

Data and Computational Biology

UniShare

Davide Cozzi
@dlcgold

Indice

1	Introduzione	2
2	Introduzione alla Biologia Computazionale	3
2.1	Accenni di biologia molecolare	3
2.1.1	DNA ed RNA	3
2.1.2	Esoni, Introni e Splicing alternativo	5
3	Esempio del Repressilator	13
3.1	Il Modello Biologico	13
3.2	Il Modello Matematico	15
4	Studio di Sistemi Biologici	19
4.1	Microarrays	20
4.2	Next Generation Sequencing	24
4.2.1	Dal Sequenziamento alle Analisi	26
4.3	Single-Cell Analysis	26
4.4	Risorse Online	27
5	Introduzione ai Prerequisiti	28
5.1	Biochimica	28
5.1.1	Biochimica e Metabolismo	32
5.2	Modellazione Matematica	35
5.2.1	Legge di Azione di Massa	35
5.2.2	Equazioni di Michaelis-Menten e Hill	37

Capitolo 1

Introduzione

Questi appunti sono presi a lezione. Per quanto sia stata fatta una revisione è altamente probabile (praticamente certo) che possano contenere errori, sia di stampa che di vero e proprio contenuto. Per eventuali proposte di correzione effettuare una pull request. Link: <https://github.com/dlccgold/Appunti>.

Capitolo 2

Introduzione alla Biologia Computazionale

Materiale tratto dalla tesi.

2.1 Accenni di biologia molecolare

2.1.1 DNA ed RNA

Prima di iniziare la trattazione più squisitamente computazionale è bene dare un'introduzione, dal punto di vista biologico, di quanto trattato.

Il **DNA**, sigla corrispondente ad **acido desossiribonucleico**, è un acido nucleico contenente le informazioni necessarie al corretto sviluppo di un essere vivente. Dal punto di vista chimico questa particolare macromolecola si presenta nella tipica **struttura a doppia elica**, formata da due lunghe catene di nucleotidi, dette **strand**. Nel dettaglio i singoli nucleotidi sono formati da un **gruppo fosfato**, dal **desossiribosio**, uno **zucchero pentoso**, e da una **base azotata**. Si hanno, inoltre, 4 tipi diversi di basi azotate:

1. **Adenina**, indicata con la lettera *A*
2. **Citosina**, indicata con la lettera *C*
3. **Guanina**, indicata con la lettera *G*
4. **Timina**, indicata con la lettera *T*

Si hanno quindi due **strand**, uno detto **forward strand** (indicato solitamente col simbolo “+”) e uno detto **backward strand** (indicato solitamente col simbolo “−”) che sono direzionati nel verso opposto (in termini tecnici si ha che il forward strand va da 5’ UTR a 3’ UTR, mentre il backward strand da 3’ UTR a 5’ UTR) e sono *appaiati* mediante coppie ben precise di basi azotate. Infatti, secondo il **modello di Watson-Crick**, si ha che:

- l’**Adenina** si appaia con la **Timina** e viceversa
- la **Citosina** si appaia con la **Guanina** e viceversa

Questo accoppiamento permette di poter studiare i due **strand** come uno “complementare” all’altro. Infatti, conoscendo la sequenza di basi azotate di uno **strand**, è possibile ricavare la sequenza dell’altro mediante la tecnica del **Reverse&Complement** dove, preso uno strand, si converte ogni sua base secondo il seguente schema:

- le *A* diventano *T*
- le *T* diventano *A*
- le *C* diventano *G*
- le *G* diventano *C*

Esempio 1. Vediamo, per completezza, un esempio di **Reverse&Complement**.

Prendiamo una sequenza genomica $S = \text{"TAGGCCATATGAC"}$ e definiamo la funzione $RC(x)$ come la funzione che, presa in ingresso una stringa x costruita sull’alfabeto $\Sigma = \{A, C, G, T\}$ (quindi una sequenza genomica), restituisce la **Reverse&Complement** della stessa. Si ha quindi che:

$$RC(S) = \text{"ATCCGGTATACTG"}$$

Per riferirci al **DNA**, contenuto in una data cellula di un essere vivente, usiamo il termine **genoma**, che a sua volta viene organizzato in diversi **cromosomi**. Si definisce **gene** una particolare regione di un **cromosoma** in grado di codificare una proteina.

Ai fini della trattazione del progetto, è necessario introdurre anche l’**RNA**, sigla corrispondente ad **acido ribonucleico** (avendo il **ribosio** come zucchero pentoso), ovvero una molecola, simile al **DNA**, dotata di una singola catena nucleotidica, sempre con 4 tipi di basi azotate (anche se si ha l’**Uracile**, che si indica con la lettera *U*, al posto della **Timina**). Tra i compiti dell’**RNA** si ha quello della codifica e decodifica dei **geni**.

2.1.2 Esoni, Introni e Splicing alternativo

Per ottenere una **proteina** da un **gene** si hanno 3 passaggi:

1. La **trascrizione**, fase dove la sequenza del gene è copiata nel **pre-messenger RNA (pre-mRNA)**. Nel dettaglio viene selezionato uno dei due strand del gene e un enzima, chiamato **RNA Polimerasi**, procede alla trascrizione della sequenza selezionata creando il **pre-mRNA**. In questa fase la *Timina* viene sostituita dall'Uracile. È bene introdurre subito che in questo progetto non si terrà mai conto, a fini di semplificazione, del passaggio tra Timina e Uracile in quanto verrà usata sempre la *Timina*.
2. Lo **splicing**, fase dove vengono rimosse le parti non codificanti dalla molecola di **pre-mRNA**, formando il **messenger RNA (mRNA)**, detto anche **trascritto**. Per poter trattare al meglio questa fase bisogna parlare in primis di **esoni** e **introni**. In prima analisi si potrebbe dire, peccando di precisione, che gli **esoni** sono le sezioni codificanti di un gene mentre gli **introni** sono le porzioni non codificanti. Solo gli esoni formano il trascritto. Si ha, inoltre, che le prime due basi di un introne sono dette 5', nell'uomo solitamente si ha la coppia *GT*, mentre le ultime due, solitamente *AG* nell'uomo, sono dette 3' e sono meglio identificate come **siti di taglio (splice sites)**. Quindi un esone, in realtà, non coincide esattamente con una regione codificante, detta **CDS**, a causa di queste particolari coppie di basi. Si notifica però che, come spesso accade, i termini vengono usati in sovrapposizione.
3. La **traduzione**, fase dove viene effettivamente codificata la proteina a partire da una sezione dell'**m-RNA**. Bisogna quindi nominare particolari sequenze nucleotidiche di cardinalità 3: i **codoni**. Tali triplette sono tradotte in amminoacidi che, concatenati, formano le proteine. Esistono particolari codoni che sono utili al fine di riconoscere l'inizio e la fine della *sintesi proteica*. In particolare si ha un codone d'inizio, detto **start codon**, che solitamente corrisponde alla tripletta *AUG*, mentre, per il codone di fine, detto **stop codon**, solitamente si ha una tripletta tra *UAA*, *UAG* e *UGA*.

In realtà, un gene è in grado di sintetizzare più di una proteina mediante il cosiddetto **splicing alternativo**, che consiste in diverse varianti dell'evento

di splicing al fine di ottenere diversi trascritti. Si descrivono le principali modalità di splicing alternativo:

- L'**exon skipping**, ovvero *salto dell'esone*, dove un esone (o anche più esoni) può essere escluso dal trascritto primario oppure dove un nuovo esone (o più nuovi esoni) può essere incluso nello stesso.
- L'**alternative acceptor site**, ovvero *sito di taglio alternativo 3'*, dove una parte del secondo esone può essere considerata non codificante o, alternativamente, una porzione dell'introne adiacente può essere considerata codificante.
- L'**alternative donor site**, ovvero *sito di taglio alternativo 5'*, dove una parte del primo esone viene considerata non codificante o, alternativamente, una porzione di introne adiacente può essere considerata codificante.
- I **mutually exclusive exons**, ovvero *esoni mutuamente esclusivi*, dove solo uno di due esoni viene conservato nel trascritto.
- L'**intron retention**, ovvero *introne trattenuto*, dove un certo introne viene incluso nel trascritto primario.

Le varie modalità di splicing alternativo non si escludono a vicenda, rendendo lo studio di tale fenomeno assai complesso.

La **biologia** nasce come una disciplina altamente **descrittiva** mentre altre discipline, come, ad esempio, informatica, matematica o fisica, sono discipline **generaliste**. In biologia infatti si parte dai dati e dagli esperimenti per descrivere un fenomeno ed inferire la teoria su di esso. Questo è un discorso più di **filosofia della scienza**.

I biologi propongono **modelli**, come ad esempio i *pathway*, che sono il diretto risultato di osservazioni sperimentali e interpretazione dei risultati.

Definizione 1. Un *pathway* (percorso) **biologico** è una serie di interazioni tra molecole in una cellula che porta a un determinato prodotto o un cambiamento in una cellula. Tale percorso può innescare l'assemblaggio di nuove molecole, come un grasso o una proteina. I percorsi possono anche attivare e disattivare i geni o stimolare una cellula a muoversi. I *pathway* più comuni sono coinvolte nel metabolismo, nella regolazione dell'espressione genica e nella trasmissione dei segnali e svolgono un ruolo chiave negli studi

avanzati di genomica.

Tra le principali categorie si hanno:

- *Metabolic pathway*
- *Genetic pathway*
- *Signal transduction pathway*

Un altro aspetto chiave negli ultimi 25 anni è stato quello della mole di dati prodotti, tramite, ad esempio, **Next Generation Sequencing (NGS)**, con la produzione di *DNAseq* e *RNAseq* (che rispetto alle *DNAseq* sono più semplici da sequenziare e studiare e servono a vedere cosa sintetizza effettivamente una cellula), o alla cosiddetta **single-cell analysis**, una tecnica più recente, sviluppata negli ultimi 5 anni. I costi di sequenziamento variano a seconda del numero di basi da sequenziare ed è in calo negli anni. Tutte queste tecnologie *high-throughput* usate in biologia computazionale e in bioinformatica richiedono una forte conoscenza algoritmica, matematica e statistica per la gestione di questa enorme quantità di dati (essendo anche nell'ambito **big data**) in ambito biomedico. Saper modellare fenomeni biologici è essenziale anche per poter capire come eventualmente funzionano tecniche di machine learning dedicate, come le reti neurali. Ovviamente le conoscenze, i tempi (ma anche gli spazi), gli strumenti da usare e sviluppare etc. . . variano al variare del tipo di studio. Ad ogni problema è associato un miglior strumento di modellistica.

