Introdução à Arquitetura de Computadores

Pedro M. Lavrador

Departamento de Electrónica, Telecomunicações e Informática Universidade de Aveiro plavrador@ua.pt

1

Índice

- Introdução
 - Objetivos e Programa
 - Bibliografia
 - Avaliação
 - Princípios Básicos da Arquitetura de Computadores
- Representação da Informação nos Computadores
 - O sistema binário
 - Representação de números inteiros
 - Conversão entre bases
 - Números negativos:
 - Sinal e módulo
 - Complemento para 2
 - Números reais.
 - Virgula Fixa e Virgula Flutuante
 - O standard IEEE 754
 - Outros Tipos de Dados

13/02/2025

PML – IAC - 2025

2

2

Introdução

• Os microprocessadores são o componente que mais contribuiu para a revolução tecnológica do mundo em que vivemos.



3

Introdução

- Hardware ou Software?
 - Não vivem isolados.
 - Um é projetado em função do outro.
- Para ser especialista num dos domínios é preciso ter uma visão das capacidades e limitações do outro.

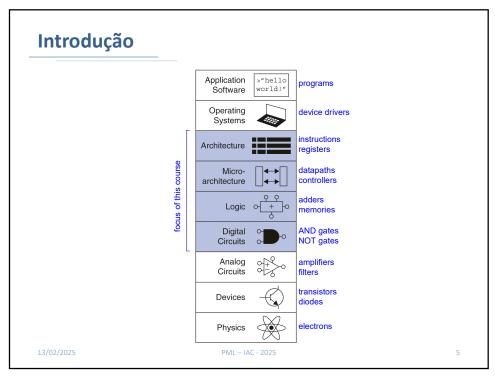
13/02/2025

PML – IAC - 2025

4

2

4



5

Objetivos da Disciplina

- Conhecer as formas de representação da informação nos computadores digitais, com relevo para a representação da informação numérica e as operações aritméticas básicas.
- Conhecer as operações lógicas e as componentes eletrónicas que as realizam.
- Compreender o funcionamento dos sistemas com memória e o funcionamento dos principais dispositivos de armazenamento de informação.

13/02/2025 PML – IAC - 2025

6

Objetivos da Disciplina

- Compreender a organização interna dos computadores digitais.
- Compreender os mecanismos de comunicação do computador com o exterior.
- Adquirir familiaridade com a arquitetura de processadores através da programação em assembly.

13/02/2025 PML – IAC - 2025

7

Programa

- I Introdução: sistemas de computação de uso geral.
 Microprocessadores.
- II Representação da informação e operações básicas
 - Tipos de dados e sua representação
 - O bit como unidade de informação
 - Aritmética Binária
 - Operações lógicas e Álgebra de Boole
- III Circuitos Lógicos
 - Portas Lógicas: NOT, OR, NOR, AND, NAND
 - Blocos Combinatórios
 - Dispositivos de Armazenamento de Informação. Registos.
 - Memórias.

13/02/2025 PML – IAC - 2025 8

8

Programa

- IV O Modelo de Von Neumann
 - Estrutura de um processador
- V A arquitetura MIPS
 - Modelo de programação; tipos de instruções
- VI A linguagem assembly e o assembler
- VII Organização interna do processador
 - Unidades Operativas e de Controlo.
 - Implementação Single ou Multi Cycle
- VIII Comunicação com o exterior: entrada e saída de dados

13/02/2025

PML – IAC - 2025

9

9

Bibliografia

- D.M.Harris and S.L.Harris, *Digital Design and Computer* Architecture, 2nd. Edition, Morgan Kaufmann, 2013.
- D.A.Patterson, J.Hennessy, Computer Organization and Design

 the hardware/software interface, Elsevier.
- Y.N. Patt, S.J.Patel, Introduction to Computing Systems from bits & gates to C & beyond, 2nd edition, McGraw_Hill Education, Indian edition.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

10

5

10

Avaliação

 A Nota da disciplina é obtida pela média ponderada das notas da componente teórica e prática.

NotaFinal = $60\% \times NT + 40\% \times NP$

- A nota final da **Componente Teórica** obtém-se da média ponderada de dois elementos de avaliação:
 - Um teste escrito presencial (T1) com um peso de 50% na nota final, a realizar no dia 9 de Abril de 2025 (à tarde)
 - Um teste escrito presencial (T2) com um peso de 50% na nota final, na época de exames.

