复杂度

@M了个J

https://github.com/CoderMJLee http://cnblogs.com/mjios

> 小码哥教育 SEEMYGO 实力IT教育 www.520it.com

码拉松





小码哥教育 SEEMYGO 什么是算法

■ 算法是用于解决特定问题的一系列的执行步骤

```
// 计算a跟b的和
public static int plus(int a, int b) {
   return a + b;
  计算1+2+3+...+n的和
public static int sum(int n) {
   int result = 0;
   for (int i = 1; i <= n; i++) {
       result += i;
   return result;
```

- 使用不同算法,解决同一个问题,效率可能相差非常大
- □比如:求第n个斐波那契数 (fibonacci number)



小照哥教育 如何评判一个算法的好坏?

```
// 计算1+2+3+...+n的和
public static int sum1(int n) {
    int result = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        result += i;
    return result;
// 计算1+2+3+...+n的和
public static int sum2(int n) {
   return (1 + n) * n / 2;
```

- 如果单从执行效率上进行评估,可能会想到这么一种方案
- □比较不同算法对同一组输入的执行处理时间
- □ 这种方案也叫做:事后统计法
- 上述方案有比较明显的缺点
- □执行时间严重依赖硬件以及运行时各种不确定的环境因素
- □必须编写相应的测算代码
- □测试数据的选择比较难保证公正性
- 一般从以下维度来评估算法的优劣
- □正确性、可读性、健壮性(对不合理输入的反应能力和处理能力)
- □ 时间复杂度 (time complexity): 估算程序指令的执行次数 (执行时间)
- □空间复杂度 (space complexity): 估算所需占用的存储空间

Myganga 大O表示法 (Big O)

- 一般用大O表示法来描述复杂度,它表示的是数据规模n对应的复杂度
- ■忽略常数、系数、低阶
- **□**9 >> O(1)
- $\square 2n + 3 \rightarrow O(n)$
- $\square n^2 + 2n + 6 >> O(n^2)$
- $\Box 4n^3 + 3n^2 + 22n + 100 >> O(n^3)$
- □写法上, n³ 等价于 n^3
- ■注意:大O表示法仅仅是一种粗略的分析模型,是一种估算,能帮助我们短时间内了解一个算法的执行效率



