### Московский физико-технический институт Факультет молекулярной и химической физики

# Лабораторная работа

«Изучение электронно-колебательных спектров поглощения двухатомных молекул на примере молекулы  $I_2$ »

Выполнили: студент 3 курса 642 группы ФМХФ Гадецкий Дмитрий, студент 3 курса 642 группы ФМХФ Маслак Никита

#### Аннотация

В этом отчёте изложены результаты выполнения лабораторной работы «Изучение электронно-колебательных спектров поглощения двухатомных молекул на примере молекулы  $I_2$ ». Приводится краткая теория молекулярных спектров, рассматриваются особенности спектра поглощения молекулярного йода в диапазоне температур  $T=310\div350~{\rm K},$  приводится описание экспериментальной установки и методики регистрации спектров при различных температурах. Исследуется электронно-колебательно спектр поглощения паров иода. Спектр поглощения лежит в области длин волн  $480\leqslant \lambda \leqslant 655~{\rm hm}.$ 

**Цель работы:** изучение структуры электронно-колебательно спектра поглощения двухатомных молекул, определение из спектроскопических данных основных молекулярных постоянных.

### Введение

Оптическая молекулярная спектроскопия является сегодня одним из основных физических методов исследования строения веществ и их взаимодействия. Одним из классических применений данного метода является определение энергетических уровней молекул и связанных с ними молекулярных постоянных. Полученные величины находят применение в расчетах термодинамических функций и констант равновесия химических реакций.

В данной работе по результатам измерения положения кантов полос электронно-колебательно спектра поглощения молекулы и их относительной интенсивности определяется энергия электронного возбуждения состояния  ${}^3\Pi^+_{0u}$  молекулы йода  $T_e'$ , колебательная частота  $\omega_e'$  и коэффициент ангармоничности  $x_e'$  для возбуждённого электронного состояния, энергия диссоциации в основном  $D_0''$  и возбуждённом  $D_0'$  электронных состояниях, равновесное межъядерное расстояние  $r_e'$ , строится потенциальная кривая состояния  ${}^3\Pi^+_{0u}$ .

### Теоретическое введение

При соединении атомов в молекулы их электронные оболочки объединяются. Электромагнитные поля, возникающие в процессе образования молекулы при сближении электронных оболочек атомов, уже не являются сферически симметричными, как в атоме. Появление новых степеней свободы движения частиц молекулы отражается на структуре её энергетических уровней и, следовательно, на структуре молекулярного спектра. Наличие в молекуле двух и более положительно заряженных ядер существенно усложняет рассмотрение поведения системы заряженных частиц. Если в атоме с помощью квантовой механики рассматривается распределение вероятности нахождения электронов в поле только одного ядра, то в случае молекулы необходимо рассматривать как распределение вероятности нахождения электронов в поле двух и более ядер, так и вероятность нахождения ядер в пространстве относительно заданной системы координат.

Из всех свойств атомов и молекул наиболее важно знание их внутренней энергии E. Фундаментальным уравнением, связывающим энергию системы с её волновой функцией  $\Psi$ , является стационарное уравнение Шредингера:

$$\hat{H}\Psi = E\Psi,\tag{1}$$

где  $\hat{H}$  — оператор полной энергии (гамильтониан). Для того, чтобы теоретически определить возможные стационарные энергетические состояния системы частиц (атома, молекулы, иона) и затем по ним рассчитать спектры или термодинамические функции, необходимо составить для системы оператор Гамильтона  $\hat{H}$  и решить уравнение (1). Однако точно в аналитическом виде уравнение Шредингера решается только для простейших модельных систем, например, гармонического

осциллятора, жёсткого ротатора и некоторых других. Для молекулы уравнение Шредингера настолько усложняется, что его точное аналитическое решение возможно только для простейшей двухатомной молекулы — иона при фиксированном положении ядер. Однако бурное развитие вычислительной техники и создание всё более совершенных и мощных ЭВМ в последнее время дало новый импульс квантовомеханическим расчётам молекулярных состояний. В дальнейшем изложении мы будем ограничиваться в основном наиболее простым случаем двухатомной молекулы, для которой теория молекулярных спектров наиболее полно разработана.

