1a 4a	2a	9a	18a	9 <i>b</i>	18b	3a	12a	6a	9c	18c	9d	18 <i>d</i>	3b	12b	6b	9e	18e	9f	18 <i>f</i>	
χ_1 1 1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	
χ_2 1 1	1	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	E(3)	E(3)	1	1	1	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	E(3)	E(3)	E(3) 1		$1 E(3)^2$		$E(3)^{2}$	E(3)	E(3)	
χ_3 1 1	1	E(3)	E(3)	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	1	1	1	E(3)	E(3)	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	1	1	1	E(3)	E(3)	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	
χ_4 1 1	1 - E($(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(9)^{5}$	$E(9)^{5}$	$E(9)^4$	$E(9)^{4}$	E(3)	E(3)	E(3)	$E(9)^{2}$	$E(9)^{2}$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	
χ_5 1 1	1 - E($(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^{2}$	$E(9)^{2}$	E(3)	E(3)	E(3)	$E(9)^4$	$E(9)^4$	$E(9)^{5}$	$E(9)^{5}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	
χ_6 1 1	1	$E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	$E(9)^{5}$	$E(9)^{5}$	E(3)	E(3)	E(3)	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(9)^4$	$E(9)^4$	$E(9)^{2}$	$E(9)^{2}$	
χ_7 1 1	1	$E(9)^{5}$	$E(9)^{5}$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(9)^2$	$E(9)^2$	$E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	E(3)	E(3)	E(3)	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^4$	$E(9)^4$	
χ_8 1 1	1	$E(9)^4$	$E(9)^4$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	E(3)	E(3)	E(3)	$E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	$E(9)^{2}$	$E(9)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^{5}$	$E(9)^{5}$	
χ_9 1 1	1	$E(9)^{2}$	$E(9)^{2}$	$E(9)^4$	$E(9)^4$	$E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	$E(3)^2$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	E(3)	E(3)	E(3)	$E(9)^{5}$	$E(9)^5$	$E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	
	-2	-1	1	-1	1	$2^{'}$	0	-2	-1	1	-1	1	$\hat{2}$	Ò	-2	-1	1	-1	1	
	-2	$-E(3)^2$	$E(3)^{2}$	-E(3)	E(3)	2	0	-2	$-E(3)^2$	$E(3)^{2}$	-E(3)	E(3)	2	0	-2	$-E(3)^2$	$E(3)^{2}$	-E(3)	E(3)	
	-2	-E(3)	E(3)	$-E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	2	0	-2	-E(3)	E(3)	$-E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	2	0	-2	-E(3)	E(3)	$-E(3)^{2}$	$E(3)^{2}$	
	-2	$-E(9)^{5}$	$E(9)^{5}$	$E(9)^4 + E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$2 * E(3)^2$	0	$-2*E(3)^2$	$-E(9)^{2}$	$E(9)^{2}$	$-E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	2 * E(3)	0	-2 * E(3)	$E(9)^2 + E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^4$	$E(9)^4$	
	-2	$-E(9)^4$	$E(9)^4$	$E(9)^2 + E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	2*E(3)	0	-2*E(3)	$-E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	$-E(9)^{2}$	$E(9)^{2}$	$2*E(3)^2$	0	$-2*E(3)^2$	$E(9)^4 + E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^{5}$	$E(9)^{5}$	
	-2	$-E(9)^2$	$E(9)^{2}$	$-E(9)^4$	$E(9)^4$	$2*E(3)^2$	0	$-2*E(3)^2$	$E(9)^2 + E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^4 + E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	2*E(3)	0	-2*E(3)	$-E(9)^{5}$	$E(9)^5$	$-E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	
