Problemstellung:

$$\min_{u(\cdot),x(\cdot)} \int_{t_0}^{t_f} L(x(\tau),u(\tau)) d\tau + E(\cdot)$$

$$B(\cdot)\dot{x} = f(x(t), u(t))$$
$$0 = g(x(t), u(t))$$

Algorithmus

SQP mit Multiple Shooting:

$$\min_{w} \nabla F(w)^{T} d + \frac{1}{2} d^{T} A_{k} d \text{ mit } A_{k} = \nabla_{ww}^{2} \mathscr{L}(w^{[k]}, \lambda^{[k]}, \mu^{[k]})$$
 (1)

u.d.N
$$G(w^{[k]}) + \nabla G(w^{[k]})^T d \le 0$$

 $H(w^{[k]}) + \nabla G(w^{[k]})^T d \le 0$

- (1) Diskretisierung des Control Signales mit $q_j := u(t)$ für $t \in [t_j, t_{j+1}), j = 0, 1, \dots N-1,$
- (2) Wähle Startschätzung: $w^{[0]} = (q_0, q_1, \dots q_{N-1}, s_0^{[0]}, s_1^{[0]}, \dots, s_N^{[0]})^T \in \mathbb{R}^{N \cdot n_q + (N-1)n_s}, \ \lambda^{[0]} \in \mathbb{R}^m, \mu^{[0]} \in \mathbb{R}^p$

Für k = 0, 1, 2, ...

(3) STOP, falls $(w^{[k]}, \lambda^{[k]}, \mu^{[k]})$ ein KKT - Paar von

$$\begin{split} \min_{w^{[k]} \in \mathbb{R}^{n_w}} & F(w^{[k]}) \\ & G(w^{[k]}) \leq 0 \\ & H(w^{[k]}) = 0 \\ & \text{mit } F(w^{[k]}) = \sum_{j=0}^{N-1} L_i(s_j^{[k]}, q_j^{[k]}) + E(\cdot) \\ & \text{und } w^{[k]} = \left[q_0^{[k]}, \quad \dots, \quad q_{N-1}^{[k]}, \quad s_0^{[k]}, \quad \dots, \quad s_N^{[k]}\right]^T, \\ & H(w) = \begin{bmatrix} x_j^{[k]}(t_{j+1}) - s_{j+1}^{[k]}, \\ h_j^{[s_j^{[k]}, q_j^{[k]}]} \end{bmatrix} = 0, \\ & G(w) = \left[g_j^{[s_j^{[k]}, q_j^{[k]}]}\right] \leq 0 \end{split}$$

Für j = 0, ..., N - 1:

(3.1) Löse die Differential-algebraische Gleichungen (DAE) im Zeitintervall $[t_j, t_{j+1}]$

$$B(\cdot)\dot{x}_j(t) = f(t, x_j(t), q_j(t)),$$

$$x_j(t_j) = s_j^{[k]}$$

(3.2) Berechne das Integral:

$$L_j(s_j^{[k]}, q_j) = \int_{t_j}^{t_{j+1}} L(x_j(\theta), q_j(\theta)) d\theta$$

- (4) Berechne die Lösung von $(\ref{eq:condition})$ und die Multiplikatoren $\lambda_{qp}^{[k]},\mu_{qp}^{[k]}$
- (5) Setze $w^{[k+1]} = w^{[k]} + d^{[k]}, \, \lambda^{[k+1]} = \lambda_{qp}^{[k]}, \, \mu^{[k+1]} = \mu_{qp}^{[k]}$