Nota_Teórica = Nota_T1 x 0.5 + Nota_T2 x 0.5

2/2025 PML – IAC - 2025

11

Avaliação

 A Nota da disciplina é obtida pela média ponderada das notas da componente teórica e prática.

NotaFinal = $60\% \times NT + 40\% \times NP$

- A nota final da Componente Prática obtém-se da média ponderada de três elementos de avaliação:
 - Um teste escrito presencial (TP1) com um peso de 40% na nota final, a realizar no dia 9 de Abril (juntamente com o teste TP)
 - Um teste escrito presencial (TP2) com um peso de 50% na nota final, a realizar na época de exames.
 - Uma componente de Avaliação do Desempenho nas Aulas Práticas

Nota_Prática = $AC \times 0.1 + P1 \times 0.4 + P2 \times 0.5$

13/02/2025 PML – IAC - 2025 12

12

PML - 2025

6

Avaliação

 Em cada uma das duas componentes de avaliação (Teórica-Prática e Prática) é necessário obter pelo menos 7.0 valores para obter aprovação à disciplina.

02/2025 PML – IAC - 2025

Regime de Faltas

- Todos os estudantes que, não usufruindo do estatuto de trabalhador-estudante no corrente ano letivo, faltem injustificadamente a mais de 20% das aulas práticas reprovam automaticamente à disciplina ficando impedidos de se apresentar a qualquer prova da mesma durante o corrente ano letivo.
- A justificação de faltas deve ser entregue na secretaria do DETI, no prazo máximo de 10 dias de acordo com o regulamento de Estudos, a qual remeterá cópia para o docente coordenador da disciplina.

13/02/2025 PML – IAC - 2025 14

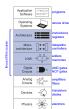
14

13

PML - 2025 7

Princípios Básicos da Arquitetura de Computadores

- Abstração:
 - Esconder os detalhes sempre que não são necessários;



- Disciplina:
 - Restringir intencionalmente as liberdades (por exemplo usando tensões digitais e não contínuas)
- Hierarquia
 - Dividir um sistema em módulos e sub-módulos
- Modularidade
 - Cada um dos módulos tem interfaces bem definidos
- Regularidade
 - Sempre que possível reutilizar os módulos já disponíveis.

/02/2025 PML – IAC - 2025

15

A abstração Digital

- A maioria das grandezas físicas são contínuas:
 - A temperatura da sala;
 - Uma frequência de oscilação;
 - A tensão num circuito;
 - A posição de um corpo;
- A abstração digital leva-nos a considerar apenas um subconjunto discreto de todos os valores possíveis.
 - Se considerarmos um conjunto suficientemente grande podemos ter aproximações boas. (vídeo e áudio).

13/02/2025 PML – IAC - 2025 16

16

Um pouco de história...

- O primeiro computador...
- ... foi projetado por Charles Babbage entre 1834 e 1871.
- Foi o primeiro computador digital, construído com engrenagens mecânicas onde cada "roda" representava um valor discreto entre 0 e 9.
- A máquina consegue calcular 25 dígitos.





13/02/2025

PML - IAC - 2025

17

Um pouco de história...

- Ao contrário da máquina de Babbage, a maioria dos computadores atuais usa uma representação binária.
- A quantidade de informação numa variável discreta com N níveis é medida em número de bits de acordo com a seguinte expressão:

$$D = \log_2 N$$
 (bits)

- Um semáforo com R, Y, G
 - -3 níveis precisa de 2 bits $(2^2 = 4)$
- 7 níveis -> 3 bits 2^3
- $0-20 \rightarrow 21 \text{ níveis log2}(21) = 4.12... \rightarrow 2^5 = 32$

13/02/2025

PML – IAC - 2025

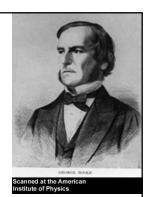
18

9

18

Um pouco de história

- George Boole (1815-1864)
 - Filho de pais operários, aprendeu por si matemática.
 - Juntou-se depois ao Queen's College na Irlanda.



