

# İSTANBUL İL MİLLİ EĞİTİM MÜDÜRLÜĞÜ BİLİM OLİMPİYATLARI 2018 SINAVI

Kategori: Lise Bilgisayar

Soru Kitapçık Türü A 3 Mayıs 2018 Perşembe, 10.00

ÖGRENCİNİN ADI SOYADI : T.C. KİMLİK NO : OKULU / SINIFI : SINAVA GİRDİĞİ İLÇE:

#### SINAVLAİLGİLİUYARILAR:

- Bu sınav, çoktan seçmeli 50 sorudan oluşmaktadır, süre 150 dakikadır.
- Cevap kâğıdınıza size verilen soru kitapçığının türünü gösteren harfi işaretlemeyi unutmayınız.
- Her sorunun bir doğru cevabı vardır. Doğru cevabınızı cevap kâğıdınızdaki ilgili kutucuğu tamamen karalayarak işaretleyiniz. Soru kitapçığınızdaki hiçbir işaretleme değerlendirmeye alınmayacaktır.
- <u>Her soru eşit değerde olup, dört yanlış bir doğru cevabı götürecektir.</u> Boş bırakılan soruların değerlendirmede olumlu ya da olumsuz bir etkisi olmayacaktır.
- Sorular zorluk sırasında DEĞİLDİR. Dolayısıyla yanıtlamaya geçmeden önce bütün soruları gözden geçirmeniz tavsiye edilir.
- Sınavda pergel, cetvel, hesap makinesi gibi yardımcı araçlar ve karalama kâğıdı kullanılması yasaktır. Kimya sınavında fonksiyonel hesap makinesi kullanılabilir.
- Sınav süresince, görevlilerle konuşulması ve soru sorulması, öğrencilerin birbirlerinden kalem, silgi vb. seyler istemeleri yasaktır.
- Sorularda bir yanlışın olması düşük bir olasılıktır. Böyle bir şeyin olması durumunda sınav akademik kurulu gerekeni yapacaktır. Bu durumda size düşen en doğru olduğuna karar verdiğiniz seçeneği işaretlemenizdir.
- Sınav başladıktan sonraki ilk 1 saat ve son 15 dakika içinde sınav salonundan ayrılmak yasaktır.
- Sınav salonundan ayrılmadan önce <u>cevap kâğıdınızı, kitapçığınızı ve giriş belgelerinizi</u> görevlilere teslim etmeyi unutmayınız.
- C programlaması içeren sorularda yanıt yalnızca gözüken program parçasından çıkarılabilmektedir. Tüm gerekli başlık dosyalarının (header files) derleme sırasında doğru olarak katılmış olduğunu kabul ediniz.

#### [1-3] Sorular İçin Açıklama

Ahmet, Betül, Cevdet, Deniz ve Ertuğrul çembersel bir eğri üzerinde sırasıyla 1'den 29'a kadar numaralandırılmış evlerden oluşan bir sitenin merkezinde (çembersel eğrinin merkezinde) bulunmaktadırlar. Her biri için hazırlanmış hediye paketlerinin bulunduğu evi bilmedikleri için aramaya karar veriyorlar ve karışıklık çıkmaması için şu yöntemi uygulama konusunda anlaşıyorlar.

Ahmet 1. evden başlayıp sırasıyla

Betül 2. evden başlayıp birer ev atlayarak

Cevdet 3. evden ikişer ev atlayarak

Deniz 4. evden başlayıp üçer ev atlayarak

Ertuğrul 5. evden başlayıp dörder ev atlayarak artan sırada numaralı evleri kontrol etmeye başlayıp aynı yönde devam edeceklerdir.

Her kontrolden sonra merkeze geri dönülmekte ve merkeze dönüş süresi her biri için aynıdır. Aramaya aynı anda başladıklarına ve hediyeler 13 numaralı evde bulunduğuna göre;

1.	Eve 3. sırada kim ulaşır?								
	a) Ahmet	b) Betül	c) Cevdet	d) Deniz	<mark>e) Ertuğrul</mark>				
2.	Eve 2. sırada ulaş	anla 4. sırada ulaşa	an merkezde kaç kere	karşılaşır?					
	a) 13	b) 14	c) 15	d) 20	e) 21				

3. Merkezde 2 kişi kaldığında, kalanlardan her biri kaç ev kontrol etmiştir?

a) 13

b) 14

c) 15

d) 20

e) 21

# [4-6] Sorular İçin Açıklama

Ahmet elindeki özdeş yumurtaların dayanıklılığını test etmek için bir binanın katlarından aşağı yumurta atacaktır. Kırılan bir yumurtayı bir daha kullanamayan Ahmet yumurtaların atıldığında kırılacağı en düşük katı bulmak istiyor (veya binanın en üst katından da atılsa kırılmayacağını).

