

Hola

El trabajo práctico 2 y ~~las próximas tres~~ dos clases la siguiente clase

Parte 3

Trabajo práctico 2 – Parte 2

ENUNCIADO

3 – TCL: Teorema Central del Límite

El resultado de (2.d) no es más que un caso particular del Teorema Central del Límite:

$$\overline{X}_n \approx \mathcal{N}\left(\mu, \frac{\sigma^2}{n}\right)$$

Este teorema establece que, en condiciones bastante generales, al tomar muestras aleatorias de una población con cualquier distribución, la media de estas muestras tenderá a seguir una distribución normal, siempre que el tamaño de la muestra sea lo suficientemente grande.

En esta sección vamos a trabajar con las mismas variables aleatorias que introducimos en las dos secciones anteriores:

$$X \sim U(0, 18), \quad \overline{X}_n = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i \approx \mathcal{N}\left(\mu, \frac{\sigma^2}{n}\right) = \mathcal{N}\left(\mathbb{E}(X), \frac{\mathbb{V}(X)}{n}\right)$$

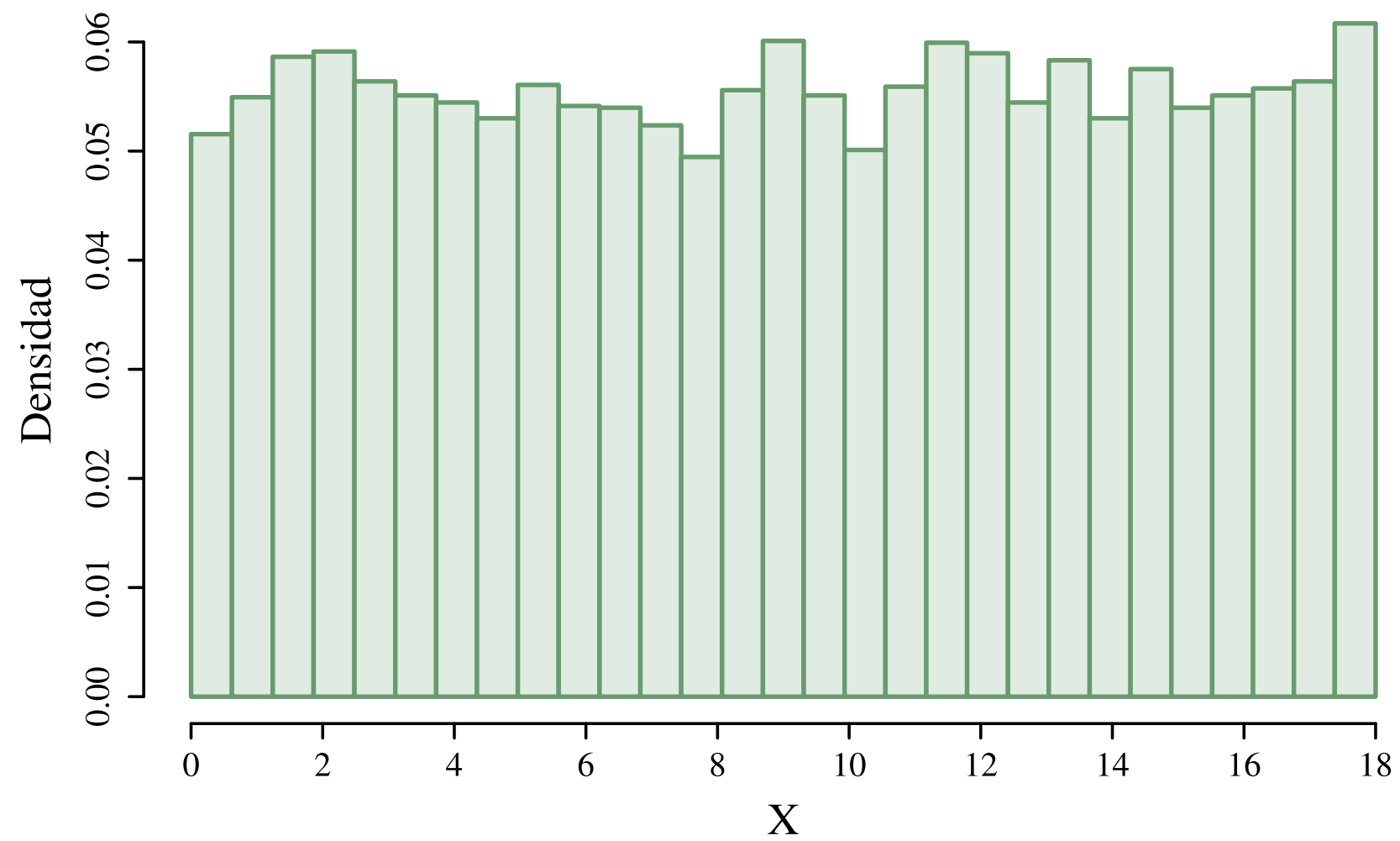
donde ahora para el promedio tomamos n como una variable libre que vamos a ir cambiando, en vez de fijar $n = 15$ como hicimos en la sección anterior.

- (3.a) Muestre que se cumple el TCL para un caso particular: realice un histograma para X y otro para \overline{X}_{40} , con $R = 10^6$ realizaciones en ambos casos. Superponga la forma funcional de la distribución que espera para cada una de las distribuciones.
- (3.b) Grafique ocho histogramas como un arreglo de 4×2 paneles (filas \times columnas). En la primera fila, grafique los histogramas de \overline{X}_n para $n = 1$ y $R \in \{10^2, 10^6\}$ (un panel por cada R). Para las siguientes filas repita este procedimiento con $n \in \{2, 5, 15\}$.
¿Qué cambia y qué no al variar n ? ¿Qué cambia y qué no al variar R ?
Discuta el resultado detalladamente.