• Introduziu as variáveis binárias e os três operadores lógicos fundamentais: AND, OR e NOT

• Foi o percursor da lógica binária na qual se baseiam atualmente os sistemas digitais.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

19

19

Indice

- Introdução
 - Objetivos e Programa
 - Bibliografia
 - Avaliação
- Representação da Informação nos Computadores
 - O sistema binário
 - Representação de números inteiros
 - Conversão entre bases
 - Números negativos:
 - Sinal e módulo
 - Complemento para 2.
 - Números reais.
 - Virgula Fixa e Virgula Flutuante
 - O standard IEEE 754
 - Outros Tipos de Dados

13/02/2025

PML – IAC - 2025

20

20

Sistemas de Numeração

- O que é um número?
 - Número é uma coleção de unidades, Tales de Mileto, sec.
 VI a.c.
 - Número é a relação entre a quantidade e a unidade, Isaac Newton. sec. XVII.
- Importa distinguir o número da sua representação.
 - 12 é sempre "uma dúzia"
 - Quer seja 12, XII, doze, twelve, C₁₆, 14₈, 1100₂, ...

13/02/2025 PML – IAC - 2025 2

21

Representação da Informação nos Computadores

Sistemas de Numeração: Decimal

- Sempre trabalhámos com números decimais
 - (porque temos 10 dedos!)
- Em sistemas digitais (com 0's e 1's) o sistema binário ou hexadecimal é mais conveniente.
- No sistema decimal temos 10 dígitos: 0, 1, 2, ..., 9 e o valor de cada um deles depende da posição que ocupa:



13/02/2025 PML – IAC - 2025 2

22

Sistemas de Numeração: Decimal

- Qual a gama de representação que podemos ter num número decimal com N algarismos?
 - Por exemplo:
 - Com 2 algarismos podemos escrever 100 números diferentes: 0, 1, 2, ..., 99.
- Com N algarismos podemos escrever 10^N números distintos entre 0 e 10^N-1.
- Ao conjunto de números que podemos escrever com N algarismos chamamos gama de representação.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

23

23

Representação da Informação nos Computadores

Sistemas de Numeração: Binário

- Os bits representam dois valores possíveis e podem ser agrupados para formar números binários. (em base 2).
- Um número binário com 4 bits na forma:

$$b_3b_2b_1b_0$$

• Tem o valor:

$$b_3 * 2^3 + b_2 * 2^2 + b_1 * 2^1 + b_0 * 2^0$$

13/02/2025

PML – IAC - 2025

24

24

Sistemas de Numeração: Binário

• Um número binário geral com N bits na forma:

$$b_{N-1} \dots b_3 b_2 b_1 b_0$$

• Tem o valor:

$$\sum_{n=0}^{N-1} b_n 2^n$$

 A gama de representação de um número binário com N bits é 0, 1, ..., 2^N-1.

13/02/2021

PML – IAC - 2025

25

25

Representação da Informação nos Computadores

Sistemas de Numeração: Binário/Decimal

• Os números decimais:

• Os números binários:

13/02/2025

PML – IAC - 2025

26

26

Sistemas de Numeração: Binário

• Para trabalhar fluentemente em binário é útil conhecer as potências de 2:

$$2^{0} = 1$$
 $2^{1} = 2$
 $2^{2} = 4$
 $2^{3} = 8$
 $2^{4} = 16$
 $2^{5} = 32$
 $2^{6} = 64$
 $2^{7} = 128$
 $2^{8} = 256$
 $2^{9} = 512$
 $2^{10} = 1024$
 $2^{11} = 2048$
 $2^{ML-1AC-2025}$

13/02/2025

27

27

Representação da Informação nos Computadores

Sistemas de Numeração: Conversão entre bases

- Converter para Decimal:
 - Fazer a soma de cada digito b_n multiplicado pela potência de 2 correspondente:

$$valor = \sum_{n=0}^{N-1} b_n 2^n$$

- Converter para Binário:
 - Fazer divisões sucessivas por 2 até obter quociente 0.
 - O número em binário é o conjunto dos restos das divisões dispostos pela ordem inversa.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

28

28

Sistemas de Numeração: Conversão entre bases

• Converter para Decimal:

