

EsD4 ADC-DAC: Convertitore sigma-delta

Gruppo 1.AC

Matteo Rossi, Bernardo Tomelleri

13 maggio 2022

Misura componenti dei circuiti

Resistenze [Ω]	R	σR	Capacità [nF]	C	σC
R_1	992	8	C_1	99	4
R_2	994	8			
R_3	993	8			
R_4	994	8			
R_5	996	8			

Tabella 1: Valori di resistenza e capacità misurate con il multimetro dei componenti del primo circuito.

Resistenze [Ω]	R	σR	Capacità [nF]	C	σC
R_1	995	8	C_1	109	4
R_2	999	8			
R_3	998	8			
R_4	998	8			
R_5	996	8			

Tabella 2: Valori di resistenza e capacità misurate con il multimetro dei componenti del secondo circuito

Riportiamo per completezza anche i valori delle tensioni di alimentazione continue per i circuiti integrati misurate con il multimetro

$$V_{CC} = 4.99 \pm 0.03 \text{ V}$$

$$V_{EE} = -4.99 \pm 0.03 \text{ V}$$

Per tutto il resto della trattazione come ampiezze dei segnali si intendono misurate non “picco - picco”, a meno che non venga esplicitato altrimenti.

1 Analisi e costruzione del circuito

1.a Costruzione del circuito

Si è costruito il circuito secondo lo schema riportato in fig. 1, alimentando con $V_{CC} = 5 \text{ V}$ il D Flip-Flop e gli OpAmp alla medesima V_{CC} e $V_{EE} = -5 \text{ V}$ con l'AD2. Dunque abbiamo collegato l'ingresso analogico **V3** del circuito al canale 1 del Waveforms (generator) e il pin CLK del FF ad un segnale di clock di frequenza $f_{\text{clk}} = 50 \text{ kHz}$ generato in DIO 0 con Patterns (generator). Con i canali 1 e 2 dell'oscilloscopio si osservano gli andamenti nel tempo del segnale in ingresso e del segnale di uscita (OUT) dall'ultimo amplificatore **U4**, al contempo si registra il valore logico assunto dall'uscita **Q** del Flip-Flop **U3A** con Logic (analyzer).

1.b Verifica del funzionamento

Per verificare il corretto funzionamento del circuito si è inviata all'ingresso analogico del circuito una sinusoide di bassa frequenza ($f = 10 \text{ Hz} \ll f_{\text{clk}}$) con ampiezza di 2.5 V e media nulla. Riportiamo l'acquisizione con l'oscilloscopio di qualche periodo dell'onda sinusoidale su CH1 e dell'uscita di U4 su CH2 in fig. 2.

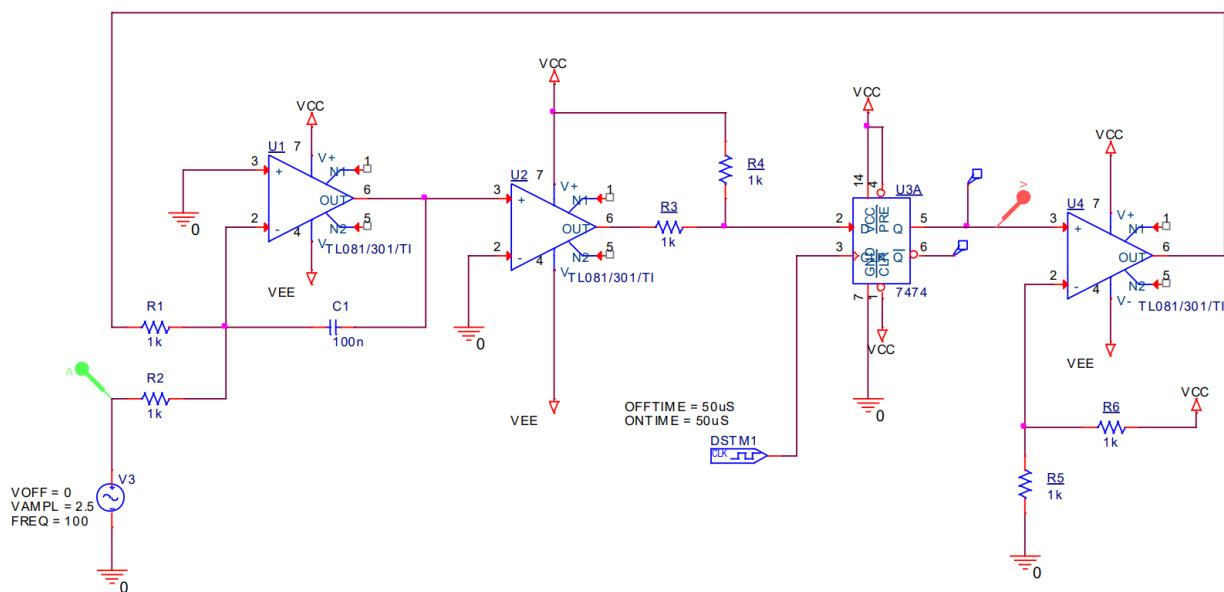


Figura 1: Schema elettrico del circuito convertitore analogico digitale sigma-delta studiato