Для большинства практических задач молекулярной спектроскопии достаточно точным является приближённое представление полной волновой функции молекулы в виде произведения

$$\Psi = \Psi_e \Psi_v \Psi_r, \tag{2}$$

где индексы e, v, r относятся соответственно к движению электронов, колебательному движению ядер и к вращательному движению молекулы как целого. Это позволяет решать уравнение Шредингера (1) отдельно для электронной, колебательной и вращательной волновых функций. В приближении (2) полную внутреннюю энергию молекулы можно представить в виде суммы

$$E = E_e + E_v + E_r, (3)$$

где  $E_e$  - энергия электронной оболочки молекулы,  $E_v$  - энергия колебаний ядер молекулы,  $E_r$  - энергия вращения молекулы. Разделение полной волновой функции по типу (2), а следовательно, и разделению энергии молекулы на сумму энергий отдельных видов движения возможно при условии

$$E_e \gg E_v \gg E_r$$
 (4)

что в большинстве случаев выполняется.

Для приближённого описания реальных потенциальных кривых двухатомных молекул наиболее часто используется функция Морзе:

$$U(r - r_e) = D_e \left[ 1 - e^{-\beta(r - r_e)} \right]^2, \tag{5}$$

где  $D_e$  — энергия диссоциации молекулы, отсчитываемой от минимума потенциальной кривой,  $\beta = \omega_e \sqrt{\frac{2\pi^2 \mu c}{D_e h}}, \, \mu$  — приведенная масса молекулы. Такой потенциальной кривой соответствуют квантованные значения колебательной энергии ангармонического осциллятора

$$E_v = hc \left[ \omega_e \left( v + \frac{1}{2} \right) - \omega_e x_e \left( v + \frac{1}{2} \right)^2 \right], \tag{6}$$

где  $x_e$  — коэффициент ангармоничности. Выражение (6) достаточно точно описывает систему уровней колебательной энергии двухатомных молекул с малой ангармоничностью, таких как, например, молекулы галогенов.

Энергия диссоциации , входящая в уравнение (5) и соответствующая расстоянию от минимума потенциальной кривой до диссоционного предела, чисто теоретическая величина, т.к. молекула не может находиться в состоянии с колебательной энергией ниже, чем энергия основного состояния с v=0, значение которой равно

$$E_0 = hc \left[ 0.5\omega_e - 0.25\omega_e x_e \right] \tag{7}$$

Тогда

$$D_e = D_0 + E_0 \tag{8}$$

Спектры поглощения и испускания, возникающие при переходе молекулы из одного электронного состояния в другое, получили название электронных, хотя правильнее говорить об

электронно-колебательно-вращательном переходе, т.к. одновременно с электронным изменяется колебательное и вращательное состояния молекулы. Систему всех возможных энергетических состояний двухатомной молекулы можно приближённо представить уравнением

$$E = E_e + E_v + E_r \tag{9}$$

Колебательная структура уровней энергии молекул наиболее полно проявляется в электронноколебатлеьно-вращательных полосатых спектрах, в то время как систему вращательных уровней удобнее изучать по данным ИК микроволновых колебательно-вращательных и чисто вращательных спектров. Можно для целей исследования колебательной структуры пренебречь в уравнении вращательным термом по сравнению с электронным и колебательным. Тогда положение полос даётся выражением

$$\nu = \nu_{\text{э.п}} + \left[\omega_e'(v'+1/2) - \omega_e'x_e'(v'+1/2)^2\right] - \left[\omega_e''(v''+1/2) - \omega_e''x_e''(v''+1/2)^2\right]$$
(10)

Все наблюдаемые в спектре полосы можно разбить на две группы серий, или прогрессий. Начиная с данного нижнего (или верхнего) колебательного уровня, возможны серии переходов на все колебательные уровни верхнего (или нижнего) электронного состояния. Эти серии называются соответственно у' и у" –прогрессиями или поперечными и продольными сериями Деландра. Последнее название связано с тем, что обычно для проведения анализа колебательной структуры волновые числа наблюдаемых переходов представляются в виде так называемой таблицы Деландра, в вертикальных (поперечных) столбцах которой располагаются последовательные у'-прогрессии, а в горизонтальных (продольных) строках - у"-прогрессии. Диагональные строки таблицы Деландра соответствуют группам переходов с фиксированным значением  $\Delta v = v' - v''$ , которые образуют в спектрах группы близко расположенных полос или секвенции. Распределение интенсивности в прогрессиях полос электронно-колебательного спектра может быть различным в зависимости от взаимного расположения и вида потенциальных кривых нижнего и верхнего электронных состояний и объясняется на основе принципа Франка-Кондона, который формулируется следующим образом. При переходе молекулы из одного электронного состояния в другое перераспределение электронной плотности происходит так быстро, что расстояние между более тяжёлыми ядрами не успевает измениться. Отсюда следует, что на диаграмме кривых потенциальной энергии квантовые переходы между различными электронными состояниями двухатомной молекулы должны изображаться вертикальными стрелками, которые отвечают условию неизменности межъядерного расстояния в процессе перехода.

