# Clase 09 Inferencia estadística Diplomado en análisis de datos con R para la acuicultura.

Dr. José A. Gallardo y Dra. María Angélica Rueda. jose.gallardo@pucv.cl | Pontificia Universidad Católica de Valparaíso

19 October 2021

#### PLAN DE LA CLASE

#### 1.- Introducción

- ¿Qué es la inferencia estadística?.
- Conceptos importantes.
- ¿Cómo someter a prueba una hipótesis?
- Interpretar resultados de análisis de datos con R.

#### 2.- Práctica con R y Rstudio cloud

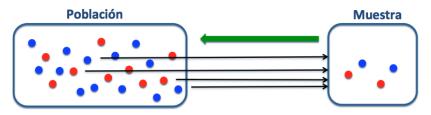
- Realizar pruebas de hipótesis: Correlación, comparación de medias (2 muestras independientes).
- Realizar gráficas avanzadas con ggplot2.
- Elaborar un reporte dinámico en formato pdf.

### INFERENCIA ESTADÍSTICA

#### ¿Qué es la inferencia estadística?

Son procedimientos que permiten obtener o extraer conclusiones sobre los parámetros de una población a partir de una muestra de datos tomada de ella.

#### ¿Qué inferencia puede hacer de este experimento?



## **INFERENCIA ESTADÍSTICA 2**

#### ¿Para qué es útil?

- Es más económico que hacer un Censo. ¿Cuántas larvas hay a mi estanque?
- Bajo ciertos supuestos permite hacer afirmaciones. Con la dieta A mis camarones crecen más que con la dieta B. La eficacia de la vacuna es baja/alta.

#### **CONCEPTOS IMPORTANTES**

Parámetro Constante que caracteriza a todos los elementos de un conjunto de datos de una población. Se representan con letras griegas.

Promedio de una población (mu) =  $\mu$ .

**Estadístico** Una función de una muestra aleatoria o subconjunto de datos de una población.

Promedio de una muestra  $(\bar{X}) = \sum \frac{X_i}{n}$ 

# ESTIMACIÓN DE UN PARÁMETRO

#### Objetivo:

Estimar parámetros de la población a partir de la muestra de una variable aleatoria.

#### **Ejemplo**

A partir del muestreo de 30 peces estimo el promedio del peso del cuerpo de un estanque.

#### Tipos de estimación

- **Estimación puntual:** Consiste en asumir que el parámetro tiene el mismo valor que el estadístico en la muestra.
- Estimación por intervalos: Se asigna al parámetro un conjunto de posibles valores que están comprendidos en un intervalo asociado a una cierta probabilidad de ocurrencia.

# ¿PUEDO ESTIMAR ERRÓNEAMENTE UN PARÁMETRO?

Por supuesto, muchos errores se producen por violar algunas premisas.

- Las muestras deben tomarse de forma aleatoria. No descartar animales pequeños en un muestreo (sobreestimaré la biomasa).
- Ley de los grandes números. ¿Mis variables están correlacionadas? 3 muestras v/s 300 muestras.
- Evitar sesgo del investigador Deseo acaptar la hipótesis "la vacuna funciona" repito hasta que funciona.
- Otros Errores, equipos descalibrados, fraude.

## DISTRIBUCIÓN DEL ESTIMADOR

- Distribución muestral del estimador Dado que un estimador puntual (X) también es una variable aleatoria, entonces también tiene una distribución de probabilidad asociada.
- **EXECTION Let Commo distribuye?** Si  $X \sim Normal(\mu_x, \sigma_x)$

Entonces el estimador de la media tiene  $\bar{X} \sim \textit{Normal}(\mu_{x}, \frac{\sigma_{x}}{\sqrt{n}})$ 

Por qué es importante? Conocer la distribución de  $\bar{X}$  nos permitirá hacer pruebas de hipótesis.

### PRUEBAS DE HIPÓTESIS

#### Objetivo

Realizar una afirmación acerca del valor de un parámetro, usualmente contrastando con alguna hipótesis.

#### Hipótesis estadísticas

 $Hipótesis nula (H_0)$  es una afirmación, usualmente de igualdad.

Hipótesis alternativa (H<sub>A</sub>) es una afirmación que se deduce de la observación previa o de los antecedentes de literatura y que el investigador cree que es verdadera.

#### **Ejemplo**

 $H_0$ : El peso medio de mis peces es menor o igual a 1 Kg.

 $H_A$ : El peso medio de mis peces es mayor a 1 Kg.

