

1. Асимптотические оценки:  $O$ ,  $\Omega$ ,  $\Theta$ ,  $o$ . Рекурренты, оценка сложности алгоритма с помощью рекуррент. Решение рекуррентных соотношений с помощью дерева рекурсии и подстановки.
2. Класс  $\mathcal{P}$ , его определение и свойства. Примеры языков, принадлежащих этому классу. Полиномиальность арифметических операций, операций над матрицами, алгоритма Евклида.
3. Класс  $\mathcal{NP}$ , его определения, эквивалентность определений через НМТ и через ДМТ с сертификатом. Примеры языков, принадлежащих  $\mathcal{NP}$ . Связь между классами  $\mathcal{P}$  и  $\mathcal{NP}$ .
4. Класс  $co\mathcal{NP}$ , его определения, эквивалентность определений через НМТ и через ДМТ с сертификатом. Примеры языков, принадлежащих  $co\mathcal{NP}$ . Связь между классами  $\mathcal{NP}$  и  $co\mathcal{NP}$ .
5. Полиномиальная сводимость, её свойства. Классы  $\mathcal{NP}$ -hard и  $\mathcal{NPC}$ , теорема Кука-Левина (без доказательства), примеры языков, принадлежащих классу  $\mathcal{NPC}$ , применение полиномиальной сводимости для доказательства  $\mathcal{NP}$ -трудности языка.
6. Вероятностная машина Тьюринга, определения классов  $\mathcal{BPP}$ ,  $\mathcal{RP}$ ,  $co\mathcal{RP}$ ,  $\mathcal{ZPP}$ , их связь друг с другом. Примеры языков, лежащих в указанных классах, тест Ферма простоты числа.  
*либо*  
Понятие хеш-функции, способы выбора хеш-функции. Универсальное и идеальное хеширование. Методы борьбы с коллизиями, открытая адресация, метод цепочек.
7. Основы асимметричного шифрования. Алгоритм RSA, его применение для шифрования сообщения и формирования электронной подписи.
8. Дискретное преобразование Фурье, определение, свойства. Вычисление свёртки с помощью ДПФ. Применение ДПФ для решения линейных уравнений с циркулянтной матрицей. Применений ДПФ для поиска подстроки в строке.
9. Быстрое преобразование Фурье — реализация ДПФ массива длины  $2^k$  за  $O(n \log n)$ , описание алгоритма.
10. Алгоритмы поиска на графе: поиск в ширину и глубину, их корректность и асимптотика. Поиск кратчайших рёберных расстояний. Поиск циклов в графе. Поиск компонент сильной связности.
11. Алгоритмы поиска кратчайших путей. Релаксация ребра, алгоритм Дейкстры, алгоритм Беллмана-Форда.
12. Минимальное остовное дерево. Алгоритм Прима, алгоритм Крускала.
13. Определение потоковой сети, задача о поиске максимального потока и минимального разреза. Теорема о минимальном разрезе и максимальном потоке.
14. Алгоритм Форда-Фалкерсона. Остаточная сеть, увеличивающий путь. Условия корректности и останова алгоритма, способы выбора увеличивающего пути.
15. Применение потоковых сетей для решения задач оптимизации. Сводимость поиска максимального парасочетания в графе к задаче о поиске максимального потока. Сводимость поиска числа путей между вершинами к задаче о поиске максимального потока.
16. Сортировка, сортировка вставкой, сортировка слиянием, быстрая сортировка.
17. Нижняя оценка для сортировок сравнением. Сортировки, не использующие сравнение. Устойчивость сортировки.
18. Структуры данных: очередь, стек, куча, очередь с приоритетом, бинарное дерево. Сортировка кучей, бинарный поиск.