Un altro aspetto non trascurabile è la scala di misura di ciò che viene studiato, ad esempio:

- *organismi*, ad esempio per gli organismi multicellulari si passa da $10\mu m$ a $50/85m$
- *tessuti*, ad esempio per i tessuti umani siamo in un range maggiore di $10^4\mu m^3$
- *cellule*, ad esempio per quelle umane si va da $30\mu m^3$ a $10^6\mu m^3$ con:
 - membrane
 - nuclei
 - ribosomi
 - mitocondri e cloroplasti
 - altri organelli e strutture intracellulari

- proteine
- materiale genomico (DNA e RNA e affini strutture: ad esempio istoni)
- ...

Parlando di tipi di organismi distinguiamo in primis:

- **eucarioti**. In questo caso si hanno cellule più complesse, con numerosi organelli e soprattutto il **nucleo**, dove sono contenute le informazioni. Si hanno i **mitocondri**, che si occupano di generare *energia* tramite *glicolisi* e sono studiati in ambito filogenetico, in quanto provengono unicamente dalla madre, permettendo la *filogenesi materna*
- **procarioti**, come i *batteri*. In questo caso si hanno cellule piccole e semplici. Non hanno un nucleo ma solo una regione, detta **nucleoide**, dove sono contenute le informazioni

Si hanno cellule nell'uomo, come quelle del sangue, dove non si ha un nucleo e non si ha riproduzione. D'altro canto si hanno anche cellule, come quelle dell'occhio, che non cambiano mai nel corso della vita.

In aggiunta si hanno anche i cosiddetti **archaea**.

Tratto da Wikipedia.

Gli archèi o archèobatteri, nome scientifico Archaea (dal termine del greco antico che significa antico) o Archaeobacteria che significa "batteri antichi", sono una suddivisione sistematica della vita cellulare. Possono considerarsi regno o dominio a seconda degli schemi classificativi, ma mostrano strutture biochimiche tali da considerarsi un ramo basilare, presto distaccatosi dalle altre forme dei viventi. Nonostante il nome attribuito a questo taxon, gli archaea non sono i procarioti più antichi mai apparsi sulla Terra, ma sono stati preceduti dagli eubatteri. Essendo costituiti da singole cellule mancanti di nucleo, per forma e dimensioni molto simili ai batteri, sono stati in passato classificati come procarioti o monere assieme ad essi. Originariamente furono ritrovati negli ambienti più estremi, ma successivamente sono stati trovati in tutti gli habitat, compreso l'intestino umano, nel caso del Methanobrevibacter smithii.

Nonostante non sia del tutto sicura la filogenesi del gruppo, gli archei sono quindi (insieme agli eucarioti e agli eubatteri) uno dei tre fondamentali gruppi

degli esseri viventi nella classificazione di Woese. Tesi recenti propongono di considerare Archea ed Eukaryota un unico regno, contrapposto ai Bacteria, in quanto all'origine degli eucarioti vi sarebbe l'endosimbiosi mitocondriale.

Per ulteriori informazioni sui tipi di organismi guardare online.

Parlando di DNA si ha che ogni cellula umana contiene circa 2 metri di DNA e un organismo umano contiene moltissime cellule rendendo lo studio del DNA davvero complesso (anche dal punto di vista computazionale si hanno file di genomi davvero molto pesanti, di centinaia di *MB*). Si hanno migliaia di trilioni di cellule nell'uomo.

Uno dei problemi è “allungare” il DNA che normalmente è incredibilmente avvolto su se stesso (e solo in fase di divisione cellulare si riconosce la forma a “X” dei cromosomi, altrimenti è ancora più avvolto su se stesso).

Dal DNA, nel nucleo, si ottiene l'RNA che esce, verso il citoplasma, dove, nei ribosomi, viene usato per sintetizzare le proteine.

Si hanno alcune specie interessanti dal punto di vista genomico e modellistico:

- **Saccharomyces cerevisiae**, ovvero il lievito da birra, con un piccolo genoma, *12 Mb*
- **Caenorhabditis elegans**, un “verme” di cui si è studiato l'intero sviluppo. Gli esemplari femmina hanno poco meno di mille cellule, 959, mentre i maschi poco di più, 1033. Si ha un genoma di *97 Mb*
- **Drosophila melanogaster** un altro modello molto usato, con un genoma di *180 Mb*
- **Homo sapiens**, con un genoma di *3200 Mb*
- **Mus musculus**, ovvero il topo, che ha un genoma molto simile a quello umano e quindi è molto usato negli studi in laboratorio. Si ha un genoma di *3300 Mb*
- **Arabidopsis thaliana**, ovvero la Veccia, che viene usata come modello base per studiare le piante. Si ha un genoma di *125 Mb*
- **Fritillaria assyriaca**, ovvero la Fritillaria, che ha il più lungo genoma conosciuto, di *120000 Mb*. Le piante normalmente hanno un genoma più lungo a causa dell'evoluzione, in quanto conservano molte informazioni che potrebbero essergli utili in futuro, anche in un futuro molto lontano, dovendo sopravvivere anche al fatto che non possono muoversi

Ad essere interessanti non sono solo le dimensioni di ciò che viene studiato ma anche i vari **tempi**. Vediamo una piccola tabella d'esempio:

Proprietà	E. coli	Uomo
diffusione di proteine in una cellula	$0.1s$	$\sim 100s$
trascrizione di un gene	$\sim 1m (80 \frac{bp}{s})$	$\sim 100s$
generazione di una cellula	da $30m$ a ore	da $20h$ a statico
transizione di stato proteico	da $1\mu s$ a $100\mu s$	da $1\mu s$ a $100\mu s$
rate di mutazione	$\sim \frac{10^{-9}}{\frac{bp}{generazione}}$	$\sim \frac{10^{-8}}{\frac{bp}{anno}}$

Qualche nota:

- i tempi di trascrizione di un gene umano includono i tempi di preprocessamento dell'*mRNA*
- per la generazione di una cellula di E. Coli si hanno 30 minuti in presenza di nutrienti
-

Si studiano quindi i vari **modelli** per la biologia computazionale che possono essere di varie tipologie:

- **continui**, tramite equazioni differenziali ordinarie
- **discreti**
- **stocastici**

Si studiano, in ottica analisi di cancro, anche **grafi mutazionali** e **evoluzioni clonali** (tramite Single-cell analysis).

Un aspetto fondamentale è costituito dall'RNA, che trasporta le informazioni dal DNA (contenuto nel nucleo) al citoplasma della cellula, dove funge da intermediario per il processo di sintesi delle proteine.

Teorema 1 (Dogma principale di Francis Crick). *Si ha quindi il dogma principale della biologia molecolare:*

il flusso d'informazione è unidirezionale

ovvero, in termini più estesi:

... once ‘information’ has passed into protein it cannot get out again. The transfer of information from nucleic acid to nucleic acid, or from nucleic acid to protein, may be possible, but transfer from protein to protein, or from protein to nucleic acid is impossible. Information means here the precise determination of sequence, either of bases in the nucleic acid or of amino acid residues in the protein.

L’unidirezionalità viene parzialmente infranta in caso di mutazioni del DNA ma questo non accade in fase di replicazione. Questa assunzione è una buona ipotesi dal punto di vista pragmatico.

Vediamo anche il pensiero di Sidney Brenner, biologo molto famoso: geni, proteine e cellule sono il *linguaggio macchina* della vita quindi per una corretta simulazione servono questi elementi, altrimenti il programma è una mera imitazione:

... his must not simply be another way of describing the behaviour. For example it is quite easy to write a computer program that will produce a good copy of worms wriggling on a computer screen. But the program, when we examine it, is found to be full of trigonometrical calculations and has nothing in it about neurons or muscles. The program is an imitation; it manipulates the image of a worm rather than the worm object itself. A proper simulation must be couched in the machine language of the object, in genes, proteins and cells.

... The reader may complain that I have said nothing more than ‘carry on with conventional biochemistry and physiology’. I have said precisely that, but I want the new information embedded into biochemistry and physiology in a theoretical framework, where the properties at one level can be produced by computation from the level below.

Veniamo quindi alla distinzione delle due branche di studio. **Bioinformatica** e **Biologia (del Sistema) Computazionale** sono due aspetti sovrapposti del modo in cui usiamo l’approccio computazionale alla Biologia e alla Medicina, manipolando oggetti simili ma con enfasi diversa e diverse scale spazio-temporali. In entrambe si usano ontologie, formalismi descrittive ma anche, lato più pratico, database. Nel dettaglio:

- la **Bioinformatica** si occupa in primis dell’**analisi di sequenze** ovvero, tra le altre cose, di studio del genoma, RNA folding, folding di proteine e studio dei database necessari a questi studi. Si usano algoritmi di pattern matching e altri metodi di analisi delle stringhe
- la **Biologia (del Sistema) Computazionale** studia, tra le altre cose:

- modelli e inferenze sulle proprietà dei sistemi, studiando simulazioni e nuove proprietà
- ricostruzione di reti metaboliche e regolatorie e di modelli di progressione

Si usano, ad esempio, metodi di machine learning per l'analisi dei dati prodotti e si simulano modelli biologici in modo sia deterministico che stocastico (tramite ad esempio Gillespie e Monte Carlo) e si fa analisi di raggiungibilità

D'altro canto, tecniche come la **Polymerase chain reaction (PCR)** ed altre sono appannaggio di biologi e biotecnologi. L'interesse per un biologo computazionale e per un bioinformatico è quello di aiutare altri ricercatori a svolgere le proprie attività. Ad esempio i biologi traggono vantaggio in ottica di acquisire conoscenze di base o anche al ricevere strumenti atti al progettare e pianificare esperimenti. Gli esperimenti biologici sono costosi sia dal punto di vista dei materiali che di persone e tempo.

