

Nome:	Número:	Assinatura:
-------	---------	-------------

Universidade do Algarve

Programação Imperativa

Terceira Festa de Programação Imperativa

Aviso Geral

- Esta prova é uma prova “papel e caneta”, sem consulta. **Só é autorizado ter na mesa da prova caneta, folhas de teste e folhas de rascunho virgens.**

Qualquer outro material ou recurso **não é autorizado** durante a festa e **qualifica-se como fraude**.

- Qualquer uso de material indevido (telemóveis, *chats*, pdfs etc...) é sancionado com **reprovação imediata à UC de Programação Imperativa e será assinalada às autoridades académicas competentes**.
- Qualquer comportamento indevido, não autorizado ou fraude académica, etc... **é sancionado com reprovação imediata à UC de Programação Imperativa e será assinalada às autoridades académicas competentes**.
- Só são cotadas as respostas legíveis.
- A elegância e eficiência do código serão elementos de avaliação. Por exemplo, recorra à definição de funções sempre que justificado.
- Um exercício pode exigir uma determinada solução (por exemplo, “*não usar o tipo float*”, “*não usar ciclos*”, etc.).

Qualquer solução que não respeite estas exigências será avaliada no máximo **para metade da sua cotação**.

Exercício 1 (Problema A - 2.5 pontos)

Considere a seguinte equação, parametrizada por um inteiro natural n :

$$\sum_{i=0}^n i^2 = \frac{n \times (n+1) \times (2 \times n + 1)}{6}$$

Como vimos em exercícios anteriores, a elegância matemática deste tipo de equações numéricas sofre um golpe quando implementadas em computadores: a aritmética de computadores não é a aritmética como a vimos na escola.

O desafio: Estamos assim interessados em saber qual é o **primeiro valor positivo** de n de tipo `int` para o qual esta equação deixa de ser verdade quando programada em C. Chamamos a este valor de n o valor da **discordância**.

1. Defina e apresente uma função C de assinatura `int sum_square(int n)` que calcule o valor de $\sum_{i=0}^n i^2$ usando explicitamente o somatório.
2. Defina e apresente uma função C de assinatura `int direct(int n)` que calcule o lado direito da equação para um determinado n .
3. Defina e apresente uma função C de assinatura `int discorda(void)` que, fazendo uso das funções das alíneas anteriores, encontra o primeiro (o menor) valor de n tal que o lado esquerdo da equação seja diferente do segundo lado da equação. É esperado que esta função devolva o valor de n .

Como sabe, uma forma de mitigar este fenómeno é usar um tipo numérico maior, como o `long long int` para os valores do lado direito ou do lado esquerdo da equação.

Se tal fizermos, o valor da discordância aumenta muito. Por outro lado surge uma dificuldade diferente: o processo de cálculo leva muito, mas muito mais, tempo!

4. Diga porque este fenómeno do grande tempo de cálculo acontece. Qual é o lado da equação culpada pelo desperdício de tempo? Porque o tempo do cálculo vai piorando a medida que procuramos pelo valor da discordância para valores maiores de n ?
5. Existe uma forma muito eficiente de calcular o valor de $\sum_{i=0}^{n+1} i^2$ sabendo o valor previamente calculado de $\sum_{i=0}^n i^2$. Proponha uma função `sum_square_fast` que use este truque para calcular explicitamente o somatório. Esta função deverá devolver um resultado de tipo `long long int`.
6. Proponha uma nova implementação da função `discorda`, a que chamamos de `discorda_fast`, que tire proveito da função anterior para calcular o valor da discordância (de tipo `long long int`).

□

Exercício 2 (Problema B - 2 pontos)

Pretendemos estudar a eficiência energética de uma determinada casa ao longo de uma semana. Para tal instalamos s sensores de temperatura pela casa toda em locais estratégicos e recolhemos a temperatura medida por estes sensores m vezes durante o período de estudo.

No absoluto, sabemos que

$$0 < m \leq 1000$$

$$0 < s \leq 500$$

1. Como declara em `C` uma matriz `mat` que pode albergar os valores todos recolhidos e organizados por sensores, e medições (nesta ordem)?
2. Escreva uma função `C` de nome `read_data` que aceita em parâmetro uma matriz declarada e dimensionada para este problema de medição, mas também o valor de s e de m . Esta função inicializa os valores da matriz, sensor por sensor, medição por medição, com valores obtidos da entrada standard `stdin`.
3. Escreva uma função `C` de nome `maior` que devolve a maior temperatura de todas as temperaturas recolhidas pela rede de sensores nos dias todos da medição.
4. Escreva uma função `media_por_sensor` que calcula a média das temperaturas por cada sensor. As medições são passadas em parâmetro à função assim como as dimensões m e s . Espera-se que estes valores médios sejam arquivados num vector de dimensão e de tipo apropriado. Este vector é também passado em parâmetro à função `media_por_sensor`.

□

Exercício 3 (Problema C - 2.5 pontos)

Considere o seguinte problema de xadrez que envolve cavalos. Relembra-se que um cavalo na posição assinalada por **X** na imagem do tabuleiro pode deslocar-se para as posições (ou atacar qualquer peça que ali se encontra) assinaladas por **C**.

$i - 2$			C		C		
$i - 1$		C				C	
i				X			
$i + 1$		C				C	
$i + 2$			C		C		

Se considerarmos que a posição $(0,0)$ está no canto superior esquerdo e que a posição do cavalo é (x,y) , então a posição assinalada por **C** sublinhado mais acima a direita é $(x - 2, y + 1)$.

O desafio: estando n cavalos colocados num tabuleiro de xadrez, o desafio deste exercício é saber detetar quando um destes cavalos pode atacar outro.

Primeiro, assuma a seguinte definição: `#define MAX 10 //n. max de cavalos`

Vamos arquivar as posições de todos os cavalos do tabuleiro num vector declarado da seguinte forma: `int cav[2][MAX];`

	0	...	i	...	MAX-1
0	...		x	...	
1	...		y	...	

A posição (x,y) do i -ésimo cavalo (com $0 \leq i < MAX$) está arquivada na posição i de `cav` como indicado na figura.

Para este desafio, basta-nos considerar esta matriz, não precisamos de considerar o tabuleiro de xadrez como um todo.

1. Defina uma função `C` de nome e assinatura

```
void ler_cavalos(int cav[2][MAX], int n);
```

Esta função contempla um vector `cav` dimensionado para receber as posições dos n cavalos colocados no tabuleiro. O parâmetro n é garantidamente positivo não nulo e menor ou igual a `MAX`.

Espera-se que esta função leia os valores para `cav` da entrada standard (`stdin`).

2. Defina em `C` uma função de nome e assinatura seguinte

```
int ataca(int c1x, int c1y, int c2x, int c2y);
```

que devolve 1 se o cavalo C_1 posicionado em $(c1x, c1y)$ consegue atacar o cavalo C_2 que está na posição $(c2x, c2y)$. Devolve 0, no caso contrário.

3. Defina em `C` uma função de nome e assinatura seguinte

```
int guerra(int cav[2][MAX], int n);
```

e que verifica, para cada cavalo de `cav`, se este consegue atacar os cavalos a sua direita na matriz `cav`. No caso de haver um ataque possível, a função devolve 1, devolve 0 no outro caso.

□