KII	iiiiayacagiiii).								
4.	2 yumurtası olan Ahmet bu testi 10 katlı bir binada yaparsa en az kaç atışta istediği katı kesin olarak bulabilir?								
	a) 3	b) 4	c) 5	d) 6	e) <i>Hiçbiri</i>				
5.	2 viimiirta ve 01 k	katlı bina için en az k	ac atısta istediği katı	kesin olarak hulur?					
J.	a) 15	b) 16	c) 17	d) 18	e) <i>Hiçbiri</i>				
6.	kaç atışta yumu		kaçıncı kattan a	inada bu testi yapan tılınca kırılacağını					
	a) 4	b) 5	c) 6	d) 7	e) <i>Hiçbiri</i>				

### [7-9] Sorular İçin Açıklama

1,2,4,8,16,32 sayı dizisindeki sayılardan bazılarını toplayarak ilk 63 pozitif tam sayıyı elde edebiliriz. Örneğin, 29'u elde etmek için 1+4+8+16 işlemini yaparız. Bu sayı dizisi ile, benzer şekilde elde edemeyeceğimiz en küçük pozitif tam sayı 64'tür. Elde edilemeyen en küçük pozitif tam sayıya ilgili dizinin virüslü sayısı diyelim. Yukarıda verilen dizinin virüslü sayısı 64'tür. Aşağıdaki 5 sayı dizisi veriliyor.

(I) 6,3,2,10,21,46,1,48 (II) 12,7,3,2,31,27,28,1 (III) 27,56,1,13,60,4,7,2 (IV) 44,39,5,1,9,1,18,2 (V) 62,3,26,12,53,2,1,7

7. Virüslü sayısı en büyük olan dizi hangisidir?

a) *I* 

b) II

c) III

d) *IV* 

e) *V* 

8. Virüslü sayısı en küçük olan dizi hangisidir?

a) *I* 

b) *II* 

c) III

d) IV

e) V

9. Bu 5 diziden kaç tanesinin virüslü sayısı asal sayıdır?

a) 1

b) 2

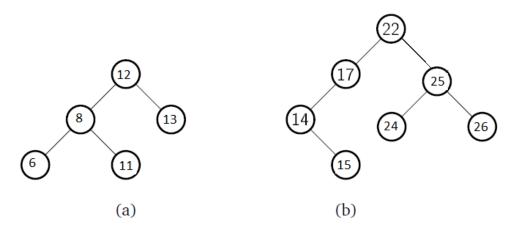
c) 3

d) 4

e) 5

#### [10-13] Sorular İçin Açıklama

İkili arama ağaçları, her bir düğümün en fazla iki çocuğunun (sol ve sağ) olduğu ağaçlardır. Ayrıca ikili arama ağaçlarında her bir düğümdeki eleman; sol alt ağacındaki tüm elemanlardan büyük, sağ alt ağacındaki tüm elemanlardan da küçüktür. Bir düğüm ve onun altında (çocukları, çocuklarının çocukları, . . .) yer alan tüm düğümlerin oluşturduğu ağaca o düğümden başlayan **alt ağaç** denilmektedir.



İkili arama ağacında, bir **düğümün sol ağırlığı**, düğümdeki eleman ile sol alt düğümdeki elemanın toplamının yarısı olarak tanımlansın. Aynı şekilde **düğümün sağ ağırlığı**, düğümdeki eleman ile sağ alt düğümdeki elemanın toplamının yarısı olarak tanımlansın. Mesela (a) ağacındaki 12 düğümünün sol ağırlığı, 12 düğümü ile sol alt düğümü 8 in toplamının yarısı olan 10'dur. Sol alt düğümü olmayan düğümün sol ağırlığı, üzerinde yazan sayının yarısı olsun. Sağ alt düğümü olmayan düğümün sağ ağırlığı benzer şekilde tanımlansın. Mesela (b) ağacında 14 düğümünün sol ağırlığı 7, sağ ağırlığı (14+15):2=14,5 tir.