10011₂ 01101₂

• Converter para Binário:

47₁₀
21₁₀

13/02/2020

PML – IAC - 2025

29

29

Representação da Informação nos Computadores

Sistemas de Numeração: Hexadecimal

- Escrever longas sequências binárias é chato e muito suscetível a erros.
- Um grupo de 4 bits, representa uma de 2⁴=16 possibilidades.
- Assim é possível e mais cómodo trabalhar num sistema de base 16, chamado hexadecimal.
- Os algarismos hexadecimais são:

- 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

13/02/2025

PML – IAC - 2025

30

30

Representação da Informação nos Computadores Sistemas de Numeração: Hexadecimal Decimal Hexadecimal Binário

PML – IAC - 2025

Representação da Informação nos Computadores

Sistemas de Numeração: Hexadecimal

• Conversão binária para hexadecimal:

В

D

- 1111010₂=
- 0111101₂=
- Conversão decimal para hexadecimal e binário:

$$-333_{10} = ?_2 = ?_{16}$$

13/02/2025

PML – IAC - 2025

Sistemas de Numeração: Jargão

- Um byte é um conjunto de 8 bits:
 - Pode representar 2⁸ = 256 valores diferentes.
- Um *nibble* é um meio byte (4 bits):
 - Pode representar $2^4 = 16$ valores differentes.
- Um processador opera sobre conjuntos de bits chamados **palavras** (word):
 - O tamanho da palavra depende da arquitectura.
 (Atualmente a maioria dos processadores são de 64 bits o que significa que operam sobre palavras de 64 bits.)

13/02/2025

PML – IAC - 2025

33

33

Representação da Informação nos Computadores

Sistemas de Numeração: Jargão

- Dentro de um grupo de bits chama-se bit menos significativo (Isb) ao da direita e bit mais significativo ao mais à esquerda (msb).
- Dentro de uma palavra chama-se byte menos significativo (LSB) ao da direita e byte mais significativo ao mais à esquerda (MSB).
- O prefixo grego *kilo*, que designa 10³, é reutilizado em binário para designar 2¹⁰=1024.

Mega designa 2²⁰, Giga 2³⁰,

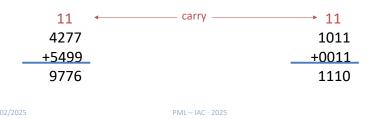
e assim sucessivamente.

13/02/2025 PML – IAC - 2025

34

Adição Binária

- A adição binária funciona do mesmo modo que a adição decimal.
 - É até mais simples de efetuar porque a tabela de somas é menor:
 - 0+0 = 0
 - 0+1 = 1+0 = 1
 - 1+1 = 0 e vai 1 para a esquerda (*carry*).



35

Representação da Informação nos Computadores

Adição Binária

- Calcule a soma binária:
 - $-0110_2 + 0101_2 =$
 - $-1001_2 + 0011_2 =$
 - $-1101_2 + 0101_2 =$
- Quantos bits são necessários para representar o resultado?
 - Poderá ocorrer overflow?

13/02/2025

PML – IAC - 2025

36

36

Adição Binária: Overflow

- As máquinas digitais operam com um número fixo de bits.
- Se o resultado da soma exceder o número de bits disponível dizemos que ocorreu overflow.
- Por exemplo num sistema de 4 bits 1100₂ + 0110₂

11 1100 +0110 10010

 Não é representável com 4 bits, logo origina um overflow.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

37

37

Indice

- Introdução
 - Objetivos e Programa
 - Bibliografia
 - Avaliação
- Representação da Informação nos Computadores
 - O sistema binário
 - Representação de números inteiros
 - Conversão entre bases
 - Números negativos:
 - Sinal e módulo
 - Complemento para 2.
 - Números reais.
 - Virgula Fixa e Virgula Flutuante
 - O standard IEEE 754
 - Outros Tipos de Dados

13/02/2025

PML – IAC - 2025

38

38

Representação de Números com Sinal

- Até aqui apenas vimos a representação de números positivos (ou sem sinal).
- Se quisermos tratar números positivos e/ou negativos precisamos de um sistema de numeração diferente.
- Uma representação em Sinal e Módulo é, para nós, a mais intuitiva.
 - Porque é a que estamos habituados.
- Nesta representação o bit mais significativo representa o sinal e os restantes o módulo.
- Implicações:
 - Uma vez que bit mais significativo representa o sinal é preciso fixar o número de bits

3/02/2025 PML – IAC - 2025 3

39

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números com Sinal

- Representação sinal e módulo:
 - Um número com N bits em sinal e módulo tem 1 bit (o da esquerda) para representar o sinal e N-1 bits para representar o módulo.
- Qual a representação de +3 e -3, em sinal e módulo com 4 bits?

