

The group  $G$  is isomorphic to the group labelled by [ 672, 1045 ] in the Small Groups library.  
Ordinary character table of  $G \cong \text{C2} \cdot (\text{PSL}(3,2) : \text{C2}) = \text{SL}(2,7) \cdot \text{C2}$ :

	1 <i>a</i>	2 <i>a</i>	3 <i>a</i>	6 <i>a</i>	7 <i>a</i>	14 <i>a</i>	4 <i>a</i>	16 <i>a</i>	16 <i>b</i>	12 <i>a</i>	12 <i>b</i>	16 <i>c</i>	16 <i>d</i>	4 <i>b</i>	8 <i>a</i>	8 <i>b</i>
$\chi_1$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$\chi_2$	1	1	1	1	1	1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	1	1	1
$\chi_3$	6	6	0	0	−1	−1	0	0	0	0	0	0	0	−2	2	2
$\chi_4$	6	6	0	0	−1	−1	0	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	0	0	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	2	0	0
$\chi_5$	6	6	0	0	−1	−1	0	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	0	0	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	2	0	0
$\chi_6$	6	−6	0	0	−1	1	0	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$	0	0	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$	0	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$
$\chi_7$	6	−6	0	0	−1	1	0	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	0	0	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$	0	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$
$\chi_8$	6	−6	0	0	−1	1	0	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$	0	0	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	0	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$
$\chi_9$	6	−6	0	0	−1	1	0	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$	0	0	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$	0	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$
$\chi_{10}$	7	7	1	1	0	0	−1	1	1	−1	−1	1	1	−1	−1	−1
$\chi_{11}$	7	7	1	1	0	0	1	−1	−1	1	1	−1	−1	−1	−1	−1
$\chi_{12}$	8	−8	2	−2	1	−1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$\chi_{13}$	8	8	−1	−1	1	1	−2	0	0	1	1	0	0	0	0	0
$\chi_{14}$	8	8	−1	−1	1	1	2	0	0	−1	−1	0	0	0	0	0
$\chi_{15}$	8	−8	−1	1	1	−1	0	0	0	$-E(12)^7 + E(12)^{11}$	$E(12)^7 - E(12)^{11}$	0	0	0	0	0
$\chi_{16}$	8	−8	−1	1	1	−1	0	0	0	$E(12)^7 - E(12)^{11}$	$-E(12)^7 + E(12)^{11}$	0	0	0	0	0

Trivial source character table of  $G \cong \text{C2} \cdot (\text{PSL}(3,2) : \text{C2}) = \text{SL}(2,7) \cdot \text{C2}$  at  $p = 3$ :

Normalisers $N_i$	$N_1$												$N_2$				
$p$ -subgroups of $G$ up to conjugacy in $G$	$P_1$												$P_2$				
Representatives $n_j \in N_i$	1 <i>a</i>	2 <i>a</i>	7 <i>a</i>	14 <i>a</i>	4 <i>a</i>	16 <i>a</i>	16 <i>b</i>	16 <i>c</i>	16 <i>d</i>	4 <i>b</i>	8 <i>a</i>	8 <i>b</i>	1 <i>a</i>	4 <i>a</i>	4 <i>b</i>	2 <i>a</i>	4 <i>c</i>
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	6	−1	−1	0	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	2	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	6	−1	−1	0	$-E(8) + E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	2	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	15	15	1	1	−3	1	1	1	1	−1	−1	−1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	15	15	1	1	3	−1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	6	−1	−1	0	0	0	0	0	−2	2	2	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	9	9	2	2	−3	−1	−1	−1	−1	1	1	1	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	9	9	2	2	3	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	−1	1	0	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$	0	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	−1	1	0	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	0	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	−1	1	0	$E(16) - E(16)^7$	$-E(16) + E(16)^7$	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$	0	$E(8) - E(8)^3$	$-E(8) + E(8)^3$	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	6	−6	−1	1	0	$-E(16)^3 + E(16)^5$	$E(16)^3 - E(16)^5$	$-E(16) + E(16)^7$	$E(16) - E(16)^7$	0	$-E(8) + E(8)^3$	$E(8) - E(8)^3$	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 1 \cdot \chi_{15} + 1 \cdot \chi_{16}$	24	−24	3	−3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	7	7	0	0	−1	1	1	1	1	−1	−1	−1	1	1	−1	1	−1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	7	7	0	0	1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	−1	1	−1	1	1	−1
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	1	1	1	1	−1	−1	−1	−1	−1	1	1	1	1	−1	−1	1	1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16}$	8	−8	1	−1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	−2	0

$$P_1 = Group([(())]) \cong 1$$

$$P_2 = Group([(1, 31, 10)(2, 21, 8)(3, 22, 6)(4, 32, 9)(5, 24, 28)(7, 23, 27)(11, 13, 16)(12, 15, 14)]) \cong \text{C3}$$

$$N_1 = Group([(1, 2, 4, 3)(5, 9, 7, 10)(6, 11, 8, 12)(13, 21, 15, 22)(14, 23, 16, 24)(17, 25, 19, 26)(18, 27, 20, 28)(29, 31, 30, 32), (2, 5, 6)(3, 7, 8)(9, 13, 14)(10, 15, 16)(11, 17, 18)(12, 19, 20)(21, 26, 29)(22, 25, 30)]) \cong \text{C2} \cdot (\text{PSL}(3,2) : \text{C2}) = \text{SL}(2,7) \cdot \text{C2}$$

$$N_2 = Group([(1, 31, 10)(2, 21, 8)(3, 22, 6)(4, 32, 9)(5, 24, 28)(7, 23, 27)(11, 13, 16)(12, 15, 14), (1, 2, 9, 6, 31, 21, 4, 3, 10, 8, 32, 22)(5, 15, 27, 11, 24, 14, 7, 13, 28, 12, 23, 16)(17, 25, 19, 26)(18, 29, 20, 30), (1, 5, 4, 7)(2, 16, 3, 14)(6, 12, 8, 11)(9, 23, 10, 24)(13, 22, 15, 21)(17, 30, 19, 29)(18, 25, 20, 26)(27, 31, 28, 32)]) \cong \text{C3} : \text{Q8}$$