Bir ikili arama ağacının tüm ağırlıkların toplamı **ağacın yükü** olarak tanımlansın. Mesela (a) ağacının yükü 10+7+12,5+9,5+6+11+13=69 dur.

Bir ikili arama ağacında tüm sol ağırlıklar toplamı, tüm sağ ağırlıklar toplamına eşit ise bu ağaca **homojen ağırlıklı ağaç** olarak tanımlansın.

Bir düğümün yüksekliği; kendi alt ağacındaki tüm düğümlerden en uzak düğüme giderken, kendisi ve en uzak düğüm dâhil, yol üzerinde geçilen düğüm sayısı olarak tanımlansın. Ağacın en tepesindeki (kök) düğümün yüksekliğine ise **ağacın yüksekliği** olarak tanımlansın.

Düğümün sol gerilimi, düğümdeki eleman ile sol alt düğümdeki elemanın toplamı olarak tanımlansın. Aynı şekilde düğümün sağ gerilimi, düğümdeki eleman ile sağ alt düğümdeki elemanın toplamı olarak tanımlansın. Mesela (a) ağacındaki 12 düğümünün sol gerilimi, 12 düğümü ile sol alt düğümü 8'in toplamı olan 20'dir. Sol alt düğümü olmayan düğümün, sol gerilimi yoktur. Benzer şekilde sağ alt düğümü olmayan düğümün sağ gerilimi yoktur. Mesela (b) ağacında 14 düğümünün sol gerilimi yok, sağ gerilimi ise 14+15=29 dur.

10. 1,2,3,4,5,6,7,8,9 rakamları ile oluşturulabilecek en tepesindeki (kök) düğümü 5 olan ve yüksekliği en fazla olan **ağacın yükü** kaçtır?

a) 60

b) 70

c) 80

d) 90

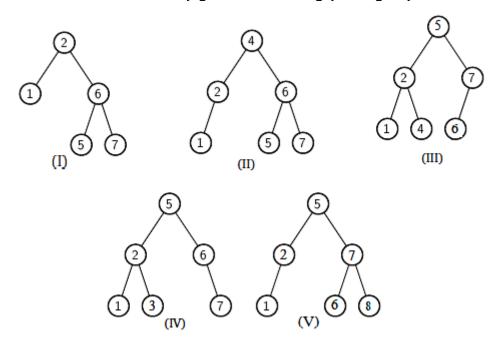
e) *Hiçbiri* 

11. <u>(b) ağacına</u> **homojen ağırlıklı ağaç** denilebilmesi için hangi düğümlerdeki sayılar değiştirilebilir? (Değiştirme işlemi her seferinde bir düğüm seçilip derecesi artırılarak ya da azaltılarak kademeli olarak yapılacak)

a) 22,24

- b) 15, 24
- c) 17, 26
- d) 14, 25
- e) Hiçbiri

12. ve 13. Soruları aşağıdaki ikili arama ağaçlarına göre çözünüz.



Yukarıdaki ikili arama ağaçlarına göre sol veya sağ gerilimi (n) olan bir düğümden başlayan bir işlem, herhangi bir düğümün sol veya sağ gerilimi (n-1) ya da (n-2) olan başka bir ağacın düğümüne gidiyor. Sonra o ağaçtan da aynı kurala göre başka bir ağacın düğümüne gidiyor. 3 sayısına ulaşıldığı zaman işlem bitmiş oluyor. Örneğin:

Örnek (IV) için 5 düğümünün sol gerilimi n=7'dir. Bu düğümden, sol gerilimi 6 olan örnek (II) deki 4 düğümüne veya sağ gerilimi 6 olan Örnek (III) teki 2 düğümüne gidilebilir. Bu şekilde islem 6'dan 5'e veva 6'dan 4'e seklinde devam edebilir. (Bir ikili arama ağacına birden fazla uğranabilir. Fakat art arda uğranamaz.)

