## Taller 1 - 2022I Estadística Industrial I Fecha de entrega: 5 de abril hasta mediodía.

Cada grupo tiene una base de datos diferente para los puntos 1. y 2. En la Tabla 31 aparece el número de cada grupo y los puntos que debe hacer. Las bases de datos por grupo están al final del enunciado del taller.

- 1. El peso neto (en onzas) de un producto blanqueador en polvo va a monitorearse con cartas de control  $\bar{x}$  y R utilizando un tamaño de la muestra de n=4. Se registran datos de 25 muestras. Resuelva las siguientes preguntas.
  - a) Realice una prueba de bondad de ajuste a la distribución normal para estos datos ¿qué puede concluir?
  - b) Establecer los gráficos de control  $\bar{x}$  y R, ¿está el proceso en control? (si es necesario calcule los límites de control revisados)
  - c) Estime la media y la desviación estándar del proceso
  - d) Si las especificaciones son  $16\pm0.75$ , ¿Qué porcentaje de defectuosos está generando el proceso?
  - e) ¿Cuál es el promedio de muestras que se deben inspeccionar hasta encontrar una que este fuera de control?
  - f) Si la media cambia a 16.2 ¿Cuál es la probabilidad de detectar este cambio en la primera muestra?
  - g) ¿Cuál es el número esperado de muestras que se debe inspeccionar hasta detectar el cambio que se observó en el literal anterior?
  - h) Realice la curva de operación característica para la gráfica de control  $\bar{x}$ , para los siguientes tamaños de muestra n=5, n=10, n=15 y n=20. ¿Qué puede concluir?
- 2. El volumen de llenado de las botellas de refresco es una característica de calidad importante. El volumen se mide colocando un medidor sobre la boca de la botella y comparando la altura del líquido en el cuello de la botella con una escala codificada. En esta escala, una lectura cero corresponde a la altura de llenado correcta. Se analizan 20 muestras de tamaño 9.
  - a) Realice una prueba de bondad de ajuste a la distribución normal para estos datos ¿qué puede concluir?.
  - b) Establecer los gráficos de control **z** y **s**, ¿está el proceso en control? (si es necesario calcule los límites de control revisados).
  - c) Estime la media y la desviación estándar del proceso.
  - d) Encuentre un intervalo de confianza del 95% para el índice de capacidad del proceso real si se sabe que las especificaciones son  $0\pm0.5$ .

- e) Si se define como regla de control que 2 de 3 puntos consecutivos están por fuera de  $2\sigma$  y al mismo lado de la línea de control ¿cuál es el promedio de muestras que se deben inspeccionar hasta encontrar una que este fuera de control?
- f) Después de establecer las cartas de control del inciso c), se tomaron 15 nuevas muestras. Incluya esta información en los gráficos de control y concluya.
- 3. Se registra las millas recorridas por un vehículo por unidad de volumen del combustible utilizado. Los datos son los siguientes.

Número de muestra	Millas
1	11.4
2	11.3
3	11.9
4	11.4
5	12.5
6	12
7	9.6
8	11.9
9	12.6
10	12.6
11	11.7
12	11.6
13	11.6
14	13.2
15	12.3
16	12.3
17	11.9
18	11.3
19	11.9
20	12.5

- a) Realice una prueba de bondad de ajuste a la distribución normal para los datos ¿qué puede concluir?
- b) Establecer los gráficos de control para medidas individuales y promedios móviles. ¿Está el proceso en control? (si es necesario calcule los límites de control revisados)
- c) Después de establecer las cartas de control del inciso a), se tomaron 10 nuevas muestras y las millas se muestran en la tabla que se presenta a continuación. Incluya esta informaci n en los gráficos de control y concluya.

Número	de muestra	Millas
	21	12.5
	22	11.3
	23	11.4
	24	13.1
	25	12
	26	12.9
	27	13.5
	28	12.6
	29	13.1
	30	13.1

4. Hill y Schvaneveldt (2011) en su artículo: *Using Statistical Process Control Charts to Identify the Steroids Era in Major League Baseball: An Educational Exercise*, utilizan gráficas de control para medidas individuales. El objetivo es identificar la era del uso de esteroides en el beisbol profesional de Estados Unidos. Utilizan la base de datos del promedio de bateo (BA) de los jugadores por temporada, se tiene entonces:

Año	BA	Año	BA
1969	0.248	1989	0.254
1970	0.254	1990	0.258
1971	0.249	1991	0.256
1972	0.244	1992	0.256
1973	0.257	1993	0.265
1974	0.257	1994	0.270
1975	0.258	1995	0.267
1976	0.255	1996	0.270
1977	0.264	1997	0.267
1978	0.258	1998	0.266
1979	0.265	1999	0.271
1980	0.265	2000	0.271
1981	0.256	2001	0.264
1982	0.261	2002	0.261
1983	0.261	2003	0.264
1984	0.260	2004	0.264
1985	0.257	2005	0.264
1986	0.258	2006	0.269
1987	0.263	2007	0.268
1988	0.254	2008	0.264
1988	0.254	2008	0.5

- a) Realice una prueba de bondad de ajuste a la distribución normal para los datos del periodo 1969-1992 ¿qué puede concluir?
- b) Realice las gráficas de control para medidas individuales y rangos móviles. Si es necesario calcule los límites revisados.

- c) Incluya la información de las otras temporadas, ¿qué se puede concluir del promedio de bateo?
- 5. En una fábrica de producción de crema dental, se tomaron las medidas del peso (en gramos) de una referencia en particular. Cada medida representa el peso en gramos de cada tubo después de salir del proceso de llenado. Las medidas fueron tomadas por una balanza automatizada que se encuentra justo después del proceso de llenado. Los datos son los siguientes.

Número de muestra	Peso
1	2.07
2	2.17
3	2.17
4	2.07
5	2.12
6	2.05
7	2.10
8	2.07
9	2.10
10	2.14
11	2.12
12	2.05
13	2.07
14	2.12
15	2.16
16	2.17
17	2.14
18	2.01
19	2.02
20	2.10
21	2.12
22	2.13
23	2.16
24	2.09
25	2.15

- a) Realice una prueba de bondad de ajuste a la distribución normal para los datos ¿qué puede concluir?
- b) Establecer los gráficos de control para medidas individuales y promedios móviles. ¿Está el proceso en control? (si es necesario calcule los límites de control revisados)
- c) Después de establecer las cartas de control del inciso a), se tomaron 15 nuevas muestras y el peso se muestra en la tabla que se presenta a continuación. Incluya esta informaci n en los gráficos de control y concluya.

NT /	1 .	D
Numero	de muestra	Peso
	26	2.11
	27	2.11
	28	2.05
	29	2.11
	30	2.17
	31	2.11
	32	2.07
	33	2.16
	34	2.01
	35	2.35
	36	2.08
	37	2.08
	38	2.12
	39	2.03
	40	2.14

6. Explique como se calculan los límites de control probabilísticos para la gráfica de control s. Con los datos del ejercicio 2 calcule los límites de control para  $\bar{x}$  y s con un  $\alpha=0.05$ .

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.57	15.82	15.8	14.93
2	15.84	15.58	15.98	16.28
3	15.54	16.27	15.14	16.4
4	15.62	16.04	15.88	16.46
5	15.97	16.05	15.08	16.03
6	15.65	15.69	15.17	16.16
7	16.07	16.64	15.97	15.53
8	16.27	16.07	15.92	16.54
9	14.28	14.65	14.44	15.21
10	15.53	17.01	15.5	16.46
11	16.57	17.08	16.4	16.06
12	15.54	15.47	15.76	15.8
13	14.78	16.28	16.98	16.05
14	16.88	15.77	15.25	17.67
15	15.47	15.54	16.56	15.69
16	16.55	16.79	15.92	16.41
17	15.96	15.85	15.73	16.08
18	15.91	16.92	16.59	15.61
19	15.88	15.8	15.6	15.08
20	16.36	15.47	16.19	15.41
21	16.22	16.14	15.91	16.73
22	16.64	15.78	16.17	16.04
23	17.48	16.61	16.75	16.02
24	15.66	15.07	16.38	15.79
25	15.92	15.43	16.45	14.52