In biologia computazionale si è quindi interessati a comprendere, anche in termini computazionali, l'interazione complessiva di:

- processi intracellulari (regolatori e metabolici)
- cellule singole
- popolazioni cellulari

Un altro compito dei biologi computazionali è quello di capire cosa succede quando si ha la possibilità di perturbare un sistema e vedere quali sono gli effetti della perturbazione, in particolare vedere cosa succede usando un dato farmaco piuttosto che un altro per intervenire su una certa patologia, parlando, in questo caso, del cosiddetto **momento traslazionale** della **medicina traslazionale**. Con “momento” ci si riferisce al trasferimento di conoscenze delle attività di pura ricerca alle **attività di produzione**, ovvero all'*attività clinica*, con il passaggio alla “vita vera”. È interessante studiare il comportamento di una popolazione di cellule anche in presenza di una evoluzione tumorale.

Capitolo 3

Esempio del Repressilator

Introduciamo un esempio che rientra nell'ambito della *synthetic biology*, di M. B. Elowitz e S. Leibler¹, che sarà rivisto sotto diversi aspetti durante il corso. Questo è un esempio di un sistema biologico “ingegnerizzato”, uno dei primi esempi di sistema biologico, di **biologia sintetica**.

3.1 Il Modello Biologico

In questo sistema si hanno tre geni, che per praticità chiamiamo *gene A*, *gene B* e *gene C*, ognuno dei quali, dopo essere trascritti e tradotti producono il rispettivo *mRNA* e poi, nel citoplasma, tali *mRNA* vengono usati per sintetizzare le tre rispettive *proteine*.

Quello che succede è che la trascrizione dei 3 geni può partire solo se non c'è proteina attaccata ad una sezione, detta *promotrice del processo di trascrizione*. Tale proteina è detta anche *promotore* o *inibitore*. Diciamo quindi che:

- per il *gene A* non deve esserci la *proteina C* attaccata per avere la trascrizione del gene stesso
- per il *gene B* non deve esserci la *proteina A* attaccata per avere la trascrizione del gene stesso
- per il *gene C* non deve esserci la *proteina B* attaccata per avere la trascrizione del gene stesso

È quindi un processo ciclico, che sarebbe discreto ma viene approssimato nel continuo. Nel dettaglio del Repressilator le proteine (prodotte dai rispettivi

¹M. B. Elowitz, S. Leibler, A synthetic oscillatory network of transcriptional regulators, Nature 403(20), January 2000

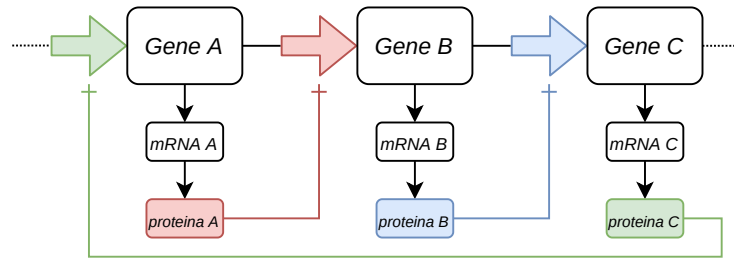


Figura 3.1: Schema di base del Repressilator, con le frecce bidimensionali che rappresentano l'azione di inibizione delle proteine.

geni che si indicano con la prima lettera minuscola) sono, in ordine (A , B , C):

- $TetR$ prodotta dal gene $tetR$
- ΛCI prodotta dal gene λCI
- $LacI$ prodotta dal gene $lacI$

Il punto fondamentale, come visibile in figura 3.1, è capire che se sto producendo una grande quantità di una certa proteina allora sicuramente non avrò produzione di quella di cui tale proteina inibisce la trascrizione del gene e così via. Nel nostro caso se si produce tanta *proteina A* non avremo produzione di *proteina B* e di conseguenza avremo produzione della *proteina C*, ma nel momento in cui questa terza viene prodotta cala la produzione della *proteina A* comportando la produzione della *proteina B* etc. ... Ho, in pratica, un sistema oscillatorio, con 3 proteine che si reprimono l'una con l'altra.

La rappresentazione “su carta” di questo comportamento è abbastanza semplice, come vedremo, modellandola tramite un insieme di equazioni differenziali. Il problema è passare dalla teoria alla pratica. Questo sistema “ingegnerizzato”, di equazioni differenziali, è in grado di confermare quanto visualizzabile poi tramite esperimenti.

Vediamo quindi come viene effettivamente costruito il sistema sperimentale usando delle colonie di *E. Coli*, sfruttando la loro biologia. Nei batteri il DNA non è, come detto, racchiuso nel nucleo ma “circola” in una regione, detta *nucleoide*, abbastanza accessibile all'interno del citoplasma. Nei batteri il DNA circola in forme dette **plasmidi** quindi potenzialmente si può sintetizzare un particolare plasmide e inserirlo in un batterio, il quale lo userà per sintetizzare proteine. Prima è stato comunque pensato il modello matematico e poi stato effettivamente costruito l'esperimento (al contrario dell'ordine con cui si stanno ora spiegando quindi).

I due ricercatori hanno costruito due plasmidi (di cui per ora non approfondiamo i dettagli):

- un plasmide che codifica il *Repressilator*, ovvero che contiene i 3 geni che codificano le 3 proteine. Prima di ogni gene si ha attaccata una *zona di induzione*
- un plasmide che codifica un *Reporter*, che codifica una particolare proteina, detta **green fluorescent protein (Gfp)**. La *Gfp* è una proteina usata spesso in quanto fa sì che un certo sistema diventi fluorescente, di colore verde, una volta che viene illuminato con una certa luce (un laser ad una determinata frequenza). Questo plasmide fa sì che, quando *TetR* è presente in abbondanza la trascrizione del gene *gfp* viene bloccata e quindi diminuisce la quantità di *Gfp*. Quindi, come *TetR* oscilla per il sistema di *mutua repressione*, si vedrà al microscopio un'oscillazione della fluorescenza della colonia di batteri.

Ricordiamo che la fluorescenza è in realtà abbastanza comune in natura. Si ha un ulteriore “trucco”. Se si lascia una colonia di *E. Coli* senza alcun controllo si avrebbe che ogni batterio inizierebbe il ciclo per conto suo, in modo non sincrono, impedendo una corretta visualizzazione della fluorescenza. Questo trucco è quello di inibire la produzione di *LacI*, interferendo con la sua espressione, usando un'ulteriore induttore, detto *IPTG* (*isopropyl β -D-1-thiogalactopyranoside*), e ottenendo così la sincronia delle cellule dopo questo impulso iniziale di *IPTG* (che poi decade velocemente lasciando tutti gli *E. Coli* nello stesso stato iniziale).

3.2 Il Modello Matematico

Facciamo quindi un passo indietro e vediamo il modello matematico del Repressilator. A partire dal modello matematico si scelgono le proteine da usare e il comportamento da ottenere.

Per prevedere il comportamento complessivo del sistema ingegnerizzato, si è quindi scritto un modello matematico che rappresenta la variazione dell'RNA e delle proteine espresse.

Per farlo indichiamo (**questo indice va sistemato**):

- α_0 , numero di copie di proteine per cellula prodotte da un certo promotore in presenza del repressore
- α , numero di copie di proteine per cellula prodotte da un certo promotore in assenza del repressore (sarebbe $\alpha + \alpha_0$)

- β , rapporto tra la velocità di decadimento dell'*mRNA* e quella della proteina
- n , *coefficiente di cooperatività di Hill* (nel caso del Repressilator si ha $n = 2$)
- m_i , *i*-esimo *mRNA*
- p_i , *i*-esima proteina che funge da repressore

L'intero sistema viene modellato con *coppie di equazioni differenziali*. Si hanno quindi:

- un'equazione che ci rappresenta la velocità di variazione dell'*i*-esimo mRNA:

$$\frac{dm_i}{dt} = -m_i + \frac{\alpha}{1 + p_j^n} + \alpha_0$$

Tale velocità dipende dalla quantità che già si ha di mRNA, dalla presenza della proteina che lo reprime (essendo sotto nella frazione al crescere il termine tende a zero, mentre al diminuire tende a 1)

- un'equazione che ci rappresenta la velocità di variazione dell'*i*-esima proteina che funge da repressore:

$$\frac{dp_i}{dt} = \beta(m_i - p_i)$$

Tale velocità dipende da quanto mRNA si ha a disposizione meno la quantità di proteina che si ha a disposizione in quel dato momento. Maggiore è la quantità di mRNA e maggiore è la produzione fino a che la proteina stessa non supera un certo livello di quantità, avendo che “satura”

In ordine si hanno, per i geni:

Indice	1	2	3
i	$lacI$	$tetR$	λcI
j	λcI	$lacI$	$tetR$

Con “velocità di variazione” si intende in pratica un tasso di cambio di concentrazione delle due *specie molecolari*, ovvero un'entità che osserviamo nel modello (in questo caso mRNA o proteina).

Le concentrazioni si esprimono con l'unità di misura K_M , ovvero il numero di

repressori necessari per dimezzare la repressione di un promotore, e il tempo in τ_{mRNA} , ovvero la velocità di trascrizione dell'mRNA, detto **mRNA lifetime**. Integrando numericamente le due equazioni differenziali otteniamo un comportamento periodico.

L'esperimento è stato fatto poi osservando come tutto questo diventa osservabile in una colonia di E. Coli, opportunamente trattata, usando delle foto (dove si è osservato anche un drift verso l'alto nel grafico oscillatorio a causa del fatto che la colonia si espande).