12. Sol veya sağ gerilimi 8 olan bir ağaç üzerindeki düğümden başlayan bir işlem kaç farklı yolla olusturulabilir?

A) 10

- B) 11
- C)12
- D) 13
- E) Hiçbiri

13. Bir işlemdeki gerilimler sırasıyla 10-8-7-5-3 ise, bu işlem aşağıdakilerden hangisi olabilir?

A) (II)-(V)-(III)-(I)-(IV)

B) (II)-(I)-(III)-(IV)-(V)

C) (II)-(I)-(V)-(IV)-(III)

D) (IV)-(V)-(III)-(I)-(II)

E) (IV)-(III)-(V)-(I)-(II)

14.	A I	B C	$\boldsymbol{B}$	C	$\boldsymbol{A}$	$\boldsymbol{C}$	$\boldsymbol{B}$	$\boldsymbol{A}$	$\boldsymbol{C}$	$\boldsymbol{A}$	$\boldsymbol{B}$	$\boldsymbol{C}$	$\boldsymbol{B}$	$\boldsymbol{C}$	$\boldsymbol{B}$	$\boldsymbol{A}$	$\boldsymbol{C}$	$\boldsymbol{B}$	A	B	$\boldsymbol{C}$	$\boldsymbol{A}$

harf dizisinden bazı harfler silinerek, iki harften oluşan ve aynı harflerin yan yana olmadığı yeni bir harf dizisi elde ediliyor. Yeni dizide en çok kaç harf bulunur?

- a) 10
- b) 11
- c) 12
- d) 13
- e) 14

15. Verilen sonlu bir (123) dizisinin her seferinde başından ya da sonundan bir eleman alınarak yeni bir sayı dizisi oluşturuluyor. Yeni dizi oluşturulurken orijinal diziden alınan sayı başa ya da sona konuyor ve bu sayı orijinal diziden siliniyor. Örneğin, ilk dizi orijinal diziyi göstermek üzere (122312, — ), (12231, 2), (2231, 21), (223, 121) · · · şeklinde devam ediliyor. 1231132312 dizisinden bu şekilde elde edilecek en büyük sayının son üç basamağı nedir?

- a) 111
- b) 121
- c) 211
- d) 221
- e) *Hiçbiri*

16. Her harf bir basamağı göstermek üzere ilk terimi bir sonraki terimleri iki basamaklı doğal sayılar olan A, BC, BD, CE, FF dizisi veriliyor. Ardışık terimlerin pozitif farkı sabit olduğuna göre A+CE toplamı nedir?

- a) 31
- b) 38
- c) 44
- d) 56
- e) Hiçbiri

- 17. 10 kişinin katıldığı ve Merve'nin 4. olduğu bir koşuda, yarışı ilk üç sırada bitirenler kaç farklı şekilde belirlenir?
  - a) 9
- b) 10
- c) P(9,3)
- d) P(10,2)
- e) P(10,3)

- 18. Ahmet ile Betül bir oyun oynuyorlar ve oyuna Ahmet başlıyor. Başlangıçta yerde 2018 tane taş vardır. Sırası gelen yerden en az l en çok 5 taş alıyor. Son taşı alan oyunu kaybettiğine göre Ahmet ilk hamlede yerden kaç taş alırsa kazanmayı garantiler?
  - a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4
- e) 5

- 19. 100 den küçük pozitif reel sayılar arasından rastgele seçilen bir x reel sayısına 5 birimden daha yakın bir tam kare bulunma ihtimali nedir?
  - a)  $\frac{1}{6}$
- b)  $\frac{2}{6}$
- c)  $\frac{3}{6}$
- d)  $\frac{4}{6}$
- e) *Hiçbiri*

20.	BEBEK	kelimesinin	harflerinin	yerleri	değiştirilerek	elde	edilebilen	farklı	kelimeler
	arasında	an biri rastge	ele seçiliyor.	Aynı ha	rflerin yan yar	ıa olm	ıadığı, bir k	kelimeni	n seçilme
	olasılığı	nedir?							

a) 1/2

b) 1/3

c) 1/5

d) 2/5

e) 2/3

21. 2018'den büyük olmayan kaç tane pozitif n tam sayısı için  $n^n$  bir tam karedir?

a) 1013

b) 1024

c) 1031

d) 1044

e) Hiçbiri

22. A sınıfında 6 kız, 3 erkek ; B sınıfında 3 kız, 4 erkek öğrenci vardır. Rastgele bir sınıftan 2 öğrenci seçiliyor. Seçilen 2 öğrencinin de kız olduğu bilindiğine göre A sınıfından seçilmiş olma ihtimali kaçtır?