Myseemyse 对数阶的细节

■对数阶一般省略底数

 $\log_2 n = \log_2 9 * \log_9 n$

■ 所以 log₂n 、 log₉n 统称为 logn



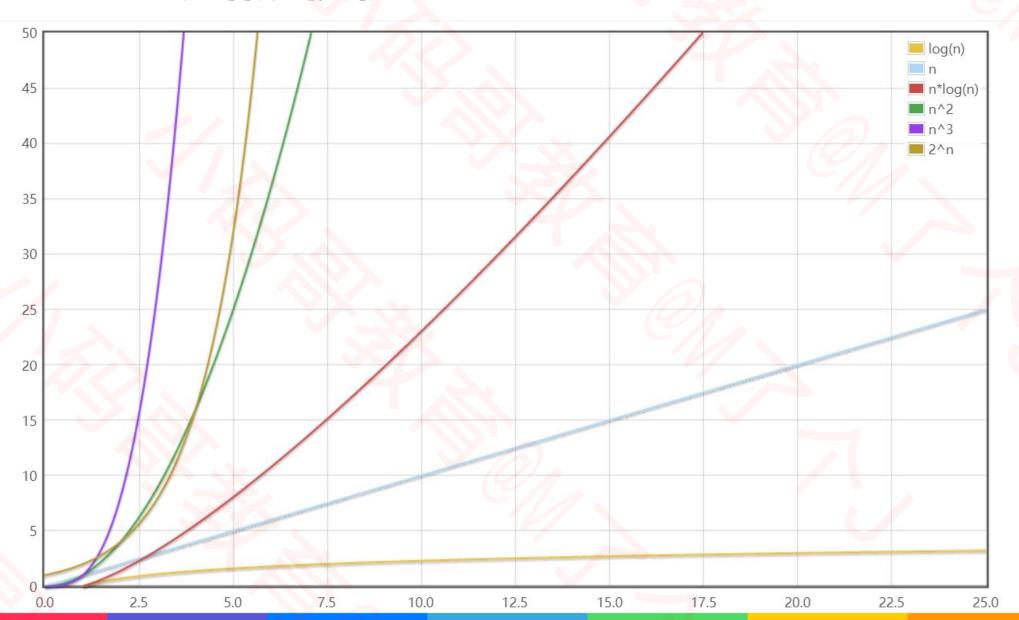
小码 帮见的复杂度 SEEMYG。常见的复杂度

执行次数	复杂度	非正式术语
12	O(1)	常数阶
2n + 3	O(n)	线性阶
$4n^2 + 2n + 6$	O(n ²)	平方阶
$4\log_2 n + 25$	O(logn)	对数阶
$3n + 2n\log_3 n + 15$	O(nlogn)	nlogn阶
$4n^3 + 3n^2 + 22n + 100$	O(n ³)	立方阶
2 ⁿ	O(2 ⁿ)	指数阶

- \blacksquare O(1) < O(logn) < O(n) < O(nlogn) < O(n²) < O(n³) < O(2ⁿ) < O(n!) < O(nⁿ)
- ■可以借助函数生成工具对比复杂度的大小
- □ https://zh.numberempire.com/graphingcalculator.php

