Elektrik Devre Temelleri

2024-2025 Bahar Dönemi

Hafta 6 28 Mart 2025

Sibel ÇİMEN
Umut Engin AYTEN

Devre Elemanlari

DEVRE ELEMANLARININ SINIFLANDIRILMASI

1. Enerji fonksiyonuna bakarak devre elemanlarının sınıflandırılması:

Aktif Eleman: Tanım bağıntısını sağlayan hiç değilse bir akım ve bir gerilim fonksiyonu için ve hiç değilse bir t anı için enerjisi negatif olan elemana denir.

$$W(t)=\int_{-\infty}^{t}v(\tau)i(\tau)d\tau<0$$
 Örnek: $v(t)=i^{2}(t)$ Elamanı aktif bir eleman mıdır? $W(t)=\int_{-\infty}^{t}i(\tau)^{3}d\tau$

i(t)<0 için W(t)<0 olacağına göre bu eleman aktif elemandır.

Pasif Eleman: Tanım bağıntısını sağlayan tüm akım ve gerilim fonksiyonları ve her t anı için enerjisi pozitif veya 0 olan elemana pasif eleman denir.

Kayıplı Eleman: Tüm akım ve gerilim fonksiyonları ve her t anı için enerjisi ve enerjisinin zamana göre türevi pozitif veya 0 olan pasif elemana kayıplı pasif eleman denir.

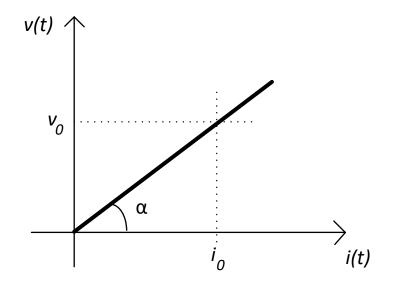
Kayıpsız Eleman: Hiç değilse bir akım ve gerilim fonksiyon ve $t=\infty$ için enerjisi 0 olan pasif elemana kayıpsız pasif eleman denir.

Devre Elemanlari

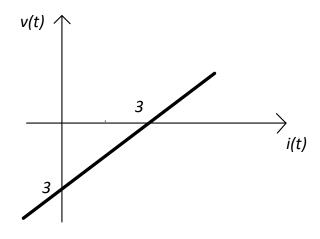
Direnç İki Uçluları

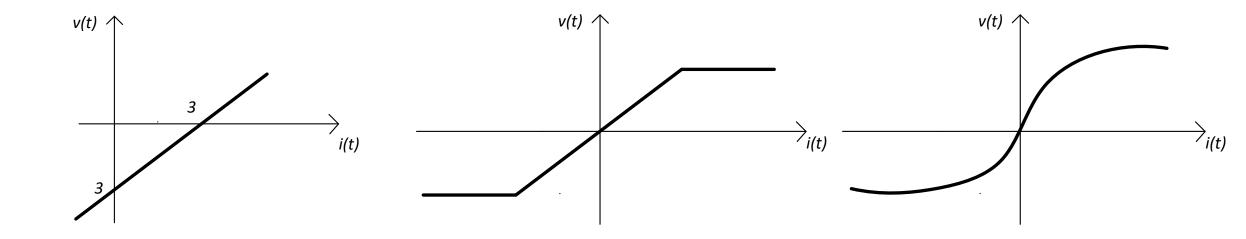
1. Lineer Zamanla Değişmeyen Direnç:

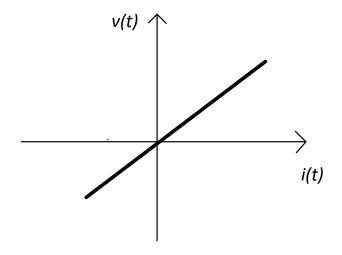
Lineer olması çarpımsallık ve toplamsallık özelliklerini sağlaması demektir.