- +3 = 0011 -3 = 1011

- Qual o valor mínimo e máximo que se pode representar em sinal e módulo com N bits?
 - $Máximo = 2^{N-1}-1$
 - Mínimo = $-(2^{N-1}-1)$

3/02/2025 PML – IAC - 2025 40

40

Representação de Números com Sinal

- Representação sinal e módulo:
- Vantagens:
 - Intuitiva
- Desvantagens:
 - Dupla representação para zero (+0 e -0)
 - A realização de somas não é imediata, por exemplo +3 + (-3), não faz sentido (implica cálculos auxiliares)!

13/02/2025 PML – IAC - 2025 41

41

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- A representação de um número em complemento para 2 é idêntica à representação de números sem sinal, exceto que o bit mais significativo em vez de valer 2^{N-1} vale -2^{N-1}.
- Por exemplo, em complemento para 2, com 4 bits:

```
- Zero escreve-se:00000*(-2^3)+0*2^2+0*2^1+0*2^0- O mais positivo é:01110*(-2^3)+1*2^2+1*2^1+1*2^0- O mais negativo é:10001*(-2^3)+0*2^2+0*2^1+0*2^0- -1 escreve-se:11111*(-2^3)+1*2^2+1*2^1+1*2^0
```

13/02/2025 PML – IAC - 2025 42

42

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- Em complemento para 2, com N bits:
 - O mais positivo é 2^{N-1}-1
 - O mais negativo é -2^{N-1}
- O bit mais significativo em complemento para dois pode ser visto como o sinal do número:
 - Os números positivos em complemento para dois têm o bit mais significativo 0 e os negativos têm bit mais significativo 1.

13/02/2025 PML – IAC - 2025 43

43

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- O valor de um número negativo em complemento para 2 pode ser obtido num processo que chamamos calcular o complemento para 2 que consiste em inverter todos os bits e somar 1.
 - A representação em complemento para 2 com 4 bits de -3?

$$3_{10} = 0011_2$$

O complemento para 2 de 0011₂ é:

 $1100_2 + 1$

Logo -3 em complemento para 2 com 4 bits escreve-se:

1101₂

13/02/2025 PML – IAC - 2025 44

44

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- Qual o valor de 1001₂ assumindo que está representado em complemento para 2 com 4 bits?
 - O bit mais significativo é 1, logo o número é negativo.
 - Então precisamos de calcular o complemento para 2, negando todos os bits e somando 1:

$$0110_2 + 1 = 0111_2$$

=7

Concluímos que 1001₂ representa o -7.

13/02/2025 PML – IAC - 2025 45

45

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- A vantagem esmagadora do complemento para 2 é que as somas funcionam de modo transparente quer se trate de números positivos quer sejam negativos.
- Exemplo $+2_{10} + (-1_{10})$ (com 4 bits)

 $-2_{10} = 0010_2$

 -1_{10} = 0001 em complemento para 2: 1110₂+1 = 1111₂

Importante:

Desaparece porque estamos em 4 bits

1110

+1111

13/02/2025

PML-IAC-2025

46

46

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- Exemplo $+5_{10} + (-3_{10})$ (com 4 bits)
 - $-5_{10} = 0101_2$
 - $-3_{10} = 1101_2$
 - 3_{10} =0011 em complemento para 2: 1100_2 +1 = 1101_2

1101 0101 +1101 **X**0010

13/02/2025

PML – IAC - 2025

47

47

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- Exemplo $+3_{10} + (-5_{10})$ (com 4 bits)
 - $-3_{10} = 0011_2$
 - $-5_{10} = 1011_2$
 - 5_{10} =0101 em complemento para 2: 1010_2 +1 = 1011_2

- 1110₂ em complemento para 2 é 0001+1 = 0010 = 2
- 1110₂ = -2

PML – IAC - 2025

48

48

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- Deteção de Overflow
- Exemplo $+3_{10} + (5_{10})$ (com 4 bits)

 $-3_{10} = 0011_2$

 $-5_{10} = 0101_2$

111 0011

+0101

1000

- A soma de dois números positivos deu um número negativo!
 - Ocorreu overflow!