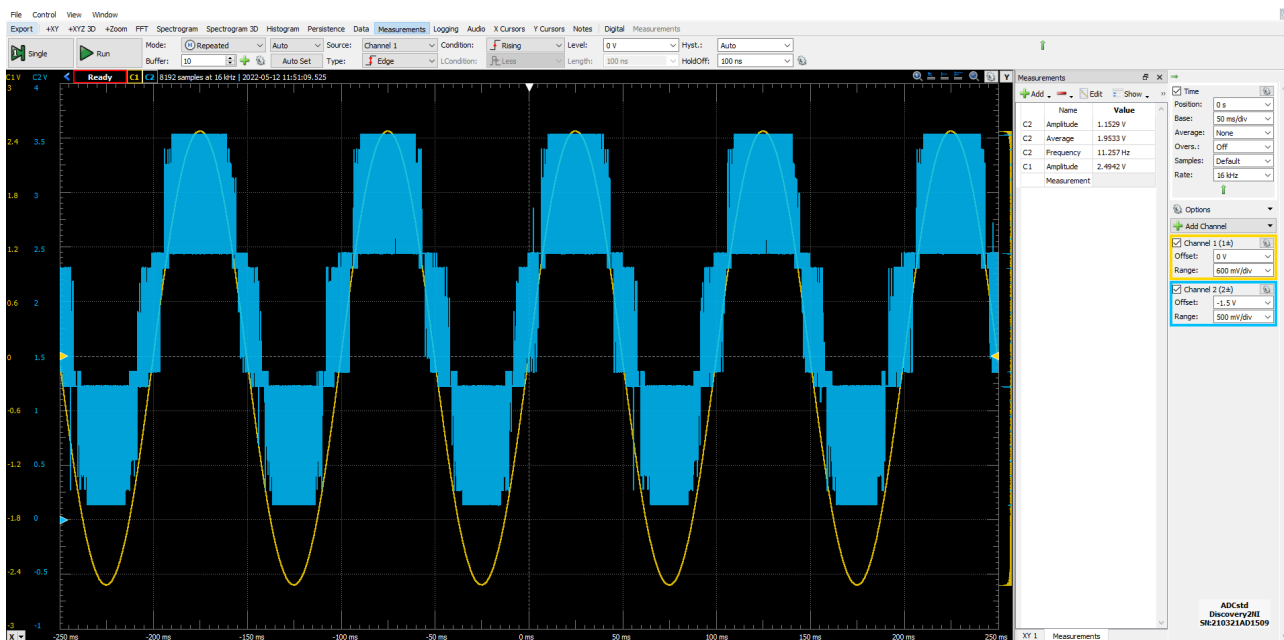


Figura 2: Acquisizione dell'andamento temporale del segnale in ingresso (CH1) e del segnale in uscita (CH2) dall'ADC

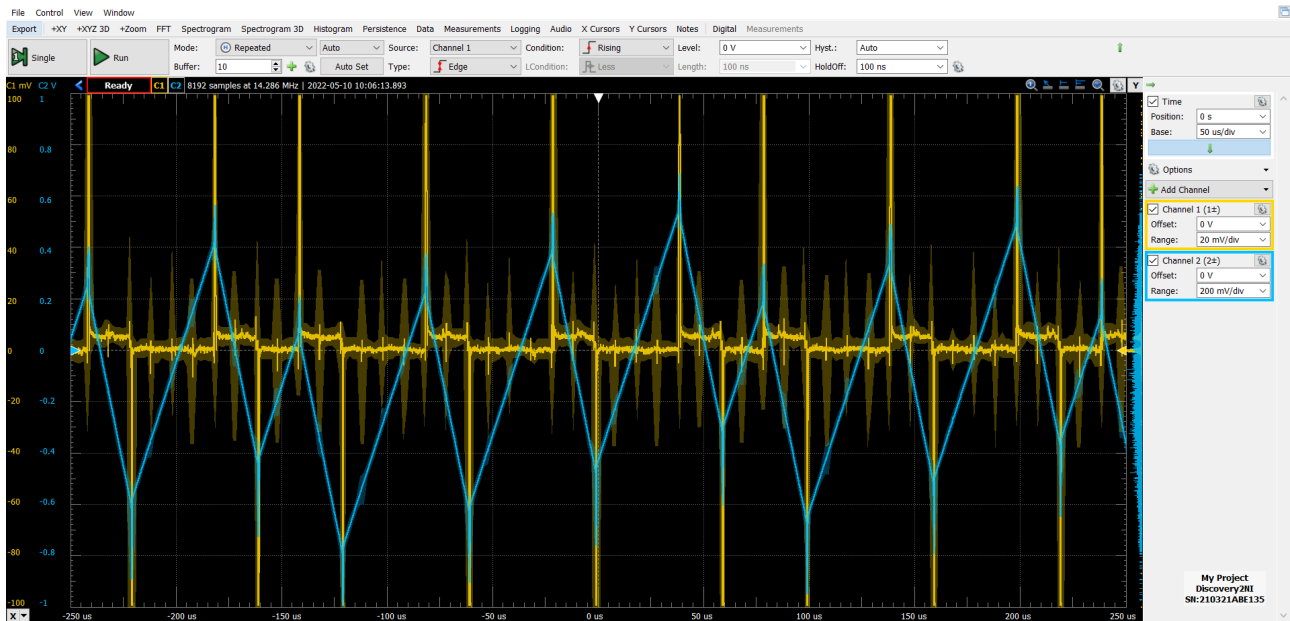


Figura 3: Acquisizione dei segnali all'ingresso invertente (CH1) e uscita (CH2) del circuito integratore U1

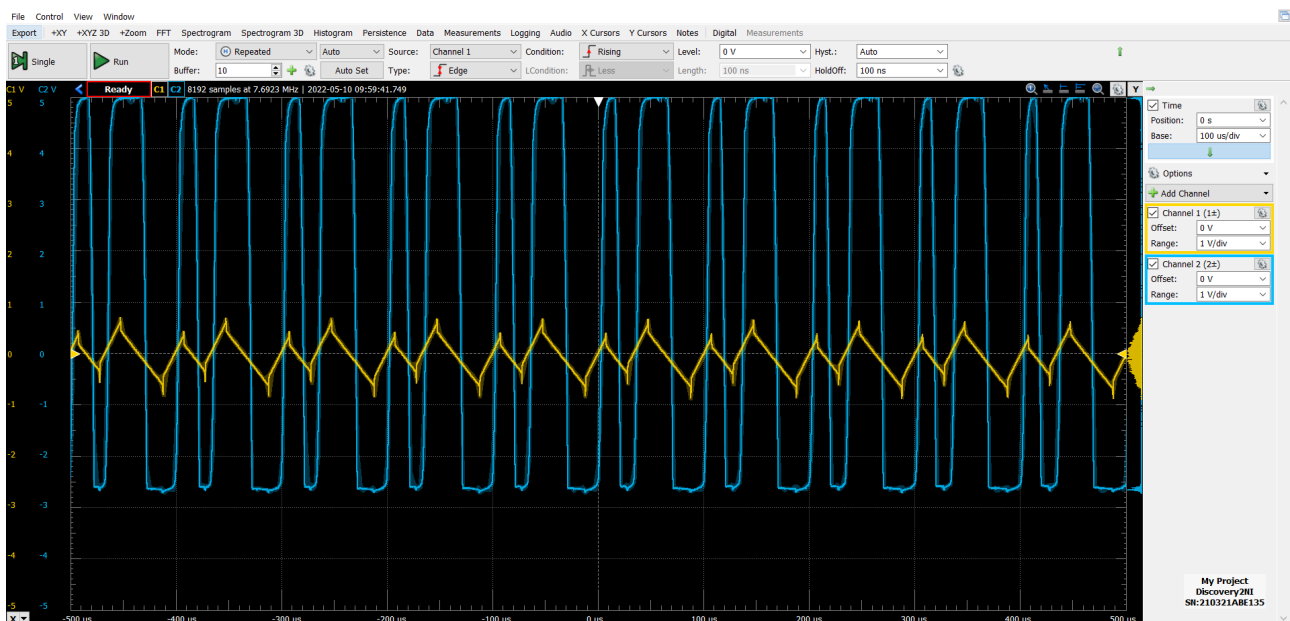


Figura 4: Acquisizione del segnale nell'ingresso non invertente (canale 1) e dell'uscita (canale 2) del circuito comparatore semplice