$$m = \tan \alpha = \frac{v_0}{i_0} = R$$

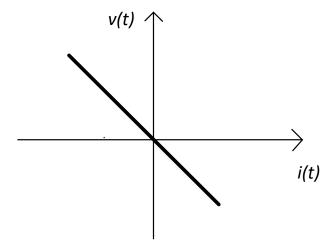






$$m = R > 0$$

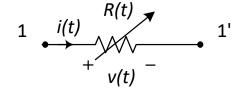
Pasif, devrede güç tüketen eleman



$$m = R < 0$$

Aktif, devrede güç üreten eleman

2. Lineer Zamanla Değişen Direnç:

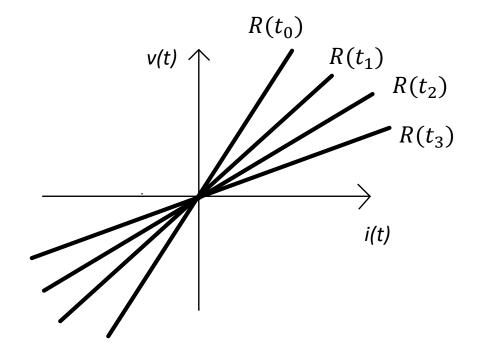


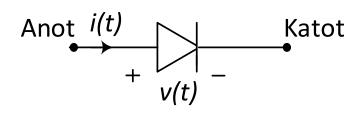
$$v(t) = R(t)i(t)$$

$$R = m.e^{at}$$

$$R = \sin(\omega t)$$

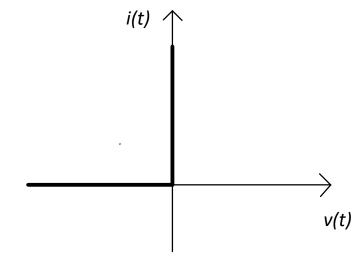
$$R = m.t$$



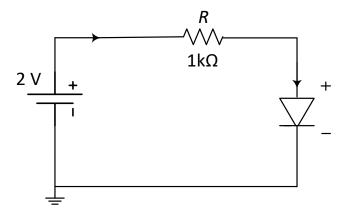


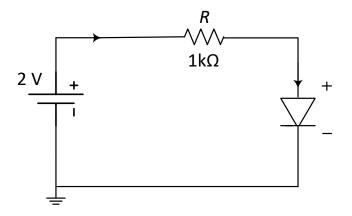
$$v(t) \le 0 \implies i(t) = 0$$

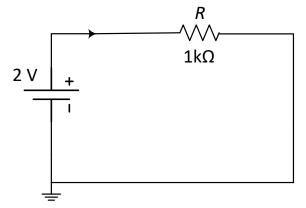
$$i(t) \ge 0 \implies v(t) = 0$$

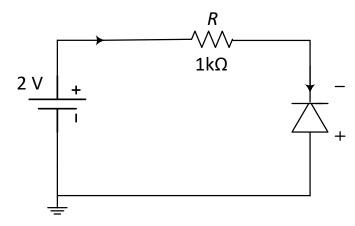


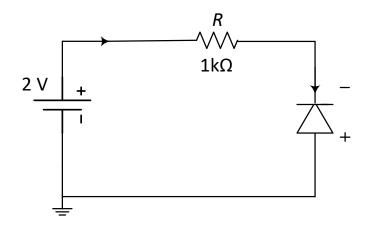
 $v_{anot} > v_{katot}$ olmalıdır.

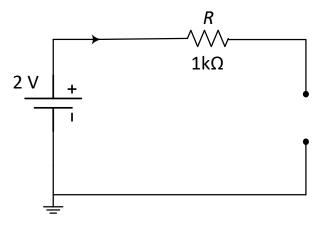




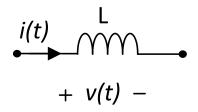






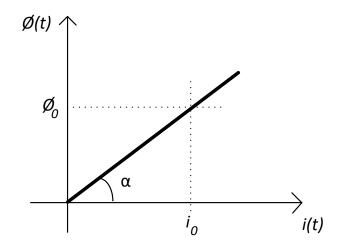


Endüktör İki Uçlusu



$$\emptyset(t) = L.i(t)$$

1. Lineer Zamanla Değişmeyen Endüktör:



$$m = \tan \alpha = \frac{\emptyset_0}{i_0} = L$$

Endüktör İki Uçlusu

$$\emptyset(t) = L.i(t)$$

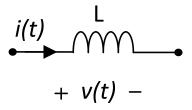
$$i(t) = \frac{1}{L}\emptyset(t)$$

$$\emptyset(t) = \int_{-\infty}^{t} v(\tau) d\tau$$

$$i(t) = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t} v(\tau) d\tau = \frac{1}{L} \left[\int_{-\infty}^{t_0} v(\tau) d\tau + \int_{t_0}^{t} v(\tau) d\tau \right]$$

$$i(t) = \frac{1}{L} \left[\emptyset(t_0) + \int_{t_0}^t v(\tau) d\tau \right]$$

$$i(t) = i(t_0) + \frac{1}{L} \int_{t_0}^t v(\tau) d\tau$$



$$i(t)$$
 L , $i(t_0)$
 $+$
 $v(t)$

Endüktör İki Uçlusu

$$\emptyset(t) = L.i(t)$$

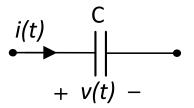
$$v(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$

Akım-gerilim tanım bağıntıları diferansiyel ya da integral şeklinde olup cebirsel olmayan elemanlara dinamik elemanlar denir. Bu elemanlar üzerlerinde enerji depo eder.