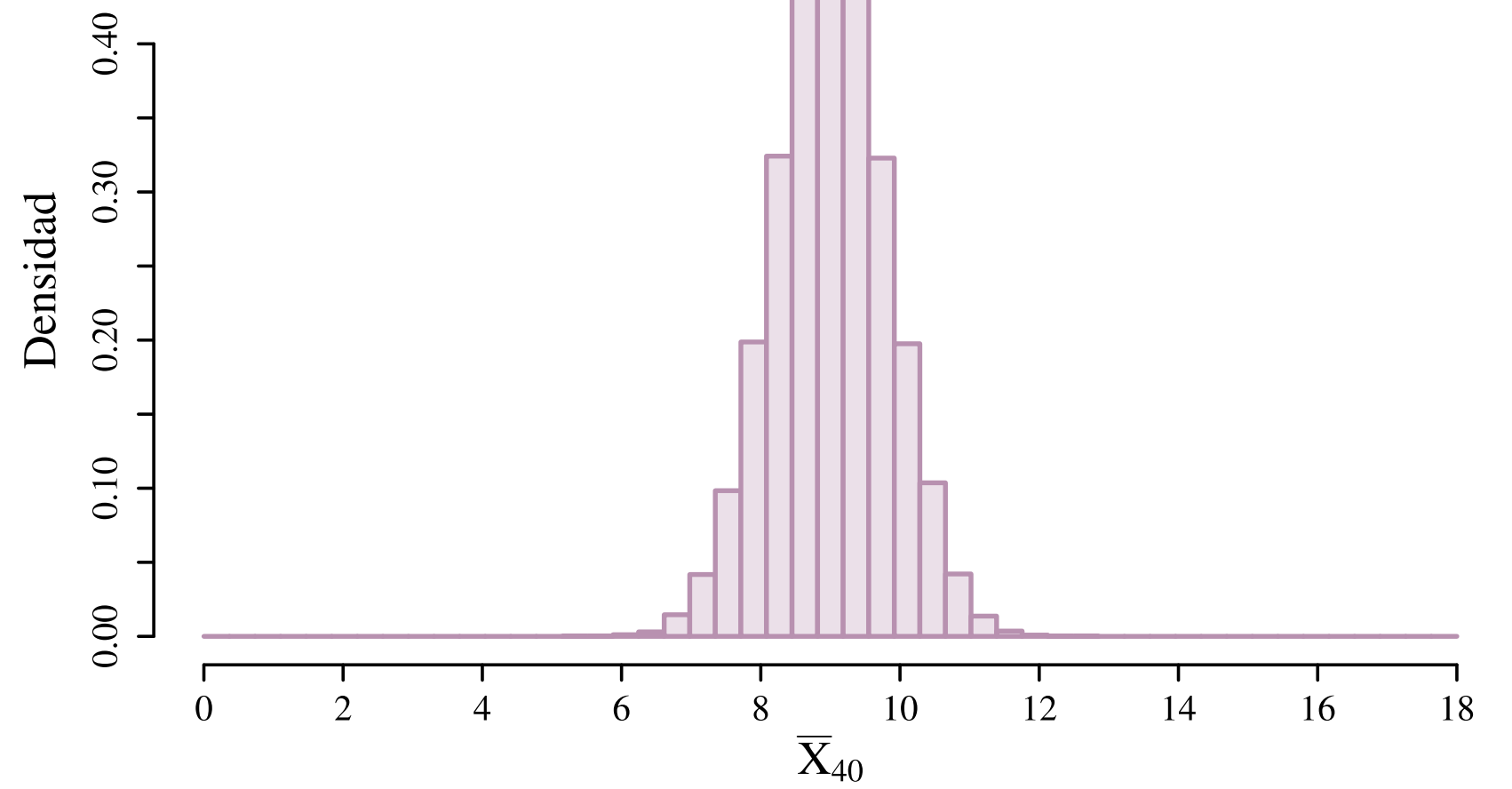
Trabajo práctico 2 – Parte 3

PUNTO 3.A

Histograma de X



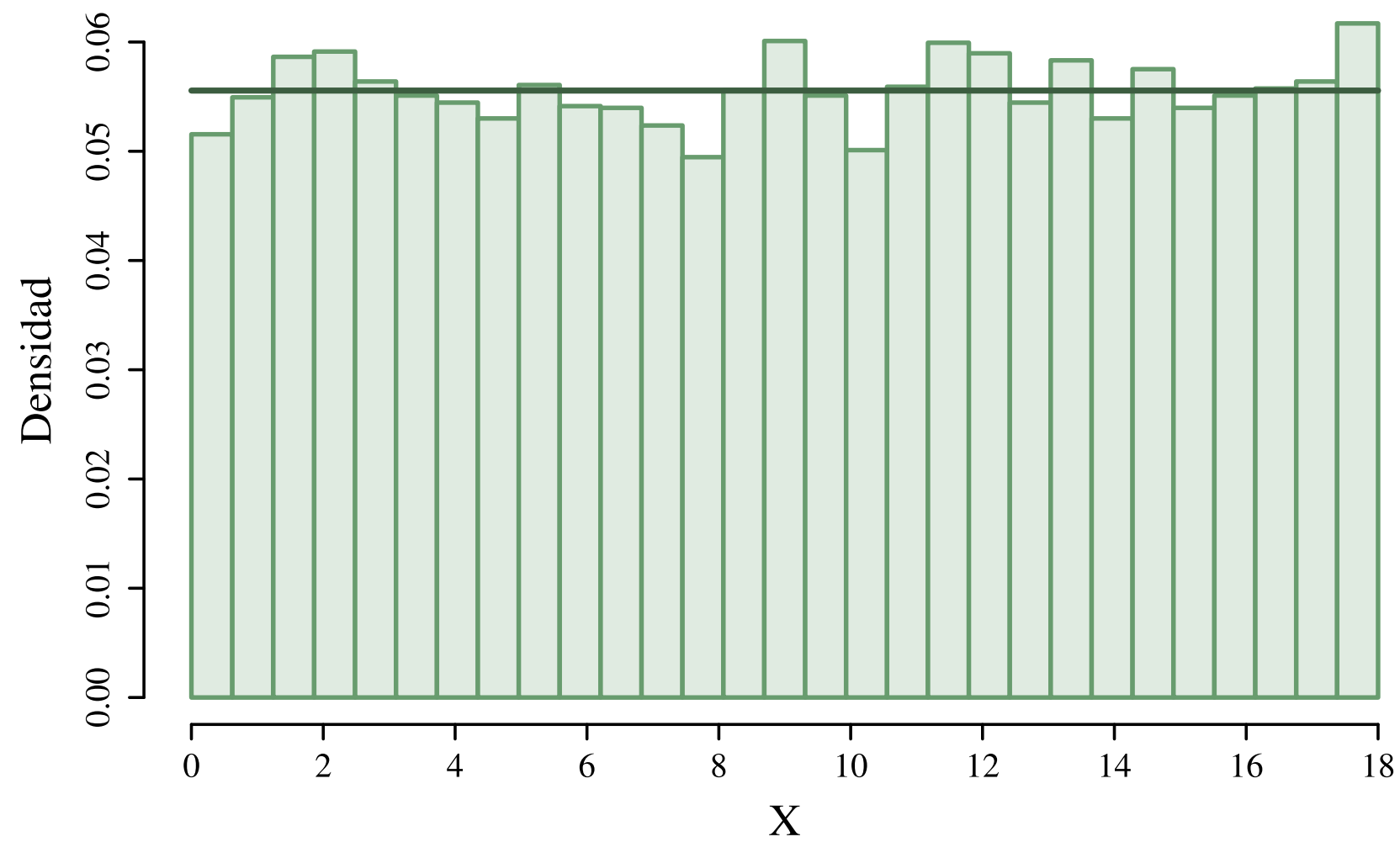
Histograma de \bar{X}_{40}



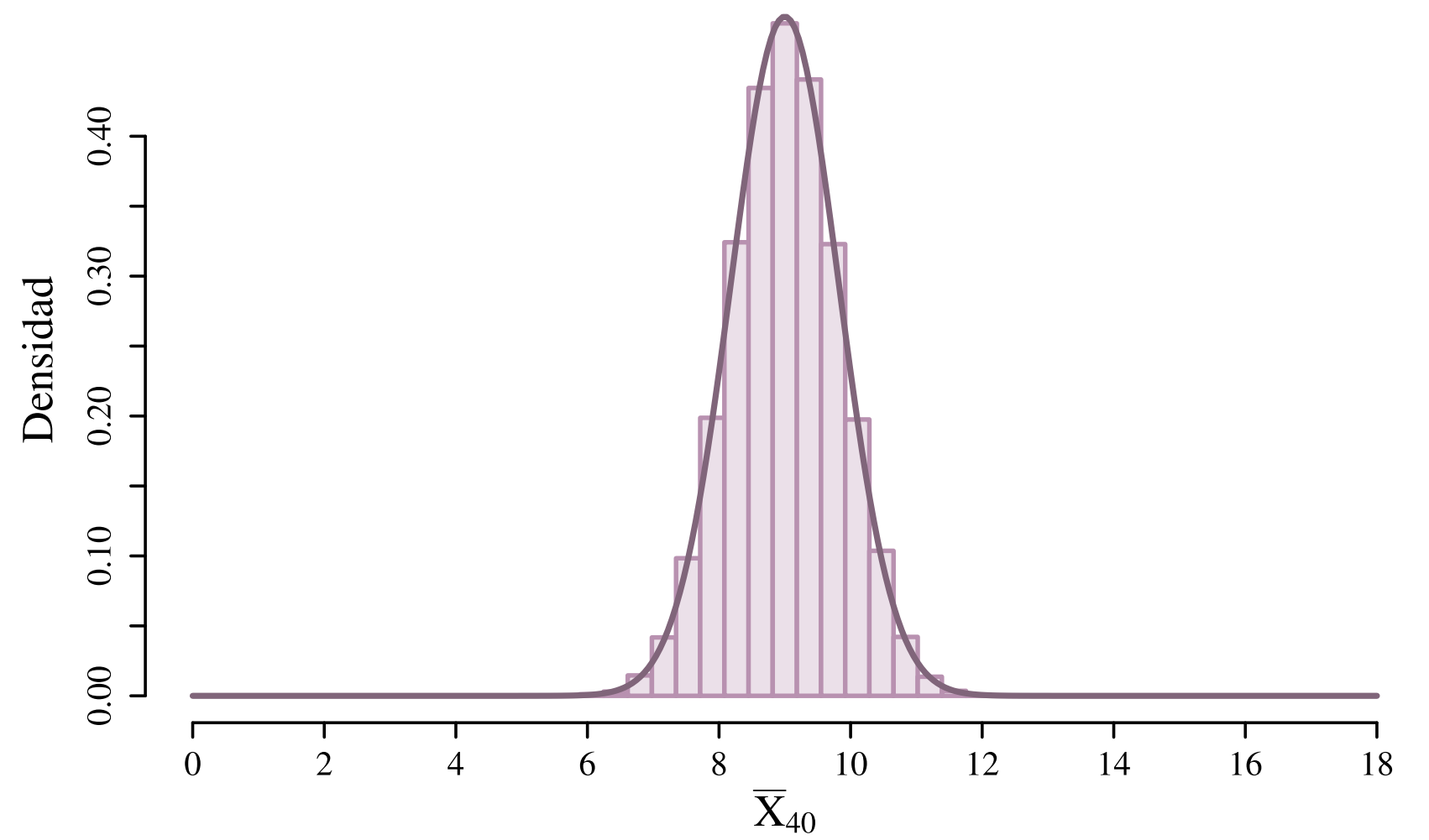
Trabajo práctico 2 – Parte 3

PUNTO 3.A

Histograma de X



Histograma de \bar{X}_{40}

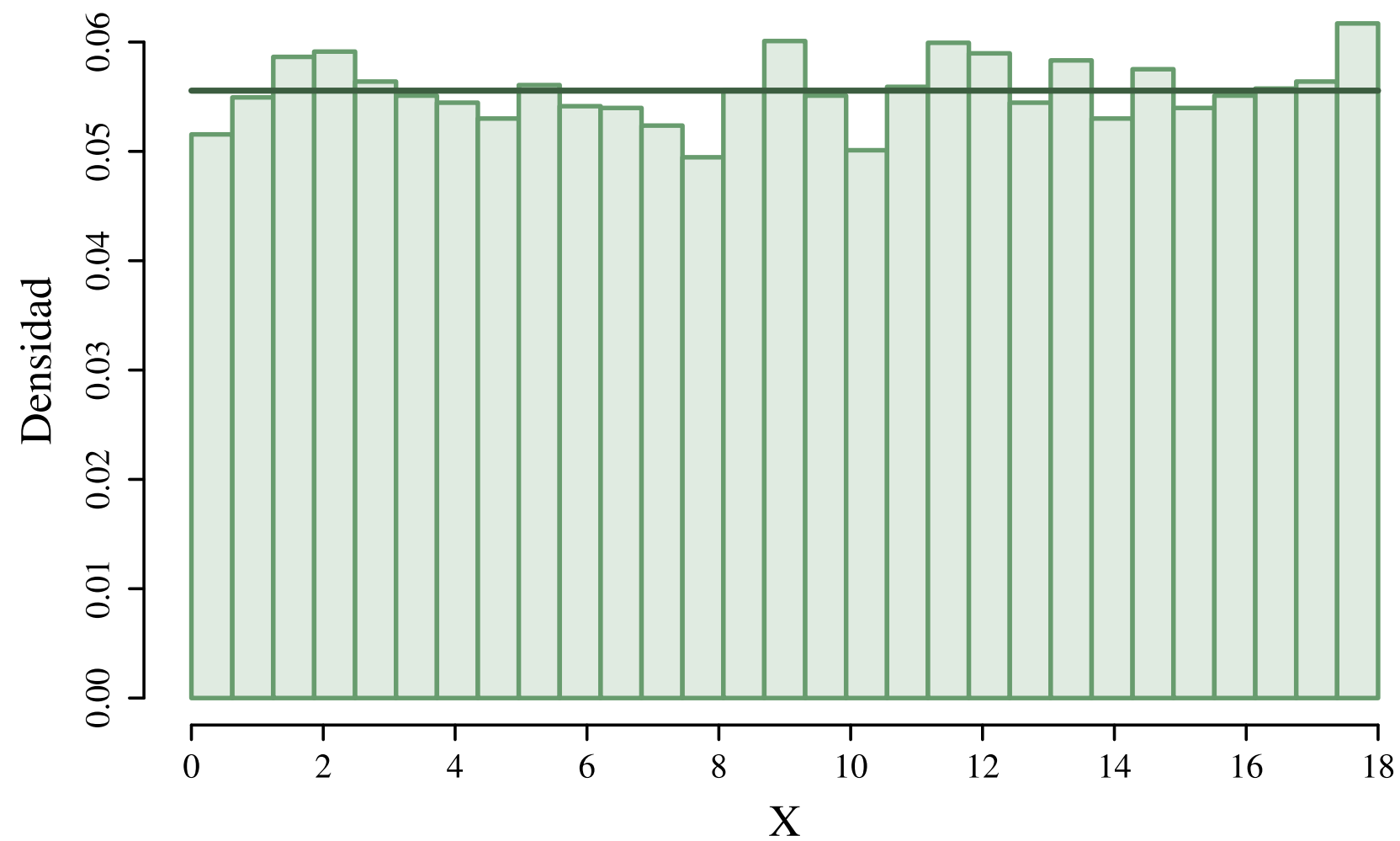


Trabajo práctico 2 – Parte 3

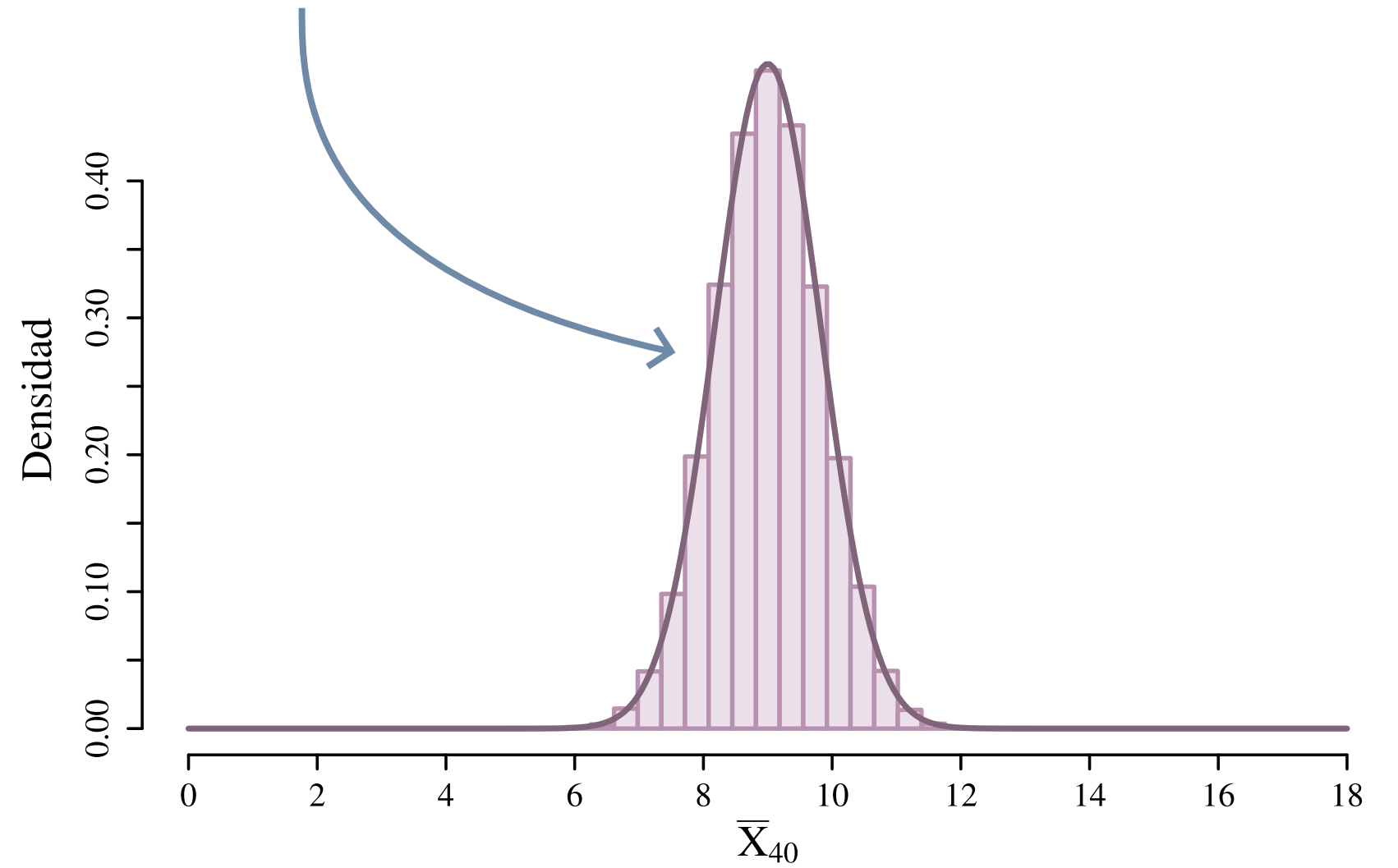
PUNTO 3.A

```
x = seq(0, 18, l=300)
y = dnorm(x, mean=media, sd=sqrt(varianza))
lines(x, y)
```