	-2 $E(9)$	$(9)^4 + E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^{2}$	$E(9)^2$	2*E(3)	0	-2 * E(3)	$-E(9)^4$	$E(9)^4$	$-E(9)^{5}$	$E(9)^5$	$2*E(3)^{2}$	0	$-2*E(3)^2$	$-E(9)^{7}$	$E(9)^7$	$E(9)^2 + E(9)^5$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	
	-2 $E(9)$		$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^{7}$	$E(9)^7$	$2*E(3)^{2}$	0	$-2*E(3)^{2}$	$-E(9)^{5}$	$E(9)^5$	$-E(9)^{4}$	$E(9)^4$	2 * E(3)	0	-2 * E(3)	$-E(9)^{2}$	$E(9)^2$	$E(9)^4 + E(9)^7$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	
	,	$-E(9)^{7}$	$E(9)^{7}$	$-E(9)^{5}$	$E(9)^5$	2 * E(3)	0	-2 * E(3)		$-E(9)^{4} - E(9)^{7}$	$E(9)^2 + E(9)^5$	$-E(9)^{2} - E(9)^{5}$	$2*E(3)^{2}$	0	$-2*E(3)^{2}$	$-E(9)^{4}$	$E(9)^4$	$-E(9)^2$	$E(9)^2$	
$\chi_{19} \ \ 3 \ -1$	3	o ´	o´	0	o´	3	-1	3	0	0	0	0	3	-1	3	0	o´	0	o´	
$\chi_{20} 3 -1$	3	0	0	0	0	$3*E(3)^2$	$-E(3)^2$	$3*E(3)^2$	0	0	0	0	3 * E(3)	-E(3)	3 * E(3)	0	0	0	0	
$\chi_{21} 3 -1$	3	0	0	0	0	3*E(3)			0	0	0	0		\ /	$3*E(3)^{2}$	0	0	0	0	

Trivial source character table of $G \cong Q8$: C9 at p = 2:

Trivial source character table of $G \cong \mathbb{Q}8$: C9 at $p=2$:																										
Normalisers N_i					, ·	$I\sqrt{1}$							$\overline{N_2}$					$\overline{N_3}$					N_4			
p-subgroups of G up to conjugacy in G						P_1							$\overline{P_2}$					P_3					P_4			
Representatives $n_j \in N_i$	1a	9a	9b	$\overline{}$ $3a$	9c	9d	$\overline{}$ $3b$	9e	9f	1a $9d$	3b	9a	9b	3a 9	ser	$9\overline{f}$	$9c$ 1ϵ	a = 3b	3a $1a$	9d	3b $9a$	9b	$\overline{}$ $3a$	9e	9f	9c
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot $		2	2	8	2	2	 8	2	2	$\overline{0}$ 0	0	0	0	0	J	0	0 0	0	0 0	0	0 0	0	0	0		0
$0 \cdot \chi_{1} + 1 \cdot \chi_{2} + 0 \cdot \chi_{3} + 0 \cdot \chi_{4} + 0 \cdot \chi_{5} + 0 \cdot \chi_{6} + 0 \cdot \chi_{7} + 0 \cdot \chi_{8} + 0 \cdot \chi_{9} + 1 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 1 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{19} +$		$2 * E(3)^2$	2 * E(3)	8	$2 * E(3)^2$	2 * E(3)	8	$2 * E(3)^2$	2 * E(3)	0 0	0	0	0	0	J	0	0 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 1 \cdot \chi_{10} + 1 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot $		2*E(3)	$2*E(3)^2$	8	2 * E(3)	$2 * E(3)^{2}$	8	2 * E(3)	$2*E(3)^2$	0	0	0	0	0	J	0	0 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_{1} + 0 \cdot \chi_{2} + 0 \cdot \chi_{3} + 0 \cdot \chi_{4} + 1 \cdot \chi_{5} + 0 \cdot \chi_{6} + 0 \cdot \chi_{7} + 0 \cdot \chi_{8} + 0 \cdot \chi_{9} + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 1 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 1 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} +$		$2 * E(9)^4 - 2 * E(9)^7$		8 * E(3)	$2*E(9)^4$	$2 * E(9)^5$	$8*E(3)^2$	$2*E(9)^{7}$	$-2*E(9)^2 - 2*E(9)^5$	0 0	0	0	0	0	J	0	0 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_{1} + 0 \cdot \chi_{2} + 0 \cdot \chi_{3} + 0 \cdot \chi_{4} + 0 \cdot \chi_{5} + 0 \cdot \chi_{6} + 0 \cdot \chi_{7} + 0 \cdot \chi_{8} + 1 \cdot \chi_{9} + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 1 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} +$		$2 * E(9)^2$	$2 * E(9)^4$	()	()	$E(9)^5 - 2 * E(9)^4 - 2 * E(9)^7$		$2*E(9)^5$	$2 * E(9)^{7}$	0 0	0	0	0	0	J	0	0 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