Tabla 1: Datos grupo 1-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.57	15.82	15.8	16.43
2	15.84	15.58	15.98	15.61
3	15.54	16.27	15.14	16.21
4	15.62	16.04	15.88	15.21
5	15.97	16.05	15.08	16.02
6	15.65	15.69	15.17	15.6
7	16.07	16.64	15.97	16.56
8	16.27	16.07	15.92	16.36
9	14.28	14.65	14.44	14.67
10	15.53	17.01	15.5	16.51
11	16.57	17.08	16.4	16.03
12	15.54	15.47	15.76	15.7
13	14.78	16.28	16.98	16.09
14	16.88	15.77	15.25	16.02
15	15.47	15.54	16.56	15.66
16	16.55	16.79	15.92	16.05
17	15.96	15.85	15.73	15.79
18	15.91	16.92	16.59	15.97
19	15.88	15.8	15.6	16.03
20	16.36	15.47	16.19	16.15
21	16.22	16.14	15.91	14.95
22	16.64	15.78	16.17	15.33
23	17.48	16.61	16.75	17.02
24	15.66	15.07	16.38	16.97
25	15.92	15.43	16.45	15.56

Tabla 2: Datos grupo 2-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.57	15.82	14.93	16.43
2	15.84	15.58	16.28	15.61
3	15.54	16.27	16.4	16.21
4	15.62	16.04	16.46	15.21
5	15.97	16.05	16.03	16.02
6	15.65	15.69	16.16	15.6
7	16.07	16.64	15.53	16.56
8	16.27	16.07	16.54	16.36
9	14.28	14.65	15.21	14.67
10	15.53	17.01	16.46	16.51
11	16.57	17.08	16.06	16.03
12	15.54	15.47	15.8	15.7
13	14.78	16.28	16.05	16.09
14	16.88	15.77	17.67	16.02
15	15.47	15.54	15.69	15.66
16	16.55	16.79	16.41	16.05
17	15.96	15.85	16.08	15.79
18	15.91	16.92	15.61	15.97
19	15.88	15.8	15.08	16.03
20	16.36	15.47	15.41	16.15
21	16.22	16.14	16.73	14.95
22	16.64	15.78	16.04	15.33
23	17.48	16.61	16.02	17.02
24	15.66	15.07	15.79	16.97
25	15.92	15.43	14.52	15.56

Tabla 3: Datos grupo 3-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.57	15.8	14.93	16.43
2	15.84	15.98	16.28	15.61
3	15.54	15.14	16.4	16.21
4	15.62	15.88	16.46	15.21
5	15.97	15.08	16.03	16.02
6	15.65	15.17	16.16	15.6
7	16.07	15.97	15.53	16.56
8	16.27	15.92	16.54	16.36
9	14.28	14.44	15.21	14.67
10	15.53	15.5	16.46	16.51
11	16.57	16.4	16.06	16.03
12	15.54	15.76	15.8	15.7
13	14.78	16.98	16.05	16.09
14	16.88	15.25	17.67	16.02
15	15.47	16.56	15.69	15.66
16	16.55	15.92	16.41	16.05
17	15.96	15.73	16.08	15.79
18	15.91	16.59	15.61	15.97
19	15.88	15.6	15.08	16.03
20	16.36	16.19	15.41	16.15
21	16.22	15.91	16.73	14.95
22	16.64	16.17	16.04	15.33
23	17.48	16.75	16.02	17.02
24	15.66	16.38	15.79	16.97
25	15.92	16.45	14.52	15.56

Tabla 4: Datos grupo 4-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.82	15.8	14.93	16.43
2	15.58	15.98	16.28	15.61
3	16.27	15.14	16.4	16.21
4	16.04	15.88	16.46	15.21
5	16.05	15.08	16.03	16.02
6	15.69	15.17	16.16	15.6
7	16.64	15.97	15.53	16.56
8	16.07	15.92	16.54	16.36
9	14.65	14.44	15.21	14.67
10	17.01	15.5	16.46	16.51
11	17.08	16.4	16.06	16.03
12	15.47	15.76	15.8	15.7
13	16.28	16.98	16.05	16.09
14	15.77	15.25	17.67	16.02
15	15.54	16.56	15.69	15.66
16	16.79	15.92	16.41	16.05
17	15.85	15.73	16.08	15.79
18	16.92	16.59	15.61	15.97
19	15.8	15.6	15.08	16.03
20	15.47	16.19	15.41	16.15
21	16.14	15.91	16.73	14.95
22	15.78	16.17	16.04	15.33
23	16.61	16.75	16.02	17.02
24	15.07	16.38	15.79	16.97
25	15.43	16.45	14.52	15.56

Tabla 5: Datos grupo 5-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	16.3	16.2	16.1	16.6
2	15.9	15.9	16.2	16.4
3	16.2	16.5	16.4	16.3
4	16.2	15.9	16.4	16.2
5	16.1	16.4	16.5	16.0
6	15.8	16.7	16.6	16.4
7	16.3	16.5	16.1	16.5
8	16.1	16.2	16.1	16.3
9	16.2	16.4	16.3	16.5
10	16.3	16.4	16.1	16.5
11	16.4	15.9	16.3	16.4
12	16.6	16.7	16.2	16.5
13	16.1	16.6	16.4	16.1
14	16.3	16.2	16.3	16.4
15	16.1	16.3	16.2	16.2
16	16.2	16.3	16.3	16.2
17	16.2	16.4	16.3	16.2
18	16.2	16.4	16.5	16.1
19	16.0	16.3	16.4	16.4
20	16.4	16.5	16.0	15.8
21	16.0	15.9	16.5	16.2
22	16.1	16.3	16.2	15.9
23	16.0	16.2	16.4	16.7
24	16.3	16.3	15.9	16.1
25	16.2	16.1	16.1	15.8

Tabla 6: Datos grupo 6-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.8	16.2	16.1	16.6
2	16.3	15.9	16.2	16.4
3	16.1	16.5	16.4	16.3
4	16.3	15.9	16.4	16.2
5	16.1	16.4	16.5	16.0
6	16.1	16.7	16.6	16.4
7	16.1	16.5	16.1	16.5
8	16.2	16.2	16.1	16.3
9	16.3	16.4	16.3	16.5
10	16.6	16.4	16.1	16.5
11	16.2	15.9	16.3	16.4
12	15.9	16.7	16.2	16.5
13	16.4	16.6	16.4	16.1
14	16.5	16.2	16.3	16.4
15	16.4	16.3	16.2	16.2
16	16.0	16.3	16.3	16.2
17	16.4	16.4	16.3	16.2
18	16.0	16.4	16.5	16.1
19	16.4	16.3	16.4	16.4
20	16.4	16.5	16.0	15.8
21	16.3	15.9	16.5	16.2
22	15.8	16.3	16.2	15.9
23	16.5	16.2	16.4	16.7
24	15.8	16.3	15.9	16.1
25	16.3	16.1	16.1	15.8

Tabla 7: Datos grupo 7-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.8	16.3	16.1	16.6
2	16.3	15.9	16.2	16.4
3	16.1	16.2	16.4	16.3
4	16.3	16.2	16.4	16.2
5	16.1	16.1	16.5	16.0
6	16.1	15.8	16.6	16.4
7	16.1	16.3	16.1	16.5
8	16.2	16.1	16.1	16.3
9	16.3	16.2	16.3	16.5
10	16.6	16.3	16.1	16.5
11	16.2	16.4	16.3	16.4
12	15.9	16.6	16.2	16.5
13	16.4	16.1	16.4	16.1
14	16.5	16.3	16.3	16.4
15	16.4	16.1	16.2	16.2
16	16.0	16.2	16.3	16.2
17	16.4	16.2	16.3	16.2
18	16.0	16.2	16.5	16.1
19	16.4	16.0	16.4	16.4
20	16.4	16.4	16.0	15.8
21	16.3	16.0	16.5	16.2
22	15.8	16.1	16.2	15.9
23	16.5	16.0	16.4	16.7
24	15.8	16.3	15.9	16.1
25	16.3	16.2	16.1	15.8

Tabla 8: Datos grupo 8-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.8	16.3	16.2	16.6
2	16.3	15.9	15.9	16.4
3	16.1	16.2	16.5	16.3
4	16.3	16.2	15.9	16.2
5	16.1	16.1	16.4	16.0
6	16.1	15.8	16.7	16.4
7	16.1	16.3	16.5	16.5
8	16.2	16.1	16.2	16.3
9	16.3	16.2	16.4	16.5
10	16.6	16.3	16.4	16.5
11	16.2	16.4	15.9	16.4
12	15.9	16.6	16.7	16.5
13	16.4	16.1	16.6	16.1
14	16.5	16.3	16.2	16.4
15	16.4	16.1	16.3	16.2
16	16.0	16.2	16.3	16.2
17	16.4	16.2	16.4	16.2
18	16.0	16.2	16.4	16.1
19	16.4	16.0	16.3	16.4
20	16.4	16.4	16.5	15.8
21	16.3	16.0	15.9	16.2
22	15.8	16.1	16.3	15.9
23	16.5	16.0	16.2	16.7
24	15.8	16.3	16.3	16.1
25	16.3	16.2	16.1	15.8
25	16.3	16.2	16.1	15.8