Güç:
$$p(t) = v(t)i(t)$$

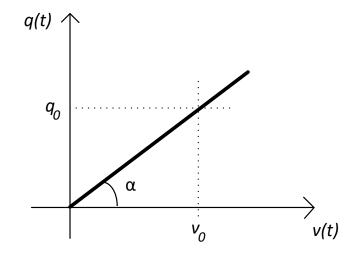
Enerji:
$$w_L(t) = \int_{-\infty}^{t} p(x)dx = \frac{1}{2}Li(t)^2$$
 $L > 0$ için $w_L(t) > 0$

Kapasitör İki Uçlusu



$$q(t) = C.v(t)$$

1. Lineer Zamanla Değişmeyen Kapasitör:



$$m = \tan \alpha = \frac{q_0}{v_0} = C$$

Kapasitör İki Uçlusu

$$q(t) = C.v(t)$$

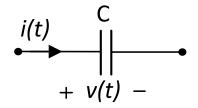
$$v(t) = \frac{1}{C}q(t)$$

$$q(t) = \int_{-\infty}^{t} i(\tau)d\tau$$

$$v(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(\tau) d\tau = \frac{1}{C} \left[\int_{-\infty}^{t_0} i(\tau) d\tau + \int_{t_0}^{t} i(\tau) d\tau \right]$$

$$v(t) = \frac{1}{C} \left[q(t_0) + \int_{t_0}^t i(\tau) d\tau \right]$$

$$v(t) = v(t_0) + \frac{1}{C} \int_{t_0}^{t} i(\tau) d\tau$$



$$\begin{array}{c|c}
i(t) & C, v(t_0) \\
 & & | & | & | \\
 & + v(t) & - & |
\end{array}$$

Kapasitör İki Uçlusu

$$q(t) = C.v(t)$$

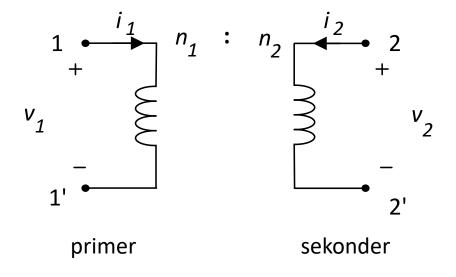
$$i(t) = C \frac{dv(t)}{dt}$$

Akım-gerilim tanım bağıntıları diferansiyel ya da integral şeklinde olup cebirsel olmayan elemanlara dinamik elemanlar denir. Bu elemanlar üzerlerinde enerji depo eder.

Güç:
$$p(t) = v(t)i(t)$$

Enerji:
$$w_C(t) = \int_{-\infty}^t p(x)dx = \frac{1}{2}Cv(t)^2$$
 $C > 0$ için $w_C(t) > 0$

İdeal Transformatör Elemanı



$$p_1 = -p_2$$

$$v_1 i_1 = -v_2 i_2$$

$$v_2 = \frac{n_2}{n_1} v_1$$

$$i_2 = -\frac{n_1}{n_2} i_1$$

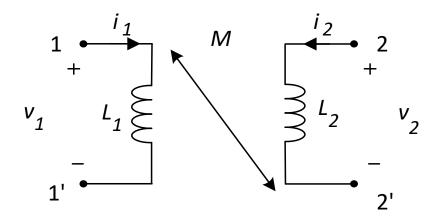
$$v_1 - i_2 \quad n_1$$

Örnek:

$$n_2 = 10T$$

$$n_1 = 1T$$

İdeal Olmayan Transformatör Elemanı



M: karşılıklı endüktans katsayısı

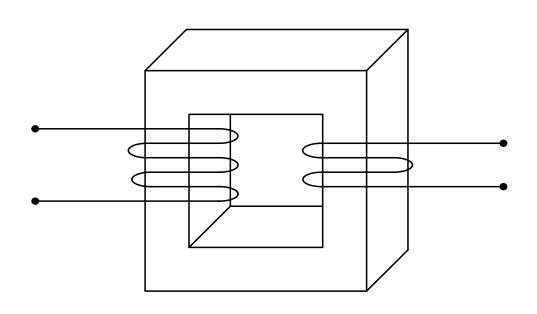
k: karşılıklı etkileşim katsayısı

$$M = k\sqrt{L_1 L_2}$$

$$v_1 = L_1 \frac{di_1}{dt} \pm M \frac{di_2}{dt}$$

$$v_2 = L_2 \frac{di_2}{dt} \pm M \frac{di_1}{dt}$$

İdeal Olmayan Transformatör Elemanı

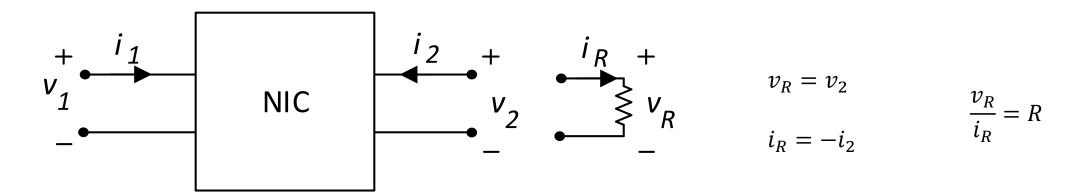


M: karşılıklı endüktans katsayısı

k: karşılıklı etkileşim katsayısı, kaçak akımlar sebebiyle oluşur.

$$M = k\sqrt{L_1 L_2}$$

Negatif Empedans Çevirici (NIC)



1. Gerilim Eviren Tip (VNIC):

$$v_1 = -v_2$$
$$i_1 = -i_2$$

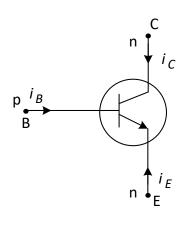
$$\frac{v_1}{i_1} = \frac{v_2}{i_2} = \frac{v_R}{-i_R} = -F$$