		$2 * E(9)^{7}$	$2*E(9)^5$		()				$2*E(9)^2$	0 0	0	0	0	0	J	0	0 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 1 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 1 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot$	$0 \cdot \chi_{19} + 1 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 8$	$2*E(9)^5$	$-2*E(9)^4 - 2*E(9)$		$2 * E(9)^2$	$2 * E(9)^7$	()			0 0	0	0	0	0	J	0	0 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 1 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 1 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot$		$2*E(9)^4$	$-2*E(9)^2 - 2*E(9)$	(-)	$2 * E(9)^{7}$	$2 * E(9)^2$	· /	$-2*E(9)^4 - 2*E(9)^7$		0 0	0	0	0	0	J	0	0 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 1 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 1 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot $		$2*E(9)^2 - 2*E(9)^5$	$(9)^5 2*E(9)^7$	$8 * E(3)^2$	$2*E(9)^5$	$2 * E(9)^4$	8 * E(3)	$2*E(9)^2$	$-2*E(9)^4 - 2*E(9)^7$	0	0	0	0	0	J	0	00	00	00		00	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot $		$E(3)^2$	$\overline{E(3)}$	4	$E(3)^{2}$	E(3)	4	$E(3)^{2}$	E(3)	E(3)	4	$E(3)^{2}$	E(3)	$\overline{4}$ $E^{(')}$	$(3)^2$ F	$\mathcal{L}(\overline{3})$ F	$E(3)^2$ 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \end{vmatrix} $	$1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 4$	E(3)	$E(3)^{2}$	4	E(3)	$E(3)^{2}$	4	E(3)	$E(3)^2$	$ 4 E(3)^2$	4	E(3)	$E(3)^{2}$	4 E'	F'	$J(3)^2$	E(3) 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot $	$1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 4$	1	1	4	1	1	4	1	1	4 1	4	1	1	4	1	1	1 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 1 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 4$	$E(9)^{2}$	$E(9)^4$	$4 * E(3)^2$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	4*E(3)	$E(9)^{5}$	$E(9)^{7}$	$4 - E(9)^4 - E(9)$	/ /	$E(9)^{2}$	$E(9)^4$ 4	$_{\mathbf{t}}*E(3)^{2}$ $E^{(\prime)}$	$(9)^5$ F'	$-E(9)^7 \qquad -E(9)^6$	$(1)^2 - E(9)^5 \mid 0$	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 1 \cdot \chi_{21} \mid 4$	$E(9)^{7}$	$E(9)^{5}$	4 * E(3)	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$4*E(3)^2$	$E(9)^4$	$E(9)^2$	$4 - E(9)^2 - E(9)$	/ / /	$E(9)^{7}$	$E(9)^5$	4*E(3) E'	$E(9)^4$ $E($	$E(9)^2 -E(9)^4$	/ . \ /	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \end{vmatrix} $	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 1 \cdot \chi_{21} \mid 4$	$E(9)^{4}$	$-E(9)^2 - E(9)^5$		$E(9)^{7}$	$E(9)^2$	$4*E(3)^2$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^5$	$E(9)^2$	$4*E(3)^2$	$E(9)^4$	$-E(9)^2 - E(9)^5$ 4:	$4*E(3) -E(9)^4$	$-E(9)^{7}$ F'		$E(9)^7$ 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 1 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 4$	$E(9)^{5}$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	/	$E(9)^{2}$	$E(9)^{7}$	4 * E(3)	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^4$	$E(9)^7$	4 * E(3)	$E(9)^{5}$	$-E(9)^4 - E(9)^7 4 *$	$4*E(3)^2 -E(9)^2$	()	\ /	$E(9)^2$ 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$		$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^{7}$	$4 * E(3)^2$	$E(9)^{5}$	