Tabla 9: Datos grupo 9-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$
1	15.8	16.3	16.2	16.1
2	16.3	15.9	15.9	16.2
3	16.1	16.2	16.5	16.4
4	16.3	16.2	15.9	16.4
5	16.1	16.1	16.4	16.5
6	16.1	15.8	16.7	16.6
7	16.1	16.3	16.5	16.1
8	16.2	16.1	16.2	16.1
9	16.3	16.2	16.4	16.3
10	16.6	16.3	16.4	16.1
11	16.2	16.4	15.9	16.3
12	15.9	16.6	16.7	16.2
13	16.4	16.1	16.6	16.4
14	16.5	16.3	16.2	16.3
15	16.4	16.1	16.3	16.2
16	16.0	16.2	16.3	16.3
17	16.4	16.2	16.4	16.3
18	16.0	16.2	16.4	16.5
19	16.4	16.0	16.3	16.4
20	16.4	16.4	16.5	16.0
21	16.3	16.0	15.9	16.5
22	15.8	16.1	16.3	16.2
23	16.5	16.0	16.2	16.4
24	15.8	16.3	16.3	15.9
25	16.3	16.2	16.1	16.1

Tabla 10: Datos grupo 10-Ejercicio 1

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-0.41	-2.14	0.86	-0.33	-0.83	-0.04	0.56
2	-0.92	0.55	-1.72	0.81	0.42	-0.77	0.08	-0.25	0.92
3	-0.05	0.1	-1.84	0.07	0.05	-0.7	-0.63	-1.65	0.32
4	0.14	1.29	-0.07	-0.94	1.13	0.54	0.14	-0.16	1.08
5	-1.15	-0.4	-0.81	0.71	-0.35	-0.43	2.52	-0.51	1.43
6	1.13	2.15	0.79	0.11	0.06	-0.93	-1.06	-0.49	-0.41
7	-2.44	0.57	1.97	0.11	0.18	1.75	-0.46	-1.51	3.34
8	-1.05	-0.92	1.13	-0.62	-0.67	1.11	1.59	-0.16	0.82
9	-0.08	-0.29	-0.54	0.16	-0.43	-0.18	1.84	1.18	-0.77
10	-0.25	-0.39	-0.8	-1.84	0.06	0.71	-1.06	0.38	-1.19
11	0.44	0.28	-0.18	1.47	-2.11	1.28	-0.44	0.34	0.07
12	1.95	0.21	0.49	-0.96	1.05	-0.69	-1.87	0.76	-0.42
13	-0.15	-1.13	0.9	-2.96	-0.88	0.41	0.19	-0.79	-1.65
14	1.45	-1.55	0.33	0.16	-0.49	0.33	1.04	-0.23	-0.74
15	-0.59	0.21	-1.1	-1.36	0.86	1.82	1.01	-1.76	-0.12
16	0.15	-1.41	1.92	0.41	1	-0.65	0.47	0.59	-0.51
17	0.92	0.25	1.22	-0.6	-0.37	-2.1	0.8	-0.19	1.19
18	1.01	-1.58	-1.27	0.24	1.73	-0.98	1.12	-0.27	1.03
19	0.08	1.06	-1.43	-0.06	-0.83	-1.18	0.24	-1.06	-0.51
20	0.17	1.65	1.17	0.52	2.05	2.31	1.9	0.37	1.14
21	-0.95	0.9	0.15	0.01	-2.92	1.11	0.36	1.57	1.04
22	-0.01	0	0.79	0.05	1.56	0.25	-0.04	1.26	0.59
23	-0.58	-0.35	0.11	0.11	-2.08	0.33	-0.34	1.04	-1.1
24	2.71	-0.72	-1.08	-1.1	-0.82	0.62	-1.23	-0.46	-1.06
25	-0.36	-0.35	0.8	-0.48	1.17	-0.02	0.32	-1.75	-1.08

Tabla 11: Datos grupo 1-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-0.41	-2.14	0.86	-0.33	-0.83	-0.04	-0.77
2	-0.92	0.55	-1.72	0.81	0.42	-0.77	0.08	-0.25	-1.58
3	-0.05	0.1	-1.84	0.07	0.05	-0.7	-0.63	-1.65	-0.8
4	0.14	1.29	-0.07	-0.94	1.13	0.54	0.14	-0.16	0.72
5	-1.15	-0.4	-0.81	0.71	-0.35	-0.43	2.52	-0.51	1.51
6	1.13	2.15	0.79	0.11	0.06	-0.93	-1.06	-0.49	-0.59
7	-2.44	0.57	1.97	0.11	0.18	1.75	-0.46	-1.51	0.04
8	-1.05	-0.92	1.13	-0.62	-0.67	1.11	1.59	-0.16	0.1
9	-0.08	-0.29	-0.54	0.16	-0.43	-0.18	1.84	1.18	-0.05
10	-0.25	-0.39	-0.8	-1.84	0.06	0.71	-1.06	0.38	0.29
11	0.44	0.28	-0.18	1.47	-2.11	1.28	-0.44	0.34	-1.34
12	1.95	0.21	0.49	-0.96	1.05	-0.69	-1.87	0.76	1.93
13	-0.15	-1.13	0.9	-2.96	-0.88	0.41	0.19	-0.79	0.3
14	1.45	-1.55	0.33	0.16	-0.49	0.33	1.04	-0.23	0.19
15	-0.59	0.21	-1.1	-1.36	0.86	1.82	1.01	-1.76	-1.78
16	0.15	-1.41	1.92	0.41	1	-0.65	0.47	0.59	-0.26
17	0.92	0.25	1.22	-0.6	-0.37	-2.1	0.8	-0.19	-1.04
18	1.01	-1.58	-1.27	0.24	1.73	-0.98	1.12	-0.27	0
19	0.08	1.06	-1.43	-0.06	-0.83	-1.18	0.24	-1.06	1.76
20	0.17	1.65	1.17	0.52	2.05	2.31	1.9	0.37	0.73
21	-0.95	0.9	0.15	0.01	-2.92	1.11	0.36	1.57	-0.67
22	-0.01	0	0.79	0.05	1.56	0.25	-0.04	1.26	0.53
23	-0.58	-0.35	0.11	0.11	-2.08	0.33	-0.34	1.04	0.43
24	2.71	-0.72	-1.08	-1.1	-0.82	0.62	-1.23	-0.46	1.18
25	-0.36	-0.35	0.8	-0.48	1.17	-0.02	0.32	-1.75	0

Tabla 12: Datos grupo 2-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-0.41	-2.14	0.86	-0.33	-0.83	0.56	-0.77
2	-0.92	0.55	-1.72	0.81	0.42	-0.77	0.08	0.92	-1.58
3	-0.05	0.1	-1.84	0.07	0.05	-0.7	-0.63	0.32	-0.8
4	0.14	1.29	-0.07	-0.94	1.13	0.54	0.14	1.08	0.72
5	-1.15	-0.4	-0.81	0.71	-0.35	-0.43	2.52	1.43	1.51
6	1.13	2.15	0.79	0.11	0.06	-0.93	-1.06	-0.41	-0.59
7	-2.44	0.57	1.97	0.11	0.18	1.75	-0.46	3.34	0.04
8	-1.05	-0.92	1.13	-0.62	-0.67	1.11	1.59	0.82	0.1
9	-0.08	-0.29	-0.54	0.16	-0.43	-0.18	1.84	-0.77	-0.05
10	-0.25	-0.39	-0.8	-1.84	0.06	0.71	-1.06	-1.19	0.29
11	0.44	0.28	-0.18	1.47	-2.11	1.28	-0.44	0.07	-1.34
12	1.95	0.21	0.49	-0.96	1.05	-0.69	-1.87	-0.42	1.93
13	-0.15	-1.13	0.9	-2.96	-0.88	0.41	0.19	-1.65	0.3
14	1.45	-1.55	0.33	0.16	-0.49	0.33	1.04	-0.74	0.19
15	-0.59	0.21	-1.1	-1.36	0.86	1.82	1.01	-0.12	-1.78
16	0.15	-1.41	1.92	0.41	1	-0.65	0.47	-0.51	-0.26
17	0.92	0.25	1.22	-0.6	-0.37	-2.1	0.8	1.19	-1.04
18	1.01	-1.58	-1.27	0.24	1.73	-0.98	1.12	1.03	0
19	0.08	1.06	-1.43	-0.06	-0.83	-1.18	0.24	-0.51	1.76
20	0.17	1.65	1.17	0.52	2.05	2.31	1.9	1.14	0.73
21	-0.95	0.9	0.15	0.01	-2.92	1.11	0.36	1.04	-0.67
22	-0.01	0	0.79	0.05	1.56	0.25	-0.04	0.59	0.53
23	-0.58	-0.35	0.11	0.11	-2.08	0.33	-0.34	-1.1	0.43
24	2.71	-0.72	-1.08	-1.1	-0.82	0.62	-1.23	-1.06	1.18
25	-0.36	-0.35	0.8	-0.48	1.17	-0.02	0.32	-1.08	0

