The group G is isomorphic to the group labelled by [72, 40] in the Small Groups library.
Ordinary character table of $G \cong$ (S3 x S3) : C2:

	1a	3a	3b	2a	2b	6a	2c	6b	4a
χ_1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
χ_2	1	1	1	1	1	1	−1	−1	−1
χ_3	1	1	1	1	−1	−1	1	1	−1
χ_4	1	1	1	1	−1	−1	−1	−1	1
χ_5	2	2	2	−2	0	0	0	0	0
χ_6	4	−2	1	0	0	0	2	−1	0
χ_7	4	−2	1	0	0	0	−2	1	0
χ_8	4	1	−2	0	2	−1	0	0	0
χ_9	4	1	−2	0	−2	1	0	0	0

Trivial source character table of $G \cong$ (S3 x S3) : C2 at $p = 3$:

Normalisers N_i	N_1					N_2				N_3				N_4				
p-subgroups of G up to conjugacy in G	P_1					P_2				P_3				P_4				
Representatives $n_j \in N_i$	1a	2b	2a	2c	4a	1a	2a	2b	2c	1a	2b	2a	2c	1a	4a	2b	2c	2a
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	18	0	−2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	9	3	1	3	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	9	−3	1	−3	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	9	−3	1	3	−1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	9	3	1	−3	−1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	6	0	−2	−2	0	3	−1	1	−3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	6	0	2	4	0	3	1	1	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 1 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	6	0	−2	2	0	3	−1	−1	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 1 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	6	0	2	−4	0	3	1	−1	−3	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	6	−2	−2	0	0	0	0	0	0	3	−3	1	−1	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	6	4	2	0	0	0	0	0	0	3	3	1	1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 1 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	6	2	−2	0	0	0	0	0	0	3	3	−1	−1	0	0	0	0	0
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 1 \cdot \chi_9$	6	−4	2	0	0	0	0	0	0	3	−3	−1	1	0	0	0	0	0
$1 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
$0 \cdot \chi_1 + 1 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	1	1	1	−1	−1	1	1	−1	−1	1	1	1	1	1	−1	1	−1	1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 1 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	1	−1	1	−1	1	1	1	−1	−1	1	−1	−1	1	1	1	−1	−1	1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 1 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 0 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	1	−1	1	1	−1	1	1	1	1	1	−1	−1	1	1	−1	−1	1	1
$0 \cdot \chi_1 + 0 \cdot \chi_2 + 0 \cdot \chi_3 + 0 \cdot \chi_4 + 1 \cdot \chi_5 + 0 \cdot \chi_6 + 0 \cdot \chi_7 + 0 \cdot \chi_8 + 0 \cdot \chi_9$	2	0	−2	0	0	2	−2	0	0	2	0	0	−2	2	0	0	0	−2

$P_1 = Group([()]) \cong 1$
$P_2 = Group([(1, 3, 5)(2, 4, 6)]) \cong$ C3
$P_3 = Group([(1, 3, 5)]) \cong$ C3
$P_4 = Group([(1, 3, 5)(2, 4, 6), (1, 3, 5)]) \cong$ C3 x C3

$N_1 = Group([(3, 5), (1, 2)(3, 4)(5, 6), (3, 5)(4, 6), (1, 3, 5), (2, 4, 6)]) \cong$ (S3 x S3) : C2
$N_2 = Group([(1, 3, 5)(2, 4, 6), (2, 4, 6), (2, 6)(3, 5), (1, 2, 5, 4, 3, 6)]) \cong$ S3 x S3
$N_3 = Group([(1, 3, 5), (4, 6), (2, 4, 6), (3, 5)(4, 6)]) \cong$ S3 x S3
$N_4 = Group([(2, 6, 4), (1, 3, 5)(2, 4, 6), (2, 4), (2, 6)(3, 5), (1, 2, 5, 6)(3, 4)]) \cong$ (S3 x S3) : C2