13/02/2025

PML – IAC - 2025

49

49

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números com Sinal

- Representação em complemento para 2:
- Deteção de Overflow:
 - Um overflow ocorre se a soma de dois números positivos for maior que o máximo positivo representável (2^{N-1}-1), ou seja originar um número negativo.
 - Ou se a soma de dois números negativos for menor que o menor número representável (-2^{N-1}), ou seja originar um número positivo.
 - Nunca ocorre overflow quando somamos números de sinais diferentes. (Porquê?)
- A existência de um carry out no bit mais significativo não é indicadora de overflow.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

50

50

Representação de Números com Sinal

- Extensão do número de bits.
- Podemos necessitar de mudar o número de bits usado na representação de um número.
- Em números sem sinal:
 - Basta acrescentar zeros à esquerda.
- Em sinal e módulo:
 - Mudamos o sinal para a esquerda e acrescentar zeros no módulo.
- Em complemento para 2:
 - Acrescenta-se o sinal à esquerda:
 - 0's se o número é positivo
 - 1's se o número é negativo

13/02/2025 PML – IAC - 2025 51

51

Representação da Informação nos Computadores Comparação de Representação de Números Sistema Numeração Gama Sem sinal $[0, 2^{N}-1]$ $[-(2^{N-1}-1), 2^{N-1}-1]$ Sinal e Módulo $[-2^{N-1}, 2^{N-1}-1]$ Complemento para 2 0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 1000 1001 1010 1011 1100 1101 1110 1000 1001 1010 1011 1100 1101 1110 1111 0000 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 Two's Complement 1111 1110 1101 1100 1011 1010 1001 $\frac{0000}{1000}$ 0001 0010 0011 0100 0101 0110 0111 Sign/Magnitude 13/02/2025 PML – IAC - 2025

52

Indice

- Introdução
 - Objetivos e Programa
 - Bibliografia
 - Avaliação
- Representação da Informação nos Computadores
 - O sistema binário
 - Representação de números inteiros
 - Conversão entre bases
 - Números negativos:
 - Sinal e módulo
 - Complemento para 2.
 - Números reais.
 - Virgula Fixa e Virgula Flutuante
 - O standard IEEE 754
 - Outros tipos de Dados

13/02/2025

PML – IAC - 2025

53

53

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números Reais

- Até aqui vimos como representar quantidades inteiras (positivas e/ou negativas).
- Podemos generalizar a representação de inteiros na base 2, para representar números reais usando a virgula, à semelhança do que fazemos em base 10:

Parte_Inteira,Parte_Fracionária
$$x = b_3 b_2 b_1 b_0$$
, $b_{-1} b_{-2} b_{-3}$

$$x = b_3 2^3 + b_2 2^2 + b_1 2^1 + b_0 2^0 + b_{-1} 2^{-1} + b_{-2} 2^{-2}$$

13/02/2025

PML – IAC - 2025

54

54

Representação de Números Reais

- Virgula Fixa: Gama e Erro de Representação
- O Maior (e menor) valor representável é função do número de algarismos da parte inteira
- O erro de representação (absoluto) é função do número de algarismos da parte fracionária:
 - O erro é metade do peso do último algarismo. (Porquê?)

13/02/2025

PML – IAC - 2025

55

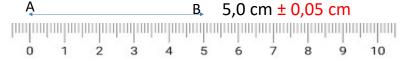
55

O erro de representação

Qual o comprimento do segmento AB?



• E se mudarmos para uma régua mais fina?



 O erro máximo é sempre metade do valor do último digito representado!