La conoscenza di tipo matematico deve però essere trasferita in un esperimento reale che funzioni (e i ricercatori devono essere in grado di manipolare entrambi gli aspetti, sia quello della modellazione matematica che quello più biologico e chimico). In questo caso per ottenere oscillazioni stabili servono determinati prerequisiti:

- usare inibitori artificiali piccoli, con la cosiddetta *low leakiness*. Promotori più corti sono più facili da manipolare e sono più “veloci”
- la velocità di decadimento di proteine e mRNA doveva essere simile, per ottenere l'oscillazione, una meglio: una buona oscillazione. Questo si ottiene attaccando *ssrA* ad ogni repressore
- servono curve di repressione piuttosto “ripide”. Per questo si è usato un promotore con multipli *binding sites* (arrivando alla scelta di quelle date proteine), usando repressori cooperativi (questo è rappresentato con il parametro n)
- usare un *Reporter* non stabile, attaccando una variante di *ssrA* a *Gfp*, altrimenti si avrebbe una fluorescenza costante

Listing 1 Semplice implementazione del sistema in Python dove l'unico parametro che varia è n mentre gli anni sono stati precedentemente fissati

```
def repr(var, time, n):
    mRNA = var[:3]
    prot = var[3:]
    dmRNA0 = - mRNA[0] + alpha/(1 + prot[2]**n) + alpha0
    dmRNA1 = - mRNA[1] + alpha/(1 + prot[0]**n) + alpha0
    dmRNA2 = - mRNA[2] + alpha/(1 + prot[1]**n) + alpha0
    dprot0 = - beta*(prot[0] - mRNA[0])
    dprot1 = - beta*(prot[1] - mRNA[1])
    dprot2 = - beta*(prot[2] - mRNA[2])
    return [dmRNA0, dmRNA1, dmRNA2, dprot0, dprot1, dprot2]
```

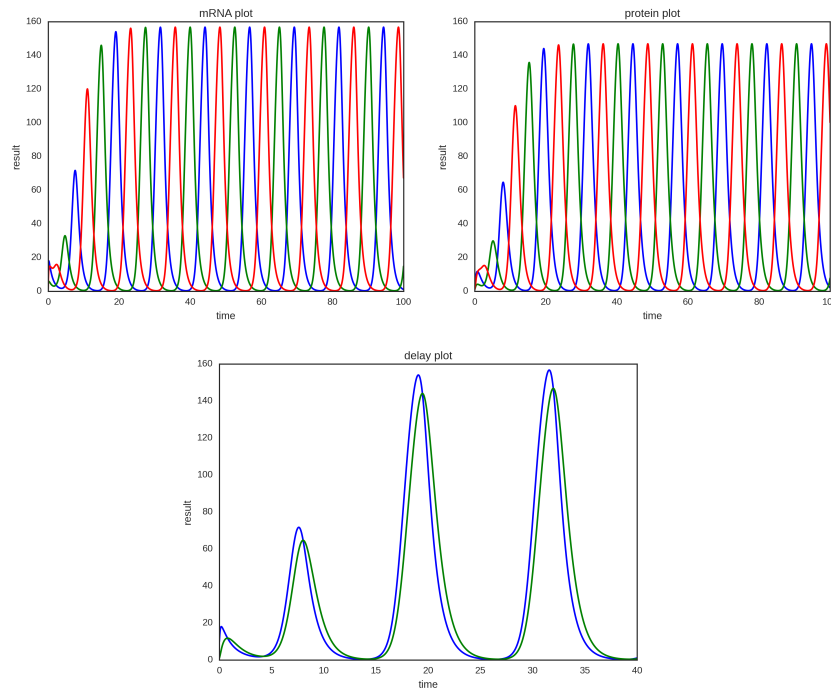


Figura 3.2: Grafici relativi al modello del Repressilator ottenuti tramite Python e Matplotlib, con $n = 2$, $\alpha_0 = 0.005$, $\alpha = 220$ e $\beta = 2$. In primis, a destra quella di mRNA mentre a sinistra la quantità di repressore/proteina rispetto al tempo. In basso le quantità di mRNA (nel caso di *tetR*) rispetto al repressore/proteina (in questo caso ovviamente *TetR*) associata rispetto al tempo. Si nota un piccolo delay, che rappresenta il tempo di traduzione.

Capitolo 4

Studio di Sistemi Biologici

Cerchiamo ora di capire come classificare i problemi, come analizzarli e comprenderli (anche tramite machine learning) e avere coscienza delle risorse online disponibili per la tematica.

Buona parte della ricerca in biologia computazionale ha come obiettivo quello di ottenere il passaggio dai risultati di laboratorio alle applicazioni cliniche (ed è qualcosa di molto complesso). Per quanto ci sia interesse verso tutte le patologie la più interessante e più studiata (soprattutto in questo corso) è il **cancro**. Un esempio di un sistema particolare dove i tumori si sviluppano è quello delle cosiddette **cripte coloniche** (*colonic crypts*), avendo che questo sistema è relativamente semplice da studiare dal punto di vista computazionale.

Le *cripte coloniche* si trovano nell'intestino e sono delle sorta di “pozzetti”, morfologicamente divisibili in varie aree. Alla base delle cripte ci sono delle **cellule staminali epiteliali**, che sono quelle che poi danno luogo ai tessuti dell'epitelio.

Dal punto di vista matematico tutti gli essere viventi sono di topologia isomorfa a dei tubi.

Tornando al discorso delle cellule staminali si ha che esse si suddividono e, man mano che si suddividono tendono a spingere verso l'alto le cellule che si trovano “al di sopra” di loro. Man mano che tali cellule vengono spinte anch'esse tendono a dividersi spingendo le altre cellule verso il *lumen della cripta*. In questo processo di suddivisione queste cellule si differenziano e le cellule staminali danno luogo ad una progenie che possiamo, dal punto di vista in primis computazionale, rappresentare come un *albero*. Si hanno le cellule di tipo diverso, più o meno differenziate che continuano a salire verso la superficie dell'epitelio e poi tendono a salire su quelli che sono detti i *villi intestinali*. Questo è un interessante processo che può essere simulato, tra i vari modi, in modo tale che si simuli cosa accade quando le varie differenzia-

zioni non funzionano perché, ad esempio, si ha una cellula che ha acquisito una mutazione, mutazioni che danno luogo ad una crescita non corretta, ad una *displasia*, che è la fase iniziale da cui poi si sviluppano i *tumori del colon*. Si vuole quindi fare queste simulazioni e farle in modo il più fedele possibile. Per capire se una cellula si sta comportando in modo corretto o meno dobbiamo misurarne il comportamento. In primis vogliamo misurare due cose, tra le tante:

1. **gene expression**
2. **gene alterations**, ovvero le varie mutazioni del genome, le cosiddette le *copy number variations* etc. . .

La tecnologia a disposizione per queste tematiche si è molto evoluta ma tra le tante tecnologie si segnalano:

- *microarrays* per l'espressione genica, usati però molti anni fa essendo una delle prime tecnologie per misurare, in modo indiretto ma parallelo, l'espressione dei geni
- *Next Generation Sequencing (NGS)* per praticamente qualsiasi cosa, anche per l'espressione genica, in modo diretto tramite particolari esperimenti (**nella rec non ho capito il nome di tali esperimenti**). NGS ha avuto molta fama da circa il 2006 in poi, con il monopolio poi di Illumina, anche se di recente si hanno nuove tecnologie che stanno rivoluzionando il settore (che producono read più lunghe)

4.1 Microarrays

Parliamo un secondo dei **microarrays**.

Questa è una tecnologia non più utilizzata, essendo di inizio anni duemila, che però è utile per spiegare come si procede a fare un certo tipo di misure, con una tecnologia che è stata poi ripresa da Illumina.

Questo strumento si basa su una griglia a cui sono attaccate delle “sonde” lunghe circa 25 nucleotidi e venivano usati per caratterizzare i geni. Si producono infatti segnali luminosi di diversa intensità e diversa lunghezza d'onda in una griglia, da cui si può ricavare una griglia numerica che dà informazioni in merito alla luce di ogni punto.

I Microarrays sono prodotti da Affymetrix e hanno circa 10^5 sonde, che caratterizzano tutti i geni che interessano.

Si ottiene quindi un'immagine contiene una griglia, dove in ogni punto si

produce un segnale luminoso di diversa intensità e lunghezza d'onda dalla quale si ricava, misurando i segnali luminosi, una **matrice di espressione**, dove:

- le righe sono i geni/trascritti
- le colonne sono misure numeriche

e si ha, per ogni sonda, quanto e come è luminoso il tal punto nella griglia. Si prende quindi del DNA, lo si “denaturalizza”, ovvero lo si sgroviglia, e lo si versa direttamente sulla griglia. Il DNA (ma potrebbe essere anche essere RNA) viene versato sulla griglia e si “attacca”, grazie alle sue proprietà chimiche, alle sonde (in pratica le parti di DNA/RNA si attaccano alle sonde a loro complementari). Il trucco è quello di “colorare” i pezzi di DNA e RNA e questo si fa usando, come nel caso del Repressilator, delle proteine fluorescenti, verdi e rosse, usando quindi processi biochimici per attaccare ai pezzi di DNA/RNA queste proteine, che emetteranno fluorescenza una volta colpite da un laser. Si può quindi vedere, in ogni punto della griglia, se si ha un segnale rosso o uno verde, misurandone l'intensità, ottenendo una misura di quanto materiale genico si sia attaccato in ogni punto della griglia.

Vediamo quindi come si utilizza questo tipo di tecnologia per fare delle misure di *geni differenzialmente espressi in diverse condizioni*.

Si hanno delle cellule in una certa condizione e altre in un'altra condizione (magari, per esempio, una delle due condizione è una crescita in ambiente con pochi nutrienti o in un ambiente con temperature estreme, sia alte che basse con associati shock termici per le cellule). La prima condizione è normalmente una *condizione standard*, detta *condizione wild-type*, mentre la seconda è la condizione che si vuole studiare.

Si hanno due fasi per l'esperimento:

1. si estrae dalle cellule nelle due condizioni l'RNA, che descrive ciò che le cellule stanno in quel momento esprimendo, quali proteine stanno sintetizzando, etc. . . Dall'RNA, che nel dettaglio è *mRNA*, estraggo il *cDNA*, al quale poi attacco le proteine per la fluorescenza. Si procede quindi con la cosiddetta *ibridazione*, ovvero si prende il materiale genetico con fluorescenza e si immerge il microarrays in questa soluzione, procedendo poi alla scansione con il laser
2. nella griglia si ottiene quindi che del materiale genico delle cellule nella prima condizione si attaccano ad alcune sonde mentre quella delle seconda condizione ad altre. In ogni punto della griglia o non si attacca niente (non avendo che le cellule esprimono quanto

necessario per quel punto) o si attacca solo l'RNA di una delle due condizioni o si attaccano entrambi. Usando poi i laser per le due fluorescenze si ottiene l'immagine, avendo punti senza luce (nero), alcuni con luce verde, alcuni con luce rossa, a seconda della prevalenza del materiale che viene da una delle due condizioni (se simili si ha una luce tendente al giallo). Una volta prodotta l'immagine si produce l'output numerico delle intensità.