Histograma de X



Histograma de \bar{X}_{40}

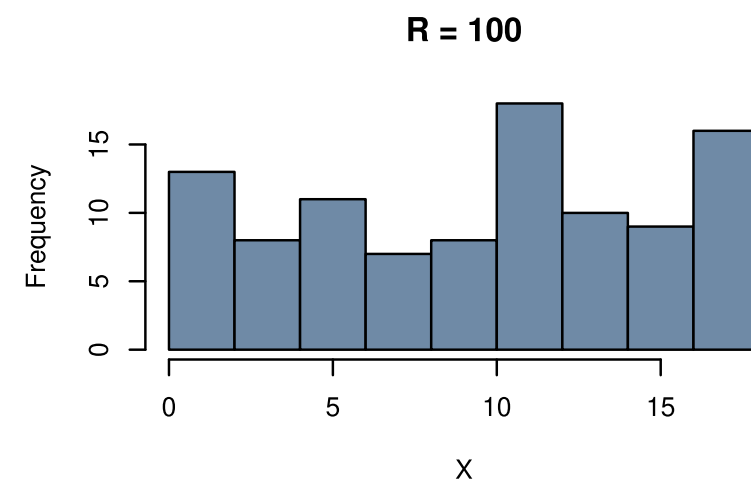
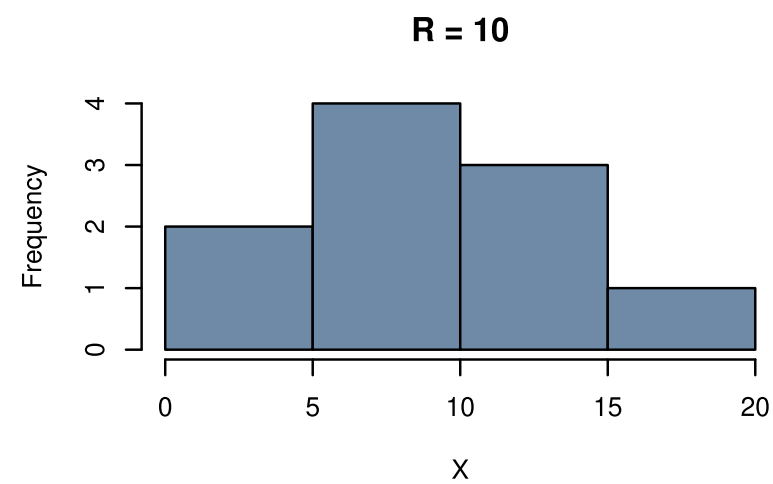
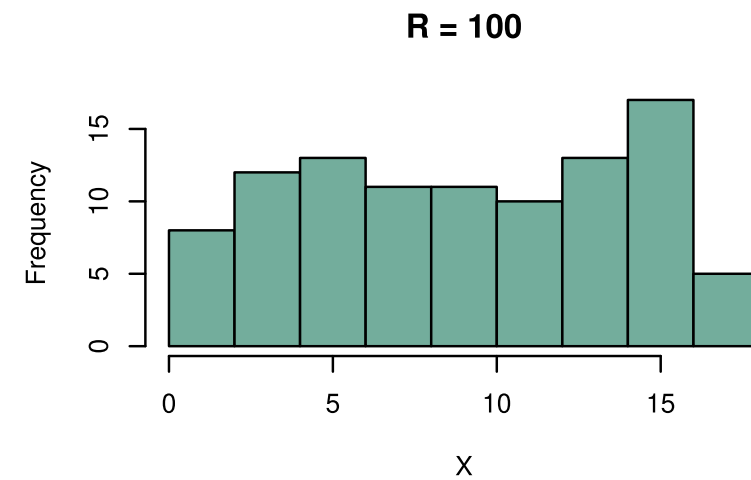
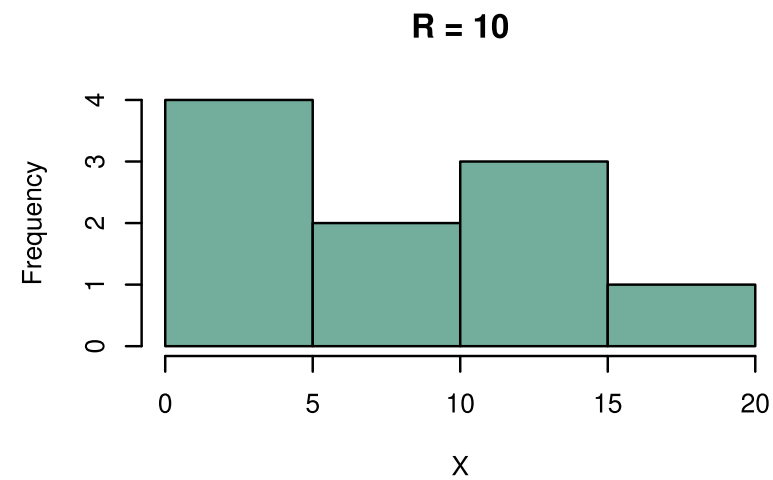
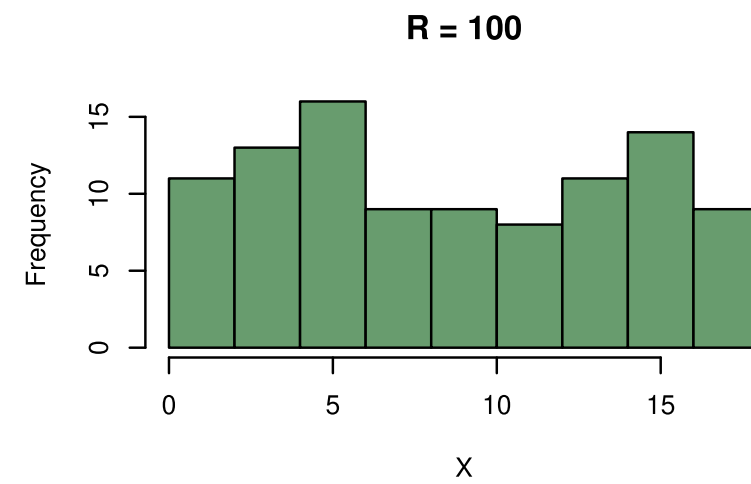
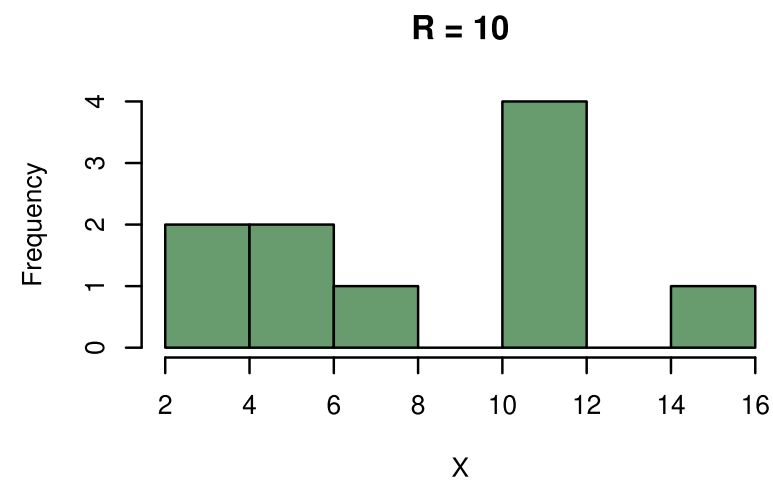


Trabajo práctico 2 – Parte 3

MUCHOS HISTOGRAMAS

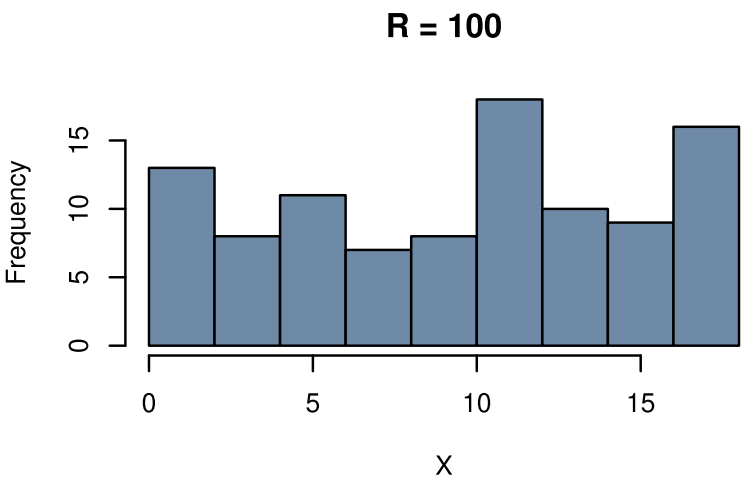
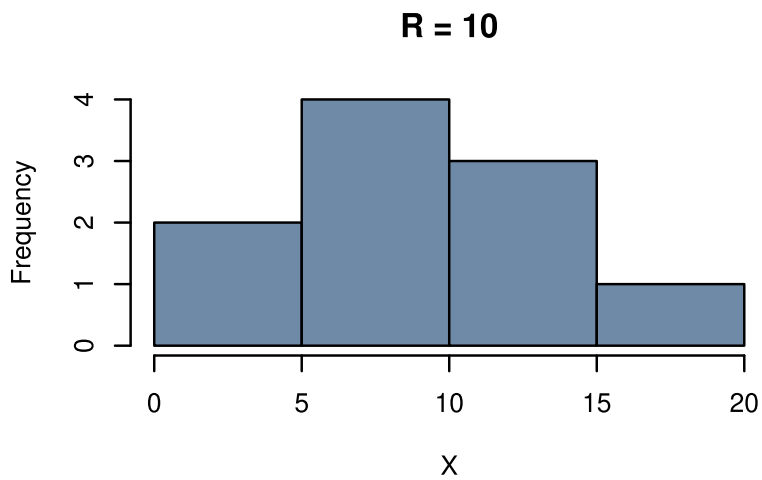
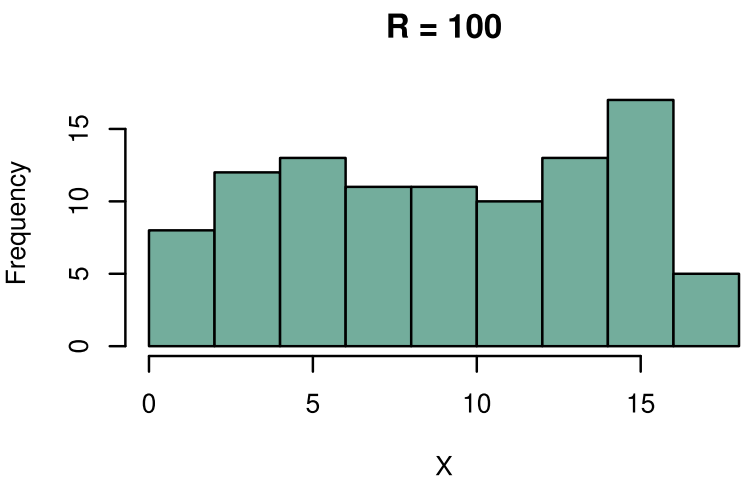
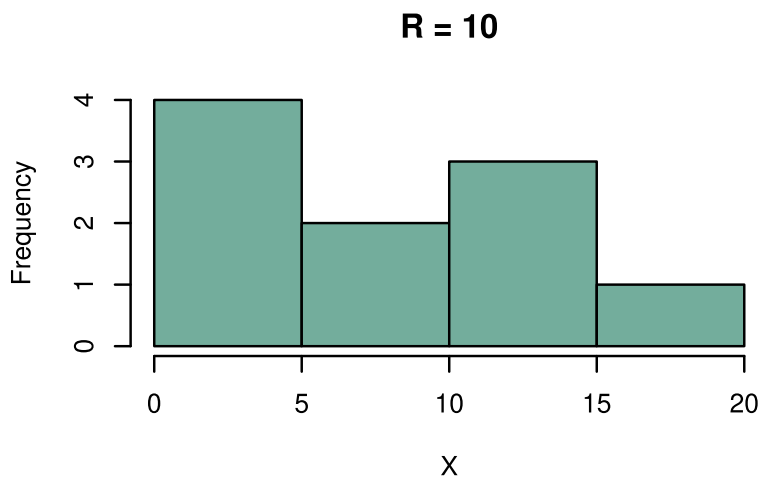
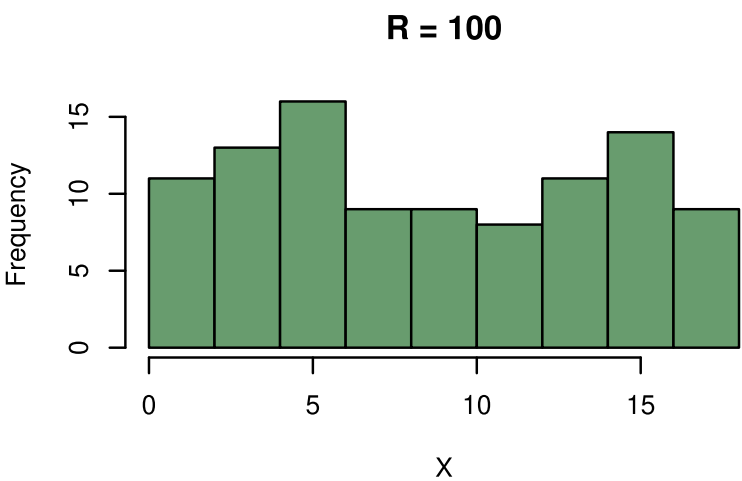
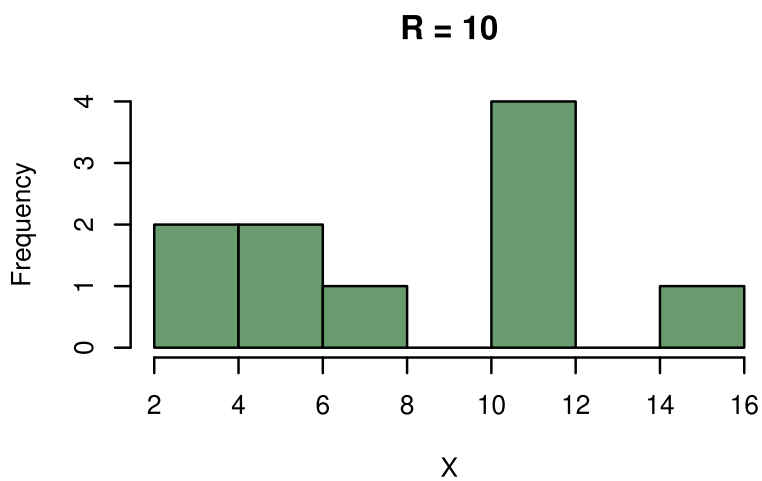
Trabajo práctico 2 – Parte 3

