

ASN (S6)

Année 2020/2021

CHOQUEUSE Vincent

Asservissements Numériques**Simulation d'une Régulation d'un alternateur**

```
In [1]: import numpy as np
from control import tf, c2d, feedback, bode, pade, freqresp
from ENIB_control import step, impulse, nichols, rlocus, damp, pole, stepinfo, figure
```

1. But de l'étude

On se propose d'étudier la mise en œuvre de deux correcteurs numériques pour la régulation d'un processus analogique (un alternateur) caractérisé par sa fonction de transfert $F(p)$. Il s'agit de contrôler la valeur efficace de la tension alternative produite. On désire synthétiser le correcteur par une approche graphique (méthode fréquentielle dans le plan de Black). Le calcul de correcteurs et la validation des résultats se feront en utilisant au maximum les fonctionnalités de Python.

Ce TP comporte deux parties :

- une analyse du système à mettre en œuvre sous la forme d'une préparation théorique du système à effectuer avant le TP,
- une validation des résultats théoriques par simulation sous Jupyter Python, puis une synthèse de correcteurs dans le plan de Black-Nichols.

2. Description du Système

Le schéma de principe de l'alternateur est représenté sur la figure ci-dessous :

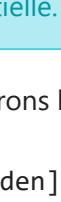


Fig.1- Schéma de principe d'un alternateur.

Le système est composé d'un stator (partie immobile) et d'un rotor (partie tournante). Le rotor est entraîné par un moteur annexe. Le fonctionnement d'un alternateur est exactement l'inverse d'un moteur électrique. Le rotor muni d'électro-aimants crée un champ magnétique tournant qui génère dans le stator (l'induit) un courant électrique. Une tension alternative de valeur efficace $U_s(t)$ apparaît alors aux bornes de la bobine. Il s'agit de la tension de sortie de l'alternateur que l'on souhaite réguler. La tension de sortie $U_s(t)$ dépend de l'alimentation dans l'inducteur (rotor), son contrôle s'effectue donc par le réglage du courant continu $i(t)$ fourni aux électro-aimants (si le courant croît, l'alimentation croît et la tension de sortie augmente). Le courant $i(t)$ est contrôlé par la tension continue $U_r(t)$ appliquée sur l'inducteur. L'alternateur peut être caractérisé par une fonction de transfert avec comme grandeur d'entrée, la tension continue $U_r(t)$ et comme grandeur de sortie, la valeur efficace de la tension en sortie notée $U_s(t)$.

La fonction de transfert $F_a(p)$ d'un alternateur peut être approchée par le modèle de Borda : il s'agit d'une F.T. du 1er ordre de gain A_0 associée à un retard pur.

$$F_a(p) = \frac{A_0}{1 + Tp}$$

La constante de temps est $T = 0.5s$ et le retard pur est de $\tau = 150ms$. Le gain $A_0 = 5$ Veff/V (Veff=Volte efficace).

La tension à réguler, tension alternative à la sortie du processus en question, est mesurée au moyen d'un convertisseur AC/DC : une tension alternative (0 à 150 Veff maxi) est transformée en un signal continu proportionnel (0 à 10 V maxi). Ce "capteur" de tension élabore donc le signal de "retour" de la boucle (avec un simple gain A_2).

La fonction de régulation (réalisée par le correcteur) est effectuée un PC, muni d'un module d'entrée sortie CNA/CAN. Le convertisseur N-A est muni d'un B.O.Z. Le produit des gains G_1 et G_2 des convertisseurs est unitaire.

Le signal de commande en sortie du correcteur est fourni à l'alternateur via un amplificateur de puissance, de gain en tension $A_1 = 2$ V/V.

3. Préparation

L'ensemble du système peut être représenté par le schéma bloc de la figure 2.



Fig.2 - Schéma bloc du système.

Ce système doit maintenant être représenté sous la forme classique d'un schéma synoptique avec retour unitaire comme sur la figure 3.

3.1 Fonction de transfert du système à asservir

- **Question** Déterminez la F.T. $F(p)$ de l'ensemble à asservir (amplificateur, processus analogique, convertisseur). Déterminez le gain statique K de $F(p)$.

$$F(p) = \frac{A_0 A_1 A_2}{1 + Tp} e^{-\tau p}$$

- avec $A_0 = 5$, $A_1 = 2$ et $A_2 = 0.0666$.

