Trivial source character table of  $G \cong SL(2,17)$  at p = 3:

p-subgroups of G up to conjugacy in

Representatives  $n_i \in$ 

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	2a $4a$ $8a$ $8$	3b $16a$	16b	16c	16d	6a  3a	18a	9a	9b	18 <i>b</i>	18c	9c	34a	17a	34b	17 <i>b</i>
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1 1 1 1	1 1	1	1	1	1 1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-8   0   0	0	0	0	0	1 -1	1	-1	-1	1	1	-1	$-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{12}$	$E(17)^3 + E(17)^5 + E(17)^6 + E(17)^7 + E(17)^{10} + E(17)^{11} + E(17)^{12} + E(17)^{11} + E(17)^{12} + E(17)^{11} + E(17)^{12} + E(17)^{11} + E(17)^{12} + E($	$-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^{16}$	$E(17) + E(17)^2 + E(17)^4 + E(17)^8 + E(17)^9 + E(17)^{13} + E(17)^{15} + E(17)^{16}$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-8   0   0	0	0	0	0	1 -1	1	-1	-1	1	1	-1	$-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^1$	$E(17) + E(17)^2 + E(17)^4 + E(17)^8 + E(17)^9 + E(17)^{13} + E(17)^{15} + E(17)^{$	$E(17)^{16}$ $-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{14}$	$E(17)^3 + E(17)^5 + E(17)^6 + E(17)^7 + E(17)^{10} + E(17)^{11} + E(17)^{12} + E(17)^{14}$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9 1 1 1	1 -1	-1	-1	-1	0 0	0	0	0	0	0	0	$-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{12}$	$E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E($	$\frac{17}{14} - E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^{16}$	$-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^{16}$
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9 1 1 1	1 -1	-1	-1	-1	0 0	0	0	0	0	0	0	$-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^1$	$ (17)^6 - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)$	$ -E(17)^{3} - E(17)^{5} - E(17)^{6} - E(17)^{7} - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{14} $	$-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{14}$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	16 0 0	0	0	0	0	$-2 \ -2$	1	1	1	1	1	1	-1	-1	-1	-1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		0	0	0	0	2 -2	-1	1	1	-1	-1	1	1	-1	1	-1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		0	0	0	0	1 1	$E(9)^2 + E(9)^4 + E(9)^5 + E$	$(9)^7   E(9)^2 + E(9)^4 + E(9)^5 + E(9)^6$	$(9)^7$ $-E(9)^2 - E(9)^7$	$-E(9)^2 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^5$	$-E(9)^4 - E(9)^5$	-1	-1	-1	-1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		0	0	0	0	1 1		$-E(9)^4 - E(9)^5$	$E(9)^2 + E(9)^4 + E(9)^5$	$+E(9)^7$ $E(9)^2 + E(9)^4 + E(9)^5 + E(9)^7$		$-E(9)^2 - E(9)^7$	_ _1	- -1	- -1	
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	16 0 0	0	0	ő	0	1 1		$-E(9)^2 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^5$	$-E(9)^4 - E(9)^5$			$9)^{7}$ $-1$		_1 _1	_1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	-16   0   0	0	0	Ő	0	_1 1 ·		$E(9)^7   E(9)^2 + E(9)^4 + E(9)^5 + E(9)^6$	$(9)^7$ $-E(9)^2 - E(9)^7$	$E(9)^2 + E(9)^7$			1	_1	1	_1
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		0	0	0	0	_1 1		$-E(9)^4 - E(9)^5$			E(0) + E(0) $E(0)^2 + E(0)^7$	$-E(9)^2 - E(9)^7$	1	_1	1	_1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		0	0	0	0	_1 1		$E(0) = E(0)^{7}$ $-E(0)^{2} - E(0)^{7}$					0)7	_1	1	_1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	17 1 1 1	1 1	1	1	1	_1 _1	L(3) + L(3)	L(3) $L(3)$	$L(\theta) = L(\theta)$	$L(\theta) + L(\theta)$	E(3) $E(3)$ $E(3)$	L(3) - L(3) + L(3) + L(3) + L(4) -1	0	0	<u> </u>	0
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10 1 1	2 0	0	0	0	-1 $-1$	 	<u>-1</u>	— <sub>1</sub>		— <sub>1</sub>		1	1	1	1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\frac{10}{2} = \frac{2}{-2} = \frac{-2}{-2}$	-2 U - E(0)3 - E(1e)3 + E(1e)5	E(1e)3 E(1e)5	E(1e) + E(1e)7	E(16) E(16	s)7 0 0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$-10  0  -E(0) + E(0)^3  E(0) - E(0)^3  E(0)$	$-E(0)^3 - E(10)^3 + E(10)^5$	$E(10)^3 - E(10)^3$	-E(10) + E(10)	E(10) - E(10)	$\frac{0}{100}$	0	0	0	0	0	0	- <u>1</u>	1	-1 1	1
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$-18  0  -E(8) + E(8)^{\circ}  E(8) - E(8)^{\circ}$	$E(10)^3 - E(10)^3 - E(10)^7$	$-E(10)^{\circ} + E(10)^{\circ}$	E(10) - E(10)	-E(10) + E(1	10). 0 0	0	0	0	U	0	U	-1	1	-1	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		$+E(8)^3 - E(16) + E(16)^4$	2(10) 2(10)	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^3$	16) 0 0	0	0	0	0	0	0	-1	1	-1	
		E(0)	B(10)   B(10)	$-E(16)^{3} + E(16)^{3}$	$E(16)^3 - E(16)^3$	$(6)^3 \qquad 0 \qquad 0$	0	0	0	0	0	0	-1		-1	
$18 - 2   0   1   168 - E(8)^3   E(8) - E(8)^3   - E(8) + E(8)^3   0   0   0$			( ) ( )	( ) ( )	( ) ( )		0	0	0	0	0	0	1			1
	18 -2 0	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	-E(8) + E(8)	3)3 0 0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1
													$N_1$			
$N_{\star}$													D.			