$E(9)^4$	4 * E(3)	()	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^4$	()	$-E(9)^2 - E(9)^5$	()	(-)	(-)) = (0) =	$E(9)^5$ 0	0 0	0 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot $	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 1 \cdot \chi_{21} \mid 4$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^2$	4 * E(3)	$E(9)^4$	$E(9)^{5}$	$4 * E(3)^2$	$E(9)^{7}$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^5$	$4 * E(3)^2$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^2$ 4:	4*E(3) $E(9)$	$E(9)^7 -E(9)^2$	$(E^2)^2 - E(9)^5$ E	$E(9)^4$ 0	0	00	0	00	0	0	_0	0	
$1 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot $	$1 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} = 6$	0	0	6	0	0	6	0	0	6 0	6	0	0	6	J	0	0 2	2 2	2 0	0	0 0	0	0	0	0	0
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 1 \cdot \chi_{21} = 6$	0	0	6 * E(3)	0	0	$6 * E(3)^2$	0	0	6 0	$6 * E(3)^2$	0		6*E(3) 0	O	0		$2 2 * E(3)^2 2 *$		0	0 0	0	0	0	0	0
$ \boxed{0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 1 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 6$	0	_ 0	$6*E(3)^2$	0	_ 0	6 * E(3)	0	0	6 0	6 * E(3)	0	06	$6*E(3)^2$ 0	J	0	02	2 2 * E(3) 2 *	$\epsilon E(3)^2 \mid \underline{0}$	0	00	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_{1} + 0 \cdot \chi_{2} + 0 \cdot \chi_{3} + 0 \cdot \chi_{4} + 0 \cdot \chi_{5} + 0 \cdot \chi_{6} + 0 \cdot \chi_{7} + 0 \cdot \chi_{8} + 0 \cdot \chi_{9} + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} +$	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 1$	1	1	1	1	1	1	1	1	1 1	1	1	1	1	1	1	1 1	1 1	1 1	1	1 1	1	1	1	1	1
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 1$	$E(3)^{2}$	E(3)	1	$E(3)^{2}$	E(3)	1	$E(3)^{2}$	E(3)	1 E(3)	1	$E(3)^{2}$	E(3)	$1 \qquad \qquad E^{f'}$	$(3)^2$ F	$\mathcal{L}(3)$	$E(3)^2$ 1	1 1	1 1	E(3)	1 $E(3)^2$	E(3)	, 1	$E(3)^{2}$	E(3)	$E(3)^2$
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$		E(3)	$E(3)^{2}$	1	E(3)	$E(3)^{2}$	1	E(3)	$E(3)^2$	$ 1 E(3)^2$	1	E(3)	$E(3)^{2}$	1 E'	F'	$J(3)^2$	E(3) 1	1 1	1 1	$E(3)^{2}$	1 $E(3)$	$E(3)^{2}$,· 1	E(3)	$E(3)^{2}$	E(3)
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 1$	$E(9)^{2}$	$E(9)^4$	$E(3)^{2}$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	E(3)	$E(9)^{5}$	$E(9)^{7}$	$1 - E(9)^4 - E(9)$	E(3)	$E(9)^{2}$	$E(9)^4$	$E(3)^2$ E^{f}	$(9)^5$ F	$E(9)^7 -E(9)^2$	$(1)^2 - E(9)^5 \mid 1$	1 $E(3)$ F	$\mathcal{E}(3)^2 \mid 1 -$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(3) E(9)^2$	$E(9)^{2}$	$E(3)^2$	$E(9)^{5}$	$E(9)^{7}$	$-E(9)^2 - E(9)^5$
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 1$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^{7}$	$E(3)^{2}$	$E(9)^{5}$	$E(9)^4$	E(3)	$E(9)^{2}$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$1 E(9)^4$	E(3)	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^{7}$	$E(3)^2$ $E^{f'}$	$E(9)^2 - E(9)^4$	$(1)^4 - E(9)^7$ E	$E(9)^5$ 1	1 $E(3)$ F	$\mathbb{Z}(3)^2 \mid 1$	$E(9)^4$	$E(3) - E(9)^2 -$	$-E(9)^5$ $E(9)^7$	$E(3)^2$	$E(9)^2$ -	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^5$