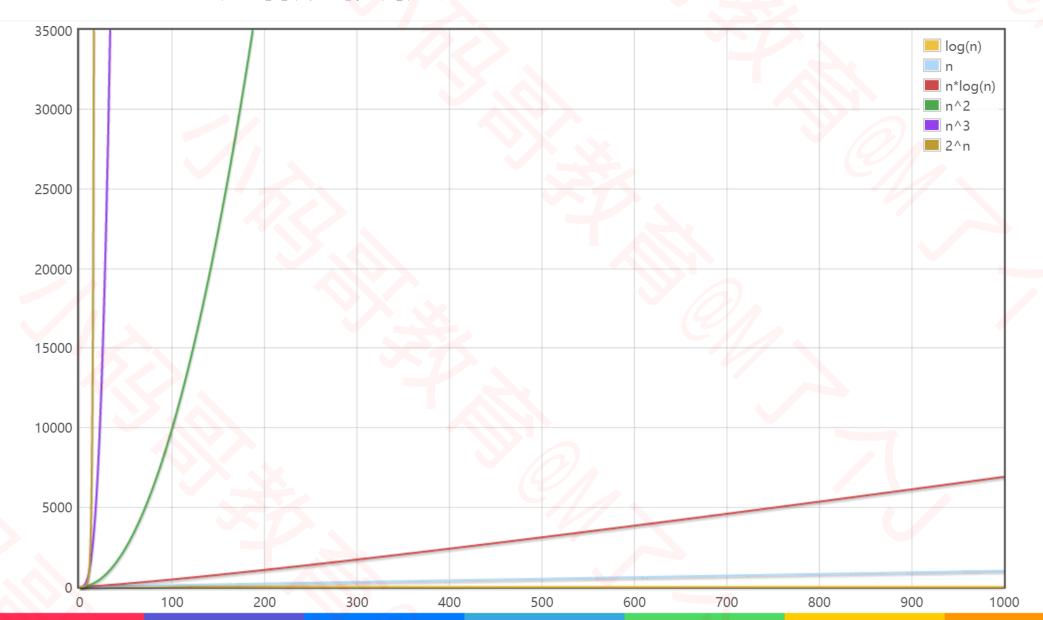


小照明教育 **数据规模较小时**



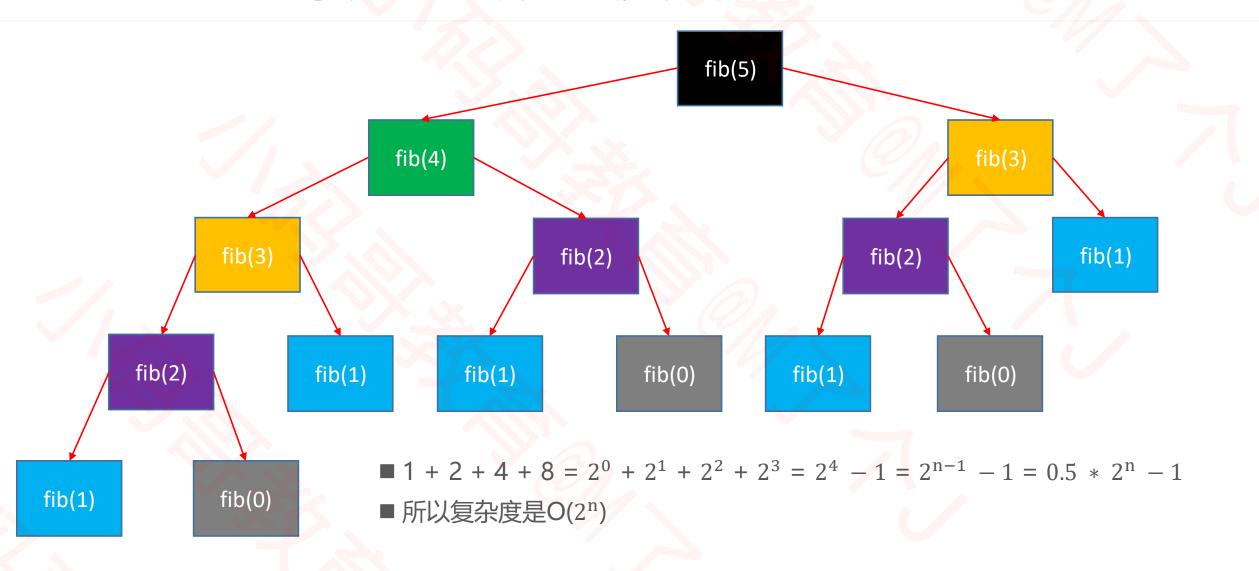


小码 哥教育 数据规模较大时





小門司教息 fib函数的时间复杂度分析





』與國教皇 fib函数的时间复杂度分析

 $O(2^n)$

```
public static int fib1(int n) {
   if (n <= 1) return n;
   return fib1(n-2) + fib1(n-1);
```

- 他们的差别有多大?
- □如果有一台1GHz的普通计算机,运算速度10⁹次每秒 (n为64)
- □O(n)大约耗时6.4 * 10⁻⁸秒
- □O(2ⁿ)大约耗时584.94年
- □有时候算法之间的差距,往往比硬件方面的差距还要大

O(n)

```
public static int fib2(int n) {
    if (n <= 1) return n;
    int first = 0;
    int second = 1;
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        second += first;
        first = second - first;
    return second;
```

- Something interesting
- □我是一个斐波那契程序员
- □因为我每天都在改昨天和前天的bug



- ■用尽量少的存储空间
- 用尽量少的执行步骤 (执行时间)
- 根据情况,可以
- □空间换时间
- □时间换空间

MAR 多个数据规模的情况 SEEMYGO 多个数据规模的情况

```
public static void test(int n, int k) {
    for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
        System.out.println("test");
    for (int i = 0; i < k; i++) {
        System.out.println("test");
```

$$O(n + k)$$



- 更多复杂度相关的知识,会在后续讲解数据结构、算法的过程中穿插
- □最好、最坏复杂度
- □均摊复杂度
- ■复杂度震荡
- □平均复杂度
- **.....**



↑ 小码哥教育 leetcode

- ■一个用于练习算法的好网站
- □ https://leetcode.com/
- □ https://leetcode-cn.com/
- ■斐波那契数
- https://leetcode-cn.com/problems/fibonacci-number/