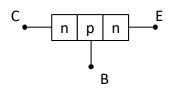
2. Akım Eviren Tip (INIC):

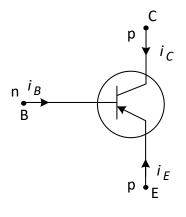
$$v_1 = v_2$$
$$i_1 = i_2$$

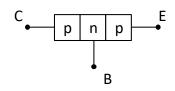
$$\frac{v_1}{i_1} = \frac{v_2}{i_2} = \frac{v_R}{-i_R} = -F$$

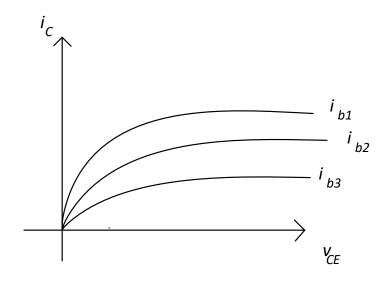
Transistör Elemanı (BJT-Bipolar Jonksiyonlu Transistör)



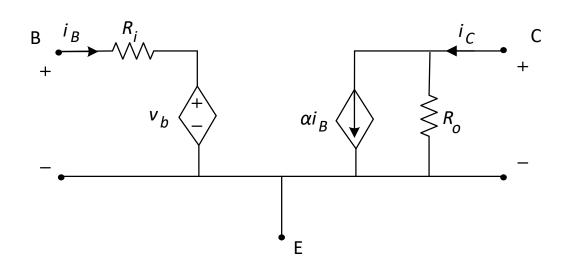








Transistör Elemanı (BJT-Bipolar Jonksiyonlu Transistör)



idealde;

$$R_i = 0$$

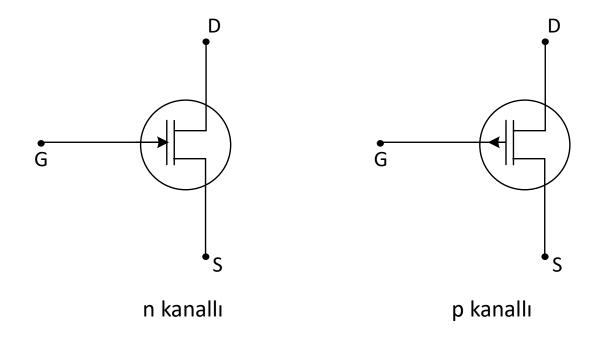
$$R_o = \infty$$

$$v_{BE} = v_b + R_i i_b$$

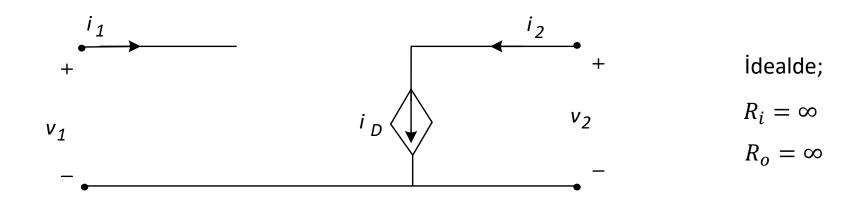
$$i_C = \frac{v_{CE}}{R_o} + \alpha i_b$$

$$i_E = i_B + i_C = (\alpha + 1)i_B$$

Alan Etkili Transistör (FET-Alan Etkili Transistör)



Alan Etkili Transistör (FET-Alan Etkili Transistör)

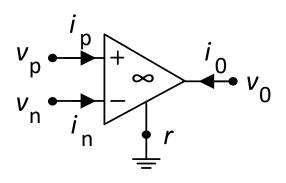


$$i_1 = 0$$

$$i_2 = i_D = g_m v_1$$

4-Uçlu Elemanlar

1. İşlemsel Kuvvetlendiriciler (OpAmp)



∞: ideal olduğunu gösterir.

p(+): non-inverting input.

n(-): inverting input.

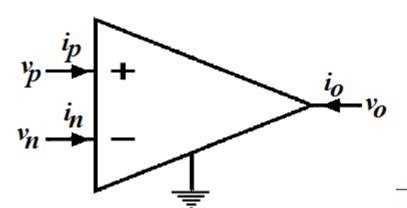
o: output.

ideal Opamp:

$$i_p = i_n = 0$$

$$v_p = v_n$$





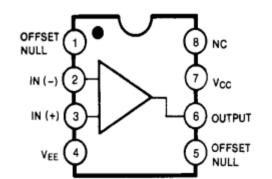
OpAmp 4 uçlu, 3 kapılı bir devre elemanıdır.