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$	$0 \cdot \chi_{19} + 0 \cdot \chi_{20} + 0 \cdot \chi_{21} \mid 1$	$E(9)^5$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(3)^2$	$E(9)^{2}$	$E(9)^{7}$	E(3)	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^4$	$ 1 E(9)^7$	E(3)	$E(9)^5$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(3)^2 - E(9)^2$	()		$E(9)^2$ 1		$E(3)^2$ 1		$E(3)$ $E(9)^5$	/	$-E(9)^7 E(3)^2 -E(3)^2$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^4$	$E(9)^2$
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \cdot \chi_{19} + 0$		$E(9)^4$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	E(3)	$E(9)^{7}$	$E(9)^{2}$	$E(3)^{2}$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^{5}$	$ 1 E(9)^2$	$E(3)^{2}$	$E(9)^4$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(3) -E(9)^4$	$-E(9)^{7}$ F'	· /	$E(9)^7$ 1		E(3) 1	\ /	$E(3)^2$ $E(9)^4$	$-E(9)^2 - E(9)^2 - $	$E(9)^5$ $E(3)$ -	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^{5}$	$E(9)^{7}$
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \end{vmatrix} $		$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^{2}$	E(3)	$E(9)^4$	$E(9)^{5}$	$E(3)^{2}$	$E(9)^{7}$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	1 $E(9)^5$	$E(3)^2$	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$E(9)^2$	$E(3)$ E^{f}	$(9)^7 - E(9)^2$	$f^2 - E(9)^5$	$E(9)^4$ 1		E(3) 1	$E(9)^5$	$E(3)^2 - E(9)^4 -$	$-E(9)^7$ $E(9)^9$	E(3)	$E(9)^{7}$ -	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(9)^4$
$ \begin{vmatrix} 0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9 + 0 \cdot \chi_{10} + 0 \cdot \chi_{11} + 0 \cdot \chi_{12} + 0 \cdot \chi_{13} + 0 \cdot \chi_{14} + 0 \cdot \chi_{15} + 0 \cdot \chi_{16} + 0 \cdot \chi_{17} + 0 \cdot \chi_{18} + 0 \end{vmatrix} $		$E(9)^{7}$	$E(9)^5$	E(3)	$-E(9)^4 - E(9)^7$	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(3)^{2}$	$E(9)^{4}$	$E(9)^2$	$1 - E(9)^2 - E(9)$	$E(3)^{2}$	$E(9)^{7}$	$E(9)^5$	E(3) E'	$(9)^4$ F	$-E(9)^2$ $-E(9)$	$E(9)^7 = E(9)^7 = 1$		E(3) 1 -	$-E(9)^2 - E(9)^5$	$E(3)^2$ $E(9)^7$	$E(9)^{F}$	E(3)	$E(9)^{4}$	$E(9)^2$	$-E(9)^{4} - E(9)^{7}$
				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •						* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *													• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			

 $P_1 = Group([()]) \cong 1$ $P_2 = Group([(10, 13)(11, 15)(12, 16)(14, 17)]) \cong C2$ $P_3 = Group([(10, 13)(11, 15)(12, 16)(14, 17), (10, 16, 13, 12)(11, 17, 15, 14)]) \cong C4$ $P_4 = Group([(10, 13)(11, 15)(12, 16)(14, 17), (10, 16, 13, 12)(11, 17, 15, 14), (10, 17, 13, 14)(11, 12, 15, 16)]) \cong Q8$

 $N_1 = Group([(1,6,2,7,3,8,4,9,5)(11,12,14)(15,16,17),(1,7,4)(2,8,5)(3,9,6),(10,11,13,15)(12,17,16,14),(10,12,13,16)(11,14,15,17),(10,13)(11,15)(12,16)(14,17)]) \cong Q8: C9$ $N_2 = Group([(1,6,2,7,3,8,4,9,5)(11,12,14)(15,16,17),(1,7,4)(2,8,5)(3,9,6),(10,11,13,15)(12,17,16,14),(10,12,13,16)(11,14,15,17),(10,13)(11,15)(12,16)(14,17)]) \cong Q8: C9$ $N_3 = Group([(10,13)(11,15)(12,16)(14,17),(10,16,13,12)(11,17,15,14),(10,11,13,15)(12,17,16,14),(17,4)(2,8,5)(3,9,6)]) \cong C3 \times Q8$ $N_4 = Group([(1,6,2,7,3,8,4,9,5)(11,12,14)(15,16,17),(1,7,4)(2,8,5)(3,9,6),(10,11,13,15)(12,17,16,14),(10,12,13,16)(11,14,15,17),(10,13)(11,15)(12,16)(14,17)]) \cong Q8: C9$