### Проведение эксперимента

В данной работе регистрация спектров поглощения парой иода производится с помощью автоматического спектрофотометра для видимой и ультрафиолетовой областей «Specord M400». Оптическая схема прибора приведена на рис. 1.

Для наблюдения изменения характера спектра при изменении температуры цилиндрическая стеклянная кювета с кристаллами иода устанавливается в кюветном отсеке прибора с помощью специального кюветодержателя, который нагревается до необходимой температуры водой, подаваемой по соединительным шлангам от термостата. Схема установки изображена на рис. 2.

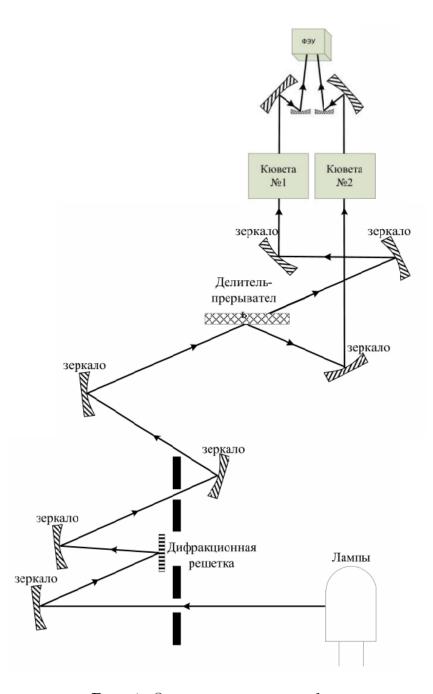
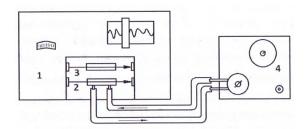