L'esperimento può essere ripetuto più volte, ottenendo una serie di matrici numeriche che possono unite in vari modi, ottenendo la **gene expression data matrix** finale, coi vari **gene expression levels**, i livelli di espressione di ogni gene, ricordando che ogni gene è codificato da più sonde. Per ogni gene ho la **differenza di espressione** tra le due condizioni.

Definizione 2. *Si definiscono due geni come **differenzialmente espressi** se sono due geni che ho risultano rossi o verdi (???)*.

Se tale matrice finale è ottenuta variando solo i tempi e mantenendo fisse le altre condizioni sperimentali si ha che essa rappresenta il *time-course of genes expression*.

Sui risultati si può fare **data mining**, usando tecniche di machine learning. Si vuole fare clustering di geni o sonde che esibiscono un comportamento simile dato un insieme di condizioni sperimentali o ambientali. Per farlo si hanno vari tool (molti dati disponibili sulla repository NCBI, soprattutto nella sotto-repository GEO) ma molti studi richiedono una sistemazione finale non banale in merito a “rumori” e variazioni di protocollo nei laboratori.

Ad esempio, in un esperimento di espressione genica si hanno vari step:

1. dopo la “pulizia” della matrice (tramite controllo qualità) si usano alcune analisi standard, ragionando magari su vari *time points* discreti:
 - *clustering*, tramite K-Means, per ogni punto, ottenendo dei vettori che rappresentano il comportamento di un gene in un certo tempo. Si ottengono cluster di traiettorie. Si raggruppano geni con simile profilo di espressione
 - *enrichment*, che altro non è l'operazione in cui si prendono i dati e gli si associano informazioni, tramite *Gene Ontology (GO) Terms*. La GO è un elenco di nomi con ID unico e oggi come oggi i geni noti sono stati

già etichettati coi termini dalla GO. Vengono annotati i termini sovrarappresentati in un cluster. L'etichettatura fa sì che quando ho gruppi di geni posso usare tecniche statistiche, come il **test esatto di Fisher**, per estrarre i termini più rappresentativi, quelli più presenti e descrittivi di un gruppo. In questo modo, un cluster può essere associato ad alcuni termini "rappresentativi", che possono indicare una certa caratterizzazione funzionale e ipotesi di associazioni tra geni e un certo comportamento (se questo non fosse già annotato). Questa tecnica è detta **associazione a delinquere**, in quanto si "accusano" geni di essere associati ad altri, comportandosi in modo simile

Su slide, parte 2 a pagina 13, grafici di un esperimento e annessi termini da GO.

Vediamo nel dettaglio GO¹ che è appunto un *vocabolario controllato/ontologia* che è diventato la chiave per condividere le conoscenze biomolecolari, in particolare per i geni e i prodotti genici. È nata negli anni novanta a Berkeley mettendo insieme una serie eterogenea di conoscenze proveniente da vari ambienti. È nata cercando una nomenclatura standard per la genetica della *Drosophila*. È stata ottenuta con lo sforzo di informatici, biologi, filosofi etc... usando, in primis, l'IA simbolica (usata per le ontologie, ovvero modi di descrivere in modo simbolico una serie di concetti).

Ogni termine in GO ha un codice numerico univoco.

Si hanno tre sotto-ontologie, ognuna con una struttura gerarchica a DAG (**su slide immagine di struttura**):

1. **MF** (*Molecular Function*), per le attività biochimiche il tipo molecolare
2. **BP** (*Biological Process*)
3. **CC** (*Cellular Component*)

Lato tecnico si ha, sotto GO, un linguaggio logico (stile *Prolog*), con un insieme di relazioni, termini e costanti di un linguaggio.

GO non è l'unica ontologia a disposizione, anzi se ne hanno centinaia ma meno importanti. GO offre delle API e si hanno tool come *AmiGO* per recuperare informazioni.

¹www.geneontology.org

4.2 Next Generation Sequencing

Dopo aver parlato di *microarrays* parliamo di **Next Generation Sequencing (NGS)**.

Vediamo quindi le nuove tecnologie di sequenziamento. Diciamo “nuove” perché le prime tecnologie di sequenziamento sono datate anni cinquanta con il metodo Sanger per sequenziare proteine. Più avanti, nei primi anni settanta, si sono sviluppati i primi progetti per sequenziare DNA e RNA, studiando i virus (in quanto molto piccoli). Nel 1995 poi si è riuscito a sequenziare interamente un batterio, l’H. Influenza.

Nel 1990 si svilupparono vari metodi per il sequenziamento high-throughput, progetti che permisero di lanciare lo *Human Genome Project*, che fu completato nel 2000 quando pubblicarono in estate la prima bozza di genoma umano.

Le prime macchine semiautomatiche per il sequenziamento furono le *Biosystems ABI 370* ma oggi si usano i macchinari *Illumina*. Un macchinario *Illumina HiSeq 2000* corrisponde, in termini di prestazioni, a 23648 *Biosystems ABI 3730*, degli anni novanta.

Si hanno due tipi di attività parlando di NGS:

1. **Wet-Lab Activity**, ovvero le attività di raccolta dati/misure del materiale biologico, ovvero del vero e proprio sequenziamento tramite tecniche biochimiche. Si ha quindi la frammentazione e l'estrazione dei frammenti di DNA e RNA, il sequenziamento dei frammenti e la generazione delle read (con le 4 basi e caratteri extra per le ambiguità o i dati mancanti)
2. **Dry-Lab Activity**, ovvero le attività di assemblaggio. Si ha il salvataggio delle read, che sono tantissime (con conseguenti problemi di storage), e l'assemblaggio delle read (che sono *short read*) in *contigs*, che sono read più lunghe. Dai contigs si passa poi alla sequenza più ampia che stiamo sequenziando (anche un intero cromosoma o un intero genoma). Quest'ultimo è un problema prettamente algoritmico

Attualmente le tecnologie NGS producono read di lunghezza limitata (*Illumina* produce read da 70/150 basi circa) e il costo è proporzionale al numero delle read prodotte. Il parametro più importante è il parametro di **coverage**, ovvero il *depth of sequencing*, ovvero quante sequenze si hanno che coprono la medesima zona di DNA. Avere un alto coverage riduce il rischio di errore di sequenziamento ma un alto coverage implica alti costi e quindi è un parametro che va “bilanciato”. Sono limiti tecnologici.

Il costo di sequenziamento, dal 2006, è sceso di molto e siamo ora intorno ai 1000 dollari per genoma (mentre nel 2000 eravamo intorno ai 100000 dollari). Nel 2006/2007 sono state infatti introdotte le tecnologie Illumina, molto più economiche. Anche nel 2015 si ha avuto un abbassamento e ora siamo in un plateau sui 1000 dollari. Inoltre, rispetto alla **legge di Moore**, il costo per genoma è sceso molto rispetto alla legge stessa.

Si hanno anche nuovi macchinari di sequenziamento, con una diversa tecnologia di base rispetto ad Illumina:

- **Single Molecule Real Time (*SMRT*) sequencing**, che sequenzia una molecola di DNA o RNA per volta
- **Nano Sensing sequencing**, che permette di avere un sequenziatore piccolissimo collegabile via USB al proprio computer. Si hanno problemi relative al software che ricostruisce le sequenze, avendo percentuali di errore veramente molto (con errori di natura diversa da quelli di Illumina, che sono comunque percentualmente molto minori)

Tra i tipi di sequenziamento abbiamo:

- **Whole-Genome Sequencing**, per interi genomi, anche *de-novo* (ovvero senza un *reference* preesistente)
- **Exome Sequencing**, per solo le parti di genoma codificanti (infatti solo alcune parti, poche, del genoma codificano le proteine mentre il resto del genoma non si sa bene a cosa serva)
- **Target (re)sequencing**, per zone specifiche del genoma, spesso sono misure secondarie dopo un Whole-Genome Sequencing per zone “dubbe” o che servono in quantità maggiore (magari perché legate a certe proteine)
- **RNA-seq**, sequenziando RNA, usando le tecnologie NGS per determinare l’attività dell’espressione genica (studiando che proteine sta generando una cellula etc. . .), caratterizzando i trascrittomi. Si evitano i vari passaggi che si facevano con i microarrays, che davano una misura indiretta per di più (l’intensità della luce etc. . .). Qui basta sequenziare e poi contare le read di un particolare RNA
- si hanno ora molte altre ***-seq** in letteratura. Ad esempio **ATAC-seq (*Assay for Transposase-Accessible Chromatin using sequencing*)**, che è legato allo studio della conformazione tridimensionale del DNA, delle *aperture/chiusure della cromatina*, studiando cosa è trascrivibile in un dato istante oppure no

4.2.1 Dal Sequenziamento alle Analisi

Dopo il sequenziamento vogliamo vedere come tutte queste informazioni possono essere usate per fare analisi su come si comportano alcuni processi biologici, in particolare il **comportamento dei tumori**.

Una delle cose che si possono fare è prendere campioni di tumori da più pazienti e ricostruire le parti comuni dei tumori stessi, per ottenere i vari sottotipi del tumore. Questo studio è legato a certi tipi di tumore (si hanno circa 40 tipi di tumore in totale con i relativi sottotipi).

Un'altra cosa che si può fare è analizzare il tumore di un individuo che si è poi suddiviso in *primario* e *metastatico*, costruendo una **filogenia tumorale**. Per farlo si prendono campioni del tumore e si fa una cosiddetta **bulk analysis**, ovvero un'analisi aggregata prendendo un tessuto ed estraendo il DNA dal tessuto, ottenendo materiale genico da diverse cellule (perdendo l'individualità di ogni cellula ottenendo una misura "media"). Si hanno poi vari algoritmi per ottenere la filogenia, più o meno complessi, ricostruendo **l'albero della filogenia tumorale**, che parte da un tumore iniziale e poi presenta le varie differenziazioni che si sono sviluppate di quel tumore.