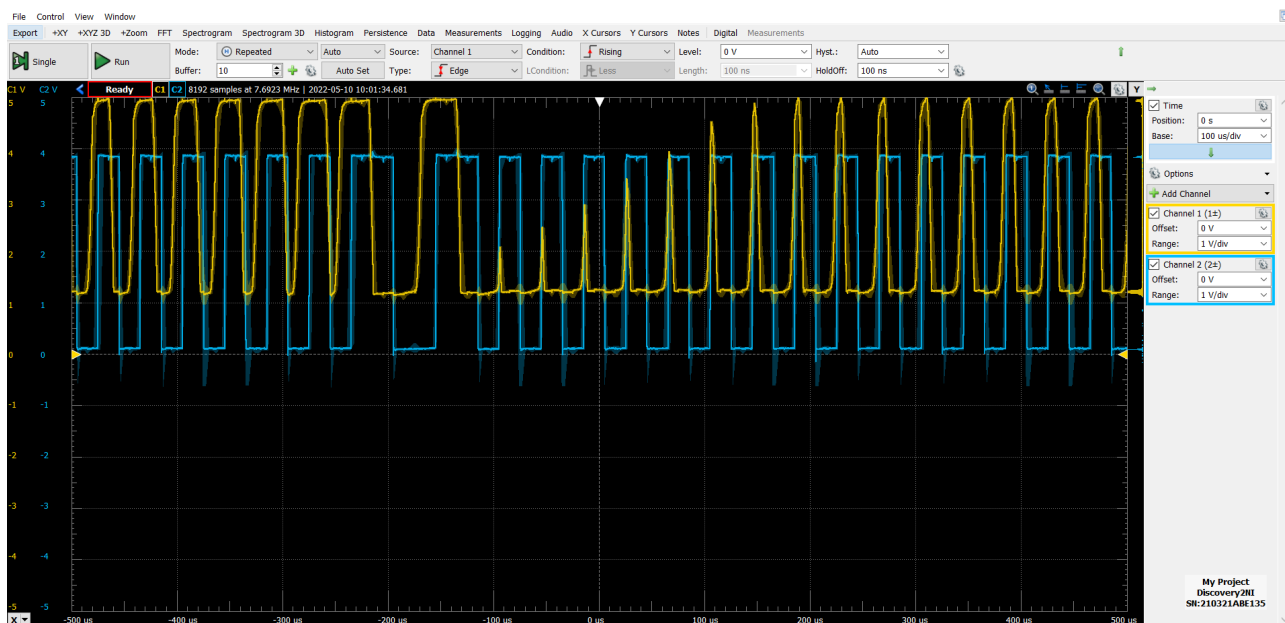


Figura 5: Acquisizione del segnale in ingresso(canale 1) e in uscita (canale 2) dal Flip Flop

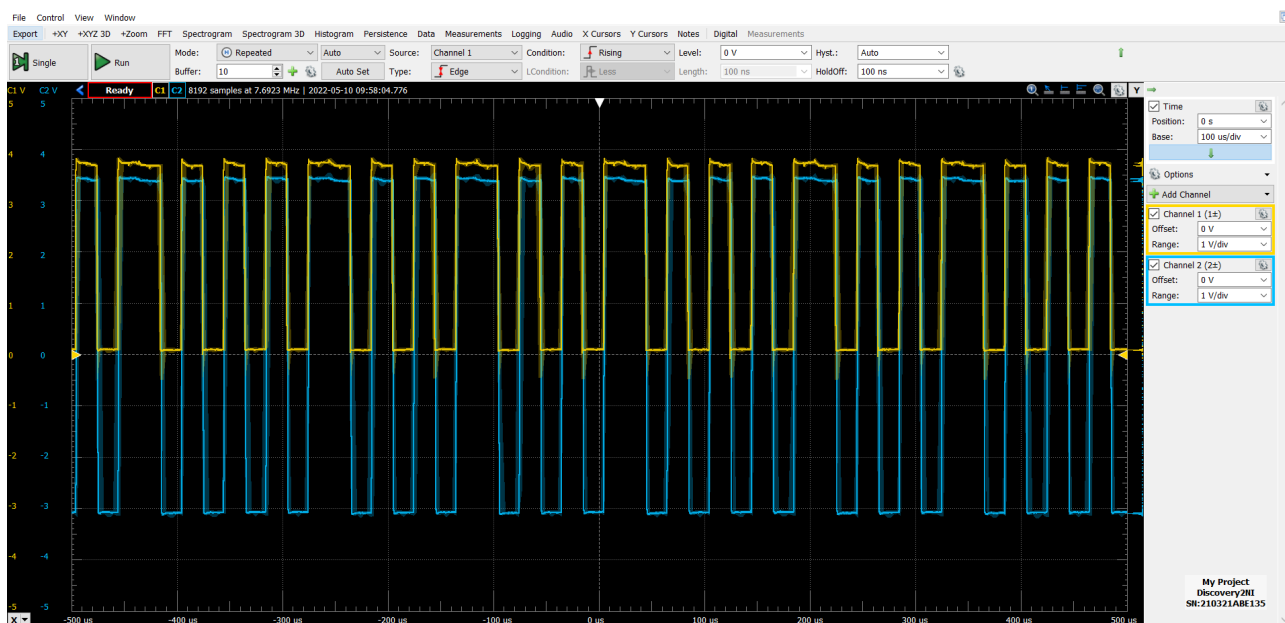


Figura 6: Acquisizione del segnale in uscita dal pin Q del Flip Flop(canale 1) e in uscita dal DAC (canale 2)

