

Nume și prenume	Nr. matricol	Data completării formularului
Popescu-Barbu Floricel	xxx	12.10.2021

TEMĂ DE CASĂ NR. 1

(Tema de casă se depune pe CV în săptămâna consecutivă celei în care s-a efectuat lucrarea de laborator. Formularul completat se depune în format pdf.)

- 1.1. Imaginați câte un exemplu de semnal în timp continuu pentru cele 4 domenii precizate în tabel. Răspunsurile se vor formula potrivit relațiilor (1), (2) și exemplelor de la pag. 1 și 2 din Lucrarea de laborator nr. 1.

Corpul omenesc	Temperatura corpului pe parcursul a două ore $\theta(t)$, $\theta: [0, 3600] \rightarrow \mathbb{R}$.
Domeniul automotive	Presiunile în cele 4 roți ale unui automobil pe durata a 10 minute $p(t)$, $p = [p_1, p_2, p_3, p_4]^T$, $p: [0, 36000] \rightarrow \mathbb{R}^4$.
Mediul înconjurător	Nivelul râului Bega h_B măsurat la intrarea în Timișoara pe parcursul unui interval de timp $[t_0, t_f]$, $h_B: [t_0, t_f] \rightarrow \mathbb{R}$.
Domeniul audio-video	Nivelul volumului V unui aparat de radio pe durata $[t_0, t_f]$ a unei emisiuni, $V: [t_0, t_f] \rightarrow \mathbb{R}$.

- 1.2. Determinați transformatele Laplace ale următoarelor semnale (*nu se cer demonstrații ci doar rezultatele*):

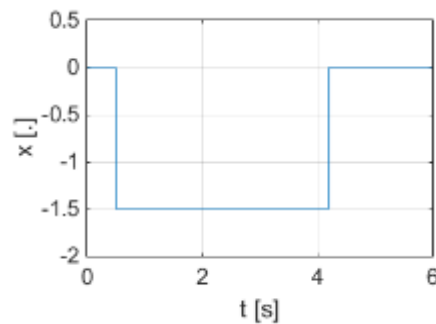
$u(t) = 230 \cdot \sin(100 \cdot \pi \cdot t)$, $t \in \mathbb{R}_+$	$u(s) = \frac{23000 \cdot \pi}{s^2 + (100 \cdot \pi)^2}$
$i(t) = 1.3 \sin(2 \cdot \pi \cdot 50 \cdot t - 0.1)$, $t \in \mathbb{R}_+$	$i(s) = 1.3 \cdot \frac{-(\sin 0.1) \cdot s + 100 \cdot \pi \cdot \cos 0.1}{s^2 + (100 \cdot \pi)^2}$
$x(t) = 10 \cdot [\sigma(t-t_1) - \sigma(t-t_2)]$, $t_1 < t_2$, $t \in \mathbb{R}_+$	$x(s) = \frac{10}{s} \cdot (e^{-t_1 s} - e^{-t_2 s})$
$v(t) = (2 \cdot t + 30) \sigma(t-4)$, $t \in \mathbb{R}_+$	$v(s) = \frac{38 \cdot s + 2}{s^2} \cdot e^{-4s}$

- 1.3. Pentru semnalul $x(t)$, $t \in \mathbb{R}_+$ se obține, în urma unor calcule în domeniul operațional, expresia $x(s) = \frac{2s-1}{s^2(0.01s+1)}$. Să se arate că semnalul original este $x(t) = 2.01 \cdot (1 - e^{-100t}) - t$, $t \in \mathbb{R}_+$. *Indicație: Se va descompune expresia lui $x(s)$ în termeni de forma celor din tabelele de transformare, apoi se vor aduce termenii la forma din tabel, iar în final se folosește teorema de liniaritate a transformatei Laplace.*

$$\begin{aligned}
 x(s) &= \frac{2s-1}{s^2(0.01s+1)} = 100 \frac{2s-1}{s^2(s+100)} = 100 \left[\frac{2}{s(s+100)} - \frac{1}{s^2(s+100)} \right] = \\
 &= 2 \frac{100}{s(s+100)} - 0.01 \frac{100^2}{s^2(s+100)} \quad \bullet \rightarrow \quad 2(1 - e^{-100t}) - 0.01(100t - 1 + e^{-100t}) = \\
 &2.01(1 - e^{-100t}) - t = x(t)
 \end{aligned}$$

1.4. Generați, semnalele din tabel adaptând și modificând modelul simulink din lucrarea de laborator, (pentru inserarea figurilor puteți folosi Snipping Tool, Print Screen etc.).

$$x(t) = -1.5 \cdot [\sigma(t-0.5) - \sigma(t-4.2)], t \in [0, 6]$$



$$w(t) = 230 \cdot \sin(100 \cdot \pi \cdot t) + 25 \cdot [\sigma(t-0.005) - \sigma(t-0.0053)], t \in [0, 0.06]$$

