

The group  $G$  is isomorphic to the group  $\text{C2} . (\text{PSL}(3,2) : \text{C2})$  .  
Ordinary character table of  $G \cong \text{C2} . (\text{PSL}(3,2) : \text{C2}) \cong \text{SL}(2,7) . \text{C2}$ :

	1 <i>a</i>	2 <i>a</i>	4 <i>a</i>	3 <i>a</i>	6 <i>a</i>	8 <i>a</i>	8 <i>b</i>	7 <i>a</i>	14 <i>a</i>	4 <i>b</i>	12 <i>a</i>	12 <i>b</i>	16 <i>a</i>	16 <i>b</i>	16 <i>c</i>	16 <i>d</i>
$\chi_1$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$\chi_2$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	−1
$\chi_3$	6	6	−2	0	0	2	2	−1	−1	0	0	0	0	0	0	0
$\chi_4$	6	6	2	0	0	0	0	−1	−1	0	0	0	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$
$\chi_5$	6	6	2	0	0	0	0	−1	−1	0	0	0	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$
$\chi_6$	7	7	−1	1	1	−1	−1	0	0	1	1	1	−1	−1	−1	−1
$\chi_7$	7	7	−1	1	1	−1	−1	0	0	−1	−1	−1	1	1	1	1
$\chi_8$	8	8	0	−1	−1	0	0	1	1	2	−1	−1	0	0	0	0
$\chi_9$	8	8	0	−1	−1	0	0	1	1	−2	1	1	0	0	0	0
$\chi_{10}$	8	−8	0	2	−2	0	0	1	−1	0	0	0	0	0	0	0
$\chi_{11}$	6	−6	0	0	0	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	−1	1	0	0	0	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$
$\chi_{12}$	6	−6	0	0	0	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	−1	1	0	0	0	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$
$\chi_{13}$	6	−6	0	0	0	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	−1	1	0	0	0	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$
$\chi_{14}$	6	−6	0	0	0	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	−1	1	0	0	0	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$
$\chi_{15}$	8	−8	0	−1	1	0	0	1	−1	0	$-E(12)^7 + E(12)^{11}$	$E(12)^7 - E(12)^{11}$	0	0	0	0
$\chi_{16}$	8	−8	0	−1	1	0	0	1	−1	0	$E(12)^7 - E(12)^{11}$	$-E(12)^7 + E(12)^{11}$	0	0	0	0

Trivial source character table of  $G \cong \text{C2} . (\text{PSL}(3,2) : \text{C2}) = \text{SL}(2,7) . \text{C2}$  at  $p = 3$ :

Normalisers $N_i$	$N_1$												$N_2$				
$p$ -subgroups of $G$ up to conjugacy in $G$	$P_1$												$P_2$				
Representatives $n_j \in N_i$	1 <i>a</i>	2 <i>a</i>	4 <i>b</i>	14 <i>a</i>	7 <i>a</i>	4 <i>a</i>	16 <i>a</i>	16 <i>b</i>	16 <i>d</i>	16 <i>c</i>	8 <i>a</i>	8 <i>b</i>	1 <i>a</i>	4 <i>a</i>	4 <i>b</i>	2 <i>a</i>	4 <i>c</i>
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	9	9	3	2	2	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	15	15	3	1	1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	9	9	−3	2	2	1	−1	−1	−1	−1	1	1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	15	15	−3	1	1	−1	1	1	1	1	−1	−1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	6	0	−1	−1	−2	0	0	0	0	2	2	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	6	0	−1	−1	2	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	6	0	−1	−1	2	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 1 \cdot \chi_{15} + 1 \cdot \chi_{16}$	24	−24	0	−3	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	0	1	−1	0	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	0	1	−1	0	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	0	1	−1	0	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	0	1	−1	0	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	1	1	−1	1	1	1	−1	−1	−1	−1	1	1	1	−1	1	1	−1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	7	7	−1	0	0	−1	1	1	1	1	−1	−1	1	1	−1	1	−1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	7	7	1	0	0	−1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	1	−1	−1	1	1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	8	−8	0	−1	1	0	0	0	0	0	0	0	2	0	0	−2	0

$$P_1 = Group([(())]) \cong 1$$

$$P_2 = Group([(5, 27, 29)(6, 21, 26)(7, 28, 30)(8, 22, 25)(9, 31, 20)(10, 32, 18)(11, 17, 15)(12, 19, 13)]) \cong \text{C3}$$

$$N_1 = Group([(1, 2, 4, 3)(5, 9, 7, 10)(6, 11, 8, 12)(13, 21, 15, 22)(14, 23, 16, 24)(17, 25, 19, 26)(18, 27, 20, 28)(29, 31, 30, 32), (2, 5, 6)(3, 7, 8)(9, 13, 14)(10, 15, 16)(11, 17, 18)(12, 19, 20)(21, 26, 29)(22, 25, 30)]) \cong \text{C2} . (\text{PSL}(3,2) : \text{C2}) = \text{SL}(2,7) . \text{C2}$$

$$N_2 = Group([(5, 27, 29)(6, 21, 26)(7, 28, 30)(8, 22, 25)(9, 31, 20)(10, 32, 18)(11, 17, 15)(12, 19, 13), (1, 16, 4, 14)(2, 23, 3, 24)(5, 6, 7, 8)(9, 13, 10, 15)(11, 20, 12, 18)(17, 31, 19, 32)(21, 30, 22, 29)(25, 27, 26, 28), (1, 2, 4, 3)(5, 9, 7, 10)(6, 11, 8, 12)(13, 21, 15, 22)(14, 23, 16, 24)(17, 25, 19, 26)(18, 27, 20, 28)(29, 31, 30, 32)]) \cong \text{C3} : \text{Q8}$$