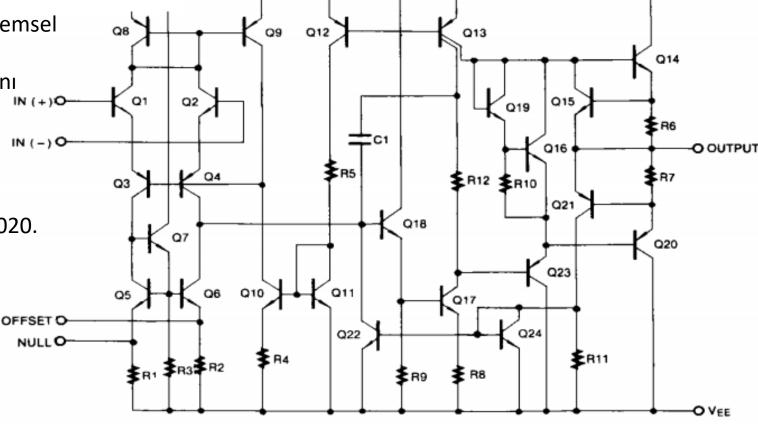
Lineer Tanım Bağıntıları:

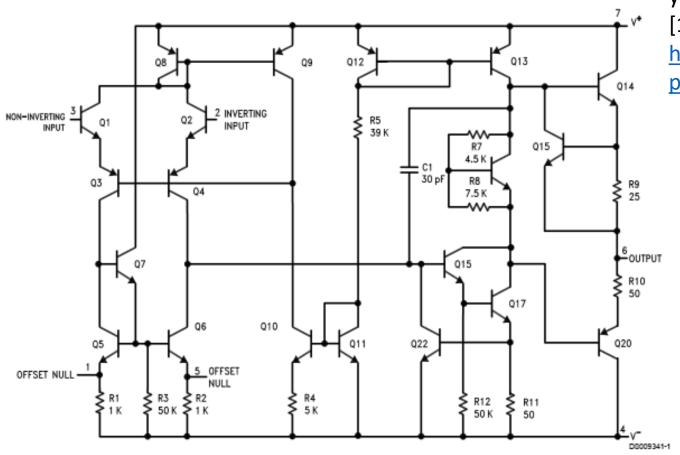
$$i_p = 0, i_n = 0, v_p = v_n$$

İşlemsel kuvvetlendirici elemanının iç yapısı [1]. İşlemsel Kuvvetlendirici olarak ilk üretilen işlemsel kuvvetlendiricilerden bir tanesi olan LM741 elemanı seçilmiştir.

[1] LM741 Datasheet, Fairchild Semiconductor, https://www.alldatasheet.com/datasheet-
pdf/pdf/53589/FAIRCHILD/LM741.html, 4 Nisan 2020.





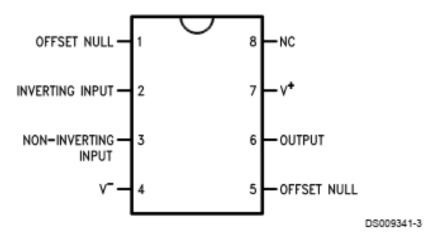


İşlemsel kuvvetlendirici elemanının iç yapısı [2]. National instruments firmasının ürettiği LM741 elemanının iç yapısı [2].

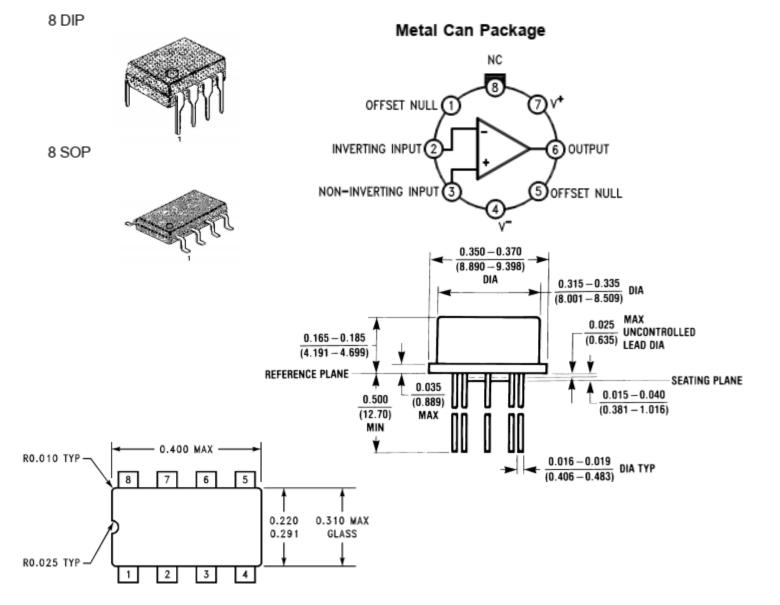
[1] LM741 Datasheet, National Instruments, https://www.alldatasheet.com/datasheet-pdf/9027/NSC/LM741.html, 4 Nisan 2020.

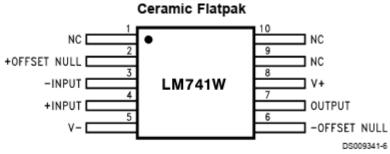
Uç adları ve genel bağlantı şeması [2].