MUCHOS HISTOGRAMAS



Trabajo práctico 2 – Parte 3

MUCHOS HISTOGRAMAS

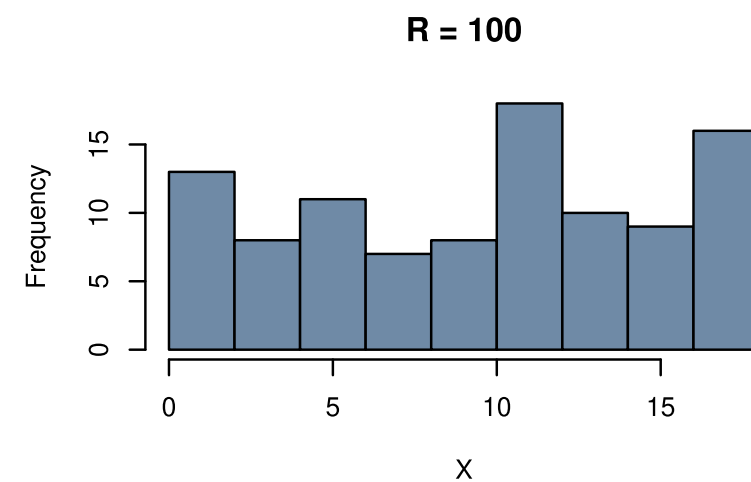
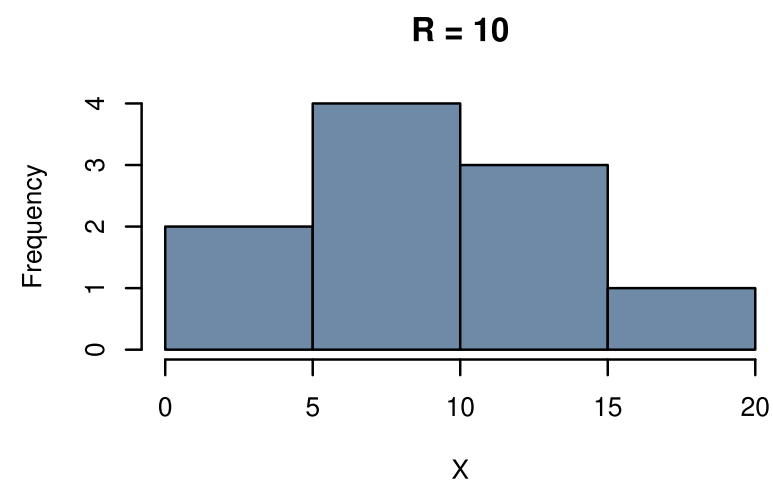
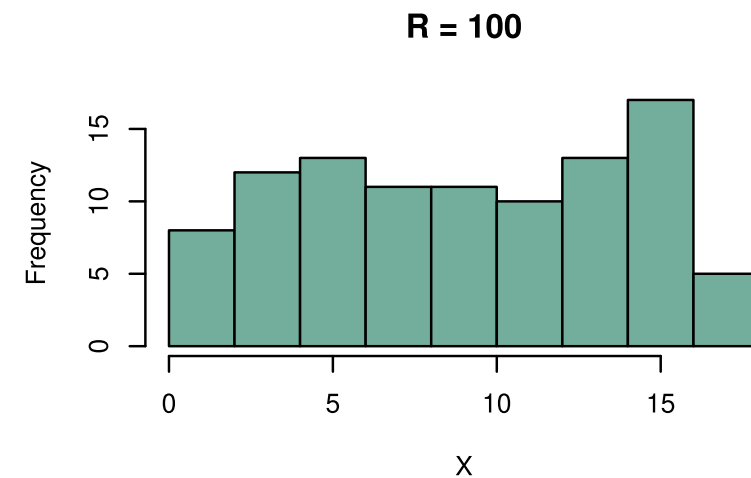
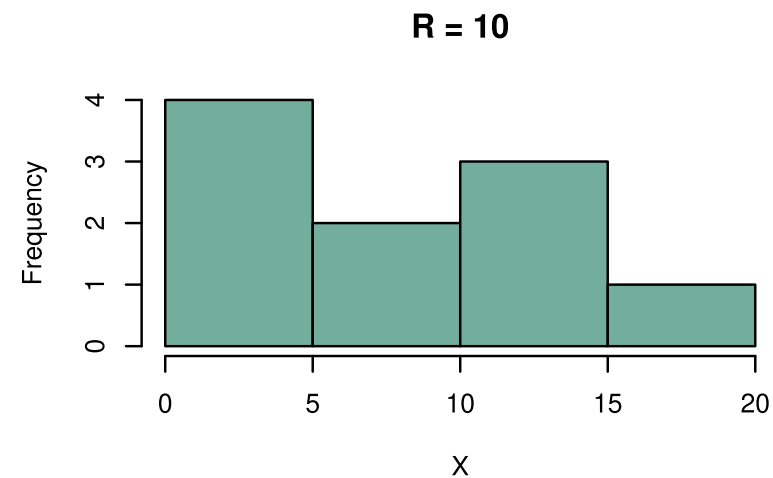
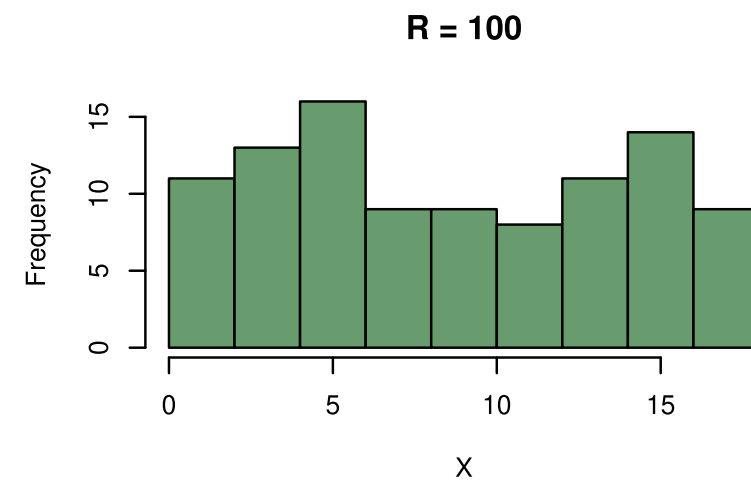
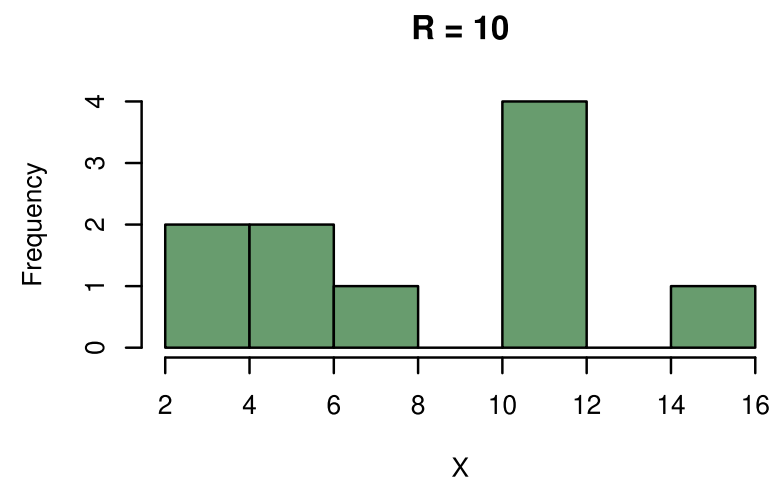


```
1 color_vec <- c("#689C6E",  
2               "#73AD9C",  
3               "#6F8AA6")  
4 R_vec <- c(10, 100)
```

```
5  
6 # . . .  
7 # . . .  
8 # . . .  
9 # . . .  
10 # . . .  
11 # . . .  
12 # . . .  
13 # . . .  
14 # . . .  
15 # . . .
```