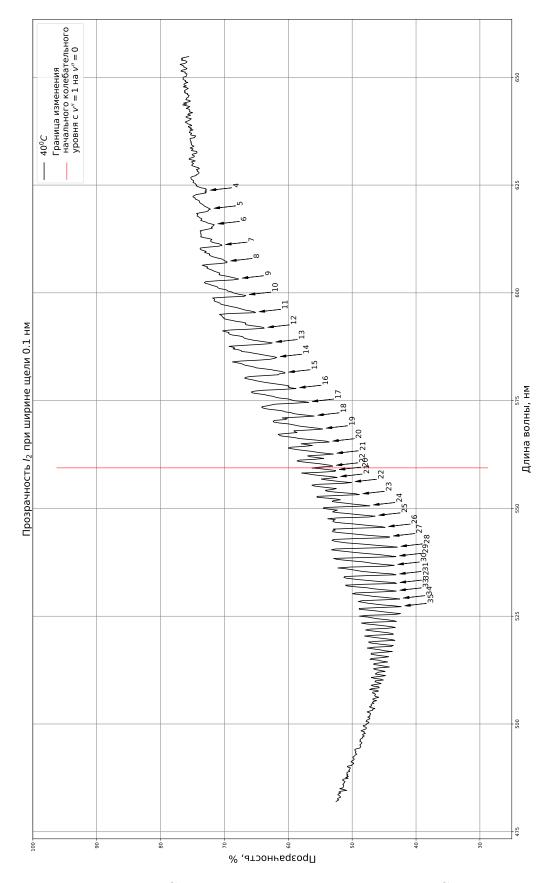
Рис. 1. Оптическая схема прибора



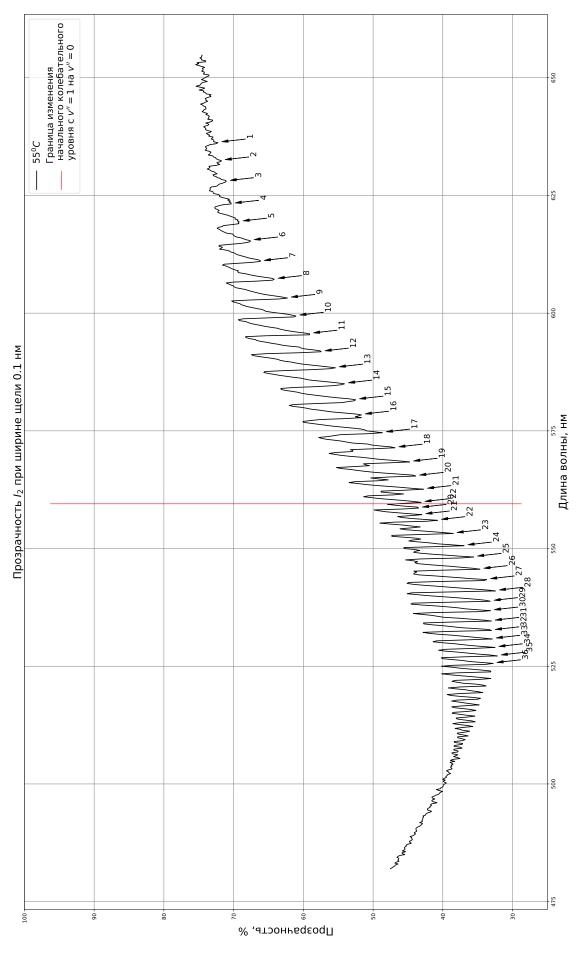
**Рис. 2.** Схема установки: — корпус спектрометра, 2 — кювета с парами иода, 3 — кювета сравнения, 4— термостат

# Обработка результатов измерений

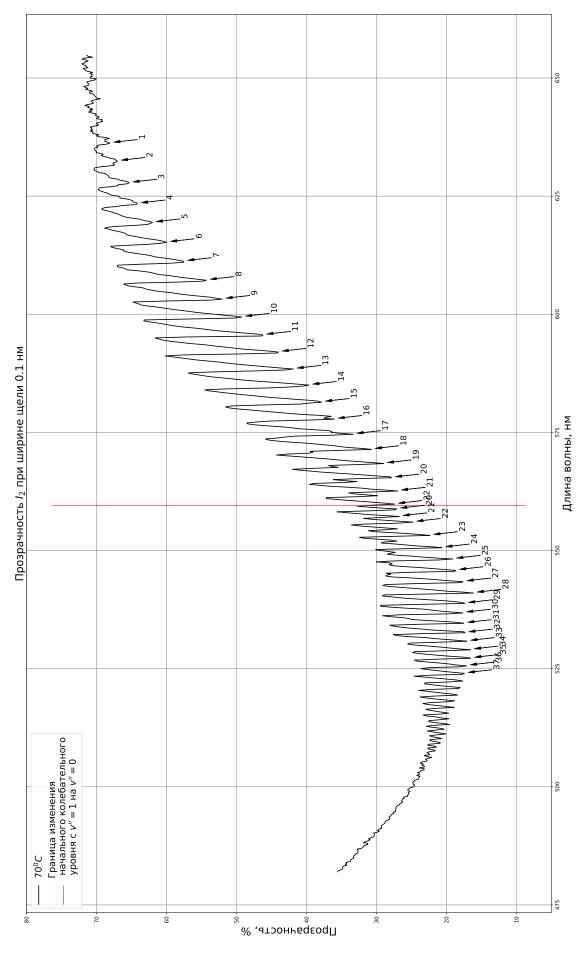
Изобразим спектры при трех разных температурах:  $40^{\circ}C$ ,  $55^{\circ}C$ ,  $70^{\circ}C$ 



**Рис. 3.** Спектр поглощения молекулы  $I_2,\,40~^{\circ}C$ 



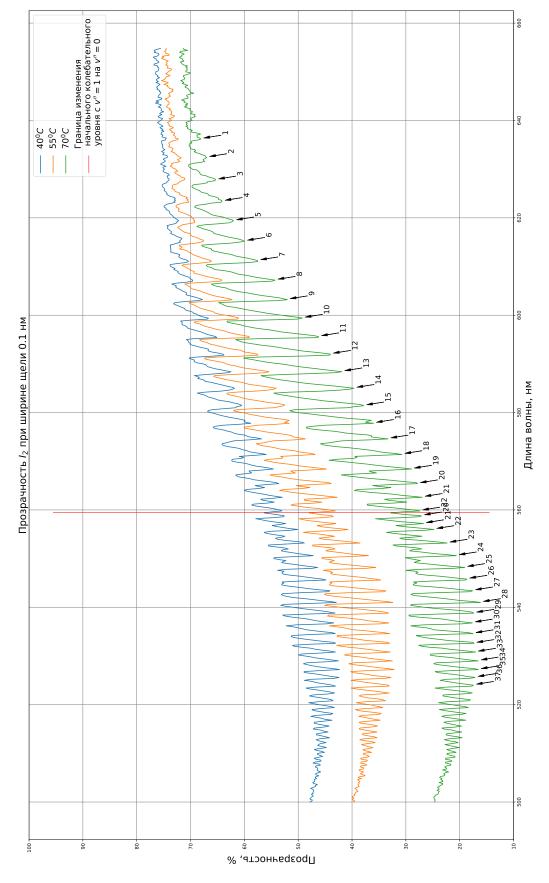
**Рис. 4.** Спектр поглощения молекулы  $I_2,\,55\ ^{\circ}C$ 