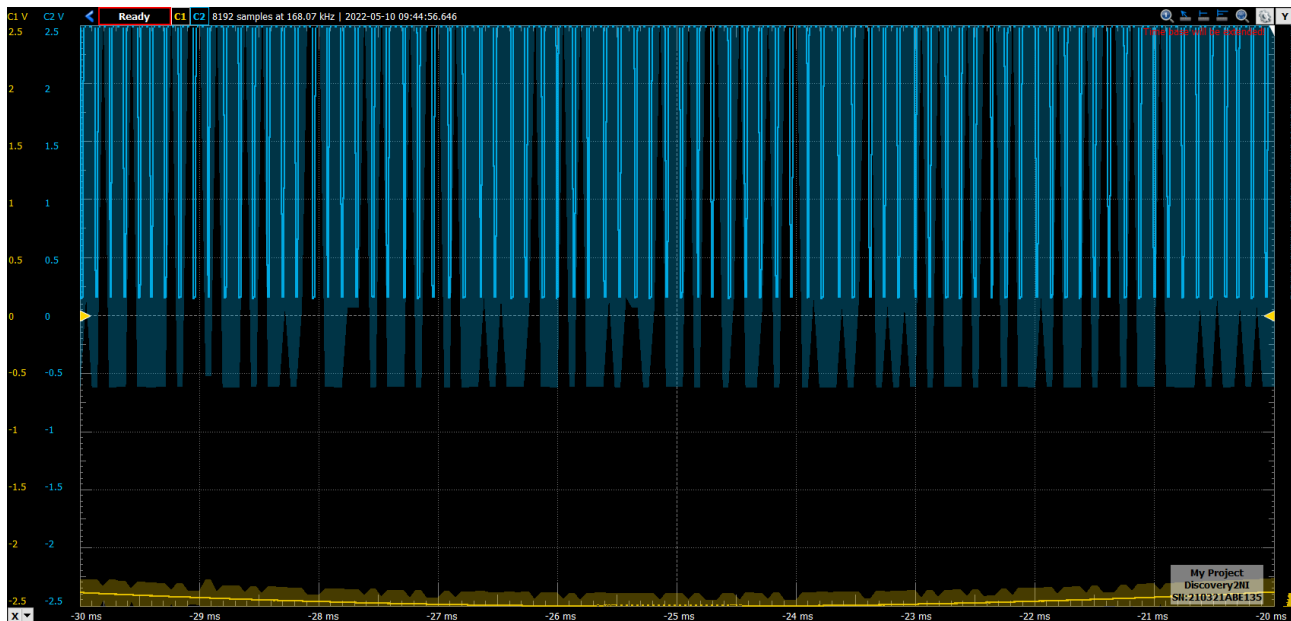


Figura 7: Acquisizione del segnale analogico in ingresso (un'onda sinusoidale di frequenza pari a 10 Hz e ampiezza pari a 2.5V) e del segnale logico in uscita dal pin Q del Flip-Flop durante il minimo del segnale

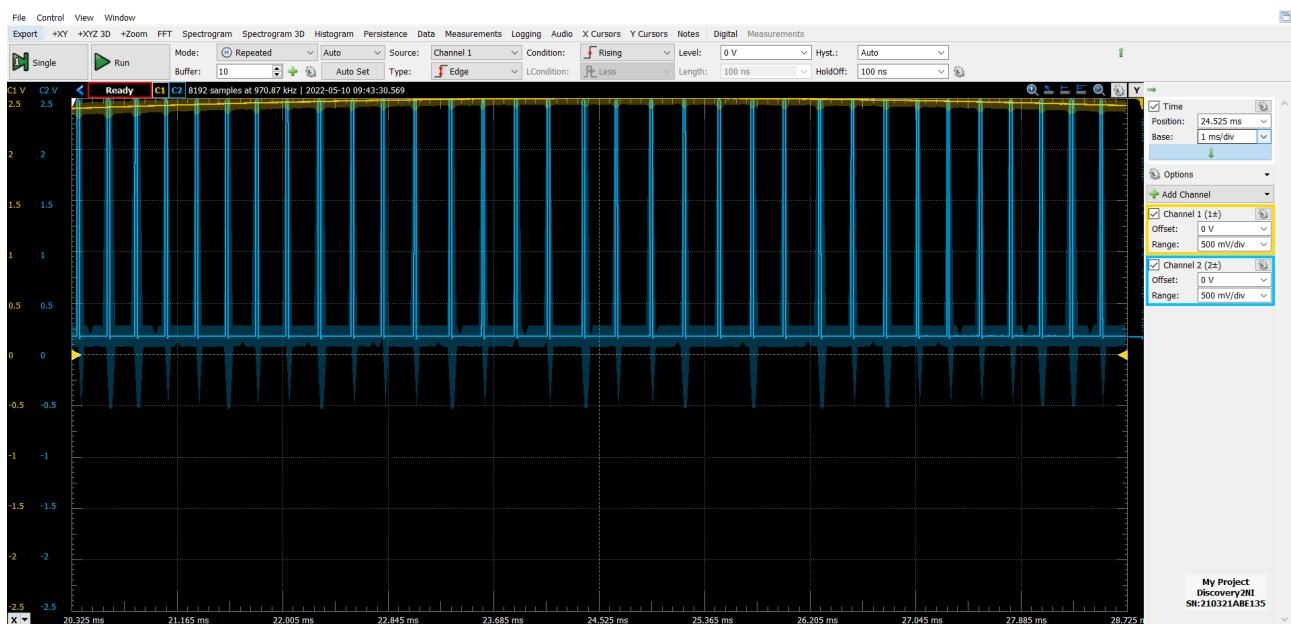


Figura 8: Acquisizione del segnale analogico in ingresso (un'onda sinusoidale di frequenza pari a 10 Hz e ampiezza pari a 2.5V) e del segnale logico in uscita dal pin Q del Flip-Flop durante il massimo del segnale