Trabajo práctico 2 – Parte 3

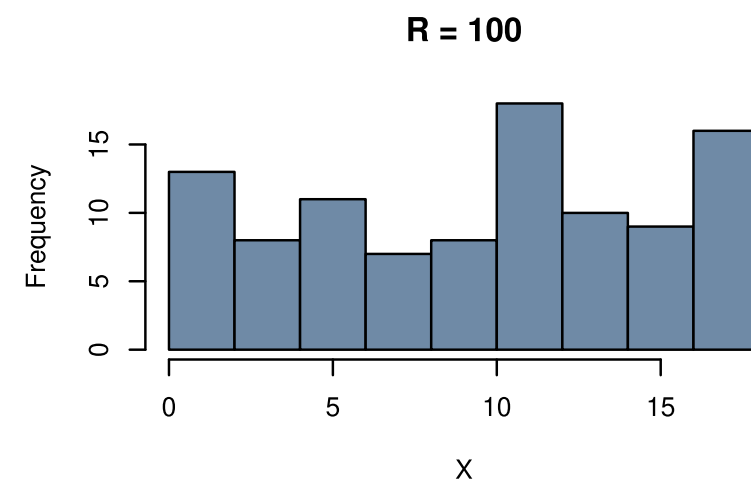
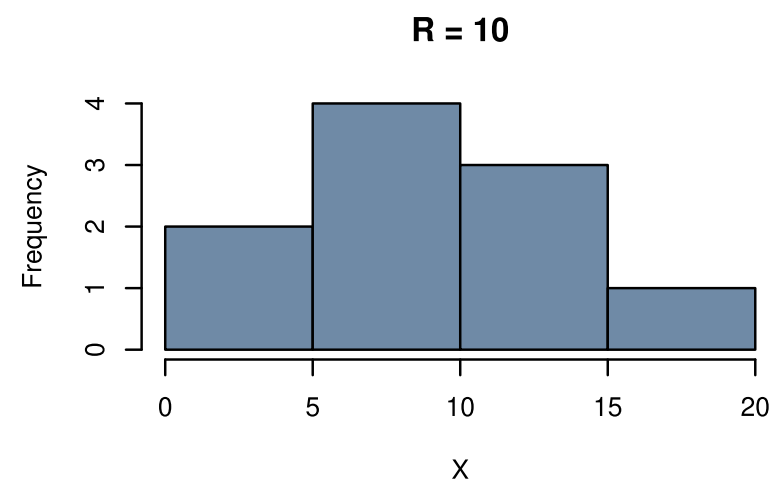
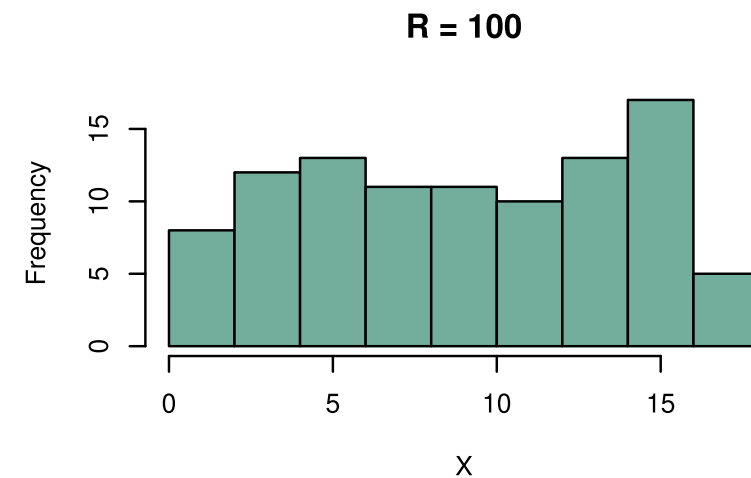
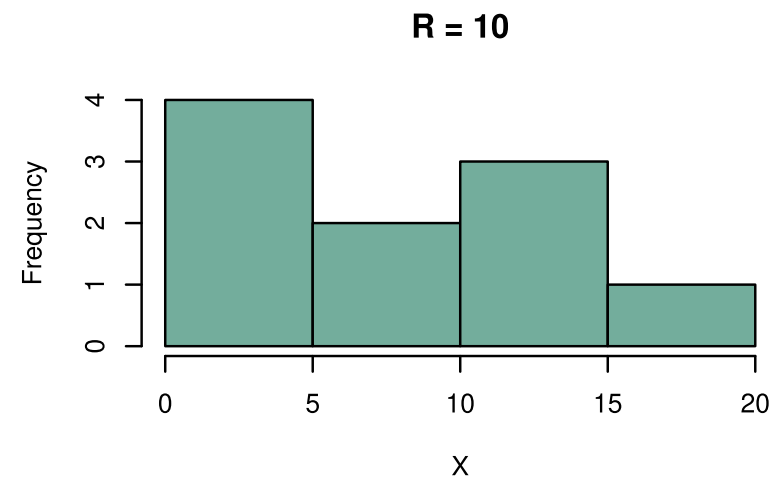
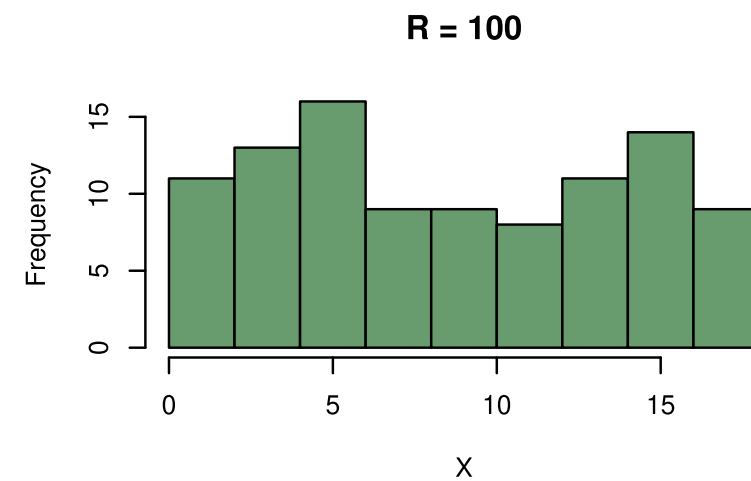
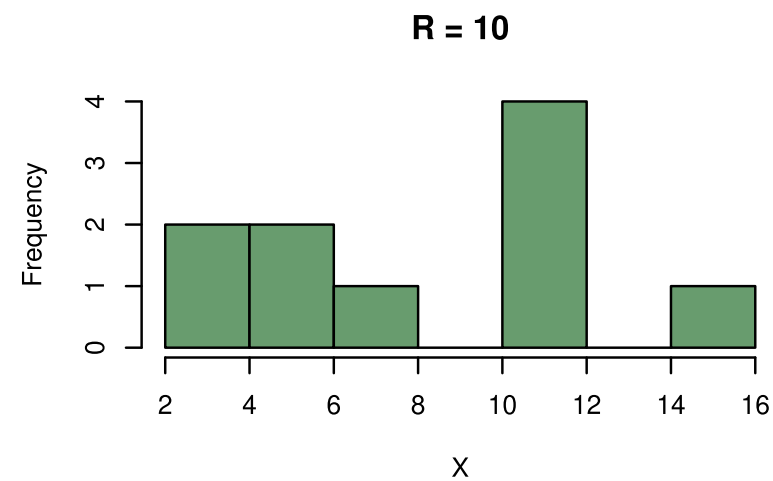
MUCHOS HISTOGRAMAS



```
1 color_vec <- c("#689C6E",  
2               "#73AD9C",  
3               "#6F8AA6")  
4 R_vec <- c(10, 100)  
5  
6 par(mfrow=c(3, 2))  
7 # . . .  
8 # . . .  
9 # . . .  
10 # . . .  
11 # . . .  
12 # . . .  
13 # . . .  
14 # . . .  
15 # . . .
```

Trabajo práctico 2 – Parte 3

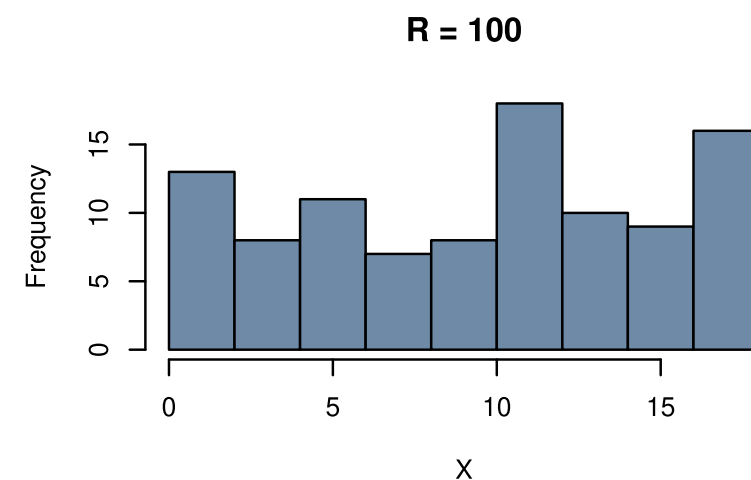
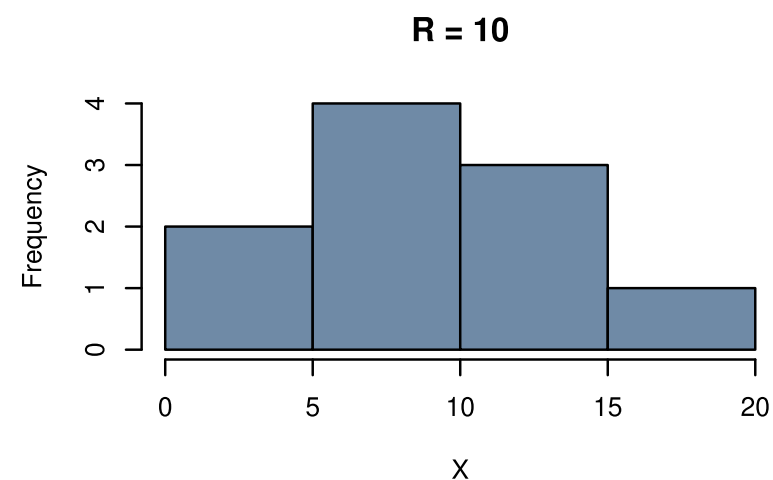
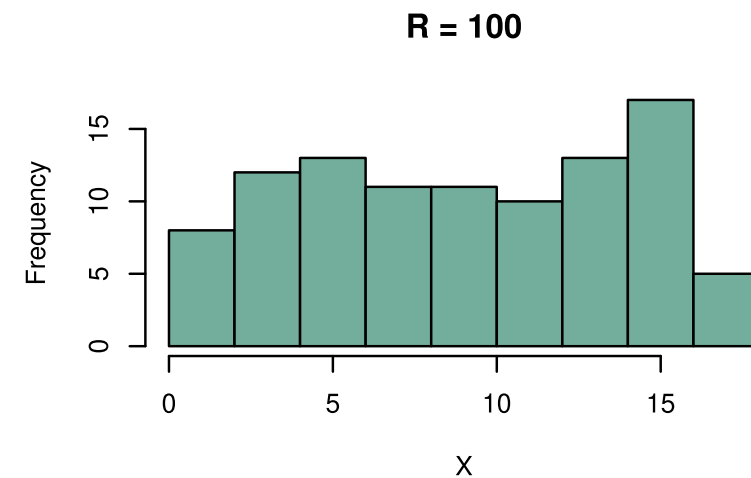
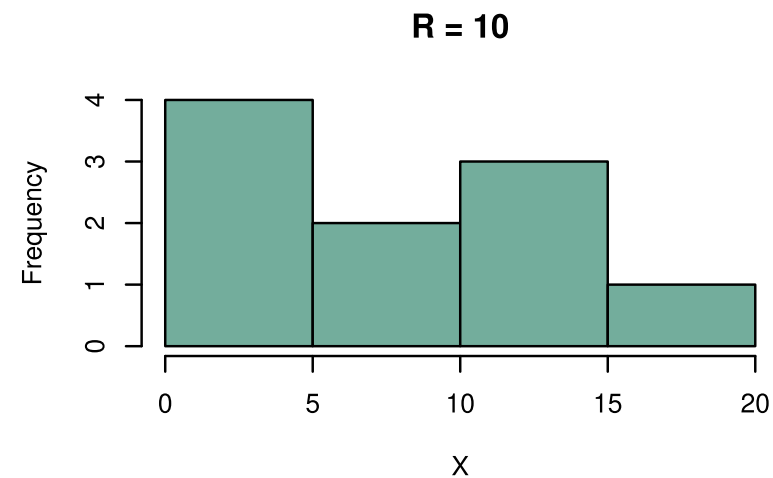
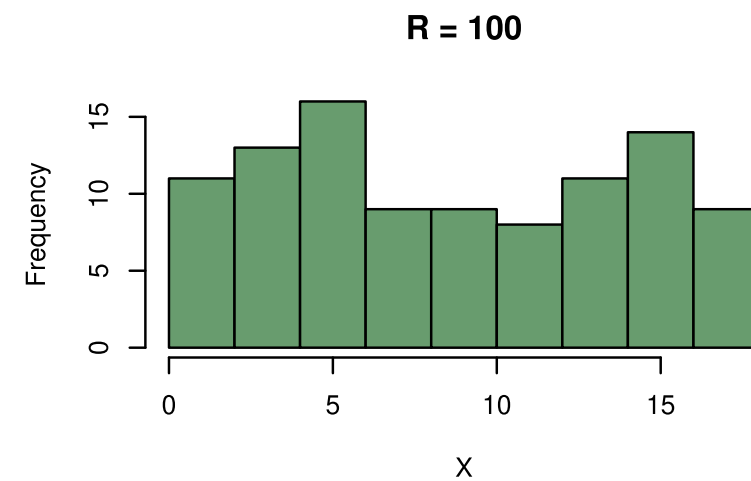
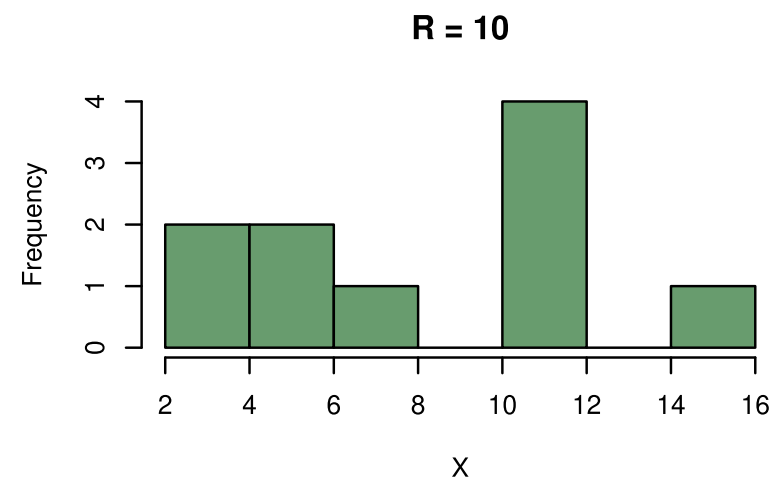
MUCHOS HISTOGRAMAS



```
1 color_vec <- c("#689C6E",
2               "#73AD9C",
3               "#6F8AA6")
4 R_vec <- c(10, 100)
5
6 par(mfrow=c(3, 2))
7 for (irow in 1:3) {
8   color <- color_vec[irow]
9   # ...
10  # ...
11  # ...
12  # ...
13  # ...
14  # ...
15 }
```