Tabla 13: Datos grupo 3-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-0.41	-2.14	0.86	-0.33	-0.04	0.56	-0.77
2	-0.92	0.55	-1.72	0.81	0.42	-0.77	-0.25	0.92	-1.58
3	-0.05	0.1	-1.84	0.07	0.05	-0.7	-1.65	0.32	-0.8
4	0.14	1.29	-0.07	-0.94	1.13	0.54	-0.16	1.08	0.72
5	-1.15	-0.4	-0.81	0.71	-0.35	-0.43	-0.51	1.43	1.51
6	1.13	2.15	0.79	0.11	0.06	-0.93	-0.49	-0.41	-0.59
7	-2.44	0.57	1.97	0.11	0.18	1.75	-1.51	3.34	0.04
8	-1.05	-0.92	1.13	-0.62	-0.67	1.11	-0.16	0.82	0.1
9	-0.08	-0.29	-0.54	0.16	-0.43	-0.18	1.18	-0.77	-0.05
10	-0.25	-0.39	-0.8	-1.84	0.06	0.71	0.38	-1.19	0.29
11	0.44	0.28	-0.18	1.47	-2.11	1.28	0.34	0.07	-1.34
12	1.95	0.21	0.49	-0.96	1.05	-0.69	0.76	-0.42	1.93
13	-0.15	-1.13	0.9	-2.96	-0.88	0.41	-0.79	-1.65	0.3
14	1.45	-1.55	0.33	0.16	-0.49	0.33	-0.23	-0.74	0.19
15	-0.59	0.21	-1.1	-1.36	0.86	1.82	-1.76	-0.12	-1.78
16	0.15	-1.41	1.92	0.41	1	-0.65	0.59	-0.51	-0.26
17	0.92	0.25	1.22	-0.6	-0.37	-2.1	-0.19	1.19	-1.04
18	1.01	-1.58	-1.27	0.24	1.73	-0.98	-0.27	1.03	0
19	0.08	1.06	-1.43	-0.06	-0.83	-1.18	-1.06	-0.51	1.76
20	0.17	1.65	1.17	0.52	2.05	2.31	0.37	1.14	0.73
21	-0.95	0.9	0.15	0.01	-2.92	1.11	1.57	1.04	-0.67
22	-0.01	0	0.79	0.05	1.56	0.25	1.26	0.59	0.53
23	-0.58	-0.35	0.11	0.11	-2.08	0.33	1.04	-1.1	0.43
24	2.71	-0.72	-1.08	-1.1	-0.82	0.62	-0.46	-1.06	1.18
25	-0.36	-0.35	0.8	-0.48	1.17	-0.02	-1.75	-1.08	0

Tabla 14: Datos grupo 4-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-0.41	-2.14	0.86	-0.83	-0.04	0.56	-0.77
2	-0.92	0.55	-1.72	0.81	0.42	0.08	-0.25	0.92	-1.58
3	-0.05	0.1	-1.84	0.07	0.05	-0.63	-1.65	0.32	-0.8
4	0.14	1.29	-0.07	-0.94	1.13	0.14	-0.16	1.08	0.72
5	-1.15	-0.4	-0.81	0.71	-0.35	2.52	-0.51	1.43	1.51
6	1.13	2.15	0.79	0.11	0.06	-1.06	-0.49	-0.41	-0.59
7	-2.44	0.57	1.97	0.11	0.18	-0.46	-1.51	3.34	0.04
8	-1.05	-0.92	1.13	-0.62	-0.67	1.59	-0.16	0.82	0.1
9	-0.08	-0.29	-0.54	0.16	-0.43	1.84	1.18	-0.77	-0.05
10	-0.25	-0.39	-0.8	-1.84	0.06	-1.06	0.38	-1.19	0.29
11	0.44	0.28	-0.18	1.47	-2.11	-0.44	0.34	0.07	-1.34
12	1.95	0.21	0.49	-0.96	1.05	-1.87	0.76	-0.42	1.93
13	-0.15	-1.13	0.9	-2.96	-0.88	0.19	-0.79	-1.65	0.3
14	1.45	-1.55	0.33	0.16	-0.49	1.04	-0.23	-0.74	0.19
15	-0.59	0.21	-1.1	-1.36	0.86	1.01	-1.76	-0.12	-1.78
16	0.15	-1.41	1.92	0.41	1	0.47	0.59	-0.51	-0.26
17	0.92	0.25	1.22	-0.6	-0.37	0.8	-0.19	1.19	-1.04
18	1.01	-1.58	-1.27	0.24	1.73	1.12	-0.27	1.03	0
19	0.08	1.06	-1.43	-0.06	-0.83	0.24	-1.06	-0.51	1.76
20	0.17	1.65	1.17	0.52	2.05	1.9	0.37	1.14	0.73
21	-0.95	0.9	0.15	0.01	-2.92	0.36	1.57	1.04	-0.67
22	-0.01	0	0.79	0.05	1.56	-0.04	1.26	0.59	0.53
23	-0.58	-0.35	0.11	0.11	-2.08	-0.34	1.04	-1.1	0.43
24	2.71	-0.72	-1.08	-1.1	-0.82	-1.23	-0.46	-1.06	1.18
25	-0.36	-0.35	0.8	-0.48	1.17	0.32	-1.75	-1.08	0

Tabla 15: Datos grupo 5-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-0.41	-2.14	-0.33	-0.83	-0.04	0.56	-0.77
2	-0.92	0.55	-1.72	0.81	-0.77	0.08	-0.25	0.92	-1.58
3	-0.05	0.1	-1.84	0.07	-0.7	-0.63	-1.65	0.32	-0.8
4	0.14	1.29	-0.07	-0.94	0.54	0.14	-0.16	1.08	0.72
5	-1.15	-0.4	-0.81	0.71	-0.43	2.52	-0.51	1.43	1.51
6	1.13	2.15	0.79	0.11	-0.93	-1.06	-0.49	-0.41	-0.59
7	-2.44	0.57	1.97	0.11	1.75	-0.46	-1.51	3.34	0.04
8	-1.05	-0.92	1.13	-0.62	1.11	1.59	-0.16	0.82	0.1
9	-0.08	-0.29	-0.54	0.16	-0.18	1.84	1.18	-0.77	-0.05
10	-0.25	-0.39	-0.8	-1.84	0.71	-1.06	0.38	-1.19	0.29
11	0.44	0.28	-0.18	1.47	1.28	-0.44	0.34	0.07	-1.34
12	1.95	0.21	0.49	-0.96	-0.69	-1.87	0.76	-0.42	1.93
13	-0.15	-1.13	0.9	-2.96	0.41	0.19	-0.79	-1.65	0.3
14	1.45	-1.55	0.33	0.16	0.33	1.04	-0.23	-0.74	0.19
15	-0.59	0.21	-1.1	-1.36	1.82	1.01	-1.76	-0.12	-1.78
16	0.15	-1.41	1.92	0.41	-0.65	0.47	0.59	-0.51	-0.26
17	0.92	0.25	1.22	-0.6	-2.1	0.8	-0.19	1.19	-1.04
18	1.01	-1.58	-1.27	0.24	-0.98	1.12	-0.27	1.03	0
19	0.08	1.06	-1.43	-0.06	-1.18	0.24	-1.06	-0.51	1.76
20	0.17	1.65	1.17	0.52	2.31	1.9	0.37	1.14	0.73
21	-0.95	0.9	0.15	0.01	1.11	0.36	1.57	1.04	-0.67
22	-0.01	0	0.79	0.05	0.25	-0.04	1.26	0.59	0.53
23	-0.58	-0.35	0.11	0.11	0.33	-0.34	1.04	-1.1	0.43
24	2.71	-0.72	-1.08	-1.1	0.62	-1.23	-0.46	-1.06	1.18
25	-0.36	-0.35	0.8	-0.48	-0.02	0.32	-1.75	-1.08	0