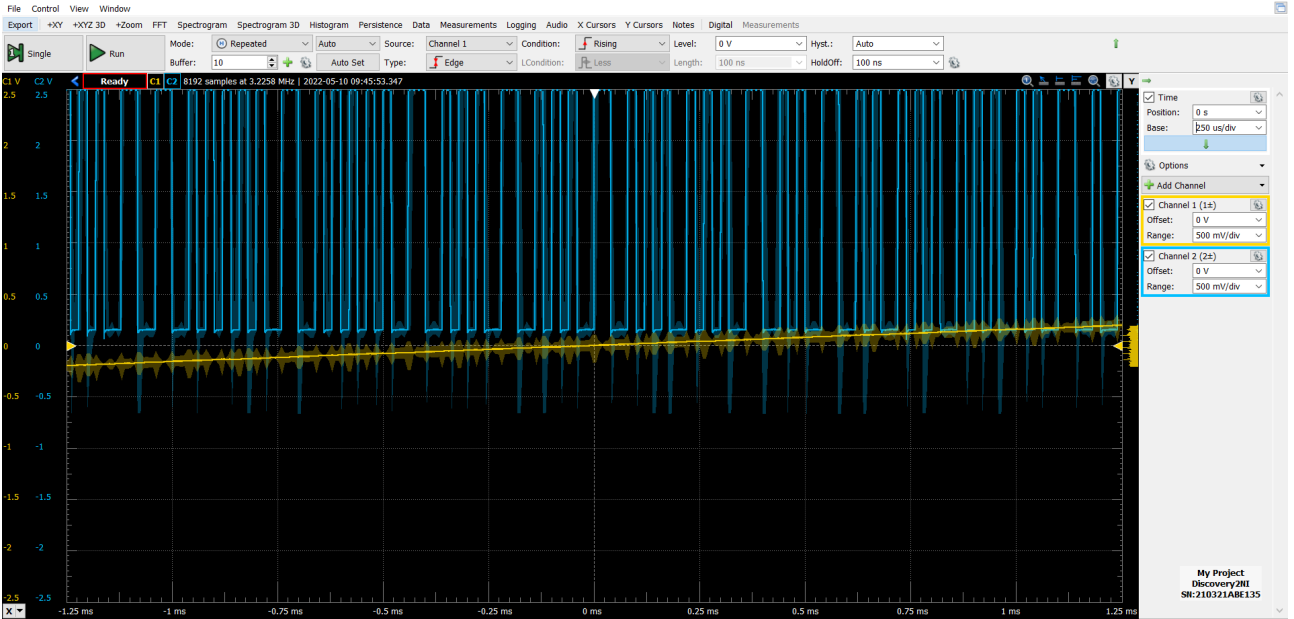


Figura 9: Acquisizione del segnale analogico in ingresso (un'onda sinusoidale di frequenza pari a 10 Hz e ampiezza pari a 2.5V) e del segnale logico in uscita dal pin Q del Flip-Flop durante il punto medio dell'onda

1.c Analisi qualitativa del funzionamento del circuito

1.d Risposta del convertitore al variare dei parametri del seno

Modificando i valori di offset e ampiezza dell'onda in ingresso si nota immediatamente come il segnale in uscita venga tosato ai livelli di saturazione basso $V_{OL} = 138 \pm 2 \text{ mV}$ e alto $V_{OH} = 3.52 \pm 0.02 \text{ V}$ quando il segnale in ingresso raggiunge valori di tensione pari a circa $V_s \approx \pm 3 \text{ si V}$ per via della portata limitata del nostro convertitore.

Si riporta la risposta del circuito per un'onda della stessa ampiezza (2.5 V) e offset = 2 V in fig. 10 e per

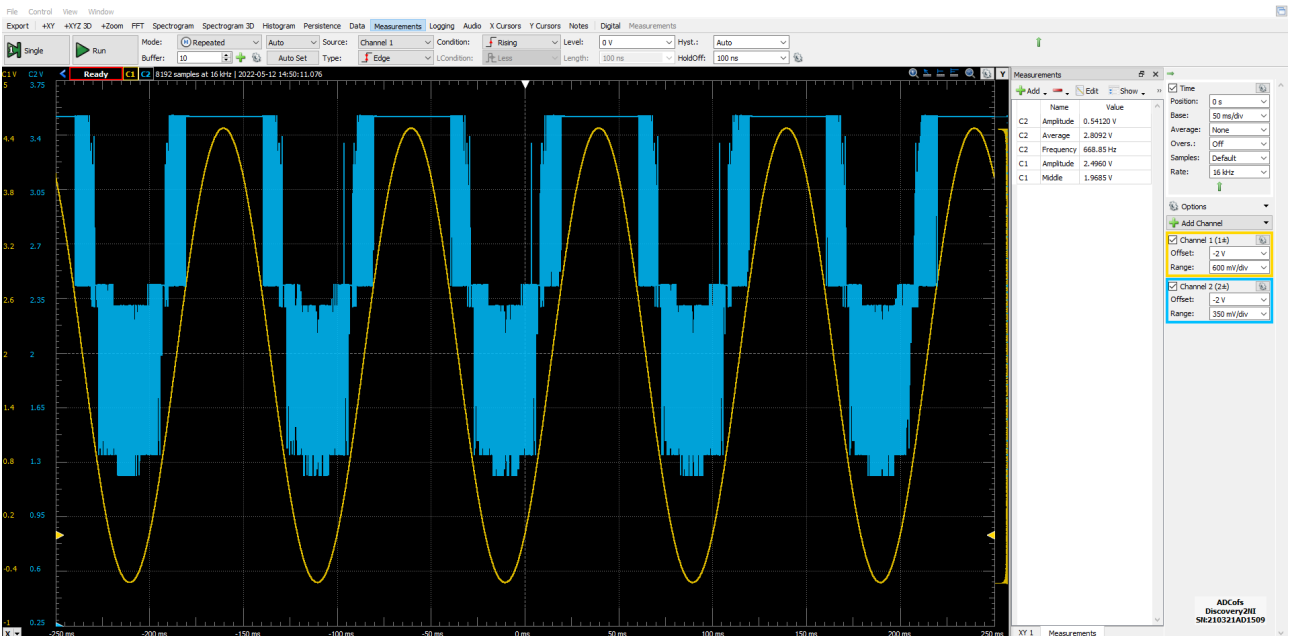


Figura 10: Acquisizione dell'andamento temporale del segnale in ingresso (CH1) e del segnale in uscita (CH2) dall'ADC

un'onda di ampiezza maggiore (5 V) e offset = 0 V in fig. 11.

Quanto trovato risulta compatibile con il massimo intervallo di tensioni che il segnale analogico di ingresso può assumere senza rischiare saturazioni nel nostro circuito $\approx 7 \text{ V}$, assumendo che il valore di uscita del nostro DAC risulti essere $-V_{\text{sat}}$ in corrispondenza di uno 0 logico e $V_{\text{sat}} \approx 3.5 \text{ V}$ in corrispondenza di un 1.