4.3 Single-Cell Analysis

In merito all'ultimo aspetto della sezione precedente, più di recente, si sono sviluppate tecnologie più sofisticate dal punto di vista chimico e fisico, per isolare singole celle prese da un campione. In questo modo si ha una rappresentazione più precisa di come sono fatte le popolazioni di cellule in un campione. Si usano poi algoritmi di filogenia per ricostruire le *evoluzioni clonali*. Questa tecnica sono dette appunto **tecniche di Single-Cell Analysis**. Si parte quindi sempre da un sequenziamento ma associato a singole cellule.

La Single-Cell Analysis è cruciale in questo periodo e può essere usata per tantissimi progetti. In Bicocca si hanno progetti di **Metagenomica**, dove si isolano organismi da popolazione di organismi, sequenziando il singolo organismo (ma sequenziandone tanti). Viene fatto per studiare le popolazioni microbiche nelle falde acquifere o negli acquedotti. Si isolano organismi noti da organismi non noti, per riuscire poi a distinguerli e catalogarli, etichettandoli con il rispettivo materiale genico (il *corredo genomico*). Questo non era possibile con questa facilità prima dell'uso della Single-Cell Analysis.

Attualmente è comunque una tecnica molto costosa (contando che in un esperimento si sequenziano migliaia di singole cellule).

4.4 Risorse Online

Vediamo quindi una breve carrellata di risorse online importanti:

- **NCBI** (*National Center for Biotechnology Information*), dove si hanno tutte le varie risorse più usate, ad esempio *PubMed* (per la ricerca di paper), *Blast* (uno dei più famosi allineatori di sequenze, nonché uno dei software informatici più usati al mondo), *Gene* (un importante database) etc... Si hanno inoltre modalità per trasmettere i risultati di ricerche, scaricare dati, informazioni su come interfacciarsi senza usare l'interfaccia web (per fare programmaticamente analisi più ampie tramite API), varie risorse per imparare le tecnologie, tutorial etc...
- **BioModels**, dove si trovano modelli di sistemi biologici di varia natura (come vari modelli per il Repressilator). Tali modelli sono disponibili in vari formati (ad esempio per MATLAB etc...) e sono simulabili
- **BioCyc**, un database storico che contiene una rappresentazione di tutte le reazioni metaboliche di un organismo. Era nato originariamente per il metabolismo di *E. Coli* ed è stato poi generalizzato a vari organismi
- **KEGG** (*Kyoto Encyclopedia of Genes and Genomes*), un portale giapponese che fornisce un insieme di database relativi a vari dati di carattere biologico. Fornisce delle API, di recente riscritte per usare la terminologia REST, e altri tool
- **Pathway Commons**, un database per pathway metaboliche o regolatorie pubbliche
- **Firehose e Firebrowse**, un'interfaccia semplificata ad un database complesso chiamato **TCGA** (*The Cancer Genome Atlas*). TCGA è un database, ora parte di NCBI, che raccoglie i dati di esperimenti che hanno misurato variazioni nel genoma relativi a tumori, e permette di scaricare in modo semplificato i vari dati relativi a tali tumori

Ovviamente questa lista è solo introduttiva.

Capitolo 5

Introduzione ai Prerequisiti

Prima di proseguire è bene fare una breve digressione sui modelli delle reazioni chimiche al fine di poterne fare simulazioni tramite modelli matematici. Verrà quindi fatta una brevissima introduzione di **biologia molecolare** e di **biochimica**, con la rappresentazione di reazioni chimiche e la loro modellazione. Per farlo verrà ripreso l'esempio del Repressilator.

In primis conviene riprendere il concetto di **cooperatività** visto per il Repressilator, ovvero il valore rappresentato dal **coefficiente di Hill** n , da cui dipende il dominio dell'oscillazione. Per capire cosa sia la *cooperatività* abbiamo bisogno di alcune nozioni di biochimica e di come le reazioni biochimiche siano state rappresentate nel mondo della computer science e della bioinformatica. Per cultura personale si elencano alcuni di questi sistemi:

- **BioNetGen**, un framework di modellazione *rule-based*
- **VCell**, un'altra piattaforma di modellazione
- **COPASI**, un software per la simulazione e l'analisi di reti biochimiche e della loro dinamica
- **SBML**, un *linguaggio di markup* per modellare processi biologici
- **PySB**, una libreria in *Python* per la modellazione di sistemi biologici e biochimici mediante modelli matematici

5.1 Biochimica

La **materia** è studiata in varie forme, tra cui, in **biochimica**, quella di *miscela*. Le miscele possono essere:

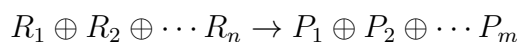
- **omogenee**

- **soluzioni** con un *solvente* e un *soluto*. Ci sono vari metodi per separare il solvente dal soluto, specialmente metodi fisici/meccanici come usare una centrifuga

Alcune sostanze non sono però separabili usando semplici tecniche fisiche. Tali sostanze sono principalmente di due tipi:

- **sostanze pure**, come ad esempio acqua, sale etc. . .
- **composti**, come moltissime sostanze in natura

Le *sostanze pure* non possono essere separate ulteriormente tramite tecniche fisiche ma possono essere modificate da reazioni biochimiche. Una **reazione** coinvolge un certo numero n di **reagenti** che portano ad un certo numero m di **prodotti**. Le proprietà chimico-fisiche dei reagenti possono essere modificate e i prodotti della reazione possono essere composti con caratteristiche molto diverse da quelle dei reagenti. Come formalismo potremmo avere, indicando con R_i i reagenti e P_j i prodotti:



Ovviamente i prodotti possono essere separabili o diventare a loro volta reagenti.

Ci sono inoltre composti che non possono essere modificati a livello chimico e questi sono gli **elementi**, composti da un certo tipo di **atomo**. Gli atomi sono l'elemento minimo da considerare per parlare di reazioni biochimiche a livello cellulare e sono composti, come si sa, da:

- il **nucleo**, con **protoni** e **neutroni**
- gli **elettroni**, che si trovano in un'orbitale quantizzato. Ogni orbitale contiene fino a 8 elettroni (tranne il primo che ne contiene massimo solo 2) e quindi si parla di *octet rule*. L'orbitale più esterno è *completo* solo nei cosiddetti **gas nobili** mentre negli altri è *incompleto*. Il numero di elettroni nell'ultimo orbitale rappresenta la **valenza dell'atomo**

La configurazione dell'orbitale più esterno permette agli stessi di legarsi in composti. Le **molecole** sono i composti più piccoli e, se divise, cambiano le loro proprietà chimiche. La struttura delle molecole dipende dall'organizzazione degli elettroni dell'ultimo orbitale condivisi dagli atomi. Gli atomi con valenza fino a 4, detti **donors** tendono a donare elettroni agli atomi con valenza da 5 a 7, detti **receptors**, che si dice hanno una **tendenza elettro-negativa**.

Uno strumento essenziale in tale ambito è la **tavola periodica**. La tavola periodica ci fornisce informazioni su ogni tipo di elemento conosciuto in natura, nonché i nuovi elementi sintetizzabili in esperimenti nucleari.

Si hanno vari modi in cui gli atomi *legano* tra loro:

- **legame ionico**, tra atomi con una valenza molto diversa (ad esempio $NaCl$, dove Na ha valenza 1 e Cl ha valenza 7)
- **legame covalente**, tra atomi con una valenza simile (questo succede spesso con molecole di atomi dello stesso tipo, come Cl_2)
- **legami doppi**, possibili in altre configurazioni (ad esempio Carbonio e ossigeno, entrambi di valenza 4, condividono due coppie di elettroni per formare la CO_2)

Un altro concetto importante è quello di **polarità**. Le molecole hanno una polarità, a seconda dell'elettronegatività di ciascun atomo partecipante e della loro configurazione spaziale. Ad esempio:

- le molecole risultanti dai legami tra O e H tendono ad essere *polari*, poiché l'elettronegatività di O e H è abbastanza diversa
- le molecole risultanti dai legami tra C e H tendono invece ad essere *non- polare*, poiché l'elettronegatività di C e H è simile

Molecole polari tendono ad *attrarsi* mentre quelle non-polari a separarsi (ad esempio acqua, polare, e olio non polare). Nel dettaglio, le molecole che non si mischiano bene con l'acqua sono dette **idrofobiche**.

Le forze che creano i legami tra gli atomi sono anche responsabili dell'*attrazione* tra atomi e molecole. Tra esse si ha la **forza elettrostatica** che agisce tra atomi e molecole. Un'altra forza è la **forza di Van der Waals (*vdW*)** che, a causa di effetti quantistici, attrae le molecole a “lunghe” distanze e allontana quelle a “corte” distanze.

Una forza di attrazione intermedia è quella risultante dal cosiddetto **legame a idrogeno**. Legami di questo tipo sono essenziali in biologia (basti vedere il DNA e il legame tra le basi azotate, come in figura 5.1 e 5.2) in quanto il Carbonio è abbastanza elettronegativo da essere un *donor* per il *legame a idrogeno*.