13/02/2025

PML – IAC - 2025

56

56

Gama e Erro de representação

- Exemplo:
 - Representação decimal, com sinal mais 3 dígitos na parte inteira e 3 dígitos na parte decimal.
 - Gama de representação =
 - Erro de representação =

13/02/2025

PML – IAC - 2025

57

57

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números Reais

- Virgula Fixa Binária
- A virgula no sistema binário funciona do mesmo modo que no sistema decimal.
 - A função da virgula é identificar as potências de 2 positivas e as potências de 2 negativas.
- Desde que a soma (subtração) seja feita com as virgulas alinhadas somar números inteiros ou fracionários em complemento para 2 é idêntico.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

58

58

Representação de Números Reais

- Virgula Fixa Binária
- Exemplo:
 - Representar com 8 bits, cinco inteiros e três fracionários os números:
 - 10.25₁₀
 - 4.625₁₀
 - 2.5₁₀
 - Efetuar em complemento para 2 as operações:
 - 10.25₁₀+4.625₁₀
 - 4.625₁₀+2.5₁₀

13/02/2025

PML – IAC - 2025

59

59

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Números Reais

- Virgula Fixa Binária: Problemas.
- Representar valores muito grandes (ou muito pequenos) em virgula fixa requer uma enorme quantidade de algarismos.
- Em decimal a solução encontrada foi a notação científica:
 - $-6.02*10^{23}$
 - $-1.6*10^{-19}$
- Isto é Virgula Flutuante

13/02/2025

PML – IAC - 2025

60

60

Representação de Números Reais

• Virgula Flutuante Binária:

$$X = +1, m * 2^{exp}$$

m: mantissaexpoente

- A mantissa determina precisão.
- O expoente determina a gama de representação.
- A representação em Virgula Flutuante expressa um compromisso entre gama de representação e precisão.

02/2025 PML – IAC - 2025

61

61

Representação da Informação nos Computadores

O Formato IEEE 754

• Especifica o modo de representar números binários em virgula flutuante com:

Precisão simples: 32 bits

- Precisão dupla: 64 bits
- As regras da soma, subtracção, multiplicação e divisão, raiz quadrada, resto e comparação.
- As conversões entre formatos.
- Os modos de arredondamento.
- As excepções.
 - A representação de 0, ±∞, NaN, e valores desnormalizados.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

62

62

Representação da Informação nos Computadores O Formato IEEE 754 Simples 8 bits 23 bits Dupla 11 bits 52 bits **EXP MANTISSA** $X = (-1)^S * 1, MANTISSA * 2^{(EXP-BIAS)}$ sinal (0: positivo • S: 1: negativo) • EXP: expoente representado em excesso do Bias. — Bias = 127 em Single 1023 em *Double* MANTISSA tem um bit escondido pois o algarismo à esquerda da virgula é sempre 1. PML – IAC - 2025

63

Representação da Informação nos Computadores

O Formato IEEE 754

- Exemplo 1:
- Que número está representado em formato IEEE 754 precisão simples como:

- Solução, determinar:
 - Sinal:
 - Expoente: 011 1111 0
 - Mantissa: 1,100 0000 0000 0000 0000 0000
 - Escrever o número como no slide anterior.

$$X = (-1)^1 * 1,100 * 2^{(126-127)} = -1,1_2 * 2^{-1} = -0,75$$

13/02/2025 PML – IAC - 2025 64

64

O Formato IEEE 754

- Exemplo 2:
- Determinar a representação em formato IEEE 754 precisão simples do número: 5.5
- Solução:
 - Escrever o número na forma canónica.
 - Agrupar cada um dos campos nos 32 bits.

 $X = (-1)^S * 1, MANTISSA * 2^{(EXP-BIAS)}$

L3/02/2025 PML – IAC - 2025 65

65

Representação da Informação nos Computadores

O Formato IEEE 754

• Casos Especiais:

Número	Sinal	Expoente	Mantissa
0	X	00000000	000000000000000000000000000000000000000
∞	0	11111111	000000000000000000000000000000000000000
$-\infty$	1	11111111	00000000000000000000000
NaN	Х	11111111	Non-zero

13/02/2025 PML – IAC - 2025 66

66

O Formato IEEE 754

- Adição:
 - 1. Extrair os bits do expoente e da mantissa.
 - 2. Acrescentar 1 à esquerda (o bit escondido) para obter a mantissa completa.
 - 3. Comparar os expoentes
 - 4. Deslocar à direita a mantissa do número menor para alinhar os expoentes.
 - 5. Somar as mantissas e ajustar o expoente se necessário.
 - 6. Arredondar o resultado
 - 7. Juntar expoente e fração no formato do standard

13/02/2025 PML – IAC - 2025 6

67

Representação da Informação nos Computadores

O Formato IEEE 754

- Adição exemplo:
- Somar os números seguintes representados na norma IEEE 754.

