Greining reiknirita: Verkefni 3 Kennari: Páll Melsted

Bjarki Geir Benediktsson Bjarni Jens Kristinsson Tandri Gauksson

Skil: 6. apríl 2014

Lýsing á reikniritinu 1

Við byggðum lausn okkar á klasanum KruskalMST. java¹ sem er að finna á heimasíðu bókarinnar Algorithms eftir Sedgewick og Wayne. Smiður klasans tekur inn óstefnt vigtað net G = (V, E, W)og notar reiknirit Kruskals til að finna minnsta spanntré mst og vigt þess w.

Við skrifuðum nýja aðferð secondMSTweight(EdgeWeightedGraph G, Edge e) sem að finnur vigt minnsta spanntré netsins $G_e = (V, E \setminus \{e\}, W)$. Í keyrsluforrit.java finnum við fyrst mst og prentum vigt þess. Síðan tökum við hvern legg $e \in mst$ (raðað í vaxandi röð eftir fyrra hniti e) og finnum minnsta spanntré netsins G_e og prentum legginn e og vigt þess w_e á staðalúttak.

Við útfærðum secondMSTweight (EdgeWeightedGraph G, Edge e) svipað og smiðinn fyrir KruskalMST. Í staðinn fyrir að fara línulega í gegn um alla leggi V og kanna hvor t þeir tengja saman samhengisþætti í skóginum fyrir netið þá byggjum við upp UF hlutinn með öllum leggjunum úr $E \setminus \{e\}$. Petta skilur okkur eftir með tvo samhengisþætti, eða tvö tré í skóginum, og þá förum við í vaxandi röð í gegn um E og könnum hvort að hnúturinn sé e og ef ekki hvort hann tengir saman trén tvö. Ef hann gerir það þá erum við komin með minnsta spannandi hluttré fyrir G_e .

KruskalMST. java notast við eftirfarandi klasa frá sömu höfundum (okkar breytingar eru taldar upp á eftir hverjum og einum klasa):

- EdgeWeightedGraph.java²
 - Breyttum öllum línum sem að búa til nýjan hlut af taginu Edge til að nota heiltöluvigt í stað fleytitölu (sjá athugasemdir við Edge. java)
- Queue.java³
- Edge.java⁴
 - Breyttum vigtinni yfir í að vera heiltala í stað fleytitölu
 - toString() aðferðin gefur örlítið öðru vísi strengjaframsetningu á hnútunum
 - Bættum við toString2() til að prenta út hnút og vigt eins og er í .out skránum sem Páll gefur upp á heimasíðunni
 - Bættum við equals() aðferð
 - Bættum við klasann lexiCompare sem ber saman hnúta eftir orðabókaröðun
- MinPQ.java⁵
- UF.java⁶
- Bag.java⁷

 $^{^{1}}$ http://algs4.cs.princeton.edu/43mst/KruskalMST.java.html

 $^{^2}$ http://algs4.cs.princeton.edu/43mst/EdgeWeightedGraph.java.html

 $^{^3 \}verb|http://algs4.cs.princeton.edu/43mst/Queue.java.html|$

⁴http://algs4.cs.princeton.edu/43mst/Edge.java.html

 $^{^5}$ http://algs4.cs.princeton.edu/24pq/MinPQ.java.html

⁶http://algs4.cs.princeton.edu/15uf/UF.java.html

⁷http://algs4.cs.princeton.edu/13stacks/Bag.java.html

• Stack.java⁸

2 Tímaflækja lausnarinnar

Hér er G upphaflega netið sem Kruskal
MST hluturinn er smíðaður með, V fjöldi hnúta þess og
 E fjöldi leggja.

Að búa til hlut af taginu KruskalMST tekur $O(E \log V)$ tíma. Hluturinn er minnsta spanntré G og inniheldur V-1 leggi. Við köllum því $\Theta(V)$ sinnum á secondMSTweight og greinum aðferðina svona:

- 1. Fyrst þarf að smíða p
q af taginu MinPQ. Innsetning er innistæðubundið $O(\log n)$ svo smíði og innsetning á
 E = 0 leggjum tekur $O(E \log E)$.
- 2. Að smíða hlut uf af taginu UF tekur V tíma. Að bæta legg í uf tekur $O(\log V)$ tíma en það er gert V sinnum. Þessi partur forritsins tekur því $O(V+V\log V)$.
- 3. Þegar farið er í gegn um p
q og hann tæmdur þarf í versta falli að skoða alla leggina eð
a ${\cal E}$ talsins.

Samtals keyrslutími secondMSTweight er þá $O(E \log E + V + V \log V + E) = O(E \log V^2 + V + E \log V + E) = O(E \log V)$ af því að $E = O(V^2)$.

Keyrslutími keyrslut
orrit. java er þá $T_{Kruskal} + (V-1) \cdot T_{secondMSTweight}$ eða $O(E \log V + (V-1) \cdot E \log V) = O(EV \log V) = O(E^{3/2} \log V)$.