**Рис. 5.** Спектр поглощения молекулы  $I_2, 70\ ^{\circ}C$ 

## Построение таблицы Деландра и анализ спектра

Изобразим спектры при трех разных температурах на рис. 6.



**Рис. 6.** Спектр поглощения молекулы  ${\rm I}_2$ 

Видим, что при повышении температуры переходы становятся более отчетливыми, а прозрачность уменьшается.

По спектру при температуре 70 °C составим таблицу 1 Деландра.

Таблица 1. Таблица Деландра

v'\v''	$0, \text{ cm}^{-1}$	$1$ , cm $^{-1}$
1		15718
2		15812
3		15928
4		16041
5		16144
6		16254
7		16361
8		16469
9		16578
10		16683
11		16789
12		16891
13		16995
14		17094
15		17199
16		17307
17		17403
18		17500
19		17593
20	17889	17686
21	17985	17774
22	18076	17863
23	18162	
24	18241	
25	18321	
26	18402	
27	18484	
28	18559	
29	18628	
30	18705	
31	18775	
32	18839	
33	18903	
77 )	1	บางบุคบั cmกลุมบุเค

Продолжение на следующей странице

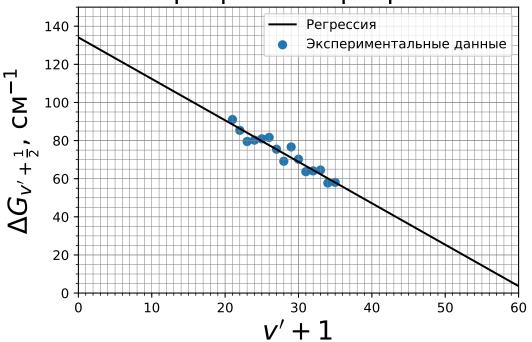
Таблица 1 — *Продолжение с предыдущей* страницы

v'\v''	$0, \text{ cm}^{-1}$	$1, \text{ cm}^{-1}$
34	18968	
35	19025	
36	19083	

### Линейная аппроксимация

Вычислим разности соседних волновых чисел в полученных v'-прогрессиях  $\nu(v'+1)-\nu(v')=\Delta G'_{v'+0.5}$ . Используя полученные значения, проведем регрессионный анализ зависимости  $\Delta G'_{v'+0.5}(v'+1)$  при v''=0;1 (рис. 7,8).

Линейная регрессия прогрессии v''=0

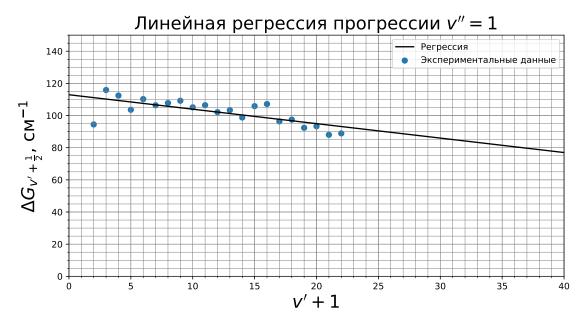


**Рис. 7.** Линейная аппроксимация (v''=0)

Отсюда, получаем результат (табл. 2).

Таблица 2. Результаты линейной аппроксимации

v''	$\omega'_e$ , cm <sup>-1</sup>	$\omega'_e x'_e$ , cm <sup>-1</sup>	ρ
0	$134 \pm 3$	$1.09 \pm 0.05$	-0.96
1	$113 \pm 3$	$0.45 \pm 0.13$	-0.72



**Рис. 8.** Линейная аппроксимация (v'' = 1)

# Определение молекулярных констант методом параболического регрессионного анализа

Определим значение  $\omega'_e$ ,  $\omega'_e x'_e$ , а также величину электронного терма  $T_e$  возбужденного состояния  ${}^3\Pi^+_{0u}$ , используя зависимость (11):

$$\nu = \nu_{\text{\tiny 3JI}} + \left[ \omega_e' \left( v' + \frac{1}{2} \right) - \omega_e' x_e' \left( v' + \frac{1}{2} \right)^2 \right] - \left[ \omega_e'' \left( v'' + \frac{1}{2} \right) - \omega_e'' x_e'' \left( v'' + \frac{1}{2} \right)^2 \right]. \tag{11}$$

Применяя метод параболического регрессионного анализа для выделенных v' прогрессий, получим рис. 9, 10, а численный результат занесем в таблицу 3.

