The group G is isomorphic to the group labelled by [ 48, 40 ] in the Small Groups library. Ordinary character table of  $G\cong \mathbb{Q}8$  x S3:

Trivial source character table of  $G \cong Q8 \times S3$  at p = 3:

p-subgroups of $G$ up to conjugacy in $G$		$P_1$									$P_2$									
Representatives $n_j \in N_i$	1a	2a	4a	4b	2b	4c	4d	2c	4e	4f	1a	4b	4a	2b	2a	4e	4d	4c	2c	$\overline{4f}$
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15}$	3	1	3	3	3	1	1	1	3	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	3	-1	3	3	3	-1	-1	-1	3	-1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \right  $	3	-1	-3	-3	3	1	1	-1	3	-1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \right  $	3	1	-3	-3	3	-1	-1	1	3	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	3	-1	-3	3	3	1	-1	-1	-3	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \right  $	3	1	-3	3	3	-1	1	1	-3	-1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	3	-1	3	-3	3	-1	1	-1	-3	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	3	1	3	-3	3	1	-1	1	-3	-1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 1 \cdot \chi_{15} \ \right  $	6	2	0	0	-6	0	0	-2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 1 \cdot \chi_{15} \ \right  $	6	-2	0	0	-6	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15}$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	1	-1	1	-1	1	-1	1	-1	-1	1	1 -	-1	1	1	-1	-1	1	-1	-1	1
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	1	-1	-1	-1	1	1	1	-1	1	-1	1 -	-1	-1	1	-1	1	1	1	-1	-1
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	1	1	-1	-1	1	-1	-1	1	1	1	1 -	-1	-1	1	1	1	-1	-1	1	1
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \ \right  $	1	1	1	-1	1	1	-1	1	-1	-1	1 -	-1	1	1	1	-1	-1	1	1	-1
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \right  $	1	-1	1	1	1	-1	-1	-1	1	-1	1	1	1	1	-1	1	-1	-1	-1	-1
$ \left  \ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \right  $	1	-1	-1	1	1	1	-1	-1	-1	1	1	1	-1	1	-1	-1	-1	1	-1	1
$ \left  0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \right  $	1	1	-1	1	1	-1	1	1	-1	-1	1	1	-1	1	1	-1	1	-1	1	-1
$ \left  0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} \right  $	2	-2	0	0	-2	0	0	2	0	0	2	0	0	-2	-2	0	0	0	2	0
$\boxed{0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15}}$	2	2	0	0	-2	0	0	-2	0	0	2	0	0	-2	2	0	0	0	-2	0

 $P_1 = Group([()]) \cong 1$ 

 $P_2 = Group([(1,17,6)(2,24,10)(3,28,13)(4,30,15)(5,31,16)(7,35,20)(8,37,22)(9,38,23)(11,40,26)(12,41,27)(14,42,29)(18,44,33)(19,45,34)(21,46,36)(25,47,39)(32,48,43)]) \cong \mathbf{C3}$ 

 $N_1 = Group([(1,2)(3,7)(4,8)(5,9)(6,24)(10,2)(3,7)(4,8)(5,9)(6,24)(10,2)(3,7)(4,8)(5,9)(6,24)(10,2)(3,34)(15,39)(24,35)$ 

 $|\chi_2|$  1 -1 -1 -1 1 1 1 1 -1 1 -1 1 1 |  $|\chi_3|$  1 -1 -1 1 1 1 1 -1 -1 -1 1 1 1 -1 |  $|\chi_4|$  1 -1 1 -1 1 1 -1 1 -1 1 -1 1 -1 |  $|\chi_5|$  1 -1 1 1 1 1 -1 -1 1 1 1 1 1 -1 1  $|\chi_9|$  2 0 -2 -2 2 -1 0 0 0 2 1 1 -1 0 -1  $|\chi_{10}|$  2 0 -2 2 2 -1 0 0 0 -2 1 -1 -1 0 1  $|\chi_{11}|$  2 0 2 -2 2 -1 0 0 0 -2 -1 1 -1 0 1  $|\chi_{15}|$  4 0 0 0 -4 -2 0 0 0 0 0 0 2 0 0