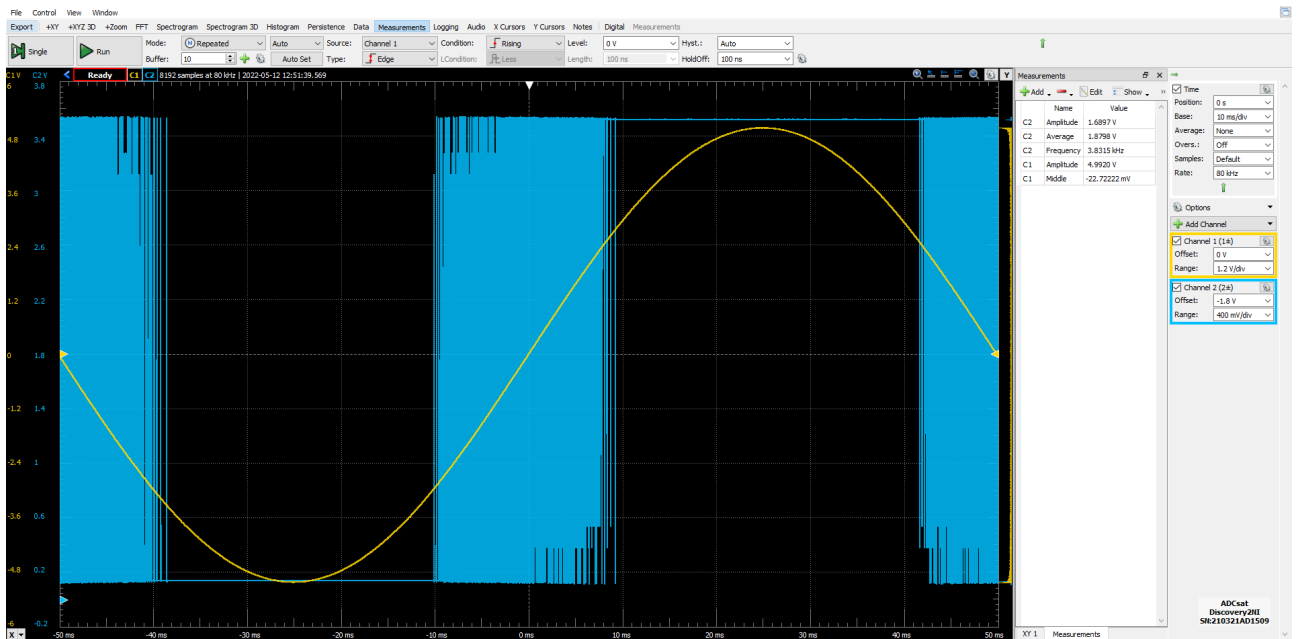


Figura 11: Acquisizione dell'andamento temporale del segnale in ingresso (CH1) e del segnale in uscita (CH2) dall'ADC

Aumentando la frequenza f del segnale in ingresso al circuito si nota come l'informazione in uscita sull'onda da ricostruire (proporzionale al numero di punti campionati/alla densità di fronti d'onda) diminuisce man mano che f si avvicina alla frequenza massima di campionamento f_{clk} , come si mostra in fig. 12 per $f = 100$ Hz. e in

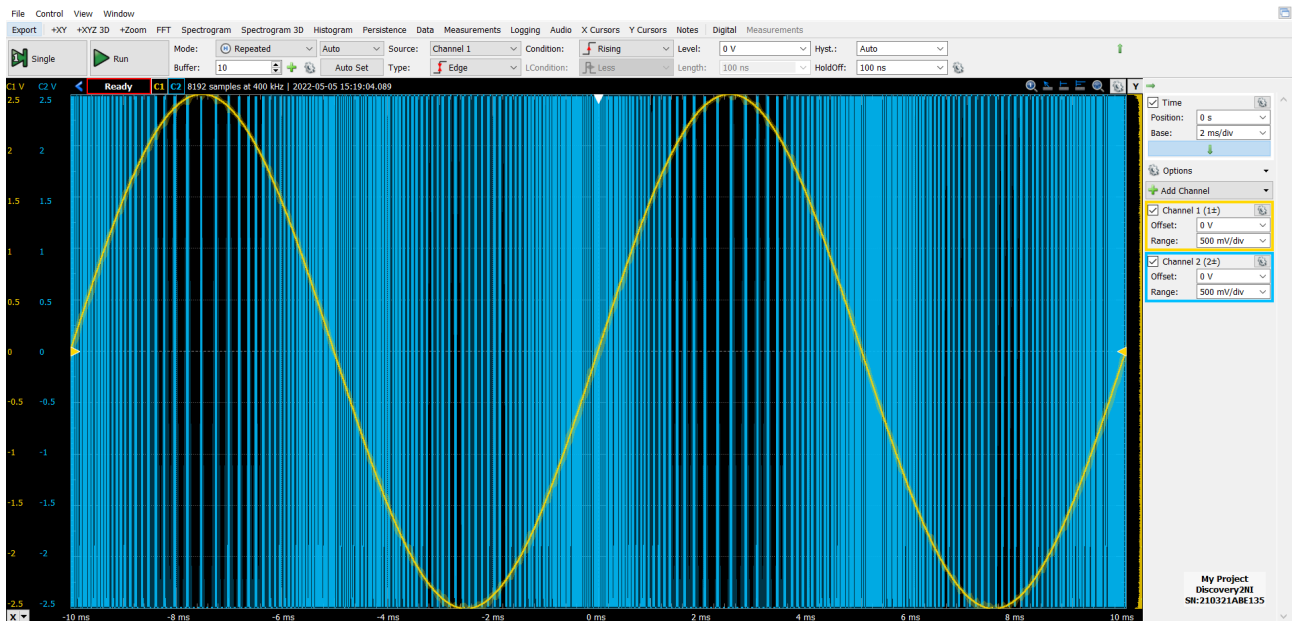


Figura 12: Acquisizione del segnale sinusoidale in ingresso (CH1) $f = 100$ Hz e ampiezza 2.5 V e del segnale in uscita dal DAC (CH2)

fig. 13 per $f = 2$ kHz.

Questo risulta compatibile con quanto ci aspettiamo per via della risoluzione temporale limitata (proprio dalla frequenza di clock) del nostro modulatore delta. Infatti, per ripristinare la densità di informazione che avevamo su segnali più lenti, è sufficiente aumentare proporzionalmente la frequenza di clock/campionamento inviata con DIO 0 al FF.

