

Taller Guiado - Análisis de Algoritmos

Alberto Luis Vigna Arroyo, Camilo José Martínez

30 de enero de 2024

Abstract

En este documento se presenta el análisis del algoritmo de ordenamiento Bubble Sort, Insertion Sort y Quick Sort. Cada uno de estos algoritmos aborda el problema de ordenar una lista de elementos, pero difieren en sus enfoques y eficiencias. A continuación, se proporciona un resumen de los aspectos más destacados de cada algoritmo, destacando sus características, ventajas y desventajas, así como sus complejidades temporales y espaciales. Este análisis permite comprender mejor la idoneidad y el rendimiento de cada algoritmo en diferentes contextos y escenarios.

Part I

Análisis y diseño del problema

1 Análisis

El problema, informalmente, se puede describir como calcular para una secuencia de elementos $S = \langle a_1, a_2, a_3, \dots, a_n \rangle$ en donde $\forall_i a_i \in \mathbb{T}$ y \mathbb{T} existe una relación de orden parcial $' \leq'$, una secuencia ordenada, es decir una permutación $S = \langle a'_1, a'_2, a'_3, \dots, a'_n \rangle$ en donde $a_i \leq a'_{i+1}$ y $a'_i \in S$.

2 Diseño

Con las observaciones presentadas en el análisis anterior, podemos escribir el diseño de un algoritmo que solucione el problema. A veces este diseño se conoce como el «contrato» del algoritmos o las «precondiciones» y «poscondiciones» del algoritmo. El diseño se compone de entradas y salidas:

Definition. Entradas:

1. Definición entrada 1
2. Definición entrada 2

Definición. Salidas:

1. Definición salida 1
2. Definición salida 2

Parte II

Algoritmos

3 Opción algoritmo 1 - BubbleSort

3.1 Algoritmo

Este algoritmo se basa en el principio de comparar pares de elementos adyacentes en una lista y realizar intercambios si es necesario, repitiendo este proceso hasta que la lista esté completamente ordenada. En cada iteración se va recorriendo la lista y verificando si el elementos $a_i > a_{i+1}$. Si este lo es los elementos se “rotan” para que estos vayan siendo ordenados.

Algorithm 1 BubbleSort

```
1: procedure BUBBLESORT( $S$ )
2:    $n \leftarrow |S|$ 
3:   for  $i \leftarrow 0$  to  $n - 1$  do
4:     for  $j \leftarrow 0$  to  $n - i - 1$  do
5:       if  $S[j] > S[j + 1]$  then
6:         swap  $S[j], S[j + 1]$ 
7:       end if
8:     end for
9:   end for
10: end procedure
```

3.2 Complejidad

El algoritmo BUBBLE SORT tiene orden de complejidad $O(n^2)$. Esto se debe a que emplea dos bucles anidados, donde el bucle externo realiza n iteraciones, y el bucle interno realiza comparaciones y posibles intercambios adyacentes. Esta estructura cuadrática resulta en un rendimiento menos eficiente, especialmente para conjuntos de datos extensos.

3.3 Invariante - Una propiedad que se mantiene verdadera durante la ejecución del algoritmo, para corroborar su funcionamiento

- **Inicio:** Antes de iniciar el ordenamiento consideramos que la parte derecha de la lista (desde el índice $n - i$ hasta $n - 1$) contiene los elementos más grandes y ya está ordenada. Inicialmente, $i = 0$, por lo que la lista completa se toma como no ordenada.
- **Avance:** En cada iteración del bucle externo, el bucle interno compara y posiblemente intercambia elementos adyacentes. Esta operación mueve el elemento más grande a la posición $n - i - 1$, manteniendo la parte derecha de la lista ordenada. El valor de i se incrementa después de cada iteración del bucle externo. Si no hay intercambios durante una iteración completa del bucle externo, significa que la lista está completamente ordenada y el algoritmo se detiene.
- **Terminación:** El proceso continua hasta que $i = n - 1$, momentos en el cual se ha completado el ordenamiento de la lista.

3.4 Notas de implementación

4 Opción algoritmo 2 - Insertion Sort

4.1 Algoritmo

Este algoritmo se basa en el principio de iterar sobre una lista S de n elementos, donde $n = |S|$. La idea es que este algoritmo empiece desde el segundo elemento ($i = 1$) y que en cada iteración se compare $S[i]$ con los elementos anteriores (es decir, $S[i - 1], S[i - 2], \dots$),

lo compare con los elementos anteriores (los que se encuentren a su derecha), desplazándolos a su derecha mientras que $S[i]$ sea menor.

Parte III

Comparación de los algoritmos