0x3FC00000 + 0x40500000

- Resolução:
- Extrair os bits do exp e mant:

$$1,1_2*2^0+1,101_2*2^1$$

Alinhar os expoentes:

$$0,11_2 * 2^1 + 1,101_2 * 2^1$$

Solução (0x4098000)

13/02/2025 PML – IAC - 2025 68

68

Indice

- Introdução
 - Objetivos e Programa
 - Bibliografia
 - Avaliação
- Representação da Informação nos Computadores
 - O sistema binário
 - Representação de números inteiros
 - Conversão entre bases
 - Números negativos:
 - Sinal e módulo
 - Complemento para 2.
 - Números reais.
 - Virgula Fixa e Virgula Flutuante
 - O standard IEEE 754
 - Outros Tipos de Dados

13/02/2025

PML – IAC - 2025

69

69

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Caracteres

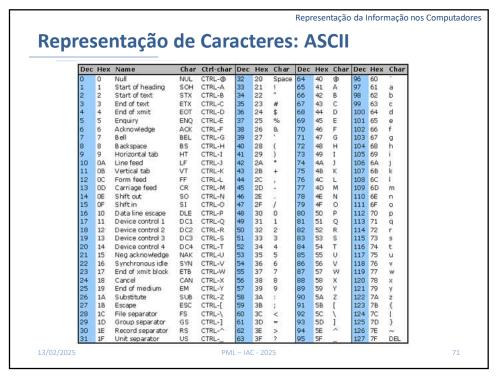
- O código ASCII (<u>A</u>merican <u>S</u>tandard <u>C</u>ode for <u>I</u>nformation <u>I</u>nterchange)
- É um código binário que codifica 128 sinais:
 - 95 Gráficos: letras do alfabeto, caracteres de pontuação e símbolos matemáticos
 - 33 Controlo: Esc, Del, mudanças de linhas, tabulações, etc.
- Podemos explorar propriedades da tabela ASCII:
 - Para determinar a ordem alfabética.
 - Para determinar a representação ASCII de um algarismo.
 - Para converter maiúsculas em minúsculas.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

70

70



71

Representação da Informação nos Computadores

Representação de Caracteres

- O código ASCII apenas permite representar o alfabeto latino.
- Para representar outros alfabetos (chinês, cirílico, árabe, etc.) são necessários mais símbolos.
 - Logo mais bits para cada caractere.
- O standard UNICODE representa os caracteres em 8, 16 ou 32 bits. Sendo que a representação de 8 bits (UTF-8) é compatível com o código ASCII.

13/02/2025 PML – IAC - 2025 72

72

Outros tipos de dados

- Imagens
 - São tratadas como arrays de pixels
 - Monocromáticas: 1 bit define se é preto ou branco
 - Cor:
 - sistema RGB com 8 bits para a intensidade de cada cor
 - Sistema HSV, etc.
- Som
 - O som é um sequência de números armazenados que representam a amplitude sonora ao longo do tempo.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

73

73

Representação da Informação nos Computadores

Sumário

- Nos computadores os números são representados em base 2.
- Para números inteiros positivos é possível com N bits armazenar os valores entre 0 e 2^N-1
- Inteiros com sinal representados em complemento para 2, com N bits podemos representar entre -2^{N-1} e 2^{N-1}-1
- Os números reais são representados em vírgula flutuante (sinal, expoente e mantissa) em 32 ou 64 bits: norma IEEE 754.
- Caracteres s\u00e3o representados em ASCII (1 byte) ou UNICODE.

13/02/2025

PML – IAC - 2025

74

74

Próxima Aula...

- Lógica binária. As operações lógicas básicas.
- Álgebra de Boole.

75

13/02/2025 PML – IAC - 2025 75

PML - 2025

38