Trabajo práctico 2 – Parte 3

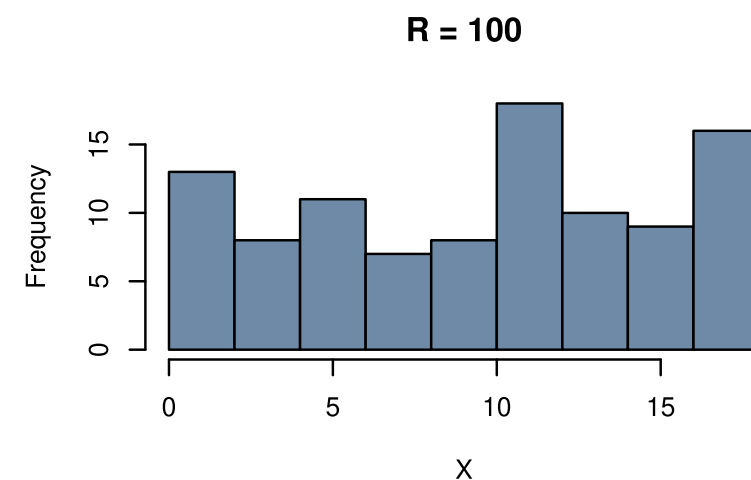
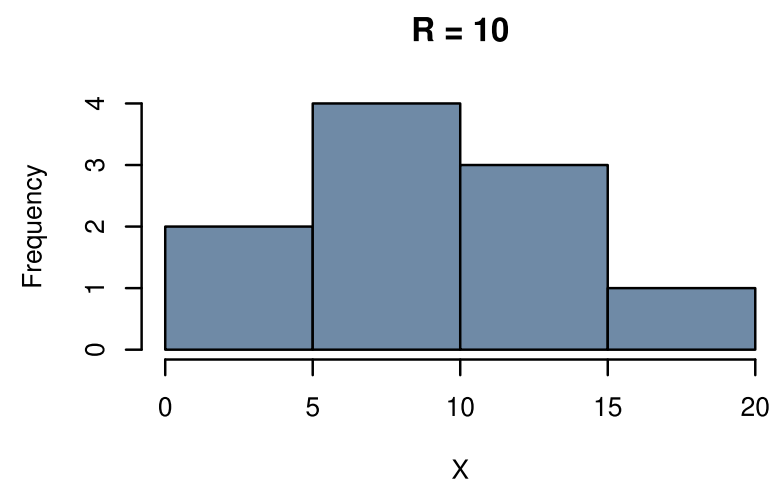
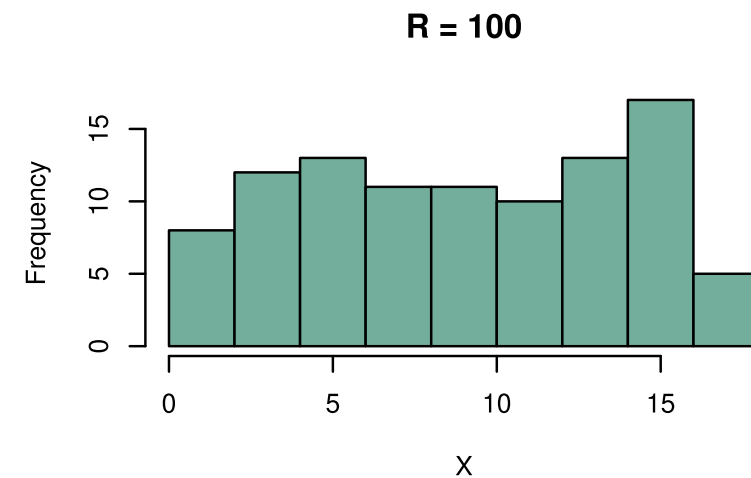
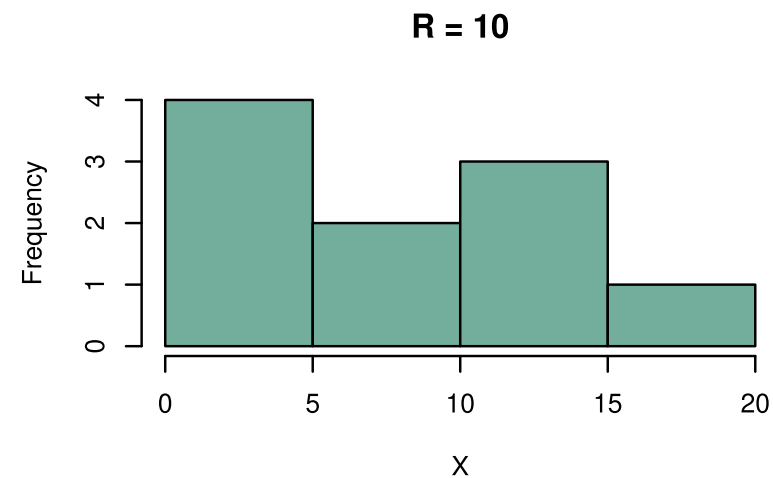
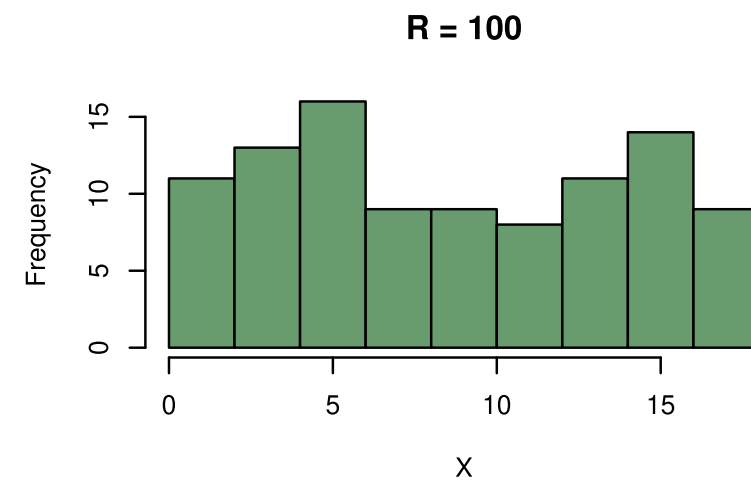
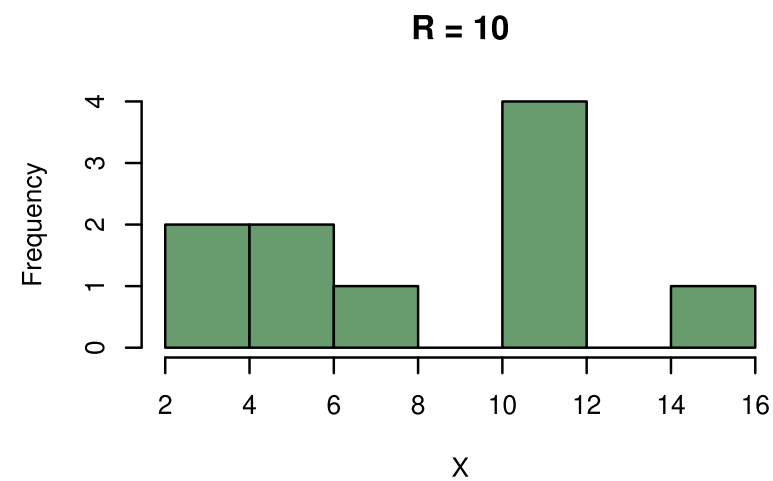
MUCHOS HISTOGRAMAS



```
1 color_vec <- c("#689C6E",
2                 "#73AD9C",
3                 "#6F8AA6")
4 R_vec <- c(10, 100)
5
6 par(mfrow=c(3, 2))
7 for (irow in 1:3) {
8   color <- color_vec[irow]
9   for (icol in 1:2) {
10     R <- R_vec[icol]
11     # ...
12     # ...
13     # ...
14   }
15 }
```

Trabajo práctico 2 – Parte 3

MUCHOS HISTOGRAMAS



```
1 color_vec <- c("#689C6E",
2               "#73AD9C",
3               "#6F8AA6")
4 R_vec <- c(10, 100)
5
6 par(mfrow=c(3, 2))
7 for (irow in 1:3) {
8   color <- color_vec[irow]
9   for (icol in 1:2) {
10     R <- R_vec[icol]
11     X <- X_dist(R=R)
12     hist(X, col = color,
13          main = paste("R =", R))
14   }
15 }
```

Trabajo práctico 2 — Parte 3


ESTÉTICA DE LOS HISTOGRAMAS

ESTÉTICA DE LOS HISTOGRAMAS

how to do a beautiful histogram in R using hist function,
give me only the code, documented



r

 Copy code

```
# Generate some sample data
data <- rnorm(1000, mean = 50, sd = 10)

# Create a beautiful histogram
hist(
  data
```

Trabajo práctico 2 – Parte 3

P U N T O 3 . B

(3.b) $X_j \sim U_j(0, 18), \quad \overline{X}_n \sim \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n X_j$

Grafique ocho histogramas como un arreglo de 4×2 paneles (filas \times columnas). En la primera fila, grafique los histogramas de \overline{X}_n para $n = 1$ y $R \in 10^2, 10^6$ (un panel por cada R). Para las siguientes filas repita este procedimiento con $n \in 2, 5, 15$.

Trabajo práctico 2 – Parte 3

PUNTO 3.B

(3.b) $X_j \sim U_j(0, 18), \quad \overline{X}_n \sim \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n X_j$

Grafique ocho histogramas como un arreglo de 4×2 paneles (filas \times columnas). En la primera fila, grafique los histogramas de \overline{X}_n para $n = 1$ y $R \in 10^2, 10^6$ (un panel por cada R). Para las siguientes filas repita este procedimiento con $n \in 2, 5, 15$.

¿Qué cambia y qué no al variar n ? ¿Qué cambia y qué no al variar R ?

Trabajo práctico 2 – Parte 3

PUNTO 3.B

(3.b) $X_j \sim U_j(0, 18), \quad \overline{X}_n \sim \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n X_j$

