# Clase 18 Introducción a Modelos Lineales Mixtos

Diplomado en Análisis de datos con R para la Acuicultura.

Dra. María Angélica Rueda

Pontificia Universidad Católica de Valparaíso

28 May 2022

#### **PLAN DE LA CLASE**

#### 1.- Introducción

- Modelos lineales mixtos (MLM).
- Efectos fijos y efectos aleatorios.
- Ecuación del modelo lineal mixto (MLM).
- ► Interpretación de MLM con R.

#### 2.- Práctica con R y Rstudio cloud

- Ajustar modelos lineales mixtos.
- Realizar gráficas avanzadas con ggplot2.
- Elaborar un reporte dinámico en formato html.

#### **MODELOS LINEALES MIXTOS**

Los modelos lineales mixtos (MLM) son una generalización del modelo lineal de regresión clásico, contemplando la posible existencia de observaciones correlacionadas (ej. Medidas repetidas en el mismo individuo) o con variabilidad heterogénea, vinculadas a la presencia de factores aleatorios.

$$Y = X\beta + Zu + \epsilon$$

Efectos fijos  $(X\beta)$ 

Efectos aleatorios  $(Zu + \epsilon)$ 

Los modelos lineales mixtos surgen cuando no se cumplen los siguientes supuestos:

- Que hayan observaciones correlacionadas.
- Que NO haya homogeneidad de varianzas.

# ¿QUÉ SON LOS EFECTOS FIJOS?

- Los efectos fijos se asumen que son determinados a propósito por el analista de los datos, eso dependerá de las variables a las que se les desea estimar **efectos promedios**.
- Los efectos fijos estiman las medias de las variables predictoras.
- En un modelo lineal mixto las variables cuantitativas continuas (e.g., Edad) o factores (e.g., Dieta) son considerados como efectos fijos.

# ¿QUÉ SON LOS EFECTOS ALEATORIOS?

- Los efectos aleatorios están asociados a grupos de observaciones. Los efectos aleatorios estiman varianzas.
- Para considerar una variable predictora cualitativa como un efecto aleatorio del modelo lineal mixto, dicha variable debe tener al menos 5 niveles.
- Una variable predictora categórica con dos niveles (binaria) NO puede ser un efecto aleatorio.
- Una variable aleatoria continua NO puede ser un efecto aleatorio.

#### ALGUNOS EJEMPLOS DE EFECTOS ALEATORIOS

- Medidas repetidas sobre un mismo individuo, los individuos se pueden incluir como efecto aleatorio.
- ii) Respuestas observadas en grupos de unidades experimentales homogéneas, ej. jaulas o estanque se puede considerar como efecto aleatorio.
- iii) Mediciones de los animales de diferentes familias, familia se puede incluir como efecto aleatorio.

### ¿EFECTO FIJO O ALEATORIO?

- 1). ¿Cuál es el número de niveles?
  - ▶ Pequeño (Fijo) (e.g., Dieta con tres niveles D1, D2 y D3).
  - ▶ Grande o infinito (Posiblemente aleatorio) (e.g., Jaulas con 10 niveles por 10 centros de cultivo j1, j2...j00).
- 2). ¿Son los niveles repetibles?
  - Sí (Fijo) (e.g., Dieta podrías aplicarlas en diferentes lugares).
  - No (Aleatorio) (e.g., Jaula no podría repetirse en distintos centros de cultivo).
- **3).** ¿Se necesitan realizar inferencias para niveles no incluidos en el muestreo?
  - ▶ No (Posiblemente fijo) (e.g., **Dieta** D4 y D5).
  - Sí (Posiblemente aleatorio) (e.g., Jaula j200, j300).

# ESTUDIO DE CASO: ANALISIS DE PRODUCCIÓN Y CALIDAD

En este estudio de caso trabajaremos con un set de datos de producción y calidad de salmón Chinook (n=204) publicado en la revista aquaculture.

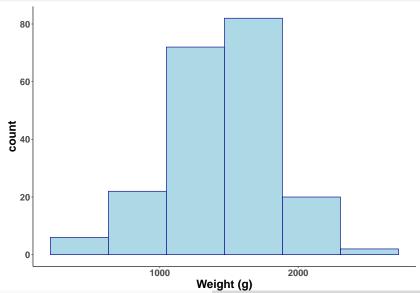
Las variables de estudio se describen a continuación:

Variable	Descripción
ID	Identificación del individuo
Family	Identificación familiar
Weight	Peso en la cosecha (g)
Fat_Meter	Concentración de lípidos medido con sensor
Dry_Lipid	Concentración de lípidos medido por gravimetría

#### **BASE DE DATOS**

ID	Family	Weight	Fat_Meter	Dry_Lipid
1	369512	2164	8.9	33.35
2	91524	1838	8	25.51
3	40	1739	7.4	21.89
4	CH13	1670	9	28.73
5	101829	1883	10.4	27.57
6	55	1354	8.7	19.66
7	44	803	3	11.93
8	51	1890	11.3	29.25
9	369512	1485	6.7	13.48
10	95776	1877	9.4	17.74