Dual-In-Line or S.O. Package



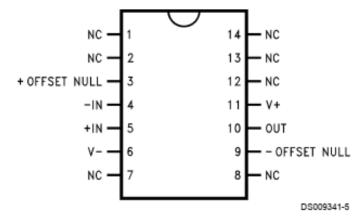
Order Number LM741J, LM741J/883, LM741CM, LM741CN or LM741EN

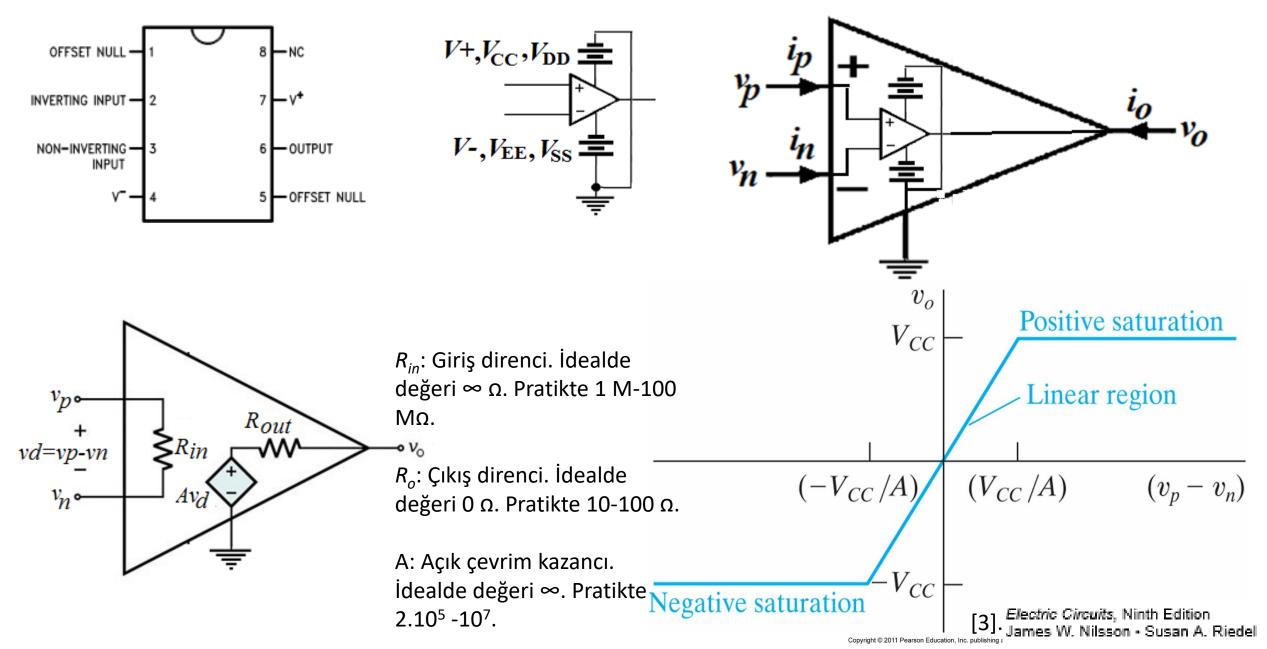


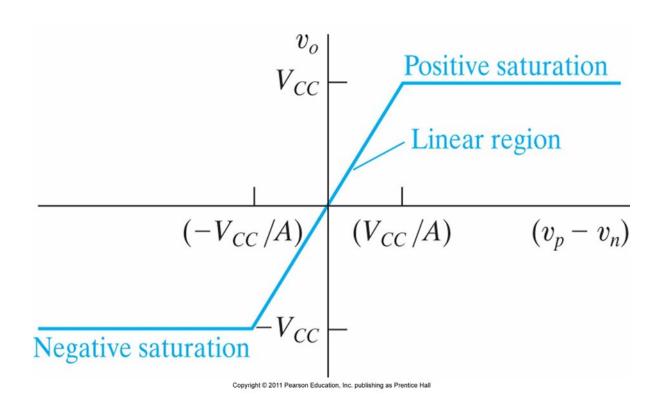


Order Number LM741W/883 See NS Package Number W10A

Ceramic Dual-In-Line Package







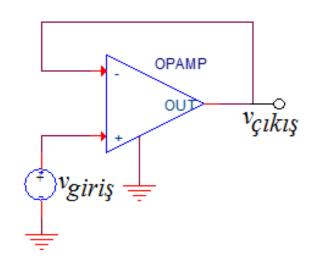
Lineer Bölgede:

$$v_p - v_n \approx 0$$
 $\rightarrow v_p = v_n$

Giriş direncinin değeri çok yüksek olduğu için;

$$i_p = 0$$
 , $i_n = 0$

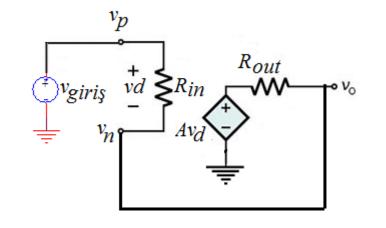
Gerilim İzleyici (Voltage Follower) Devresi



Opamp'ın lineer uygulaması

Eşdeğer devresini çizelim.





Rin değerini sonsuz alalım. Rout'un değerini de 0Ω alalım.