**İPTAL** 

23.		rak bölünen <i>n</i> pozit <i>n</i> 'nin alabileceği en b) 90			
24					
24.		a x³y³'lü terimin kats			
	a) -60	b) -30	c) 6	d) 15	e) 20
25.	24 saatlik sistemde <mark>a) 450</mark>	e çalışan dijital bir sa b) 451	atin ekranında gü c) 495	ınün kaç dakikasınd d) 496	la 4 görünür? e) <i>Hiçbiri</i>

	için toplam 35 maç	yapıldığına göre, tu	rnuvaya katılan yarı	şmacı sayısı ka	çtır?
	a)35	b)18	c)17	d)16	e)Hesaplanamaz
27.	4 evli çift arasınd oluşturulabilir? a) 32	lan, içinde evli çif b) 36	t bulunmayan 3 kiş	silik bir ekip l d) 48	kaç farklı biçimde e) <i>Hiçbiri</i>
28.	Aynı düzlemde bu kenar en çok bir no a) 60		en çok kaç noktada c) 80	a kesişir? (Fark <mark>d) 90</mark>	dı üçgenlere ait iki e) <i>Hiçbiri</i>

- 29. Ardışık tam sayılarla numaralandırılmış 6 toptan rastgele seçilen iki tanesinin ardışık sayılarla numaralandırılmış olma ihtimali nedir?
  - a)  $\frac{5}{36}$
- b)  $\frac{6}{36}$
- c)  $\frac{12}{36}$
- d)  $\frac{18}{36}$
- e) Hiçbiri

- 30. Bir ülkede A,B,C ve D şehirleri vardır. A şehriyle B,C,D şehirleri arasındaki direkt yolların sayısı sırasıyla 2,2,3 tür. B şehriyle C,D şehirleri arasındaki direkt yolların sayısı sırasıyla 5,1; C ile D arasındaki direkt yolların sayısı ise 3'tür. Buna göre A şehrinden D şehrine, bir şehirden en fazla bir kez geçerek kaç farklı şekilde gidilebilir?
  - a) 15
- b) 27
- c) 36
- d) 38
- e) 41

31.	$A = \{0, 1, 2, 3, 4,$	5, 6} kümesinin e	elemanları ile	yazılan üç basamaklı	çift sayıların kaç
	tanesi 310'dan küç	:üktür?			
	a) 42	b) 48	c) 56	d) 60	e) <i>Hiçbiri</i>

32. Bir çemberin çevresinde eşit aralıklarla işaretlenmiş 2018 noktaya sırayla ve 1 den başlanarak ardışık pozitif tam sayılar yazılıyor. Daha sonra bu noktalar çemberin merkezinden geçen bir doğru ile her biri 1009 elemanlı iki gruba ayrılıyor. Böyle bir gruplara ayırma, gruplardan birindeki sayıların toplamı diğer grubun toplamının bir tam katı olmak üzere, kaç farklı biçimde yapılabilir?

a) 1

b) 3

c) 672

d) 674

e) *Hiçbiri* 

33. 1,2,3,4,5,6,7 sayıları yan yana diziliyor. En soldaki 3 sayının toplamı en sağdaki 5 sayının toplamına eşit olacak biçimde kaç farklı sıralama vardır?

a) 72

b) 144

c) 288

d) 360

e) Hiçbiri

- 34. Kırmızı, sarı ve mavi renk toplardan altışar tane bulunan 18 top arasından rastgele seçilen 7 top çembersel bir sırada diziliyor. Mümkün dizilişlerin sayısı nedir?
  - a) 213
- b) 216
- c) 312
- d) 340
- e) Hiçbiri

- 35.  $8 \times 8$  satranç tahtasının birim karelerinin kenarları üzerinde hareket eden bir karınca başlangıçta satranç tahtasının merkezindeki A noktasındadır. Karıncanın tam olarak 4 birim yol aldığı bilindiğine göre, A noktasına geri dönmüş olma ihtimali nedir?
  - a)  $\frac{5}{64}$
- b)  $\frac{6}{64}$
- c)  $\frac{8}{64}$
- d)  $\frac{9}{64}$
- e) *Hiçbiri*

#### [36-50] SORULARI İÇİN AÇIKLAMA

- \* Soruları C programlama dili çevirisinde cevaplayınız.
- \* Derleyici olarak gcc kullanıldığını varsayınız.
- \* Gerekli tüm başlık (header) dosyalarının verilen programa dahil edildiğini varsayınız.