Tabla 16: Datos grupo 6-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-0.41	0.86	-0.33	-0.83	-0.04	0.56	-0.77
2	-0.92	0.55	-1.72	0.42	-0.77	0.08	-0.25	0.92	-1.58
3	-0.05	0.1	-1.84	0.05	-0.7	-0.63	-1.65	0.32	-0.8
4	0.14	1.29	-0.07	1.13	0.54	0.14	-0.16	1.08	0.72
5	-1.15	-0.4	-0.81	-0.35	-0.43	2.52	-0.51	1.43	1.51
6	1.13	2.15	0.79	0.06	-0.93	-1.06	-0.49	-0.41	-0.59
7	-2.44	0.57	1.97	0.18	1.75	-0.46	-1.51	3.34	0.04
8	-1.05	-0.92	1.13	-0.67	1.11	1.59	-0.16	0.82	0.1
9	-0.08	-0.29	-0.54	-0.43	-0.18	1.84	1.18	-0.77	-0.05
10	-0.25	-0.39	-0.8	0.06	0.71	-1.06	0.38	-1.19	0.29
11	0.44	0.28	-0.18	-2.11	1.28	-0.44	0.34	0.07	-1.34
12	1.95	0.21	0.49	1.05	-0.69	-1.87	0.76	-0.42	1.93
13	-0.15	-1.13	0.9	-0.88	0.41	0.19	-0.79	-1.65	0.3
14	1.45	-1.55	0.33	-0.49	0.33	1.04	-0.23	-0.74	0.19
15	-0.59	0.21	-1.1	0.86	1.82	1.01	-1.76	-0.12	-1.78
16	0.15	-1.41	1.92	1	-0.65	0.47	0.59	-0.51	-0.26
17	0.92	0.25	1.22	-0.37	-2.1	0.8	-0.19	1.19	-1.04
18	1.01	-1.58	-1.27	1.73	-0.98	1.12	-0.27	1.03	0
19	0.08	1.06	-1.43	-0.83	-1.18	0.24	-1.06	-0.51	1.76
20	0.17	1.65	1.17	2.05	2.31	1.9	0.37	1.14	0.73
21	-0.95	0.9	0.15	-2.92	1.11	0.36	1.57	1.04	-0.67
22	-0.01	0	0.79	1.56	0.25	-0.04	1.26	0.59	0.53
23	-0.58	-0.35	0.11	-2.08	0.33	-0.34	1.04	-1.1	0.43
24	2.71	-0.72	-1.08	-0.82	0.62	-1.23	-0.46	-1.06	1.18
25	-0.36	-0.35	0.8	1.17	-0.02	0.32	-1.75	-1.08	0

Tabla 17: Datos grupo 7-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.36	-2.14	0.86	-0.33	-0.83	-0.04	0.56	-0.77
2	-0.92	0.55	0.81	0.42	-0.77	0.08	-0.25	0.92	-1.58
3	-0.05	0.1	0.07	0.05	-0.7	-0.63	-1.65	0.32	-0.8
4	0.14	1.29	-0.94	1.13	0.54	0.14	-0.16	1.08	0.72
5	-1.15	-0.4	0.71	-0.35	-0.43	2.52	-0.51	1.43	1.51
6	1.13	2.15	0.11	0.06	-0.93	-1.06	-0.49	-0.41	-0.59
7	-2.44	0.57	0.11	0.18	1.75	-0.46	-1.51	3.34	0.04
8	-1.05	-0.92	-0.62	-0.67	1.11	1.59	-0.16	0.82	0.1
9	-0.08	-0.29	0.16	-0.43	-0.18	1.84	1.18	-0.77	-0.05
10	-0.25	-0.39	-1.84	0.06	0.71	-1.06	0.38	-1.19	0.29
11	0.44	0.28	1.47	-2.11	1.28	-0.44	0.34	0.07	-1.34
12	1.95	0.21	-0.96	1.05	-0.69	-1.87	0.76	-0.42	1.93
13	-0.15	-1.13	-2.96	-0.88	0.41	0.19	-0.79	-1.65	0.3
14	1.45	-1.55	0.16	-0.49	0.33	1.04	-0.23	-0.74	0.19
15	-0.59	0.21	-1.36	0.86	1.82	1.01	-1.76	-0.12	-1.78
16	0.15	-1.41	0.41	1	-0.65	0.47	0.59	-0.51	-0.26
17	0.92	0.25	-0.6	-0.37	-2.1	0.8	-0.19	1.19	-1.04
18	1.01	-1.58	0.24	1.73	-0.98	1.12	-0.27	1.03	0
19	0.08	1.06	-0.06	-0.83	-1.18	0.24	-1.06	-0.51	1.76
20	0.17	1.65	0.52	2.05	2.31	1.9	0.37	1.14	0.73
21	-0.95	0.9	0.01	-2.92	1.11	0.36	1.57	1.04	-0.67
22	-0.01	0	0.05	1.56	0.25	-0.04	1.26	0.59	0.53
23	-0.58	-0.35	0.11	-2.08	0.33	-0.34	1.04	-1.1	0.43
24	2.71	-0.72	-1.1	-0.82	0.62	-1.23	-0.46	-1.06	1.18
25	-0.36	-0.35	-0.48	1.17	-0.02	0.32	-1.75	-1.08	0

Tabla 18: Datos grupo 8-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.86	-0.41	-2.14	0.86	-0.33	-0.83	-0.04	0.56	-0.77
2	-0.92	-1.72	0.81	0.42	-0.77	0.08	-0.25	0.92	-1.58
3	-0.05	-1.84	0.07	0.05	-0.7	-0.63	-1.65	0.32	-0.8
4	0.14	-0.07	-0.94	1.13	0.54	0.14	-0.16	1.08	0.72
5	-1.15	-0.81	0.71	-0.35	-0.43	2.52	-0.51	1.43	1.51
6	1.13	0.79	0.11	0.06	-0.93	-1.06	-0.49	-0.41	-0.59
7	-2.44	1.97	0.11	0.18	1.75	-0.46	-1.51	3.34	0.04
8	-1.05	1.13	-0.62	-0.67	1.11	1.59	-0.16	0.82	0.1
9	-0.08	-0.54	0.16	-0.43	-0.18	1.84	1.18	-0.77	-0.05
10	-0.25	-0.8	-1.84	0.06	0.71	-1.06	0.38	-1.19	0.29
11	0.44	-0.18	1.47	-2.11	1.28	-0.44	0.34	0.07	-1.34
12	1.95	0.49	-0.96	1.05	-0.69	-1.87	0.76	-0.42	1.93
13	-0.15	0.9	-2.96	-0.88	0.41	0.19	-0.79	-1.65	0.3
14	1.45	0.33	0.16	-0.49	0.33	1.04	-0.23	-0.74	0.19
15	-0.59	-1.1	-1.36	0.86	1.82	1.01	-1.76	-0.12	-1.78
16	0.15	1.92	0.41	1	-0.65	0.47	0.59	-0.51	-0.26
17	0.92	1.22	-0.6	-0.37	-2.1	0.8	-0.19	1.19	-1.04
18	1.01	-1.27	0.24	1.73	-0.98	1.12	-0.27	1.03	0
19	0.08	-1.43	-0.06	-0.83	-1.18	0.24	-1.06	-0.51	1.76
20	0.17	1.17	0.52	2.05	2.31	1.9	0.37	1.14	0.73
21	-0.95	0.15	0.01	-2.92	1.11	0.36	1.57	1.04	-0.67
22	-0.01	0.79	0.05	1.56	0.25	-0.04	1.26	0.59	0.53
23	-0.58	0.11	0.11	-2.08	0.33	-0.34	1.04	-1.1	0.43
24	2.71	-1.08	-1.1	-0.82	0.62	-1.23	-0.46	-1.06	1.18
25	-0.36	0.8	-0.48	1.17	-0.02	0.32	-1.75	-1.08	0