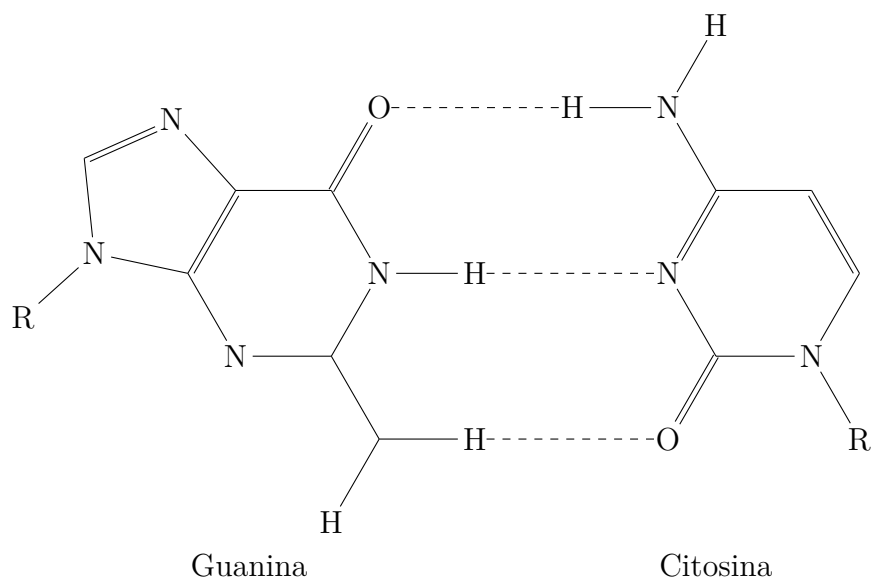


Figura 5.1: I tre legami a idrogeno tra Guanina e Citosina

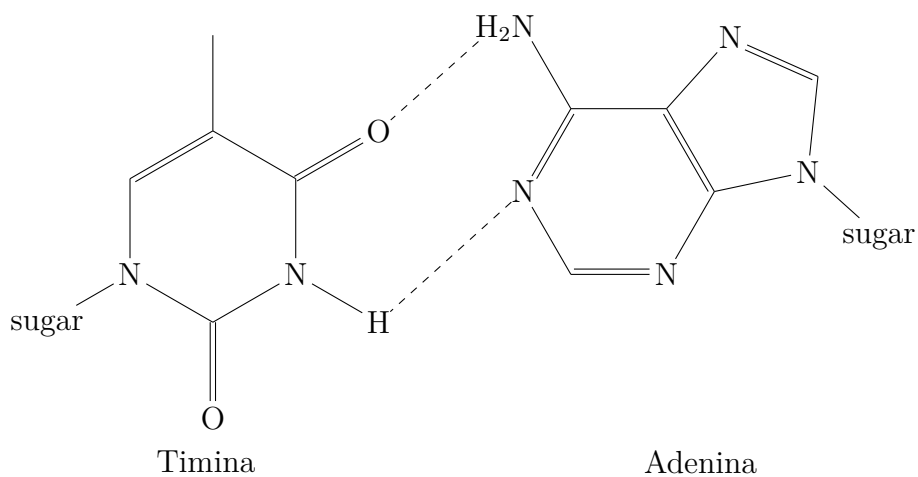


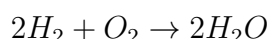
Figura 5.2: I due legami a idrogeno tra Timina e Adenina

5.1.1 Biochimica e Metabolismo

Abbiamo visto come le reazioni biochimiche modificano le proprietà di vari composti.

Una delle reazioni più semplici è quella detta **dissociazione**. Uno degli esempi tipici è il sale, $NaCl$, che dissolve in Na^+ e Cl^- a causa della polarità delle molecole dell'acqua. Si noti che questa reazione è **reversibile**.

Un'altra reazione semplice, stavolta **irreversibile**, che coinvolge più composti è la combustione dell'Idrogeno, che potremmo scrivere come:



*Il rapporto quantitativo tra i composti in una reazione è chiamato **stechiometria della reazione**.*

Per passare dal rapporto espresso con la stechiometria e le unità di misura della fisica (come i grammi) e viceversa si introduce una nuova unità di misura:

Un grammo di Mercurio, Hg , contiene un numero diverso di molecole rispetto ad un grammo di Potassio, K .

I chimici quindi, usando la teoria della *fisica statistica*, hanno introdotto il concetto di **mole (mol)**, definita come la misura della *quantità di sostanza*. La mole è definita come la quantità di sostanza che contiene esattamente $6,02214076 \times 10^{23}$ entità fondamentali, essendo questo il valore numerico della costante di Avogadro quando espressa in mol^{-1} . In altri termini è la quantità di sostanza che pesa esattamente il suo peso molecolare (ad esempio una mole di Ossigeno, O_2 , pesa circa $32g$ mentre una di Idrogeno, H_2 , circa $2g$).

Tra le caratteristiche principali di una reazione abbiamo il **reaction rate**, ovvero la *velocità* con cui avviene la reazione stessa. In chimica la **cinetica** è lo studio dei vari fattori che influenzano i *reaction rate*. Tra questi fattori abbiamo:

- temperatura
- concentrazione di reagenti (nelle reazioni biochimiche con importanti effetti biologici spesso la concentrazione di un dato reagente è molto piccola)
- ...

Data una reazione, quando la concentrazione di un reagente è molto bassa, o il *reaction rate* è molto lento, allora si dice che la reazione è **cineticamente**

alterata (sebbene questo termine sia solo evocativo).

Un tipo molto importante di reazione è quello che implica il trasferimento di elettroni da una molecola all'altra. Queste reazioni sono dette **oxy-reduction** o anche **redox**. Il composto che produce l'elettrone si dice che viene **ossidato** (il nome deriva dal fatto che l'Ossigeno è l'ossidante agente per eccellenza ma non è l'unico) mentre di quello che lo riceve viene detto che si **riduce**, ovvero diventa "più negativo".

Termodinamica

Si introduce anche qualche concetto di base di **termodinamica**.

La quantità di energia interna che un sistema termodinamico può scambiare con l'ambiente è detta **entalpia**. Essa non può essere direttamente misurata ma possiamo misurare la sua variazione ΔH , avendo:

$$H = U + p \cdot V$$

con:

- U energia interna
- p pressione
- V volume

Non tutta l'energia è disponibile per il lavoro infatti si ha che una parte di essa viene dispersa e non è quindi utilizzabile. Questa nozione di dispersione è formalizzata in termodinamica come l'**entropia** del sistema. Il cambiamento di energia complessiva del sistema lo possiamo calcolare come:

$$\Delta U = T \cdot \Delta S - w$$

con:

- T temperatura iniziale del sistema
- S entropia
- w lavoro

L'energia che è effettivamente disponibile per compiere il lavoro è detta **energia libera di Gibbs**, che si calcola come:

$$\Delta G = \Delta H - T \cdot \Delta S$$

Le reazioni biochimiche devono essere fattibili dal punto di vista termodinamico, avendo quindi, per esempio, che l'energia libera di Gibbs disponibile deve essere sufficiente per iniziare la reazione. La fattibilità termodinamica della reazione comunque non implica che essa avverrà spontaneamente (ad esempio la combustione del Metano è esotermica ma Metano e Ossigeno si mischiano senza far partire la reazione a temperatura ambiente). Si ha quindi che una reazione può avvenire solo se si ha $\Delta G < 0$ e ΔG è sufficiente a superare la **barriera di attivazione** della reazione. L'energia necessaria per superare tale barriera è detta **energia di attivazione**.

Durante una reazione l'energia complessiva del sistema cambia. Gran parte dell'energia di un sistema biochimico è contenuta nei legami tra i vari composti, avendo quindi la cosiddetta **energia di legame**. Gli organismi devono costruire e distruggere questi legami per vivere/riprodursi e possono farlo anche eseguendo reazioni non termodinamicamente fattibili, quindi utilizzando energia per superare le barriere di attivazione. Gli organismi, di conseguenza, hanno bisogno di effettuare delle reazioni per generare energia e uno dei modi più comuni è quello di rompere un legame fosfato nell'**ATP (adenosina-trifosfato)**, cedendo **ADP (adenosina-difosfato)**. L'energia contenuta nei legami fosfato dell'ATP è sufficiente per attivare molte reazioni biochimiche anche se non è sufficiente per molti degli altri tipi di legame presenti in un organismo. Per acquisire nell'organismo l'energia presente nell'ATP si hanno vari modi, tra cui nutrirsi o fare la fotosintesi.

Metabolismo

Ciò che l'organismo continua a fare per sopravvivere e riprodursi è accumulare energia per consumare e sintetizzare complessi biochimici e questa attività, che per lo più avviene nel citoplasma delle cellule, è detta **metabolismo** e si hanno due tipologie:

1. **catabolismo**, ovvero reazioni di decomposizione di vari complessi, per lo più acquisiti dall'ambiente
2. **anabolismo**, ovvero la sintesi di complessi

Capire come riscrivere il termine “complessi”.

I vari organismi condividono il funzionamento di molte reazioni di base, parlando quindi di **metabolismo centrale (core metabolism)**, mentre i meccanismi specializzati prendono il nome di **metabolismo secondario (secondary metabolism)**.

Un processo molto importante è quello che permette ad un organismo di “caricare” molecole di *ADP* con un gruppo fosfato, generando così *ATP* e per

farlo si ha una catena di reazioni (molte delle quali con alta energia di attivazione o basso reaction rate), ovvero i **metabolic pathways**. Per “accelerare” queste reazioni gli organismi usano il meccanismo della **catalisi**, in quanto un **catalizzatore** accelera una reazione o ne riduce l’energia di attivazione senza essere “consumato” durante la reazione stessa. Si ha quindi che il catalizzatore è sia un reagente che un prodotto della reazione complessiva. I catalizzatori sono chiamati **enzimi**, agendo su materiali/sostanze dette **substrati**.

Tra i pathway metabolici principali abbiamo (su slide immagini dei pathways e della Metabolic Map):

- glicolisi
- ciclo di Krebs

5.2 Modellazione Matematica

Bisogna capire come modellare matematicamente le reazioni biochimiche. Si useranno:

- la legge di azione di massa
- le equazioni di Michaelis-Menten
- la cooperatività, mediante l’equazione di Hill

Uno dei punti chiave della biologia computazionale è modellare **reaction network** (*reti di reazioni*) che si possono anche suddividere in:

- **metabolic network**, con lo studio di reazioni che riguardano molecole, proteine etc. . .
- **regulatory network**, con lo studio di interazioni di geni e proteine, studiando, promozione della trascrizione, inibizione, etc. . .

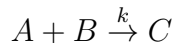
L’interazione spaziale a scala “meso” tra elementi cellulari separati e tra cellule sarà trattata separatamente.

5.2.1 Legge di Azione di Massa

Partiamo dalla **legge di azione di massa** (*Law of Mass-Action*).