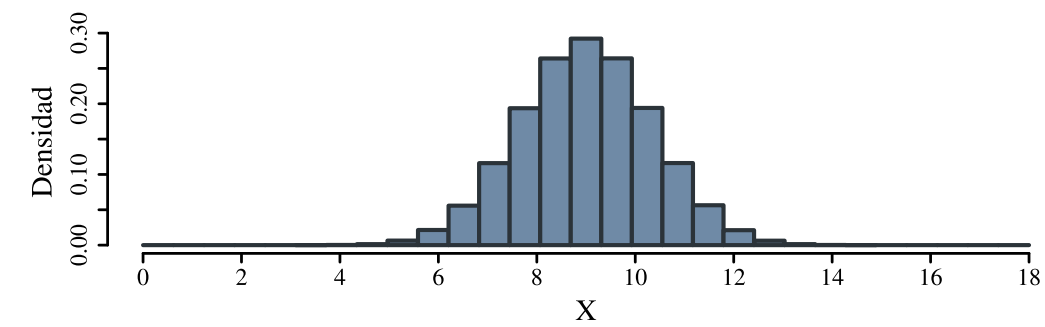
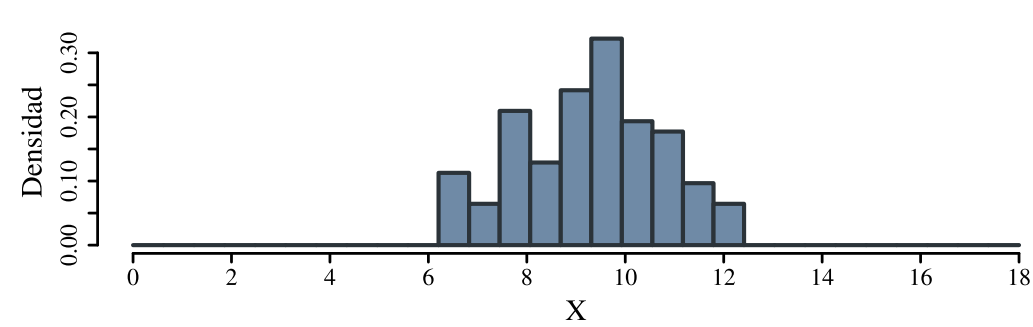
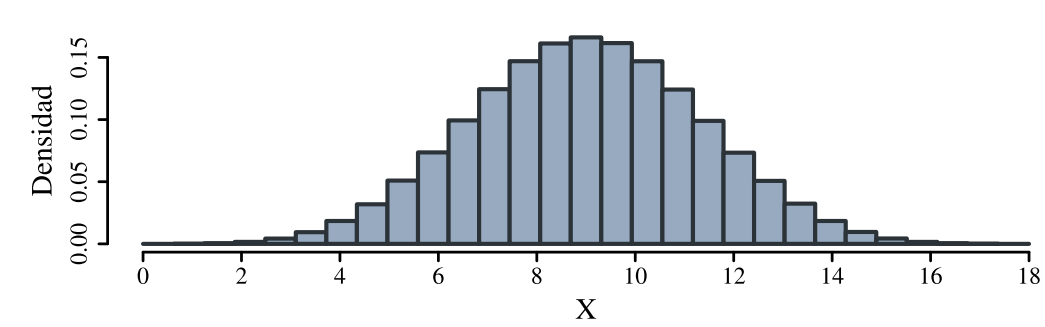
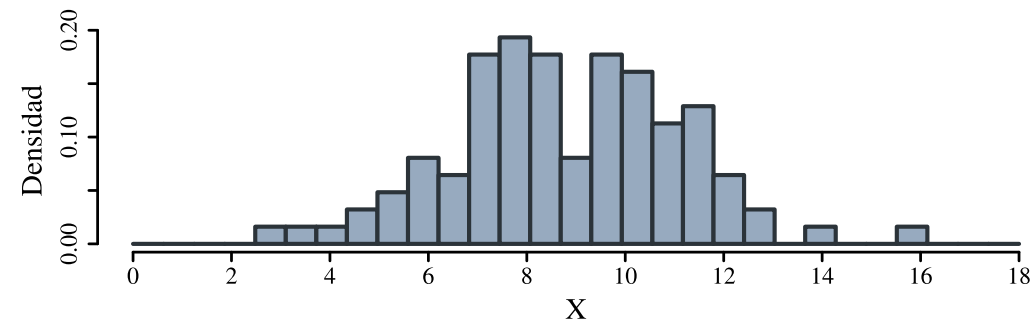
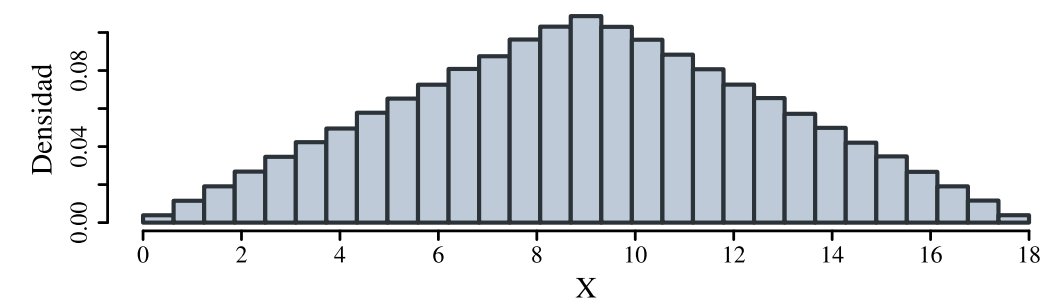
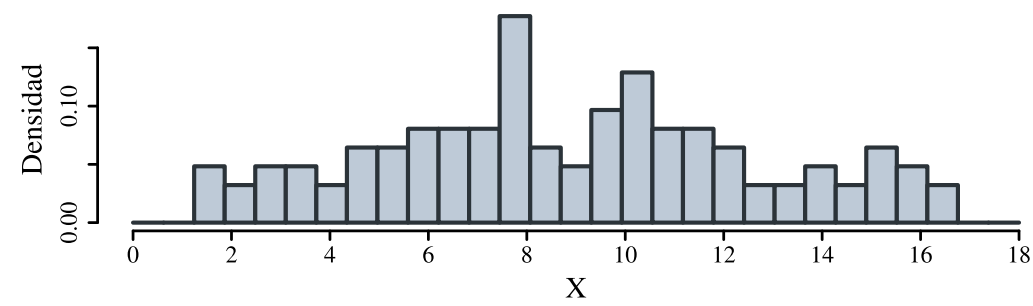
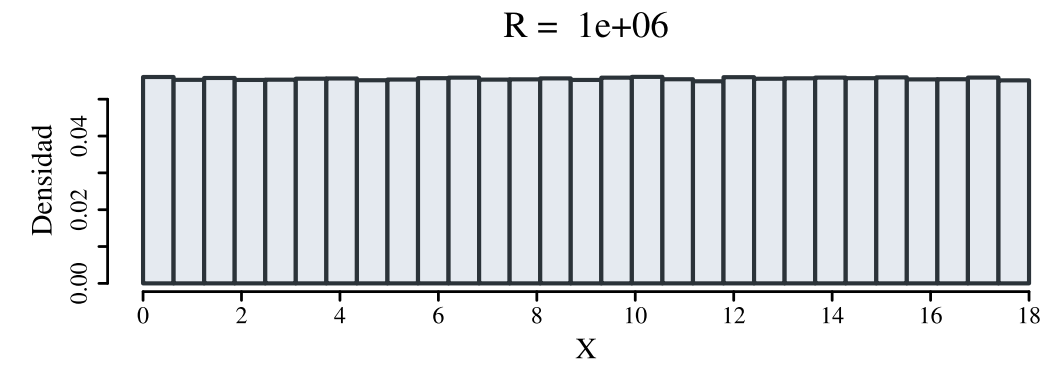
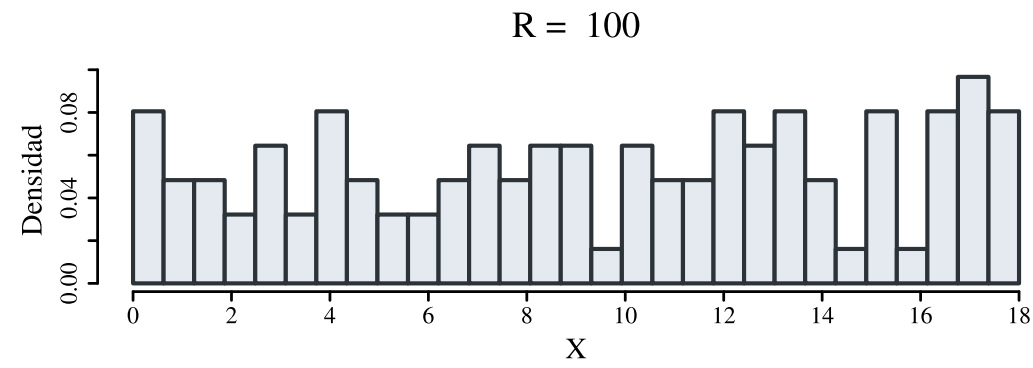
Grafique ocho histogramas como un arreglo de 4×2 paneles (filas \times columnas). En la primera fila, grafique los histogramas de \overline{X}_n para $n = 1$ y $R \in 10^2, 10^6$ (un panel por cada R). Para las siguientes filas repita este procedimiento con $n \in 2, 5, 15$.

¿Qué cambia y qué no al variar n ? ¿Qué cambia y qué no al variar R ?

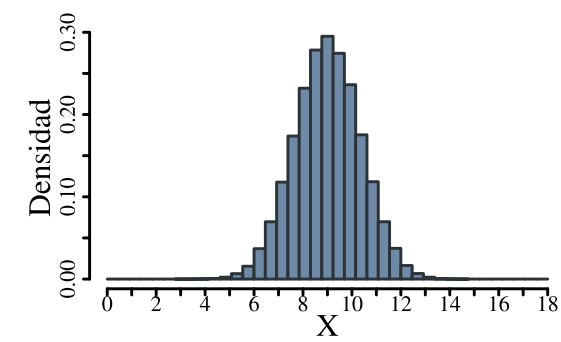
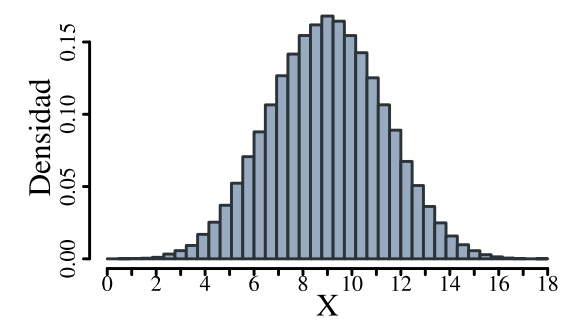
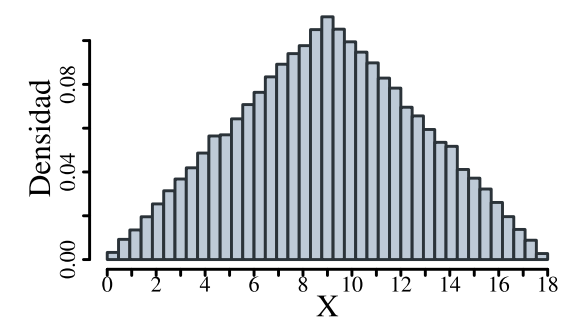
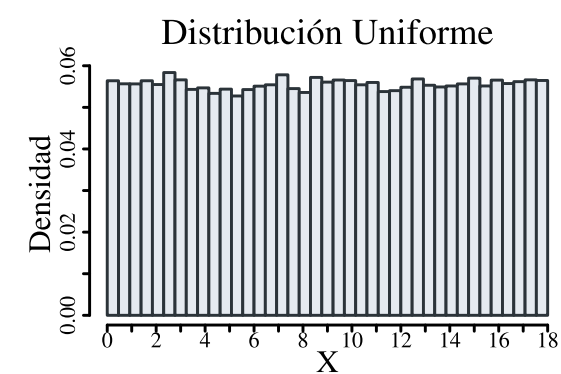
Discuta el resultado detalladamente.