# ¿POR QUÉ DOS HIPÓTESIS?

- Las pruebas estadísticas tienen como propósito someter a prueba una hipótesis nula con la intención de rechazarla.
- ¿Por qué no simplemente aceptar la hipótesis alternativa?
- Porque pueden existir otros fenómenos no conocidos o no considerados que posteriormente permitan a otro investigador rechazar nuestra hipótesis alternativa.
- Por lo tanto, los datos nos dirán si existen o no evidencias para rechazar la hipótesis nula.

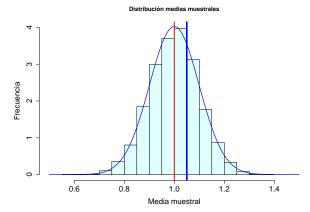
# ETAPAS DE UNA PRUEBA DE HIPÓTESIS

Para cualquier prueba de hipotesis necesitas lo siguiente:

- ► Tus *datos* (1).
- ► Una *hipótesis nula* (2).
- La *prueba estadística* (3) que se aplicará.
- El nivel de significancia (4) para rechazar la hipótesis.
- La distribución (5) de la prueba estadística respecto de la cual se evaluará la hipótesis nula con el estadístico que estimas de tus datos.

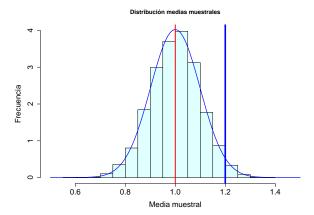
# PRUEBA DE HIPÓTESIS: NO RECHAZO.

 ${f H_0}$ : El peso medio de sus peces es menor o igual a 1 Kg. Si  $\bar X=1{,}05$  Kg, rechaza la hipótesis?



## PRUEBA DE HIPÓTESIS: RECHAZO.

 ${
m H_0}$ : El peso medio de sus peces es menor o igual a 1 Kg. Si ar X=1,2 Kg, rechaza la hipótesis?



# ¿CUÁNDO RECHAZAR H<sub>0</sub>?

#### Regla de decisión

Rechazo  $H_0$  cuando la evidencia observada es poco probable que ocurra bajo el supuesto de que la hipótesis sea verdadera.

Generalmente  $\alpha = 0.05$  o 0.01.

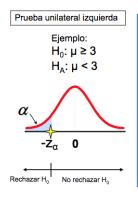
Es decir, rechazamos cuando el valor del estadístico está en el 5% inferior de la función de distribución muestral.

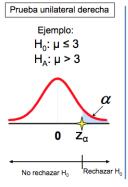
#### Corrección de Bonferroni comparaciones múltiples

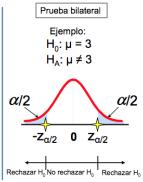
Pero a veces  $\alpha = 10^{-8}$ 

Ejemplo: 50.000 genotipos asociados a un fenotipo. Solo por azar 2.500 estarán asociados con P < 0.05

## PRUEBA DE HIPÓTESIS: UNA COLA O DOS COLAS







# ¿PUEDO COMETER UN ERROR EN LAS PRUEBAS DE HIPÓTESIS?

Por supuesto, siempre es posible llegar a una conclusión incorrecta.

#### Tipos de errores

Tipo I  $(\alpha)$  y tipo II  $(\beta)$ , ambos están inversamente relacionados.

Decisión	H <sub>0</sub> es cierta	H <sub>0</sub> es falsa
Aceptamos H <sub>0</sub>	Decisión correcta	Error tipo II
Rechazamos H <sub>0</sub>	Error tipo I	Decisión correcta

#### Problema 1

La vacuna aumenta significativamente el número de anticuerpos.

Sin vacuna = 10 anticuerpos

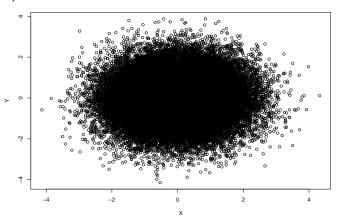
Con vacuna = 11 anticuerpos (10 % de mejora de anticuerpos).

¿Cuál es la importancia práctica de este hallazgo?

¿Mejorará la salud de mis peces?

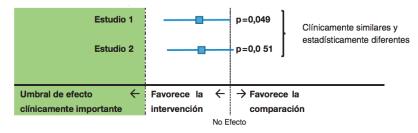
**Problema 2** Si aumento **n** siempre lograré rechazar la hipótesis nula, cada vez para diferencias más pequeñas. ¿Esto tiene significancia práctica?