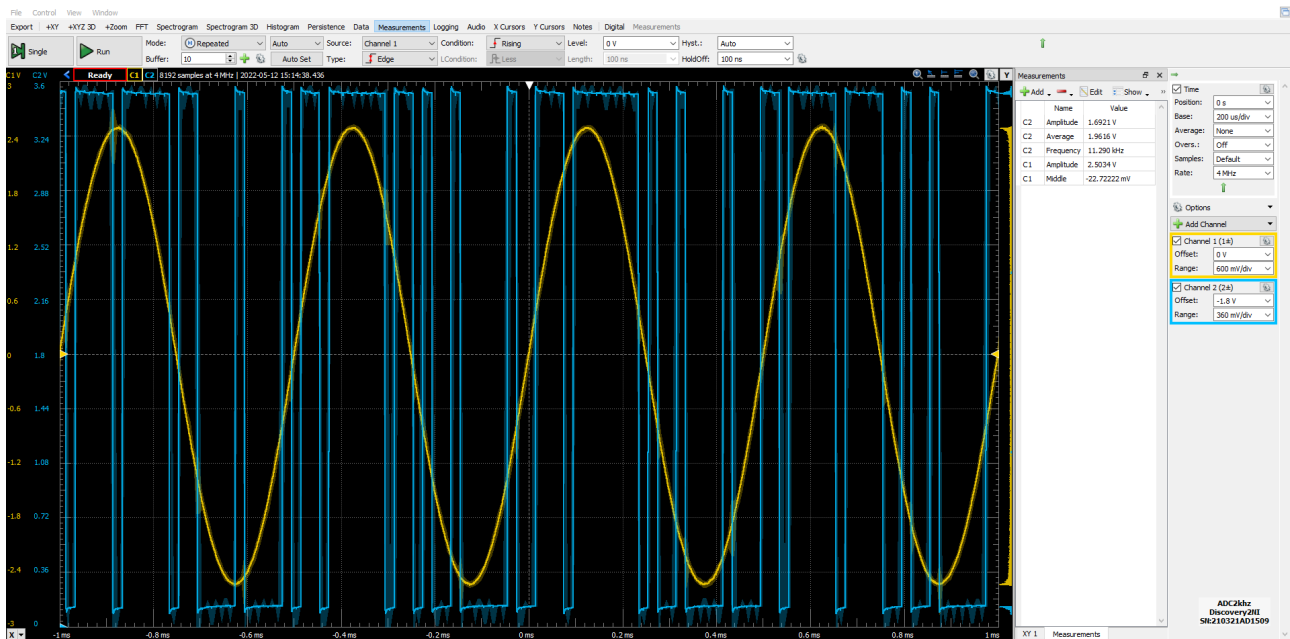


Figura 13: Acquisizione del segnale sinusoidale in ingresso (CH1) $f = 2$ kHz e ampiezza 2.5 V e del segnale in uscita dal DAC (CH2)

2 Descrizione delle misure e acquisizione dati

2.a Campionamento e acquisizione del segnale

Per acquisire il segnale in uscita dal Flip-Flop con l'AD2 si sono reimpostate la frequenza della sinusoide in ingresso a $f = 100$ Hz e la frequenza del clock come prima a $f_{clk} = 50$ kHz, dunque leggiamo in modalità Spy un bus SPI creato con lo strumento Protocol di Waveforms, impostando i parametri come segue:

Select: None

Frequency: 50 kHz (come il clock in DIO 0)

Clock: DIO 0

Data: DIO 1

Mode: Three-wire

Data bits: 8

Format: Decimal

Si registrano una decina di periodi della sinusoide lasciando lo strumento in modalità Receive per qualche frazione di secondo, quindi salviamo la serie di valori campionati su file di testo per analizzarli e ricostruire il segnale in ingresso.

3 Analisi dei dati

3.a Ricostruzione dei segnali in ingresso

Come abbiamo visto, il segnale in uscita dal Flip-Flop Q commuta in corrispondenza dei fronti di salita del clock l'ampiezza del segnale in ingresso è proporzionale alla densità relativa di bit a livello logico alto nella sequenza in OUT. Quindi per ricostruire l'ampiezza del segnale possiamo effettuare un conteggio di quanti bit sono in stato 1 nella sequenza in uscita da Protocol in un intervallo di tempo con una media mobile su 8 bit.

Riportiamo in fig. 14 la forma d'onda ottenuta su un grafico con Python, in cui i punti blu rappresentano i valori digitali in uscita dal DAC e i punti in giallo sono il risultato della prima operazione di media mobile a 8 bit.

Per migliorare ulteriormente la qualità della ricostruzione si può quindi filtrare una seconda volta con la stessa operazione di media mobile (punti in verde nel grafico) e decimare il segnale campionato per un fattore arbitrario (nel nostro caso 8).

Figura 14: Ricostruzione del segnale sinusoidale in ingresso di $f = 100$ Hz e ampiezza 2.5 V a partire dall'acquisizione del segnale in uscita dall'ADC con Protocol.

3.b Fit sinusoidale

Si è effettuato un fit con un legge della forma $A \sin(2\pi ft + \varphi) + B$

```
def sin(t, A, f, phi, B):
    return A*np.sin(2*np.pi*f*t + phi) + B
```

lasciando liberi tutti i parametri, da cui si ottengono il grafico riportato in 15 e come stime dei valori ottimali:

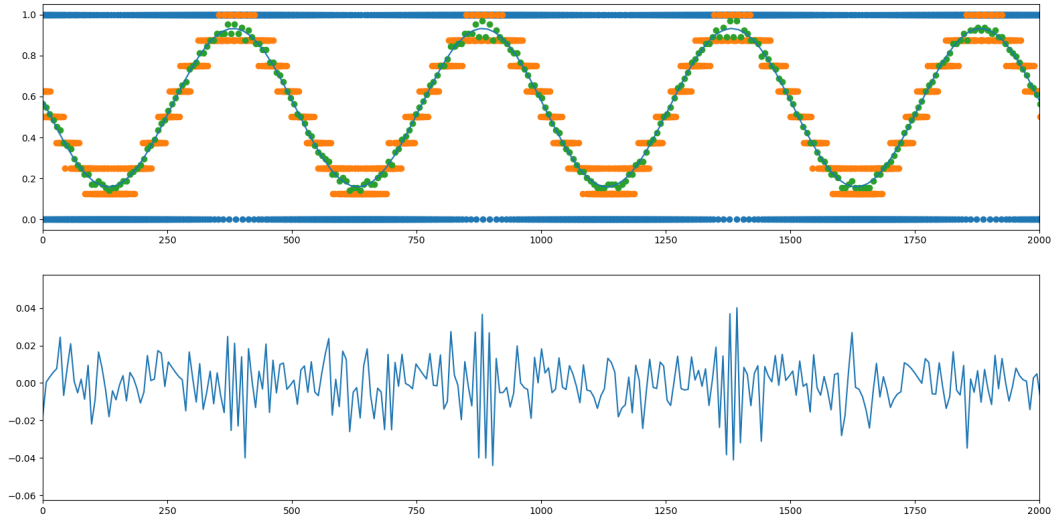


Figura 15: Grafico del fit con una forma d'onda sinusoidale e dei residui per l'andamento nel tempo dei punti campionati e ricostruiti dall'ADC.

$$\begin{aligned}
 A &= 387 \times 10^{-3} \pm 1 \times 10^{-4} & f &= 99.9 \pm 7 \times 10^{-5} \text{ Hz} \\
 B &= 545 \times 10^{-3} \pm 1 \times 10^{-4} & \varphi &= -0.09 \pm 7 \times 10^{-4} \text{ rad} \\
 \chi^2/\text{d.o.f} &= 4/20554
 \end{aligned}$$

3.c Risposta in frequenza dell'ADC

Come visto in sezione 1.d il convertitore studiato riesce a funzionare correttamente per segnali in ingresso fino a frequenze dell'ordine di qualche kHz; oltre cui la forma d'onda ricostruita in uscita risulta affetta da aliasing per via del basso numero di punti campionati lungo un periodo del segnale in ingresso.