**Таблица 3.** Результаты анализа для выделенных v' прогрессий

v"	$T_e$ , cm <sup>-1</sup>	$\omega_e',  \mathrm{cm}^{-1}$	$\omega_e' x_e',  \text{cm}^{-1}$
0	15774	132.8	1.06
1	15705	121.1	0.78

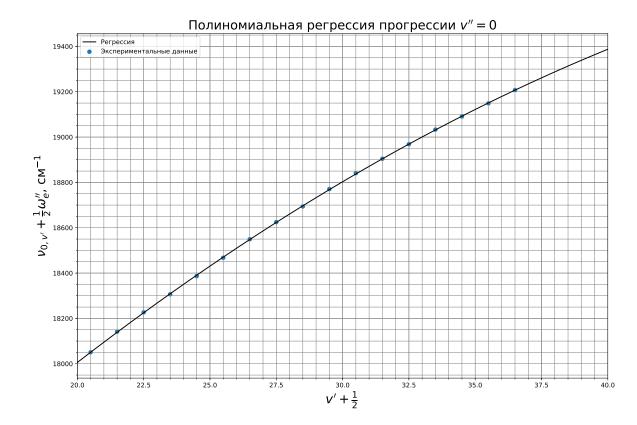
Вычислим волновое число  $\nu_{0,0} \cong T_e + 0.5\omega_e' - 0.5\omega_e'' \; (\omega_e''$  для  $I_2$  равна 214 см<sup>-1</sup>)

$$\nu_{0,0} = 15750 \text{ cm}^{-1} \tag{12}$$

### Вычисление $\nu_{\rm rp}$

По экспериментальным значениям волновых чисел  $\nu_{0,v'}$  для переходов  $v''=0 \to v'$  определим волновое число границы непрерывного спектра поглощения  $\nu_{\rm rp}$ , считая, что волновые числа полос  $\nu(v')$  и их разности  $\Delta\nu=\nu(v'+1)-\nu(v')$  связаны квадратичной зависимостью вида (13).

$$\nu = \nu_{\rm rp} + b\Delta\nu + c\left(\Delta\nu\right)^2 \tag{13}$$



**Рис. 9.** Параболическая аппроксимация (v''=0)



**Рис. 10.** Параболическая аппроксимация (v''=1)

Результат аппроксимации параболой представлен на рис. 11, а численное значение  $\nu_{\rm rp}$  есть

$$\nu_{\rm rp} = (20.0 \pm 0.6) \cdot 10^3 \text{ cm}^{-1}$$
 (14)

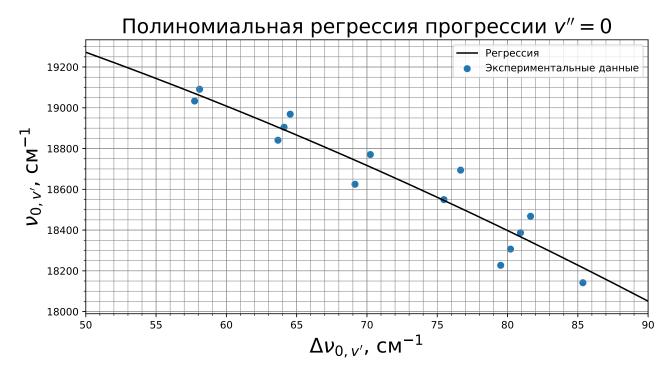


Рис. 11. Определение границы сплошного спектра

### Определение энергий диссоциации

Используя полученные ранее значения молекулярных постоянных, определим энергию диссоциации  $D_0'$  для возбужденного электронного состояния  ${}^3\Pi_{0u}^+$  тремя способами:

1. По формуле линейной экстраполяции

$$D_0' = \frac{\omega_e'^2}{4\omega_e' x_e'} = 4029 \text{ cm}^{-1}$$
 (15)