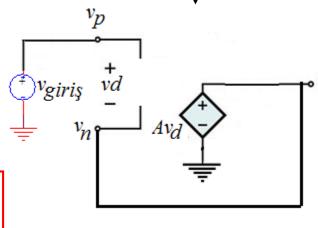


$$v_{\varsigma\iota k\iota\varsigma} = A(v_p - v_n)$$

$$v_{\varsigma\iota k\iota \S} = A(v_{giri\S} - v_{\varsigma\iota k\iota \S})$$

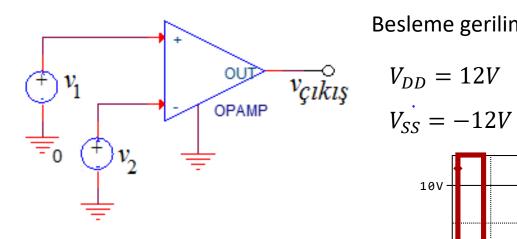
$$v_{\varsigma\iota k\iota\varsigma}(1+A) = Av_{giri\varsigma}$$

$$v_{\varsigma \iota k \iota \S} = \frac{A}{1+A} v_{giri\S} \qquad A \gg 1 \qquad v_{\varsigma \iota k \iota \S} = v_{giri\S}$$



 $v_n = v_p$ olur. Yani opamp lineer bölgede çalışıyor.

Karşılaştırıcı Devresi (Comparator Circuit)



Nonlineer uygulama. $v_p \neq v_n$

CEVAP:

a)
$$v_{cikis} = 12 V$$

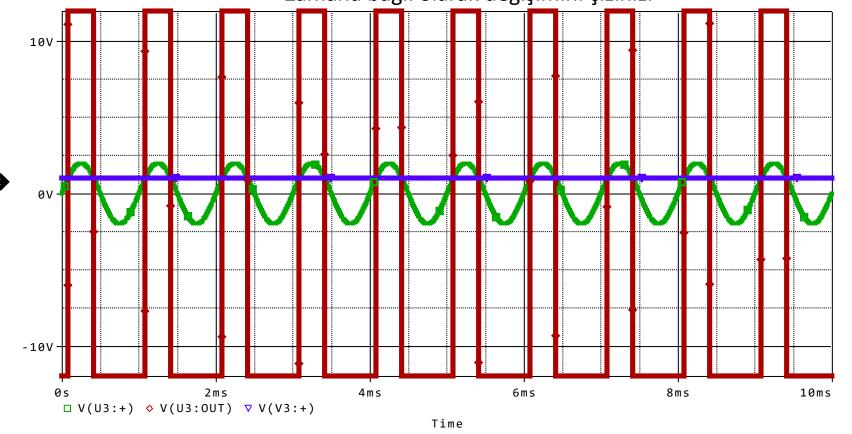
b)
$$v_{\varsigma\iota k\iota \varsigma} = -12 V$$

Besleme gerilimleri

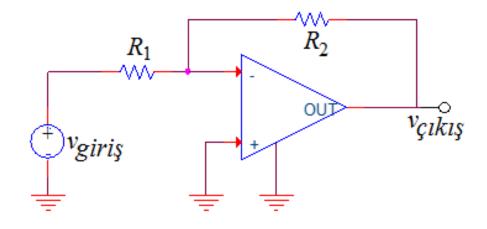
$$V_{DD} = 12V$$

$$V_{SS} = -12V$$

- a) $v_1=2 \text{ V ve } v_2=1 \text{ V olsun. } V_{cikis}=?$
- b) $v_1=1 \text{ V ve } v_2=2 \text{ V olsun. } V_{cikis}=?$
- c) $v_1 = 2\sin(2\pi 1000t) \text{ V ve } v_2 = 1 \text{ V olsun. } V_{cikis} = ?$ Zamana bağlı olarak değişimini çiziniz.

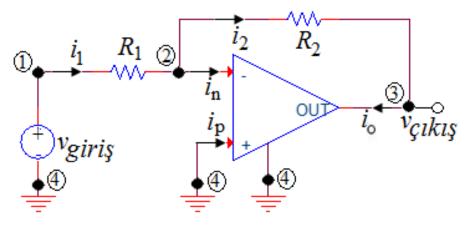


Eviren Kuvvetlendirici (Inverting Amplifier) Devresi



Opamp bu devrede lineer bölgede çalışmaktadır. Yani $v_p=v_n'$ dir.

1. Adım: Direnç elemanlarının akım referansları keyfi olarak belirlenir. Bir düğüm referans düğümü olarak belirlenir.



2. Adım: Referans düğümü dışındaki düğümler için Kirchoff'un Akım Yasası uygulanır. n_d-1 tane düğüm için bağımsız akım denklemi elde edilmiş olur.

$$d_1$$
 için: $i_1 + i_{giri} = 0$

$$d_2$$
 için: $-i_1 + i_2 + i_n = 0$

$$d_3$$
 için: $-i_2 + i_o = 0$

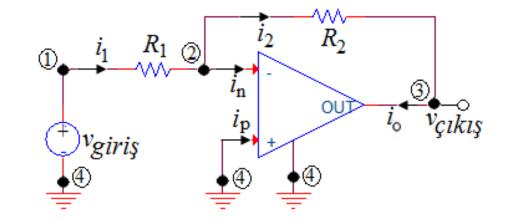
3. Adım: Direnç elemanlarının tanım bağıntıları eleman akımları yerine yazılır.