Tabla 19: Datos grupo 9-Punto 2

Número de muestra	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	$X_6$	$X_7$	$X_8$	$X_9$
1	-0.36	-0.41	-2.14	0.86	-0.33	-0.83	-0.04	0.56	-0.77
2	0.55	-1.72	0.81	0.42	-0.77	0.08	-0.25	0.92	-1.58
3	0.1	-1.84	0.07	0.05	-0.7	-0.63	-1.65	0.32	-0.8
4	1.29	-0.07	-0.94	1.13	0.54	0.14	-0.16	1.08	0.72
5	-0.4	-0.81	0.71	-0.35	-0.43	2.52	-0.51	1.43	1.51
6	2.15	0.79	0.11	0.06	-0.93	-1.06	-0.49	-0.41	-0.59
7	0.57	1.97	0.11	0.18	1.75	-0.46	-1.51	3.34	0.04
8	-0.92	1.13	-0.62	-0.67	1.11	1.59	-0.16	0.82	0.1
9	-0.29	-0.54	0.16	-0.43	-0.18	1.84	1.18	-0.77	-0.05
10	-0.39	-0.8	-1.84	0.06	0.71	-1.06	0.38	-1.19	0.29
11	0.28	-0.18	1.47	-2.11	1.28	-0.44	0.34	0.07	-1.34
12	0.21	0.49	-0.96	1.05	-0.69	-1.87	0.76	-0.42	1.93
13	-1.13	0.9	-2.96	-0.88	0.41	0.19	-0.79	-1.65	0.3
14	-1.55	0.33	0.16	-0.49	0.33	1.04	-0.23	-0.74	0.19
15	0.21	-1.1	-1.36	0.86	1.82	1.01	-1.76	-0.12	-1.78
16	-1.41	1.92	0.41	1	-0.65	0.47	0.59	-0.51	-0.26
17	0.25	1.22	-0.6	-0.37	-2.1	0.8	-0.19	1.19	-1.04
18	-1.58	-1.27	0.24	1.73	-0.98	1.12	-0.27	1.03	0
19	1.06	-1.43	-0.06	-0.83	-1.18	0.24	-1.06	-0.51	1.76
20	1.65	1.17	0.52	2.05	2.31	1.9	0.37	1.14	0.73
21	0.9	0.15	0.01	-2.92	1.11	0.36	1.57	1.04	-0.67
22	0	0.79	0.05	1.56	0.25	-0.04	1.26	0.59	0.53
23	-0.35	0.11	0.11	-2.08	0.33	-0.34	1.04	-1.1	0.43
24	-0.72	-1.08	-1.1	-0.82	0.62	-1.23	-0.46	-1.06	1.18
25	-0.35	0.8	-0.48	1.17	-0.02	0.32	-1.75	-1.08	0

Tabla 20: Datos grupo 10-Punto 2

```
1
     -0.03
                      1.29
                               1.06
                                       0.52
                                                                1.08
                                                                        0.63
              0.8
                                               1.53
                                                       0.77
2
     1.74
              0.44
                      0.55
                              -0.36
                                       -1.3
                                               -1.07
                                                       0.86
                                                                1.26
                                                                        -0.31
3
     -1.64
             -0.29
                      -1.15
                              1.69
                                      -0.45
                                               0.24
                                                       0.57
                                                               -0.28
                                                                        1.11
4
     1.79
              1.84
                      1.07
                               1.78
                                      -0.15
                                               1.26
                                                       0.63
                                                               -0.51
                                                                        1.61
5
     1.21
             -0.73
                      0.18
                               0.68
                                      -0.85
                                               1.05
                                                       0.11
                                                                0.4
                                                                        0.3
6
     0.07
                                       0.52
                                                                0.23
                                                                        -0.23
              1.08
                      1.34
                              -0.04
                                               -0.24
                                                        1.85
7
              4.01
                      0.22
                               0.86
                                       0.07
                                                0
                                                                1.35
                                                                        0.21
      0.1
                                                        1.1
8
                      1.02
                               0.25
                                       0.9
                                                                0.29
     1.57
             -0.88
                                               0.83
                                                       -0.02
                                                                        1.06
9
     -1.19
             -0.77
                      -0.95
                              -0.06
                                      -0.02
                                               1.87
                                                       1.49
                                                                1.15
                                                                        1.02
10
     -0.56
              0.2
                      -1.5
                               1.07
                                       1.16
                                               1.98
                                                        1.97
                                                                0.49
                                                                        0.23
                               0.62
                                      -0.22
                                                                1.25
                                                                        1.22
11
     -0.16
             -0.14
                      0.58
                                               -0.86
                                                        0.8
12
     0.37
             -0.55
                      0.81
                              -0.44
                                       0.2
                                               0.91
                                                       0.24
                                                                1.35
                                                                        1.77
13
     0.05
              0.85
                      -0.29
                                2
                                       0.52
                                               2.29
                                                        0.3
                                                                -0.9
                                                                        0.54
14
     0.06
              0.18
                      -0.2
                               0.3
                                      -0.14
                                               1.66
                                                        1.08
                                                                1.03
                                                                        0.95
     0.17
                               0.67
                                      -0.43
                                                                0.94
15
              1.33
                      -0.51
                                               0.73
                                                        1.54
                                                                        1.81
```

Tabla 21: Datos grupo 1-Punto 2f

```
1
     0.18
              0.8
                      1.29
                              1.06
                                       0.52
                                               1.53
                                                       0.77
                                                                1.08
                                                                        0.63
2
     0.02
              0.44
                      0.55
                              -0.36
                                       -1.3
                                              -1.07
                                                       0.86
                                                               1.26
                                                                        -0.31
3
     0.44
             -0.29
                              1.69
                                      -0.45
                                               0.24
                                                       0.57
                                                               -0.28
                                                                        1.11
                      -1.15
     0.34
                                      -0.15
                                                               -0.51
4
              1.84
                      1.07
                              1.78
                                               1.26
                                                       0.63
                                                                        1.61
5
     0.08
             -0.73
                      0.18
                              0.68
                                      -0.85
                                               1.05
                                                       0.11
                                                                0.4
                                                                        0.3
6
      0.6
              1.08
                      1.34
                              -0.04
                                      0.52
                                              -0.24
                                                       1.85
                                                               0.23
                                                                        -0.23
7
      2.32
                      0.22
                              0.86
                                       0.07
                                                                1.35
                                                                        0.21
              4.01
                                                0
                                                        1.1
8
     0.83
                              0.25
                                       0.9
                                                               0.29
             -0.88
                      1.02
                                               0.83
                                                       -0.02
                                                                        1.06
9
     -0.68
             -0.77
                      -0.95
                              -0.06
                                      -0.02
                                               1.87
                                                       1.49
                                                                1.15
                                                                        1.02
10
     0.08
              0.2
                      -1.5
                              1.07
                                       1.16
                                               1.98
                                                       1.97
                                                               0.49
                                                                        0.23
11
     -0.32
             -0.14
                      0.58
                              0.62
                                      -0.22
                                              -0.86
                                                        0.8
                                                                1.25
                                                                        1.22
12
     -0.54
             -0.55
                      0.81
                              -0.44
                                       0.2
                                               0.91
                                                       0.24
                                                                1.35
                                                                        1.77
13
     1.71
                      -0.29
                                2
                                      0.52
                                               2.29
                                                        0.3
                                                                -0.9
              0.85
                                                                        0.54
14
      1.1
              0.18
                      -0.2
                               0.3
                                      -0.14
                                               1.66
                                                       1.08
                                                                1.03
                                                                        0.95
     -0.39
15
              1.33
                              0.67
                                      -0.43
                                               0.73
                                                                0.94
                      -0.51
                                                       1.54
                                                                        1.81
```