Trabajo práctico 2 – Parte 3

PUNTO 3.B

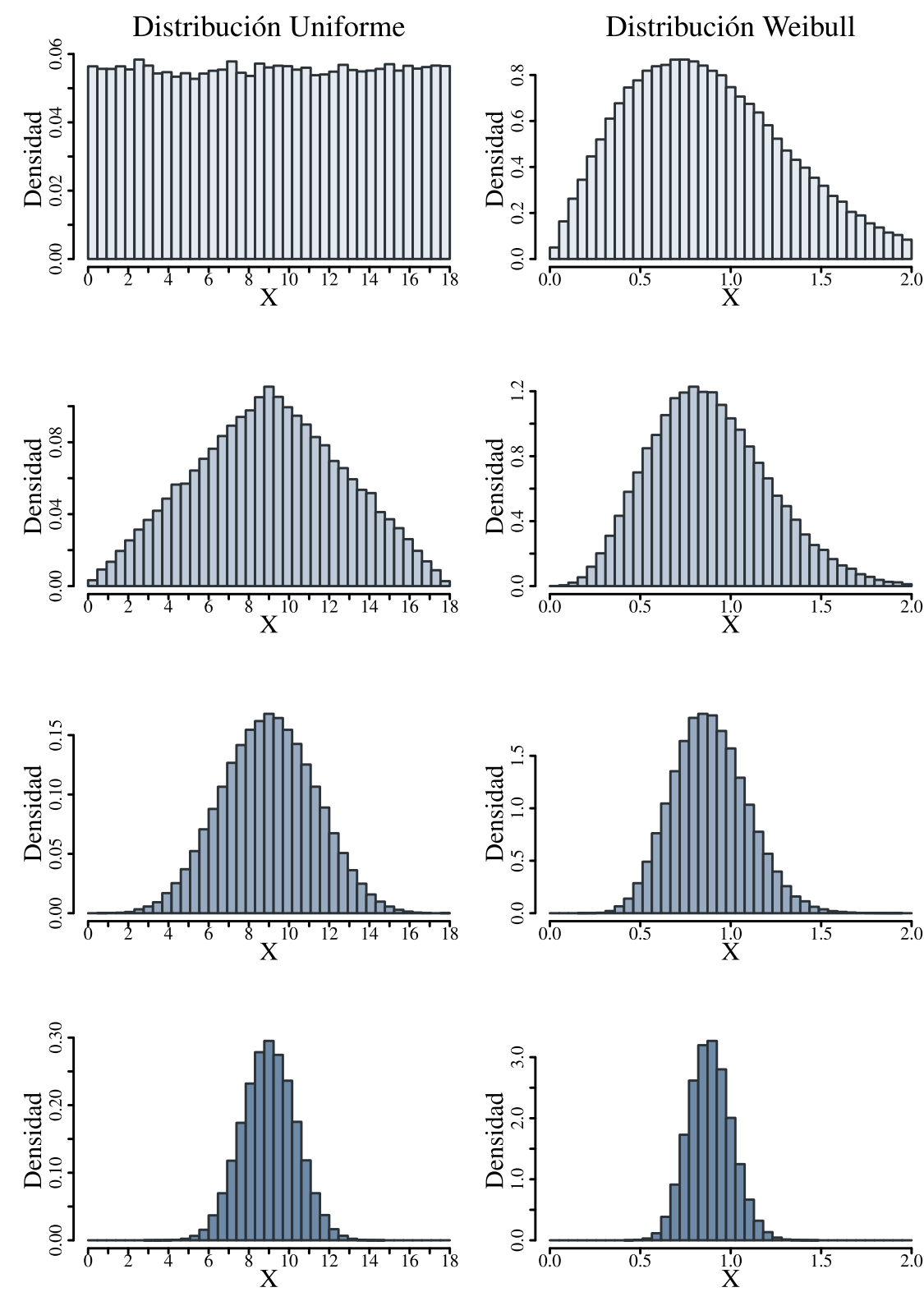


TCL PARA DISTINTAS DISTRIBUCIONES



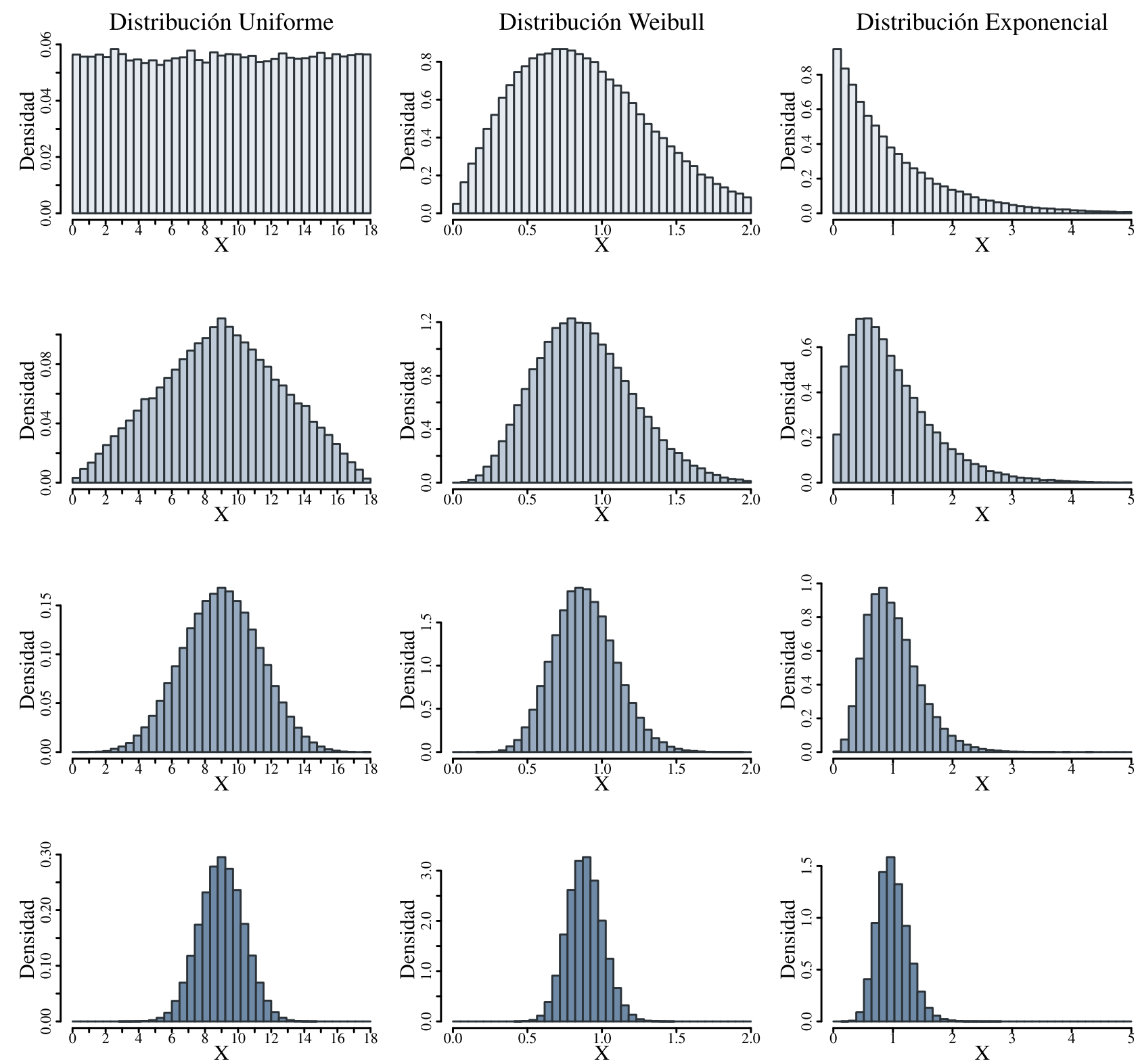
Trabajo práctico 2 – Parte 3

TCL PARA DISTINTAS DISTRIBUCIONES



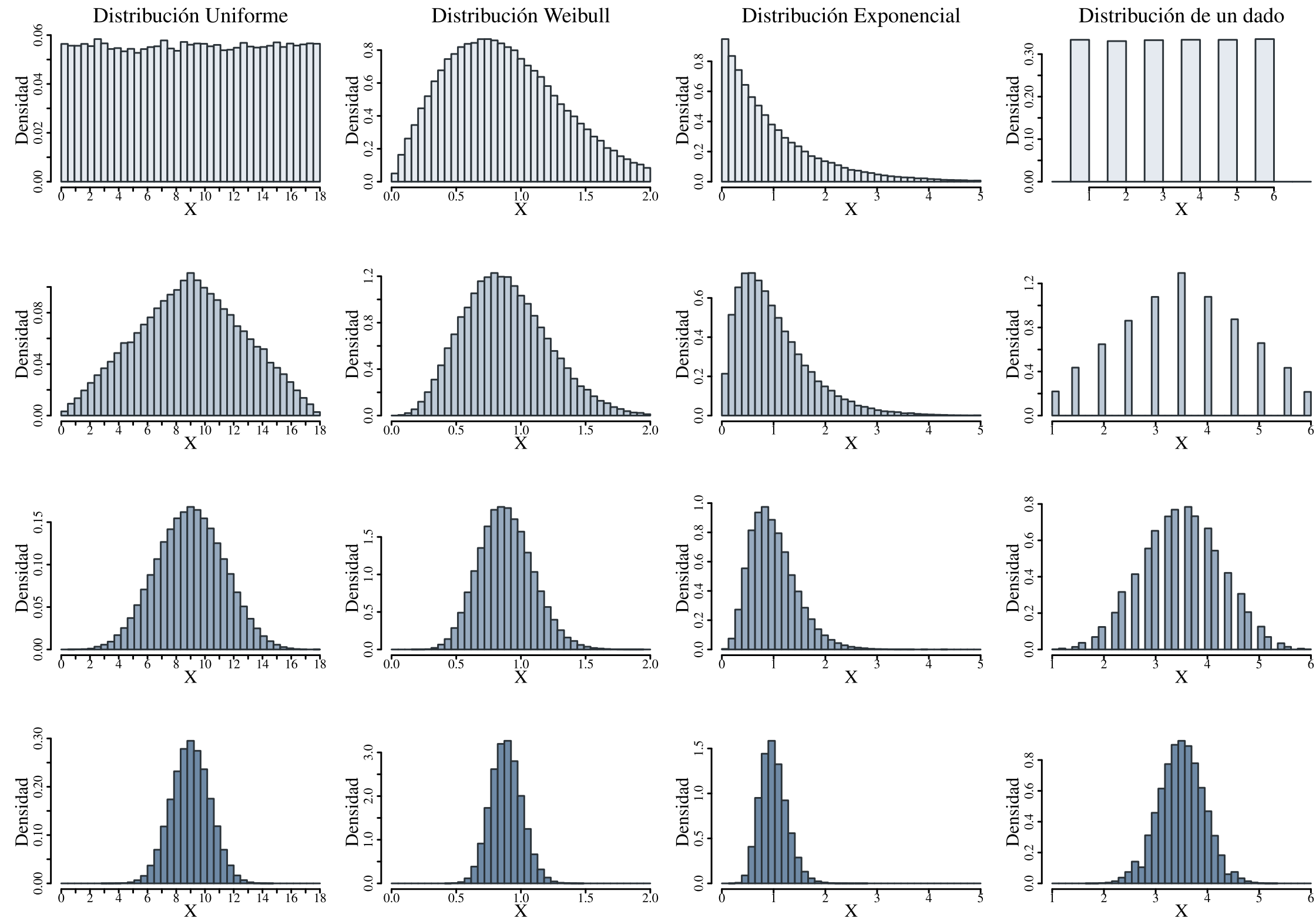
Trabajo práctico 2 – Parte 3

TCL PARA DISTINTAS DISTRIBUCIONES



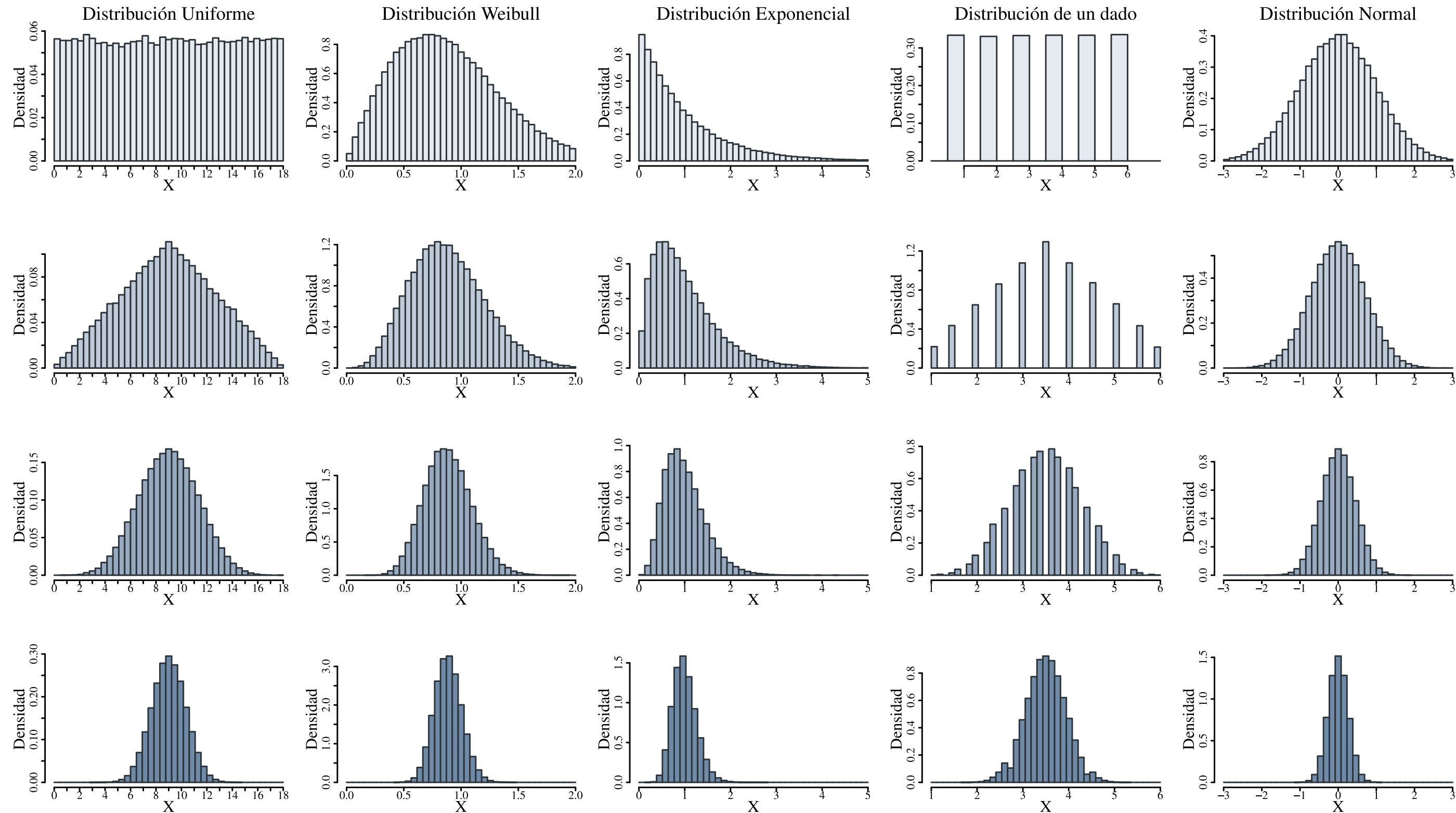
Trabajo práctico 2 – Parte 3

TCL PARA DISTINTAS DISTRIBUCIONES



Trabajo práctico 2 – Parte 3

TCL PARA DISTINTAS DISTRIBUCIONES



Eso es todo