X e Y están significativamente correlacionados  $\rho =$  0,01 (p-value = 0.01901)



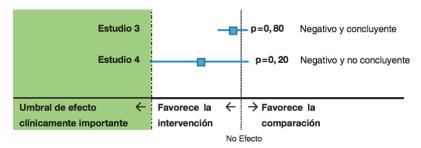
#### Problema 3

Significancia basada en un punto de corte arbitrario. Abajo dos estudios son clinicamente similares, pero estadísticamente diferentes.



#### Problema 4

Resultados "estadísticamente no significativos" pueden ser o no ser concluyentes.



### TIPOS DE PRUEBAS ESTADÍSTICAS

Según la forma de la distribución de la variable aleatoria.

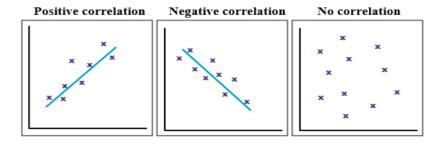
► Métodos paramétricos Las pruebas de hipótesis usualmente asumen una distribución normal de la variable aleatoria.

Útil para la mayoría de las variables cuantitativas continuas.

Métodos NO paramétricos Las pruebas de hipótesis no asumen una distribución normal de la variable aleatoria.

Útil para todas las variables, incluyendo cuantitativas discretas y cualitativas.

## COEFICIENTE CORRELACIÓN DE PEARSON

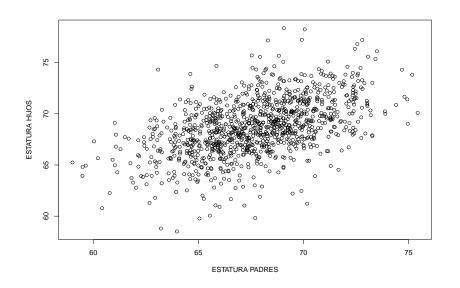


**Hipótesis**  $H_0: \rho = 0$  ausencia de correlación **vs**.  $H_1: \rho \neq 0$  existencia de correlación.

**Supuestos:** 1) Las variables X e Y son continuas y su relación en lineal.

2) La distribución conjunta de (X,Y) es una distribución Bivariable normal

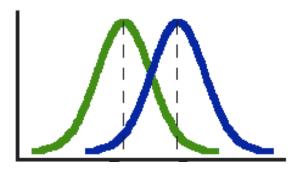
# ESTUDIO DE CASO: RELACIÓN ESTATURA PADRES - HIJOS



# Pearson's product-moment correlation

```
cor.test(father.son$fheight, father.son$sheight)
##
##
    Pearson's product-moment correlation
##
## data: father.son$fheight and father.son$sheight
## t = 19.006, df = 1076, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to
## 95 percent confidence interval:
## 0.4552586 0.5447396
## sample estimates:
##
        cor
## 0.5013383
```

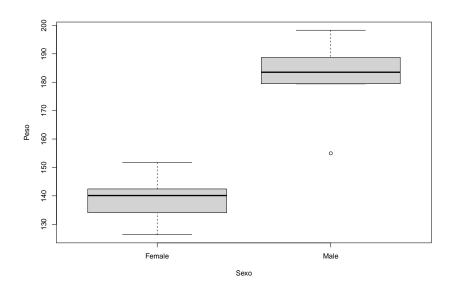
## PRUEBA DE COMPARACIÓN DE MEDIAS



Hipótesis  $H_0$  :  $\mu_1=\mu_2$  vs.  $H_1$  :  $\mu_1
eq\mu_2$ 

Supuestos: 1) Las variables X es continua. 2) Distribución normal.

# ESTUDIO DE CASO: TAMAÑO EN TILAPIAS POR SEXO



# **Two Sample t-test**

```
t.test(Peso ~ Sexo, tilapia, alternative = c("two.sided"),
       var.equal=TRUE)
##
## Two Sample t-test
##
## data: Peso by Sexo
## t = -10.284, df = 18, p-value = 5.798e-09
## alternative hypothesis: true difference in means is not
## 95 percent confidence interval:
## -52.54958 -34.72041
## sample estimates:
## mean in group Female mean in group Male
##
               139.0257
                                    182,6607
```

# PRÁCTICA ANÁLISIS DE DATOS

- Guía de trabajo práctico disponible en drive y Rstudio.cloud.
   Clase\_09
- El trabajo práctico se realiza en Rstudio.cloud.
  - \*\* Guia clase 09 Inferencia estadística\*\*

### RESUMEN DE LA CLASE

- ► Elaborar hipótesis
- Realizar pruebas de hipótesis
  - Test de correlación.
  - ► Test de comparación de medias para 2 muestras independientes.
- Realizar gráficas avanzadas con ggplot2.