Tabla 22: Datos grupo 2-Punto 2f

```
1
             -0.03
                      1.29
                              1.06
                                      0.52
                                                                1.08
                                                                        0.63
     0.18
                                               1.53
                                                       0.77
2
     0.02
              1.74
                      0.55
                              -0.36
                                       -1.3
                                              -1.07
                                                       0.86
                                                                1.26
                                                                        -0.31
3
     0.44
             -1.64
                      -1.15
                              1.69
                                      -0.45
                                               0.24
                                                       0.57
                                                               -0.28
                                                                        1.11
4
     0.34
              1.79
                      1.07
                              1.78
                                      -0.15
                                               1.26
                                                       0.63
                                                               -0.51
                                                                        1.61
5
     0.08
              1.21
                      0.18
                              0.68
                                      -0.85
                                               1.05
                                                       0.11
                                                                0.4
                                                                        0.3
6
                              -0.04
                                      0.52
                                              -0.24
                                                       1.85
                                                                0.23
                                                                        -0.23
      0.6
              0.07
                      1.34
7
      2.32
                      0.22
                              0.86
                                       0.07
                                                0
                                                                1.35
                                                                        0.21
              0.1
                                                        1.1
8
     0.83
                      1.02
                              0.25
                                       0.9
                                                               0.29
              1.57
                                               0.83
                                                       -0.02
                                                                        1.06
9
     -0.68
                      -0.95
                              -0.06
                                      -0.02
             -1.19
                                               1.87
                                                       1.49
                                                                1.15
                                                                        1.02
10
     0.08
             -0.56
                      -1.5
                              1.07
                                       1.16
                                               1.98
                                                       1.97
                                                                0.49
                                                                        0.23
     -0.32
             -0.16
                              0.62
                                      -0.22
                                                                1.25
                                                                        1.22
11
                      0.58
                                              -0.86
                                                        0.8
12
     -0.54
             0.37
                      0.81
                              -0.44
                                       0.2
                                               0.91
                                                       0.24
                                                                1.35
                                                                        1.77
13
     1.71
              0.05
                      -0.29
                                2
                                       0.52
                                               2.29
                                                        0.3
                                                                -0.9
                                                                        0.54
14
      1.1
              0.06
                      -0.2
                               0.3
                                      -0.14
                                               1.66
                                                       1.08
                                                                1.03
                                                                        0.95
15
     -0.39
             0.17
                      -0.51
                              0.67
                                      -0.43
                                               0.73
                                                               0.94
                                                       1.54
                                                                        1.81
```

Tabla 23: Datos grupo 3-Punto 2f

```
1
     0.18
             -0.03
                       0.8
                              1.06
                                       0.52
                                               1.53
                                                       0.77
                                                                1.08
                                                                        0.63
2
     0.02
              1.74
                      0.44
                              -0.36
                                       -1.3
                                              -1.07
                                                       0.86
                                                               1.26
                                                                       -0.31
3
     0.44
             -1.64
                      -0.29
                              1.69
                                      -0.45
                                               0.24
                                                       0.57
                                                               -0.28
                                                                       1.11
     0.34
              1.79
                                      -0.15
                                                               -0.51
4
                      1.84
                              1.78
                                               1.26
                                                       0.63
                                                                        1.61
5
     0.08
              1.21
                      -0.73
                              0.68
                                      -0.85
                                               1.05
                                                       0.11
                                                                0.4
                                                                        0.3
6
      0.6
              0.07
                      1.08
                              -0.04
                                      0.52
                                              -0.24
                                                       1.85
                                                               0.23
                                                                       -0.23
7
     2.32
                              0.86
                                       0.07
                                                                1.35
                                                                        0.21
              0.1
                      4.01
                                                0
                                                        1.1
8
     0.83
                              0.25
                                       0.9
                                               0.83
                                                               0.29
              1.57
                      -0.88
                                                       -0.02
                                                                        1.06
9
     -0.68
             -1.19
                      -0.77
                              -0.06
                                      -0.02
                                               1.87
                                                       1.49
                                                               1.15
                                                                        1.02
10
     0.08
             -0.56
                      0.2
                              1.07
                                       1.16
                                               1.98
                                                       1.97
                                                               0.49
                                                                        0.23
11
     -0.32
             -0.16
                      -0.14
                              0.62
                                      -0.22
                                              -0.86
                                                        0.8
                                                               1.25
                                                                        1.22
12
     -0.54
              0.37
                      -0.55
                              -0.44
                                       0.2
                                               0.91
                                                       0.24
                                                                1.35
                                                                        1.77
13
     1.71
                      0.85
                                2
                                      0.52
                                               2.29
                                                        0.3
                                                                -0.9
              0.05
                                                                        0.54
14
      1.1
              0.06
                      0.18
                               0.3
                                      -0.14
                                               1.66
                                                       1.08
                                                                1.03
                                                                        0.95
     -0.39
15
                      1.33
                              0.67
                                      -0.43
                                               0.73
                                                               0.94
              0.17
                                                       1.54
                                                                        1.81
```

Tabla 24: Datos grupo 4-Punto 2f

```
1
             -0.03
                              1.29
                                      0.52
                                                               1.08
                                                                        0.63
     0.18
                       0.8
                                               1.53
                                                       0.77
2
     0.02
              1.74
                      0.44
                              0.55
                                       -1.3
                                              -1.07
                                                       0.86
                                                               1.26
                                                                       -0.31
3
     0.44
             -1.64
                      -0.29
                              -1.15
                                      -0.45
                                               0.24
                                                       0.57
                                                               -0.28
                                                                        1.11
4
     0.34
              1.79
                      1.84
                              1.07
                                      -0.15
                                               1.26
                                                       0.63
                                                               -0.51
                                                                        1.61
5
     0.08
              1.21
                      -0.73
                              0.18
                                      -0.85
                                               1.05
                                                       0.11
                                                                0.4
                                                                        0.3
6
                              1.34
                                      0.52
                                                               0.23
                                                                       -0.23
      0.6
              0.07
                      1.08
                                              -0.24
                                                       1.85
7
      2.32
              0.1
                      4.01
                              0.22
                                       0.07
                                                0
                                                                1.35
                                                                        0.21
                                                        1.1
8
     0.83
                              1.02
                                       0.9
                                                               0.29
              1.57
                      -0.88
                                               0.83
                                                       -0.02
                                                                        1.06
9
     -0.68
                      -0.77
                              -0.95
                                      -0.02
             -1.19
                                               1.87
                                                       1.49
                                                               1.15
                                                                        1.02
10
     0.08
             -0.56
                      0.2
                              -1.5
                                       1.16
                                               1.98
                                                       1.97
                                                               0.49
                                                                        0.23
                      -0.14
     -0.32
             -0.16
                              0.58
                                      -0.22
                                                               1.25
                                                                        1.22
11
                                              -0.86
                                                        0.8
12
     -0.54
             0.37
                      -0.55
                              0.81
                                       0.2
                                               0.91
                                                       0.24
                                                               1.35
                                                                        1.77
13
     1.71
              0.05
                      0.85
                              -0.29
                                      0.52
                                               2.29
                                                        0.3
                                                                -0.9
                                                                        0.54
14
      1.1
              0.06
                      0.18
                              -0.2
                                      -0.14
                                               1.66
                                                       1.08
                                                                1.03
                                                                        0.95
     -0.39
                              -0.51
                                      -0.43
                                                               0.94
15
             0.17
                      1.33
                                               0.73
                                                       1.54
                                                                        1.81
```

Tabla 25: Datos grupo 5-Punto 2f

```
1
     0.18
             -0.03
                       0.8
                              1.29
                                       1.06
                                               1.53
                                                       0.77
                                                                1.08
                                                                        0.63
2
     0.02
              1.74
                      0.44
                              0.55
                                      -0.36
                                              -1.07
                                                       0.86
                                                               1.26
                                                                       -0.31
3
     0.44
             -1.64
                      -0.29
                              -1.15
                                      1.69
                                               0.24
                                                       0.57
                                                               -0.28
                                                                       1.11
     0.34
              1.79
                              1.07
                                                               -0.51
4
                      1.84
                                       1.78
                                               1.26
                                                       0.63
                                                                        1.61
5
     0.08
              1.21
                      -0.73
                              0.18
                                       0.68
                                                       0.11
                                                                0.4
                                                                        0.3
                                               1.05
6
      0.6
              0.07
                      1.08
                              1.34
                                      -0.04
                                              -0.24
                                                       1.85
                                                               0.23
                                                                       -0.23
7
                              0.22
     2.32
                                       0.86
                                                               1.35
                                                                        0.21
              0.1
                      4.01
                                                0
                                                        1.1
8
     0.83
                              1.02
                                       0.25
                                                               0.29
              1.57
                      -0.88
                                               0.83
                                                       -0.02
                                                                        1.06
9
     -0.68
             -1.19
                      -0.77
                              -0.95
                                      -0.06
                                               1.87
                                                       1.49
                                                               1.15
                                                                        1.02
10
     0.08
             -0.56
                      0.2
                              -1.5
                                       1.07
                                               1.98
                                                       1.97
                                                               0.49
                                                                        0.23
11
     -0.32
             -0.16
                      -0.14
                              0.58
                                       0.62
                                              -0.86
                                                        0.8
                                                               1.25
                                                                        1.22
12
     -0.54
              0.37
                      -0.55
                              0.81
                                      -0.44
                                               0.91
                                                       0.24
                                                                1.35
                                                                        1.77
13
     1.71
                      0.85
                              -0.29
                                        2
                                               2.29
                                                        0.3
                                                                -0.9
              0.05
                                                                        0.54
14
      1.1
              0.06
                      0.18
                              -0.2
                                       0.3
                                               1.66
                                                       1.08
                                                                1.03
                                                                        0.95
     -0.39
                      1.33
15
                              -0.51
                                               0.73
                                                               0.94
              0.17
                                       0.67
                                                       1.54
                                                                        1.81
```

