

$$X_k = M x_k + C U_k \quad (4)$$

但是如果 $r \neq 0$ ，那么 $e_k = x_k - r$ ，这里假设 r 是固定的，由于

$$e_k = x_k - r$$

$$e_{k+1} = x_{k+1} - r$$

$$x_{k+1} = A * x_k + B * u_k$$

$$\text{于是, } e_{k+1} = A * e_k + B * u_k + (A - I) * r$$

(这里的 * 表示矩阵相乘)

那么, 就会得到系统误差矩阵, 如下

$$E_k = M * e_k + C * u_k + T * r \quad (5)$$

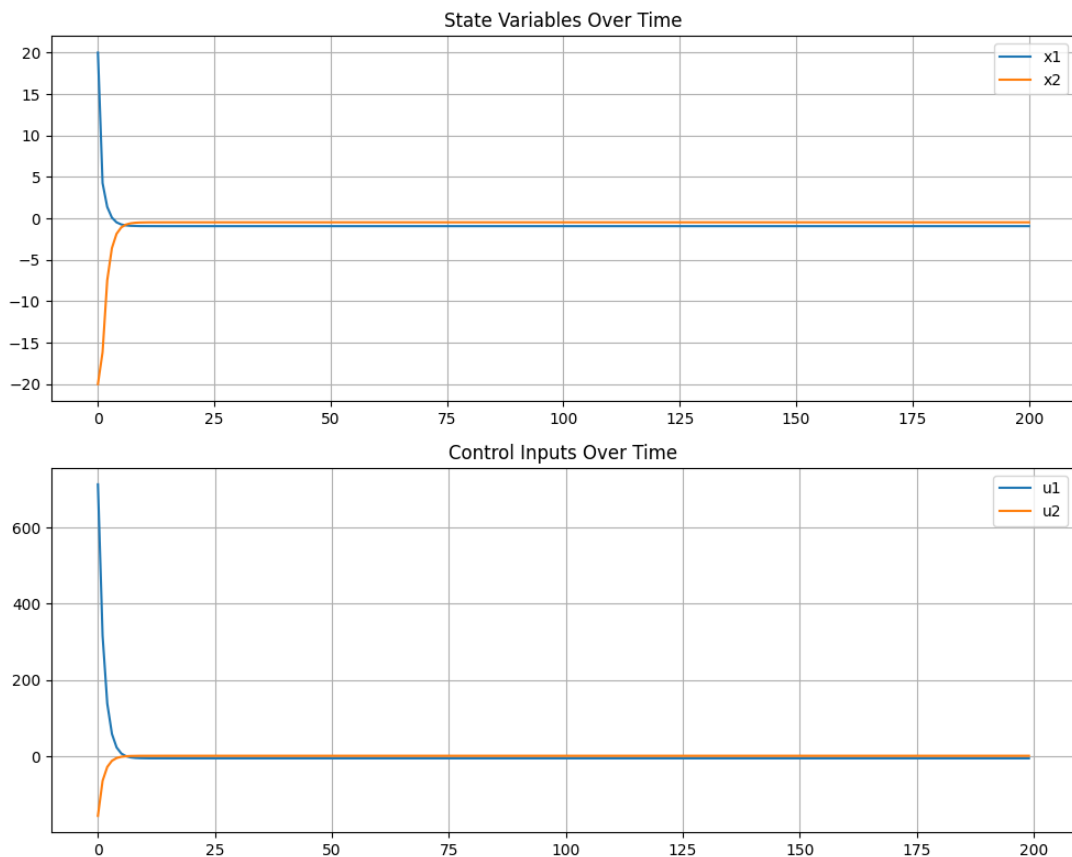
这里的 M, C 与之前的相同, T 矩阵如下

$$T = \begin{bmatrix} 0 \\ A - I \\ A * (A - I) \\ A^2 * (A - I) \\ \vdots \\ A^{N-1} * (A - I) \end{bmatrix} \quad (6)$$

将代入到式(6), 得到目标函数如下

$$J = U_k^T (C^T \bar{Q} C) U_k + 2 * x_k^T M^T \bar{Q} C U_k + 2 * r^T T^T \bar{Q} C U_k + x_k^T M^T \bar{Q} M x_k + 2 * x_k^T M^T \bar{Q} T r + r^T T^T \bar{Q} T r$$

最终在 `mpc.py` 中实现



在程序 `mpc.py` 中设置的系统期望为 $[10, 10]$, 但是从图中可以看出并没有趋于10, 推导过程应该没有错的, 目前推测是 $r \neq 0$ 时的其他假设或者前提存在问题, 正在解决中..., 如果您感兴趣的话希望可以在 `issue` 中交流一下