- **Question** Donnez les caractéristiques (valeurs numériques) de la réponse indicielle de $F(p)$: temps de réponse à $\pm 5\%$ de la valeur finale, dépassement relatif $D\%$, valeur finale.

- Gain statique : $F(0) = A_0 A_1 A_2 = K = 0.6666$

- valeur Finale : 0.6666

- constante de temps : $T = 0.5s$

- Temps de réponse ($\pm 5\%$) : $1.5 + 0.15 = 1.65s$.

- Dépassement relatif : 0%

- **Question** Donnez l'expression du module (en dB) et de la phase (en degré) de $F(p)$ ($p = j\omega$). Calculez les valeurs du module et de la phase aux limites ($\omega = 0$ et $\omega \rightarrow \infty$).

$$F(j\omega) = \frac{K}{1 + j\omega T} e^{-j\omega\tau}$$

- Module : $|F(j\omega)| = \frac{|K|}{\sqrt{1+\tau^2\omega^2}}$

- Argument : $\arg[F(j\omega)] = -\arg[\omega T] - \tau\omega$

4. Analyse de la fonction de transfert $F(p)$ et $F(z)$.

Les calculs et les validations des résultats suivants se feront en utilisant au maximum les fonctionnalités de Python.

4.1 Saisie et Analyse de $F(p)$

La fonction de transfert du système est donnée par $F(p) = \frac{K}{1+0.5p} e^{-0.15p}$ où K est déterminé dans la préparation.

La fonction exponentielle, qui exprime le retard de 0.15s, ne peut pas être écrite directement sous Python. Nous allons remplacer cette fonction exponentielle par l'approximation de Padé.

En mathématiques, l'approximation de Padé de la fonction exponentielle est une fraction rationnelle $\text{Delay}(p) = \frac{N(p)}{D(p)}$ où $N(p)$ et $D(p)$ sont des polynômes de degré k et l , telle que le développement limité de la fraction à l'ordre $k+l$ soit identique à celui de l'exponentielle.

Nous utiliserons la fonction de Padé disponible sous python.control :

```
[num, den]= pade(T,1)
Delay=tf(num, den)
```

Les paramètres d'entrée sont le retard T et le degré du dénominateur l de la fonction de Padé. La fonction `pade` doit être importée de la bibliothèque `control` (`from control import pade`). Les paramètres de sortie sont les coefficients des polynômes de Padé.

- **Question** Déterminez en fonction de $C(z)$ et $F(z)$ (pas d'applications numériques)

- l'expression de la fonction de transfert en boucle fermée : $H(z)$,

- l'expression du rapport $err(z)$ où $\epsilon(z)$ désigne signal d'erreur,

- l'expression du rapport $cmd(z)$ où $U_c(z)$ désigne le signal de commande.

$$H(z) = \frac{C(z)F(z)}{1 + C(z)F(z)} \quad (1)$$

$$err(z) = \frac{E(z) - S(z)}{E(z)} = 1 - H(z) \quad (2)$$

$$cmd(z) = \frac{U_c(z)}{S(z)} \times \frac{S(z)}{E(z)} = \frac{H(z)}{E(z)} \quad (3)$$

- **Question**

- Saisissez la FT $F(p)$, notée f sous forme polynomiale, sans le retard : $f0 = tf([1], [0.5, 1])$

- Créez la variable `Delay` pour $\tau = 0.15$ s en prenant $j = 1$. Saisissez alors la fonction $F(p)$: $f = f0*Delay$

- Tracez la réponse indicielle et vérifiez que vous retrouvez les caractéristiques théoriques obtenues dans la préparation.

remarque : Vous pouvez tester diverses valeurs du degré $|j|$ de la fonction de Padé et vérifier que l'approximation est d'autant meilleure que j est grand.

```
In [2]: A0 = 5
A1 = 2
A2 = 0.0666
K = A0*A1*A2
f0 = tf([K],[0.5,1])
print(f0)
```

```
[num, den]= pade(0.15,1)
Delay=tf(num, den)
f = f0*Delay
print(f)
```

```
fig = figure('time')
fig.plot(f0)
fig.plot(f)
fig.show()
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6667
-----
0.5 s + 1
```

```
-0.6667 s + 8.889
-----
0.5 s^2 + 7.667 s + 13.33
```

```
0.6
```