⁸http://algs4.cs.princeton.edu/13stacks/Stack.java.html

3 Java kóði

3.1 KruskalMST.java

```
public class KruskalMST{
    // weight er summa e.weight() yfir öll e í mst.
   private int weight = 0;
   private Queue<Edge> mst = new Queue<Edge>();
    //~ Notkun: KruskalMST KMST = new KruskalMST(G);
    //~ Fyrir: G er hlutur af taginu EdgeWeightedGraph.
    //~ Eftir: KMST er minnsta spannandi tré fyrir G
            (minnsti spannandi skógur ef G er ekki samanhangandi).
   public KruskalMST(EdgeWeightedGraph G) {
        // Raða leggjum G eftir vigt.
        MinPQ<Edge> pq = new MinPQ<Edge>();
        for (Edge e : G.edges()) {
            pq.insert(e);
        UF uf = new UF(G.V());
        while (!pq.isEmpty() && mst.size() < G.V() - 1) {</pre>
            // uf inniheldur samhengisþætti nets af stærð G.V()
            // með mengi leggja = mst.
            Edge e = pq.delMin();
            int v = e.either();
            int w = e.other(v);
            if (!uf.connected(v, w)) {
                uf.union(v, w);
                mst.enqueue(e);
                weight += e.weight();
            }
        }
    //~ Notkun: w = KMST.secondMSTweight();
    //~ Fyrir: KMST inniheldur d og er minnsta spanntré fyrir G.
    //~ Eftir: w er vigt minnsta spannandi trés (eða skógar)
            netsins G þegar leggurinn d hefur verið fjarlægður.
    public int secondMSTweight( EdgeWeightedGraph G, Edge d ){
        // Raða leggjum G eftir vigt.
        MinPQ<Edge> pq = new MinPQ<Edge>();
        for (Edge e : G.edges()) {
            pq.insert(e);
        // Finn samhengisþætti KMST án leggsins d.
        UF uf = new UF(G.V());
        for (Edge e : this.edges()) {
            if(e.equals(d)) continue;
            int v = e.either();
            int w = e.other(v);
            uf.union(v,w);
```

}

```
// Finn bann legg í G, annan en d, sem tengir saman
        // samhengisbættina tvo og hefur minnsta vigt.
        while (!pq.isEmpty()) {
            Edge e = pq.delMin();
            if(e.equals(d)) continue;
            int v = e.either();
            int w = e.other(v);
            if (!uf.connected(v, w)) {
                return weight - d.weight() + e.weight();
            }
        }
        // d er eini leggurinn í G sem tengir samhengisþættina.
        return weight - d.weight();
    }
    //~ Notkun: Iterable<Edge> E = KMST.edges();
    //~ Fyrir: KMST er hlutur af taginu KruskalMST.
    //~ Eftir: E inniheldur öll stök mst.
    public Iterable<Edge> edges() {
        return mst;
    //~ Notkun: Iterable<Edge> E = KMST.sortedEdges();
    //~ Fyrir: KMST er hlutur af taginu KruskalMST.
    //~ Eftir: E inniheldur öll stök mst og er raðað vaxandi eftir fyrri hnút leggsins.
    public Iterable<Edge> sortedEdges() {
        MinPQ<Edge> sorted = new MinPQ<Edge>(new Edge.lexiCompare());
        for (Edge e : mst) {
            sorted.insert(e);
        return sorted;
   }
    //~ Notkun: w = KMST.weight();
    //~ Fyrir: KMST er hlutur af taginu KruskalMST
    //~ Eftir: w er heildarvigt leggjanna í KMST.
   public int weight() {
        return weight;
}
3.2 keyrsluforrit.java
public class keyrsluforrit {
    public static void main(String[] args) {
        //~ Skanni sem les inn tölurnar
        java.util.Scanner scanner = new java.util.Scanner(System.in);
        int n = Integer.parseInt(scanner.nextLine()); //vitum að fyrsta línan er bara ein tala
        EdgeWeightedGraph EWG = new EdgeWeightedGraph(n);
        //~ F: Búið er að lesa inn eina línu af staðalinntaki.
        while (scanner.hasNext()) {
```

```
//~ I: Búið er að lesa inn eina eða fleiri línur af staðalinntaki
            //~ og gera viðeigandi aðgerðir með þær.
            String line = scanner.nextLine(); //tekur inntak fram að næsta enter
            String[] S = line.split(" "); //fylki af orðunum í línunni (skipt eftir bilum)
            EWG.addEdge( new Edge( Integer.parseInt(S[0]),
                                    Integer.parseInt(S[1]),
                                    Integer.parseInt(S[2]) ));
        //~ E: Búið er að lesa inn allar línur af staðalinntaki
              og gera viðeigandi aðgerðir með þær.
        KruskalMST MST = new KruskalMST(EWG);
        System.out.println(MST.weight());
        for (Edge e : MST.sortedEdges()) {
            System.out.println(e.toString2() + " " + MST.secondMSTweight(EWG,e));
   }
}
3.3 Edge.java
    //~ Notkun: b = e.equals(d);
    //~ Fyrir:
    //~ Eftir: b == true bbaa e og d tengi saman sömu hnúta og hafi sömu vigt.
    public boolean equals(Edge that) {
        if(this.compareTo(that) != 0) return false;
        int t = that.either();
        int u = that.other(t);
        return (t == v && u == w) || (t == w && u == v);
    }
    //~ Notkun:
    //~ Fyrir:
    //~ Eftir:
    public static class lexiCompare implements Comparator<Edge> {
       public int compare(Edge e1, Edge e2){
        int fyrra1 = e1.either();
       int fyrra2 = e2.either();
        if (Integer.compare(fyrra1,fyrra2)==0)
            return Integer.compare(e1.other(fyrra1),e2.other(fyrra2));
        else
            return Integer.compare(fyrra1,fyrra2);
        }
    }
    * Returns a string representation of the edge.
    * Oreturn a string representation of the edge
   public String toString() {
       return v+" "+w+" "+weight;
```

```
/**
 * Returns a string representation of the edge.
 * @return a string representation of the edge
 */
public String toString2() {
    return v+" "+w;
}
```