- A) 6
- B) 10
- C) 8
- D) 7
- E) 9

char s[5]={'a','h','m','e','t'}; 37. void g() { char t=s[0]; int j; for(j=0;j<4;++j) s[j]=s[j+1];s[4]=t;} void f(int x) { if(x==0) { g(); return; } int i; for(i=0;i<3;++i) f(x-1);} int main() { f(10); int i; for(i=0;i<5;++i) printf("%c",s[i]); }

- A) ahmet
- B) metah
- C) tahme
- D) etahm
- E) hmeta

```
int main() {
38.
            int a=0,i;
            for(i=1;i<=1000;++i)
                  if(i%3==0)
                        a+=i;
            printf("%d",a);
```

- A) 166833 B) 164838
- C) 173910
- D) 154080
- E) 158925

- A) 64
- B) 31
- C) 62
- D) 100
- E) 80

40.

```
int proahmet(int x, int y) {
    if (y==0) return x;
    else return proahmet(y,x%y);
}
int ans,i;
int main(){
    for(i=1;i<60;++i) {
        if(proahmet(60,i)==1) {
            ++ans;
        }
    }
    printf("%d",ans);
}
```

- A) 16B) 59
- C) 20
- D) 12
- E) 14

41.

```
int A[8]={1,2,3,4,5,6,7,8};
int f(int 1,int r) {
    int toplam=0,i,m;
    m=(l+r)/2;
    for(i=1;i<=r;++i)
        toplam+=A[i];
    if(l==r) return toplam;
    else return f(l,m)+f(m+1,r)+toplam;
}
int main() {
    printf("%d",f(0,7));
}</pre>
```

- A) 72
- B) 36
- C) 144
- D) 124
- E) 180

42.

```
int i,A[15]={2,4,6,8,8,10,10,10,11,11,12,13,14,14,15};
int f(int x) {
   int ret=0;
   for(i=3;i>=0;--i) {
      if(ret+(1<<i)<15&&A[ret+(1<<i)]<=x)
        ret+=(1<<i);
   }
   return A[ret];
}
int main() {
   printf("%d",A[f(9)]);
}</pre>
```

Yukarıda verilen program çıktı olarak ne üretir?

## A) 11

- B) 5
- C) 10
- D) 8
- E) 4

int t,i;
int main() {
 for(i=1;i<=61;++i) {
 t^=i;
 }
 printf("%d",t);
}</pre>

- A) 61
- B) 1
- C) 0
- D) 63
- E) 21

44.

```
int A[9] = \{1, 2, 3, 4\}, i, j, toplam;
int main(){
    for(i=0;i<(1<<4);++i) {
        for(j=0;j<4;++j) {
             if(i&(1<<j)!=0) {
                 toplam+=A[j];
             }
        }
    printf("%d",toplam);
}
```

Yukarıda verilen program çıktı olarak ne üretir?

## A) 80

- B) 10
- C) 30 D) 40
- E) 160

45.

```
int main() {
     int a[6], l=0, r=5, i;
     while(l<=r) {
          if(1%2==0) {
               a[l]=r;
               a[r]=l;
          }
          else {
               a[l]=l;
           a[r]=r;
          }
          ++1;
          --r;
     }
     for(i=0;i<6;++i)
          printf("%d ",a[i]);
```

Yukarıda verilen program çıktı olarak ne üretir?

A) 0 4 2 3 1 5

B) 5 1 3 2 4 0

C) 0 1 2 3 4 5 D) 0 1 3 2 4 5

E) 5 1 2 3 4 0

```
int a[3][3] = \{\{1,2,3\},\{4,5,6\},\{7,8,9\}\};
46.
        int main() {
              int i=0, j=0, t=0;
              for(i=0;i<3;++i)
                     for(j=0; j<3; ++j) {
                           if((i+j)%2==0)
                                 t+=a[i][j];
                     }
              printf("%d",t);
        }
```

- A) 30
- B) 45
- C) 25 D) 20
- E) 24

- A) 124
- B) 140
- C) 131
- D) 137
- E) 143

```
int main() {
    printf("%d", (int) (5/2.0+7/2.0+(5/2)*2));
}
```

- <mark>A) 10</mark>
- B) 11
- C) 12
- D) 9
- E) 8

Yukarıda verilen program çıktı olarak ne üretir?

#### A) 246

B) 210

C) 343

D) 278

E) 308

50.

```
int main() {
     int i,t,j,c,k=0;
     for(i=1;i<=100;++i) {
           t=i;
           c=0;
           for(j=2;j<=t;++j) {
                 if(t%j==0)
                       ++c;
                 while (t%j==0)
                       t/=j;
            }
           if(c==3)
                 ++k;
      }
     printf("%d",k);
}
```

- A) 5
- B) 6
- c) 7
- D) 8
- E) 9