2. По границе сплошного спектра

$$D_0' = \nu_{\rm rp} - \nu_{00} = 4250 \text{ cm}^{-1} \tag{16}$$

3. Методом Берджа-Шпонер

Для подсчета методом Берджа-Шпонер необходимо величины разностей  $\Delta G'_{v'+0.5}$  отнести к серединам колебательных интервалов, т.е. к v'+0.5, а далее экстраполировать параболой (рис. 12). Площадь под этой кривой соответствует энергии диссоциации. Проинтегрировав аппроксимацию, получим

$$D_0' = 3776 \text{ cm}^{-1} \tag{17}$$

Определим энергию диссоциации  $D_0''$  для основного электронного состояния  $^1\Sigma_g^+$  по границе сплошного спектра ( $E_a=7603~{\rm cm}^{-1}$ )

$$D_0'' = \nu_{\rm rp} - E_a = 12397 \text{ cm}^{-1}$$
 (18)

# Определение межъядерного расстояния, построение потенциальной кривой Морзе

Для прогрессии с v''=0 определим волновое число полосы с максимальным поглощением (у нас это пик под номером 28)

$$\nu_{max} = 18559 \text{ cm}^{-1} \tag{19}$$

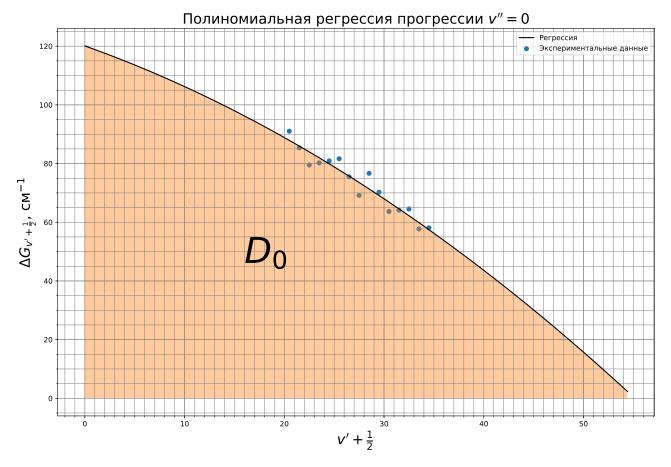


Рис. 12. Экстраполяция методом Берджа-Шпонер

Определим равновесное межъядерное положение  $r'_e$  для возбужденного электронного состояния  ${}^3\Pi^+_{0u}$ , используя уравнения (20), (21) и полученные из опыта значения  $\nu_{max}, \omega'_e, D'_0$ . Примем, что  $r''_e = 2.67 \ \text{Å}$ .

$$U'(r' = r''_e) \cong \nu_{max} - \nu_{0,0} + \frac{\omega'_e}{2} = 3209 \text{ cm}^{-1}$$
 (20)

$$r'_e = r''_e + \frac{1}{\beta'} \ln \left[ 1 + \left( \frac{U'(r' = r''_e)}{D'_e} \right)^{1/2} \right]$$
 (21)

где 
$$D_e'\cong D_0'+\frac{\omega_e'}{2}=3839~\mathrm{cm}^{-1},~\beta'=\omega_e'\left(\frac{2\pi^2\mu c}{D_e'h}\right)^{1/2}\approx 0.122\omega_e'\sqrt{\frac{\mu}{D_e'}}\approx 4.16~\mathrm{cm}^{-1},~\mathrm{если}~\omega_e',~D_e'$$
выражены в см<sup>-1</sup>,  $\mu$  - в а.е.м.

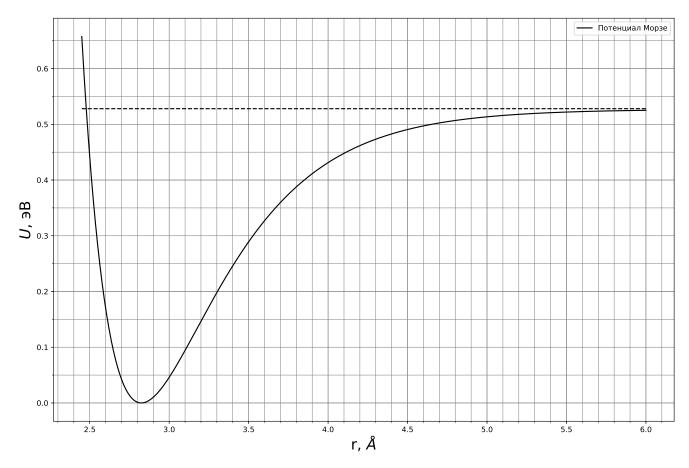
После численных подстановок получим

$$r_e' = 2.826 \text{ Å}$$
 (22)

Построим потенциальную кривую возбужденного электронного состояния  $^3\Pi^+_{0u}$ , используя функцию Морзе (рис. 13). Для этого найдем  $D'_e=D'_0+hc(\frac{1}{2}\omega'_e-\frac{1}{4}\omega'_ex'_e)=4215\mathrm{cm}^{-1}=0.527\mathrm{9B}$ 

### Результат вычислений

Все результаты занесем в таблицу 4.