# DISTRIBUCIÓN DE LA VARIABLE RESPUESTA (WEIGHT)



Dra. María Angélica Rueda Clase 18 Introducción a Modelos Lineales Mixtos

#### **MODELO LINEAL**

	Weight			
Predictors	Estimates	std. Error	CI	p
(Intercept)	595.99	63.25	471.26 - 720.71	< 0.001
Dry Lipid	10.71	2.75	5.28 - 16.14	<0.001
Fat Meter	81.00	8.14	64.95 - 97.05	<0.001
Observations	204			
$R^2  /  R^2$ adjusted	0.504 / 0.	499		
AIC	2890.477	,		

#### Independencia

```
##
## Durbin-Watson test
##
## data: Weight ~ Dry_Lipid + Fat_Meter
## DW = 1.502, p-value = 0.0003308
## alternative hypothesis: true autocorrelation is not 0
```

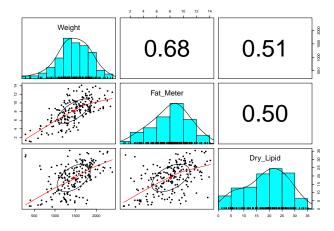
#### Homogeneidad de varianzas

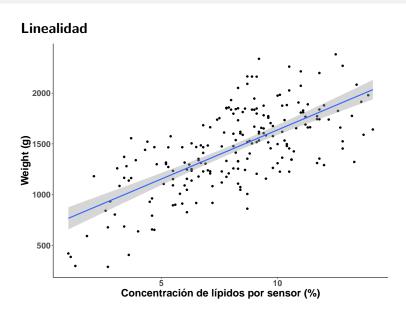
```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: lm.quality
## BP = 15.685, df = 2, p-value = 0.0003926
```

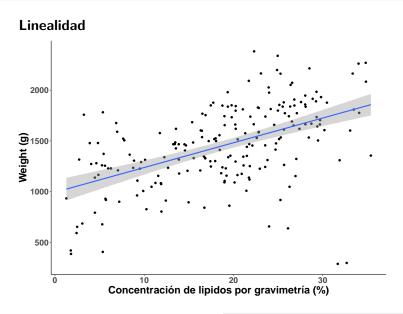
#### **Normalidad**

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: lm_residuals
## W = 0.99393, p-value = 0.5743
```

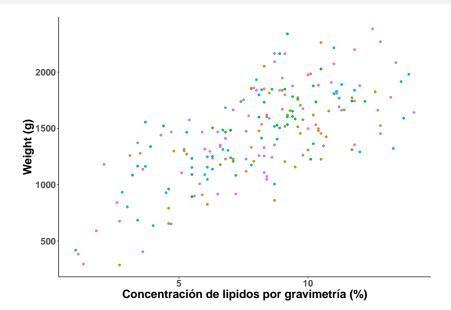
#### Multicolinealidad







# GRÁFICO DE DISPERSIÓN POR FAMILIA



#### **MODELOS LINEALES MIXTOS**

library(lme4)

Función Imer

Cantidad de Familias

58

Familia se puede considerar como efecto aleatorio.

#### **MODELO LINEAL MIXTO**

	Weight			
Predictors	Estimates	std. Error	CI	р
(Intercept)	539.49	65.84	409.55 - 669.43	<0.001
Dry Lipid	11.24	2.71	5.89 - 16.58	<0.001
Fat Meter	84.85	8.10	68.88 - 100.82	<0.001
Random Effects				
$\sigma^2$	71637.80	)		
τ <sub>00 Family</sub>	8374.14			
ICC	0.10			
$N_{Family}$	58			
Observations	204			
Marginal R <sup>2</sup> / Conditional R <sup>2</sup>	0.529 / 0	.578		

Dra. María Angélica Rueda

Clase 18 Introducción a Modelos Lineales Mixtos

## $R^2$ Marginal **y** $R^2$ Condicional

- $ightharpoonup R_{Marginal}^2$ : proporción de la varianza explicada solo por los efectos fijos.
- ► R<sup>2</sup><sub>Condicional</sub>: proporción de la varianza explicada por todo el modelo.

```
r2_nakagawa(MLM)
```

```
## # R2 for Mixed Models
##
## Conditional R2: 0.578
## Marginal R2: 0.529
```

# **SELECCIÓN DE MODELOS (AIC)**

Criterios de selección de modelos AIC

AIC %>% kable()

	AIC
Modelo lineal	2890.477
Modelo lineal mixto	2867.282

#### **RESUMEN DE LA CLASE**

- 1). Modelos lineales mixtos.
- 2). Construir y ajustar modelos lineales mixtos.