$$\begin{aligned} &\mathrm{d_1\,için:}\;\frac{v_1}{R_1}+i_{giri\$}=0\\ &\mathrm{d_2\,için:}\;-\frac{v_1}{R_1}+\frac{v_2}{R_2}+i_n=0 \end{aligned}$$

$$d_3$$
 için: $-\frac{v_2}{R_2} + i_o = 0$

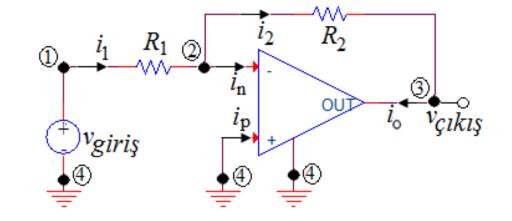
4. Adım: Direnç elemanı gerilimleri düğüm gerilimleri cinsinden eşitliklerde yerine yazılır.

$$\begin{aligned} &\mathsf{d_1} \text{ için: } \frac{(v_{d1}-v_{d2})}{R_1} + i_{giri\$} = 0 \\ &\mathsf{d_2} \text{ için: } -\frac{(v_{d1}-v_{d2})}{R_1} + \frac{(v_{d2}-v_{d3})}{R_2} + i_n = 0 \\ &\mathsf{d_3} \text{ için: } -\frac{(v_{d2}-v_{d3})}{R_2} + i_o = 0 \end{aligned}$$



5. Adım: Düğüm gerilimi ifadeleri eşitliğin sağında kalacak şekilde denklemler düzenlenir.

$$\begin{split} & \mathrm{d_1\,için:}\ v_{d1}(\frac{1}{R_1})\ + v_{d2}(-\frac{1}{R_1})\ = -i_{giri\$} \\ & \mathrm{d_2\,için:}\ v_{d1}\left(-\frac{1}{R_1}\right) + v_{d2}\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) + v_{d3}(-\frac{1}{R_2}) = -i_n \end{split}$$



$${\rm d_3 \ için:} \ v_{d2} \left(-\frac{1}{R_2} \right) + v_{d3} \left(\frac{1}{R_2} \right) = -i_o$$

Denklemler matrisel halde aşağıdaki şekilde yazılabilir.

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} & -\frac{1}{R_1} & 0\\ -\frac{1}{R_1} & \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2}\\ 0 & -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{d1}\\ v_{d2}\\ v_{d3} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_{giri\$}\\ -i_n\\ -i_o \end{bmatrix}$$

6. Adım: Ek denklemler yazılır. Direnç elemanları ve bağımsız akım kaynakları dışındaki tüm elemanlar için tanım bağıntıları yazılır.

1. Ek denklem: $v_{d1} = v_{giris}$

2. Ek denklem: $v_p = v_n \implies v_{d2} = 0 V$

3. Ek denklem: $i_n = 0$, $i_p = 0$

i_{giriş} , in ve io akım değerleri bilinmektedir. 3 Adet ek denklem gereklidir.

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} & -\frac{1}{R_1} & 0\\ -\frac{1}{R_1} & \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2}\\ 0 & -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{d1}\\ v_{d2}\\ v_{d3} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -i_{giris}\\ -i_n\\ -i_o \end{bmatrix}$$

2. Satır açılırsa:

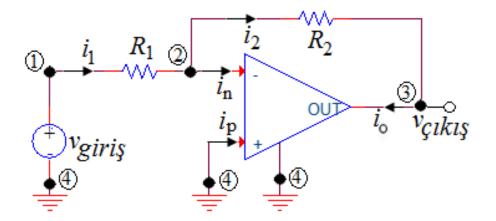
$$\left(-\frac{1}{R_1}\right)v_{d1} + \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right)v_{d2} + \left(-\frac{1}{R_2}\right)v_{d3} = 0$$

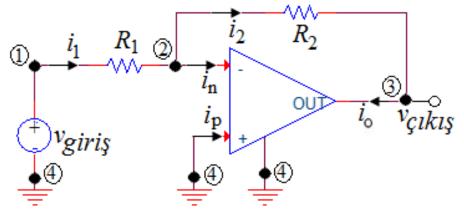
$$v_{d2} = 0 V$$

$$\left(-\frac{1}{R_1}\right) v_{giri\$} + \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) \cdot 0 + \left(-\frac{1}{R_2}\right) v_{\varsigma \iota k \iota \$} = 0$$

$$v_{\varsigma\iota k\iota\varsigma} = -\frac{R_2}{R_1} v_{giri\varsigma}$$

Eviren Kuvvetlendirici





$$v_{\emptyset iki\$} = -\frac{R_2}{R_1} v_{giri\$}$$

$$v_{giris} = 0.5 \sin(2\pi 1000t) V$$
 $R_1 = 1k\Omega$ $R_2 = 10k\Omega$

$$v_{giris} = 0.5 \sin(2\pi 1000t) V$$
 $R_1 = 1k\Omega$ $R_2 = 30k\Omega$