**Рис. 13.** Потенциал Морзе для электронного состояния  ${}^3\Pi^+_{0u}$ 

Таблица 4. Результаты определения молекулярных постоянных

$T_e$ , cm <sup>-1</sup>	$\omega_e',  \mathrm{cm}^{-1}$	$\omega'_e x'_e$ , cm <sup>-1</sup>	$r'_e$ , Å	Энергия диссоциации	$D_0',  \text{cm}^{-1};  \text{9B}$	$D_0'', \text{ cm}^{-1}; \text{ 9B}$
15774 133				По границе	4250; 0.528	12397; 1.541
	100			сплошного спектра		
	1.06	2.826	Экстраполяция	3776; 0.470		
				Берджа–Шпонер	3110, 0.410	
				Линейная	4029; 0.501	
				экстраполяция	4029, 0.301	
Табличные данные						
15770.6	125.3	0.702	3.028		4320; 0.536	12440; 1.542

### Сравнение спектров при разных ширинах щели

Проведем сравнение спектров, зарегистрированных при разных ширинах щели (рис. 14).

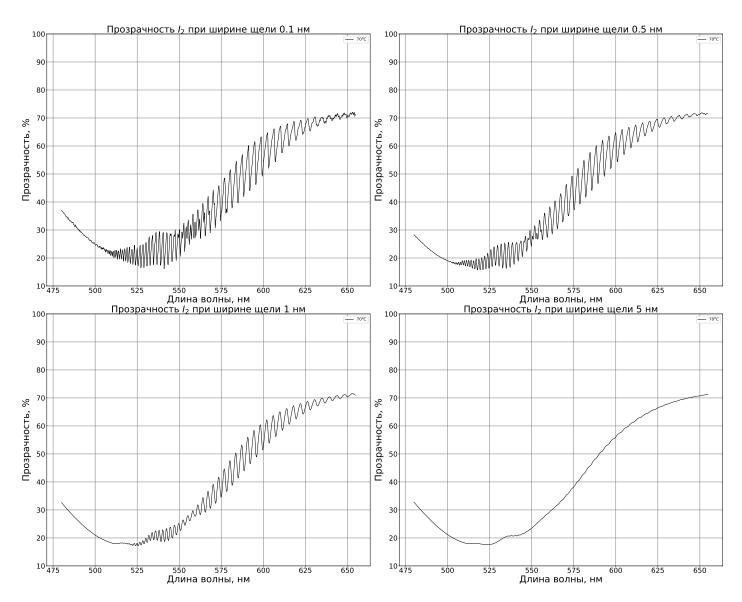


Рис. 14. Вид спектра при различных ширинах щели

Видим, что чем больше размер щели, тем меньшее различие в энергии мы способны различить.

### Заключение

В данной работе рассматривался спектр поглощения молекулы йода. Были получены молекулярные константы, построен потенциал Морзе для возбужденного состояния молекулы  $I_2$ .

Значения этих констант и названия методов, которыми они были получены приведены в таблице 4.

Анализ спектров при разных ширинах щели показывает, что с уменьшением размера щели увеличивается разрешающая способность прибора. Электронно-колебательную структуру спектра мы начинаем разрешать при ширине щели около 0.5 нм.

## Список литературы

[1] С.И. Ткаченко. ИССЛЕДОВАНИЕ ВЕЩЕСТВА ПО ЕГО ИЗЛУЧАТЕЛЬНОПОГЛОЩАТЕЛЬНЫМ ХАРАКТЕРИСТИКАМ. МОЛЕКУЛЯРНЫЕ СПЕКТРЫ. Учебно-методическое

### пособие

- [2] Справочное издание. М.: Советская энциклопедия, 1988-1998. 704+704+672+704+760 с.: ил. ISBN 5-85270-034-7 (т. 1), 5-85270-061-4 (т. 2), 5-85270-019-3 (т. 3), 5-85270-087-8 (т. 4), 5-85270-101-7 (т. 5).
- [3] Лекции по  $\Phi$ МИ Попов Игорь Алексеевич