0 0 0 0 0 0 0

 $\begin{vmatrix} 1 & -E(4) & -1 & E(4) & 1 & -E(4) & -1 & E(4) \end{vmatrix}$ 

 $-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{14}$  $-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^{16}$  $-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^{16}$  $-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{14}$  $\left| \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \right| \ 9 \qquad 1$  $-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{14}$  $-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^{16}$  $-E(17) - E(17)^2 - E(17)^4 - E(17)^8 - E(17)^9 - E(17)^{13} - E(17)^{15} - E(17)^{16}$  $-E(17)^3 - E(17)^5 - E(17)^6 - E(17)^7 - E(17)^{10} - E(17)^{11} - E(17)^{12} - E(17)^{14}$  $\begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \end{vmatrix} \ 9 \qquad 1$  $\left| \ 1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \right| \ 18 \quad 2 \quad 2$  $\begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$  $\begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 1 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$  $\begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 1 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \end{vmatrix} \ 18 \quad 18 \quad -2 \quad 0 \quad -E(8) + E(8)^3 \quad E(8) - E(8)^3 \quad E(8)^3 \quad E(8)$  $\begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 1 \cdot \chi_{21} \end{vmatrix} 18$  $\begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \end{vmatrix} 81$  $-5 \times E(17)^{15} - 4 \times$  $\begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \end{vmatrix} 72 - 72 0 0 0$  $-5 \times E(17)^{10} - 5 \times$  $3 \quad E(4) \quad -3 \quad -E(4) \quad 0 \quad 0 \quad 0$  $\begin{vmatrix} 3 & -1 & 3 & -1 & 0 & 0 & 0 \end{vmatrix}$ 1 -1 1 -1 1 -1 1 -1  $\begin{vmatrix} 1 & E(4) & -1 & -E(4) & 1 & E(4) & -1 & -E(4) \end{vmatrix}$ 

 $N_2 \cong C9 : C4$