La collisione tra due composti chimici, che sia tra due macromolecole o anche solo tra due ioni, che chiamiamo A e B , accade con un certo *reaction rate*

k , e produce un composto C come risultato. Indichiamo formalmente questo con:



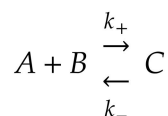
Il reaction rate k è dovuto a vari aspetti:

- la configurazione geometrica di A e B
- la temperatura
- altri parametri ambientali

Inoltre la legge si applica a sistemi che sono **in equilibrio** e non sempre è applicabile, ad esempio quando uno dei composti è presente a concentrazioni molto elevate, infatti in tal caso può essere che gli effetti risultanti non obbediscano alla semplice relazione che deriva dalla formulazione della legge. Possiamo riscrivere il formalismo della legge in modo da rimuovere \rightarrow e usare la notazione delle derivate, ottenendo un'**equazione differenziale ordinaria (EDO)**, in inglese **ordinary differential equation (ODE)**, che sia continua e deterministica. Indichiamo inoltre con $[X]$ la concentrazione del composto X . Otteniamo quindi:

$$\frac{d[C]}{dt} = k[A][B]$$

A causa della termodinamica possiamo inoltre considerare **reazioni bidirezionali**:



Una EDO per queste reazione, ad esempio dal punto di vista di A sarebbe:

$$\frac{d[A]}{dt} = k_-[C] - k_+[A][B]$$

Come detto prima vogliamo che il sistema sia in equilibrio in quanto, in tal caso, le concentrazioni dei composti non cambiano e quindi vale la seguente condizione, data la precedente equazione:

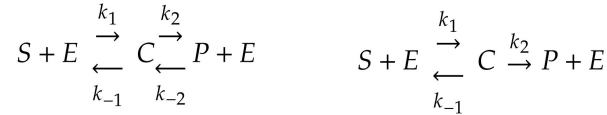
$$\frac{k_-}{k_+} = k_{eq} = \frac{[A]_{eq}[B]_{eq}}{[C]_{eq}}$$

Dove il rapporto k_{eq} è la **costante di equilibrio** della reazione e, qualora k_{eq} sia piccolo, si ha indicazione del fatto che A e B sono state effettivamente “unite” in C . Si ha che k_- e k_+ sono relativi alla reazione bidirezionale.

5.2.2 Equazioni di Michaelis-Menten e Hill

Passiamo ora a formalizzare la **cinetica enzimatica**, tramite le **equazioni di Leonor Michaelis e Maud Menten**.

Reazioni non elementari, ovvero quelle che non seguono la *legge di massa di azione*, come ad esempio le reazioni enzimatiche, necessitano la seguente rappresentazione (con a destra una semplificazione della stessa):



Dove:

- S è il substrato
- E è l'enzima
- C è il prodotto intermedio
- P è il prodotto della reazione

Da queste forme possiamo formulare le equazioni di Michaelis-Menten.

Riprendiamo la formula $A + B \xrightarrow{k} C$, e la sua versione differenziale $\frac{d[C]}{dt} = k[A][B]$ per poter ottenere le due equazioni.

L'obiettivo principale di Michaelis e Menten era quello di caratterizzare i processi di fermentazione, quindi ciò che cercavano erano misure dell'efficienza di una reazione enzimatica e della sua velocità.

Avendo che $[E]_0$ è la quantità disponibile di enzima e che $[E] + [C] = [E]_0$ possiamo riscrivere lo schema della *legge di massa di azione* otteniamo 4 ODE:

$$\begin{aligned}\frac{d[S]}{dt} &= k_{-1}[C] - k_1[S][E] \\ \frac{d[E]}{dt} &= (k_{-1} + k_2)[C] - k_1[S][E] \\ \frac{d[C]}{dt} &= k_1[S][E] - (k_2 + k_{-1})[C] \\ \frac{d[P]}{dt} &= k_2[C]\end{aligned}$$

Consideriamo quindi la concentrazione totale dell'enzima $[E]_0$ e assumiamo tutti i reaction rate costanti. Se osserviamo le precedenti equazioni otteniamo che la velocità a cui cresce la concentrazione di $[P]$ è:

$$V = \frac{d[P]}{dt} = k_2[C] \approx [E][S]$$

e quindi V è proporzionale alla concentrazione di $[E]$ e $[P]$.

Si ipotizza ora che tutto l'enzima $[E]_0$ sia “esaurito”. A quel punto non importa se aumentiamo il substrato, non c'è modo di combinare più enzimi e quindi la velocità della reazione raggiunge un certo massimo che chiamiamo V_{max} . Si ha che $\frac{V_{max}}{2}$ la si ottiene ad un certo K_M che verrà a breve approfondito (**grafico su slide**).

Il *sistema di Michaelis-Menten* si risolve analiticamente con una cosiddetta *approssimazione di equilibrio*, con la quale si assume che il substrato S e il complesso C sono istantaneamente in equilibrio. Si ha quindi che:

$$k_1[S][E] = k_{-1}[C] + k_2[C]$$

e sapendo che $[E] + [C] = [E]_0$, e quindi $[E] = [E]_0 - [C]$ si ha che:

$$k_1[S]([E]_0 - [C]) = (k_{-1} + k_2)[C]$$

e quindi:

$$[S][E]_0 - [S][C] = [C] \left(\frac{k_{-1} + k_2}{k_1} \right)$$

Introduciamo quindi il già anticipato K_M , che è un combinazione vari di reaction rate:

$$K_M = \left(\frac{k_{-1} + k_2}{k_1} \right)$$

Facciamo ora un poco di manipolazione delle equazioni già ottenute, ottenendo, introducendo K_M (*in modo non esplicitato nelle slide*), che:

$$[C](K_M + [S]) = [E]_0 + [S]$$

e quindi:

$$[C] = \frac{[E]_0[S]}{K_M + [S]}$$

Ricordando quindi che la velocità di creazione di P , ovvero il reaction rate, è:

$$V = \frac{d[P]}{dt} = k_2[C]$$

Sapendo poi che a V_{max} si ha che tutto l'enzima E_0 deve essere legato in C si ottiene:

$$V_{max} = k_2[C] = k_2[E]_0$$

Ma allora, rimettendo insieme le varie equazioni:

$$V = \frac{d[P]}{dt} = k_2[C] = k_2 \frac{[E]_0[S]}{K_M + [S]} = \frac{V_{max}[S]}{K_M + [S]}$$

e quindi si ha l'**equazione di Michaelis-Menten**:

$$V = \frac{V_{max}[S]}{k_M + [S]}$$

Studiamo meglio K_M , che è detta **costante di Michaelis-Menten**. Uno studio dimensionale sull'equazione di questa costante porta a dire che è una concentrazione. Facendo vari conti possiamo arrivare ad asserire che:

$$K_M \approx [S]$$

e quindi, sostituendo nell'equazione di Michaelis-Menten si ottiene, come già in parte anticipato:

$$V = \frac{1}{2}V_{max}$$

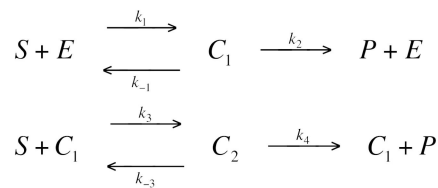
Si arriva quindi ad una definizione.

Definizione 3. Si definisce K_M , detta **costante di Michaelis-Menten**, come quell' $[S]$ tale per cui si ha $V = \frac{1}{2}V_{max}$.

Questa costante è anche usata per definire la nozione di **efficienza catalitica**.

Per molti enzimi la velocità di reazione segue la forma di un **sigmoide**, che è diversa da quella ad iperbole ottenuta da Michaelis e Menten. Questo accade quando un enzima può legarsi a più di un substrato e il primo legame facilita quello successivo.

Ad esempio potremmo avere la seguente situazione, con due legami due complessi intermediari C_1 e C_2 :



Con altri passaggi matematici potremmo trovare una forma generale per la velocità, ottenendo l'**equazione di Hill**, che in questo caso è:

$$V = \frac{V_{max}[S]^n}{K_M^n + [S]^n}$$

con n numero di siti in cui l'enzima può legarsi e con K_1, K_2, \dots, K_l che sono le l costanti di equilibrio, avendo che:

$$K_m^l = \prod_{i=0}^l K_i$$

L'**equazione di Hill** è usata per modellare reazioni che si pensa siano cooperative (cioè con enzimi che possono legarsi in più di un substrato), ma i cui dettagli non sono completamente noti.

Per fare funzionare comunque un qualsiasi sistema con EDO abbiamo bisogno delle **costanti**. Si hanno sostanzialmente due modi per conoscere le costanti:

1. si ricercano sperimentalmente in laboratorio di biologia provando diverse condizioni in cui avviene una reazione e se ne misura la velocità, misurando le concentrazioni prima e dopo un certo tempo, inferendo poi le costanti. Per sistemi molto grandi è impraticabile
2. si usano metodi computazionali per fare *esplorazione dello spazio dei parametri*, ovvero il *parameter sweep*. Si hanno diversi metodi di tipo stocastico o anche metodi più “controllati”, che danno certezza di aver esplorato buona parte dello spazio dei parametri, usando i metodi detti di *ricerca su griglia*, ovvero i metodi **grid search**. Anche in questo caso è una ricerca sperimentale dei parametri ma dal punto di vista computazionale

Nel dettaglio i parametri n , V_{max} e K_M devono essere determinati in uno di questi modi.

Si possono fare alcune considerazioni su n :

- per $n > 1$ si hanno legami che cooperano positivamente, avendo che, non appena un *ligando* (ovvero l'enzima) si lega a una molecola, l'*affinità di attrazione* per altri ligandi aumenta
- per $n < 1$ si hanno legami che cooperano negativamente, avendo che, non appena un *ligando* (ovvero l'enzima) si lega a una molecola, l'*affinità di attrazione* per altri ligandi diminuisce
- per $n = 1$ non si hanno legami che cooperano, avendo che l'affinità di attrazione dei ligandi non dipende da quanti di loro erano già attaccati alla molecola o no

In base a quanto detto Elowitz and Leibler scelsero sperimentalmente $n = 2$ e decisero quale tipo di promotori e inibitori (e sincronizzatori) utilizzare durante la progettazione del proprio esperimento per il Repressilator.

L'obiettivo di ogni sforzo di modellazione (che mira a modellare, alla fine, i pathway), infine, è osservare comportamenti plausibili con l'obiettivo di poter prevedere quelli imprevisti.