Riportiamo quindi in fig. 16 la ricostruzione ottenuta per lo stesso segnale sinusoidale di frequenza $f = 2$ kHz (visualizzato all'oscilloscopio prima in fig. 13) e in fig. 17 la risposta in frequenza all'uscita U4 del circuito ottenuta da uno scan con Network Analyzer inviando una sinusoide di ampiezza fissata a 2.5 V e frequenza tra 100 e 10 kHz all'ingresso analogico dello stesso.

Figura 16: Ricostruzione del segnale sinusoidale in ingresso di $f = 2$ kHz e ampiezza 2.5 V a partire dall'acquisizione del segnale in uscita dall'ADC con Protocol.

Come regola generale infatti ci aspettiamo che per riuscire a ricostruire fedelmente il segnale in ingresso la frequenza di campionamento debba essere almeno $f_{\text{clk}} \geq 20f_{\text{max}}$ dove f_{max} è la frequenza massima dell'onda in ingresso.

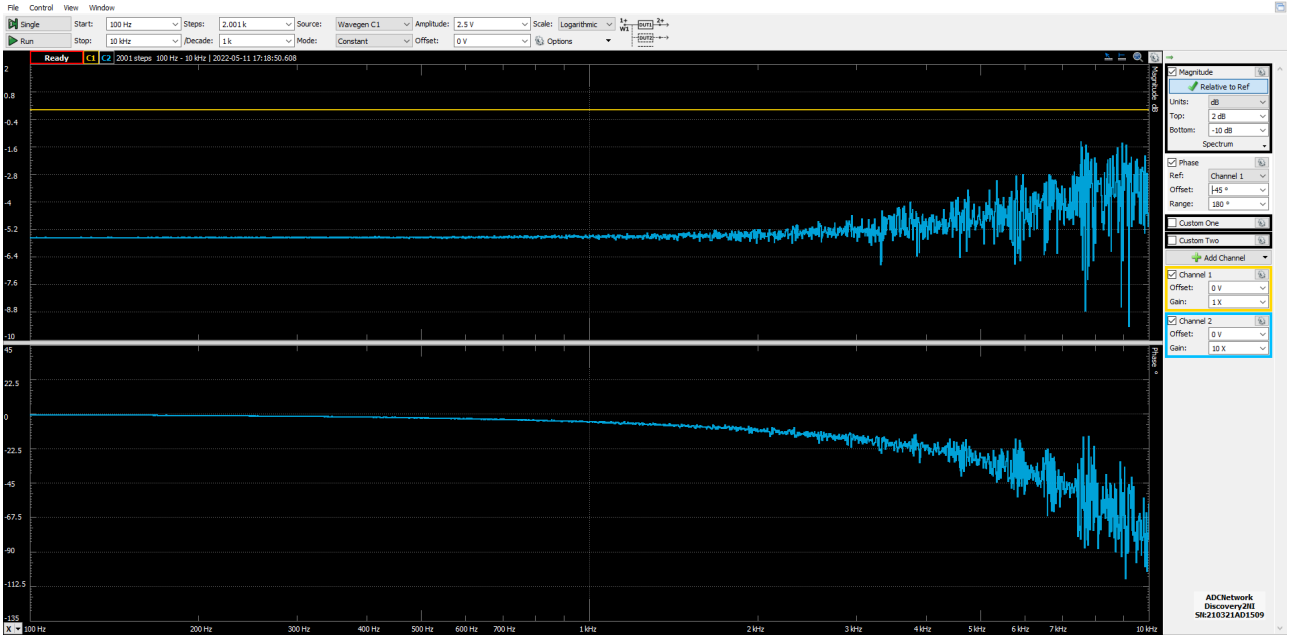


Figura 17: Analisi in frequenza dell'ADC ottenuta dallo scan con Network tra 100 Hz e 10 kHz con segnale sinusoidale in ingresso di ampiezza fissata a $v_{in} = 2.5$ V. L'unico punto di interesse si trova a circa 2 kHz, frequenza oltre alla quale il circuito assume un comportamento irregolare. L'andamento della fase risulta qualitativamente simile a quello atteso per un filtro passa basso.

3.d Stima del fattore di calibrazione del convertitore

Per ottenere una legge di conversione tra i conteggi in uscita dall'ADC e la d.d.p in Volt al suo ingresso abbiamo ricostruito alla stessa maniera dei segnali di tensione nota e costante, in modo da esplorare il range di valori ammessi per il nostro circuito. Per prima cosa ricaviamo il conteggio di zero che corrisponde alla lettura in uscita dall'ADC con ingresso collegato a massa, dunque effettuiamo un fit lineare per ricavare il fattore di scala per convertire da Volt a ADC counts.

$$\text{intercetta} = \pm \quad \text{pendenza} = \pm \quad \text{correlazione} = -0.99 \quad \chi^2 = \quad d.o.f. =$$

Figura 18: Grafico con retta di best-fit e residui della lettura dell'ADC al variare della tensione in ingresso per la calibrazione dell'ADC

3.e Misura del signal/noise ratio (SNR)

Assumendo che il valore RMS del rumore del nostro circuito corrisponda al valore RMS dei residui del fit alla sinusoide effettuato in sezione 3.c, si è stimato il rapporto segnale/rumore in potenza tramite la formula

$$\text{SNR} = \frac{A_{pp}^2/8}{\sigma_{\text{noise}}^2} = \frac{A^2/2}{\text{Var}(\text{residuals})} = 380 \quad (1)$$

in cui A_{pp} è l'ampiezza massima (picco-picco) e σ_{noise} indica il valore rms del rumore.

Dunque abbiamo ricavato il numero di bit effettivi del convertitore studiato tramite la formula

$$n_{\text{bits}} = \frac{20 \log_{10} \text{SNR} - 1.76 \text{ dB}}{6.02 \text{ dB}} = 8.3 \quad (2)$$

Nota sul metodo di fit

Per determinare i parametri ottimali e le rispettive covarianze si è implementato in Python un algoritmo di fit basato sui minimi quadrati mediante la funzione `curve_fit` della libreria SciPy.

Conclusioni e commenti finali

Si è riusciti a costruire e studiare il comportamento di un convertitore analogico-digitale Sigma-Delta facendo uso di tre amplificatori operazionali (TL081) e un D-FF (74LS74).

In particolare si è riusciti a descrivere e verificare sperimentalmente il corretto funzionamento del circuito e a caratterizzarne la risposta in uscita sia nel dominio dei tempi che delle frequenze al variare dei parametri del segnale analogico inviato al suo ingresso.

Dichiarazione

I firmatari di questa relazione dichiarano che il contenuto della relazione è originale, con misure effettuate dai membri del gruppo, e che tutti i firmatari hanno contribuito alla elaborazione della relazione stessa.