

The group G is isomorphic to the group $\text{PSL}(3,2) : \text{C2}$.
 Ordinary character table of $G \cong \text{PSL}(3,2) : \text{C2}$:

	1 <i>a</i>	2 <i>a</i>	3 <i>a</i>	4 <i>a</i>	7 <i>a</i>	2 <i>b</i>	6 <i>a</i>	8 <i>a</i>	8 <i>b</i>
χ_1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
χ_2	1	1	1	1	1	−1	−1	−1	−1
χ_3	6	−2	0	2	−1	0	0	0	0
χ_4	6	2	0	0	−1	0	0	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$
χ_5	6	2	0	0	−1	0	0	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$
χ_6	7	−1	1	−1	0	1	1	−1	−1
χ_7	7	−1	1	−1	0	−1	−1	1	1
χ_8	8	0	−1	0	1	2	−1	0	0
χ_9	8	0	−1	0	1	−2	1	0	0

Trivial source character table of $G \cong \text{PSL}(3,2) : \text{C2}$ at $p = 7$:

Normalisers N_i	N_1								N_2					
p -subgroups of G up to conjugacy in G	P_1								P_2					
Representatives $n_j \in N_i$	1 <i>a</i>	3 <i>a</i>	6 <i>a</i>	2 <i>b</i>	2 <i>a</i>	8 <i>a</i>	8 <i>b</i>	4 <i>a</i>	1 <i>a</i>	2 <i>a</i>	3 <i>b</i>	6 <i>b</i>	3 <i>a</i>	6 <i>a</i>
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	7	1	1	1	3	$1 + E(8) - E(8)^3$	$1 - E(8) + E(8)^3$	1	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	7	1	−1	−1	3	$-1 - E(8) + E(8)^3$	$-1 + E(8) - E(8)^3$	1	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	14	−1	1	−2	−2	0	0	2	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	14	−1	−1	2	−2	0	0	2	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	14	−1	−1	2	2	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	14	−1	1	−2	2	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	7	1	−1	−1	−1	1	1	−1	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	7	1	1	1	−1	−1	−1	−1	0	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	8	−1	−1	2	0	0	0	0	1	1	$E(3)^2$	$E(3)^2$	$E(3)$	$E(3)$
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	8	−1	−1	2	0	0	0	0	1	1	$E(3)$	$E(3)$	$E(3)^2$	$E(3)^2$
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	1	1	−1	−1	1	−1	−1	1	1	−1	1	−1	1	−1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	8	−1	1	−2	0	0	0	0	1	−1	$E(3)^2$	$-E(3)^2$	$E(3)$	$-E(3)$
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	8	−1	1	−2	0	0	0	0	1	−1	$E(3)$	$-E(3)$	$E(3)^2$	$-E(3)^2$

$$P_1 = Group([(())]) \cong 1$$

$$P_2 = Group([(2, 5, 7, 6, 8, 3, 4)]) \cong \text{C7}$$

$$N_1 = Group([(2, 4)(3, 5)(7, 8), (1, 2, 3)(4, 6, 7)]) \cong \text{PSL}(3,2) : \text{C2}$$

$$N_2 = Group([(2, 5, 7, 6, 8, 3, 4), (3, 6, 4)(5, 7, 8), (3, 7)(4, 5)(6, 8)]) \cong \text{C7} : \text{C6}$$