Tabla 26: Datos grupo 6-Punto 2f

```
1
             -0.03
                              1.29
                                       1.06
                                                               1.08
                                                                        0.63
     0.18
                       0.8
                                               0.52
                                                       0.77
2
                                               -1.3
     0.02
              1.74
                      0.44
                              0.55
                                      -0.36
                                                       0.86
                                                               1.26
                                                                       -0.31
3
     0.44
             -1.64
                      -0.29
                              -1.15
                                       1.69
                                              -0.45
                                                       0.57
                                                               -0.28
                                                                        1.11
4
     0.34
              1.79
                      1.84
                              1.07
                                       1.78
                                              -0.15
                                                       0.63
                                                               -0.51
                                                                        1.61
5
     0.08
              1.21
                      -0.73
                              0.18
                                       0.68
                                              -0.85
                                                       0.11
                                                                0.4
                                                                        0.3
6
                              1.34
                                                               0.23
                                                                       -0.23
      0.6
              0.07
                      1.08
                                      -0.04
                                               0.52
                                                       1.85
7
      2.32
              0.1
                      4.01
                              0.22
                                       0.86
                                               0.07
                                                                1.35
                                                                        0.21
                                                        1.1
8
     0.83
                              1.02
                                      0.25
                                                               0.29
              1.57
                      -0.88
                                               0.9
                                                       -0.02
                                                                        1.06
9
     -0.68
                      -0.77
                              -0.95
                                      -0.06
             -1.19
                                              -0.02
                                                       1.49
                                                               1.15
                                                                        1.02
10
     0.08
             -0.56
                      0.2
                              -1.5
                                       1.07
                                                       1.97
                                                               0.49
                                                                        0.23
                                               1.16
     -0.32
             -0.16
                              0.58
                                                               1.25
                                                                        1.22
11
                      -0.14
                                       0.62
                                              -0.22
                                                        0.8
12
     -0.54
             0.37
                      -0.55
                              0.81
                                      -0.44
                                               0.2
                                                       0.24
                                                               1.35
                                                                        1.77
13
     1.71
              0.05
                      0.85
                              -0.29
                                        2
                                               0.52
                                                        0.3
                                                                -0.9
                                                                        0.54
14
      1.1
              0.06
                      0.18
                              -0.2
                                       0.3
                                              -0.14
                                                       1.08
                                                                1.03
                                                                        0.95
     -0.39
                              -0.51
                                       0.67
                                              -0.43
                                                               0.94
15
             0.17
                      1.33
                                                       1.54
                                                                        1.81
```

Tabla 27: Datos grupo 7-Punto 2f

```
1
     0.18
             -0.03
                       0.8
                              1.29
                                      1.06
                                               0.52
                                                       1.53
                                                               1.08
                                                                        0.63
2
     0.02
              1.74
                      0.44
                              0.55
                                      -0.36
                                               -1.3
                                                      -1.07
                                                               1.26
                                                                       -0.31
3
     0.44
             -1.64
                     -0.29
                              -1.15
                                      1.69
                                              -0.45
                                                       0.24
                                                               -0.28
                                                                       1.11
     0.34
              1.79
                              1.07
                                                       1.26
                                                               -0.51
4
                      1.84
                                      1.78
                                              -0.15
                                                                        1.61
5
     0.08
              1.21
                      -0.73
                              0.18
                                      0.68
                                              -0.85
                                                       1.05
                                                                0.4
                                                                        0.3
6
      0.6
              0.07
                      1.08
                              1.34
                                      -0.04
                                               0.52
                                                      -0.24
                                                               0.23
                                                                       -0.23
7
                              0.22
     2.32
                                      0.86
                                                        0
                                                               1.35
                                                                       0.21
              0.1
                      4.01
                                               0.07
8
     0.83
                              1.02
                                      0.25
                                                               0.29
              1.57
                      -0.88
                                               0.9
                                                       0.83
                                                                        1.06
9
     -0.68
             -1.19
                      -0.77
                              -0.95
                                      -0.06
                                              -0.02
                                                       1.87
                                                               1.15
                                                                        1.02
10
     0.08
             -0.56
                      0.2
                              -1.5
                                      1.07
                                               1.16
                                                       1.98
                                                               0.49
                                                                        0.23
11
     -0.32
             -0.16
                     -0.14
                              0.58
                                      0.62
                                              -0.22
                                                       -0.86
                                                               1.25
                                                                        1.22
12
     -0.54
             0.37
                      -0.55
                              0.81
                                      -0.44
                                               0.2
                                                       0.91
                                                               1.35
                                                                        1.77
13
     1.71
                      0.85
                              -0.29
                                        2
                                                       2.29
                                                               -0.9
              0.05
                                               0.52
                                                                        0.54
14
      1.1
              0.06
                      0.18
                              -0.2
                                       0.3
                                              -0.14
                                                       1.66
                                                               1.03
                                                                        0.95
     -0.39
                      1.33
15
                              -0.51
                                      0.67
                                              -0.43
                                                               0.94
              0.17
                                                       0.73
                                                                        1.81
```

Tabla 28: Datos grupo 8-Punto 2f

```
0.18
            -0.03
                             1.29
                                     1.06
                                             0.52
                                                                     0.63
1
                     0.8
                                                     1.53
                                                             0.77
2
     0.02
             1.74
                     0.44
                             0.55
                                    -0.36
                                             -1.3
                                                    -1.07
                                                             0.86
                                                                    -0.31
3
     0.44
             -1.64
                     -0.29
                            -1.15
                                     1.69
                                            -0.45
                                                     0.24
                                                             0.57
                                                                     1.11
4
     0.34
             1.79
                     1.84
                             1.07
                                     1.78
                                            -0.15
                                                     1.26
                                                             0.63
                                                                     1.61
5
     0.08
                     -0.73
                             0.18
                                     0.68
                                            -0.85
                                                                     0.3
             1.21
                                                     1.05
                                                             0.11
6
     0.6
             0.07
                     1.08
                             1.34
                                    -0.04
                                             0.52
                                                    -0.24
                                                             1.85
                                                                    -0.23
7
     2.32
             0.1
                     4.01
                             0.22
                                     0.86
                                             0.07
                                                      0
                                                             1.1
                                                                     0.21
8
     0.83
                             1.02
                                     0.25
                                             0.9
                                                     0.83
                                                            -0.02
                                                                     1.06
             1.57
                     -0.88
9
     -0.68
            -1.19
                     -0.77
                            -0.95
                                    -0.06
                                            -0.02
                                                     1.87
                                                             1.49
                                                                     1.02
10
     0.08
            -0.56
                             -1.5
                                     1.07
                                                     1.98
                                                             1.97
                                                                     0.23
                     0.2
                                             1.16
11
     -0.32
            -0.16
                     -0.14
                             0.58
                                     0.62
                                            -0.22
                                                    -0.86
                                                             0.8
                                                                     1.22
12
     -0.54
             0.37
                     -0.55
                             0.81
                                    -0.44
                                             0.2
                                                     0.91
                                                             0.24
                                                                     1.77
                                      2
13
     1.71
                     0.85
                            -0.29
                                                     2.29
                                                                     0.54
             0.05
                                             0.52
                                                             0.3
14
      1.1
             0.06
                     0.18
                             -0.2
                                     0.3
                                            -0.14
                                                     1.66
                                                             1.08
                                                                     0.95
    -0.39
15
             0.17
                     1.33
                            -0.51
                                     0.67
                                            -0.43
                                                     0.73
                                                             1.54
                                                                     1.81
```

Tabla 29: Datos grupo 9-Punto 2f

```
1
             -0.03
                              1.29
                                      1.06
                                              0.52
                                                              0.77
                                                                      1.08
     0.18
                      0.8
                                                      1.53
2
             1.74
     0.02
                              0.55
                                     -0.36
                                                              0.86
                     0.44
                                              -1.3
                                                     -1.07
                                                                      1.26
3
     0.44
             -1.64
                     -0.29
                             -1.15
                                      1.69
                                             -0.45
                                                      0.24
                                                              0.57
                                                                      -0.28
                              1.07
4
     0.34
             1.79
                      1.84
                                      1.78
                                             -0.15
                                                      1.26
                                                              0.63
                                                                      -0.51
5
     0.08
             1.21
                     -0.73
                              0.18
                                      0.68
                                             -0.85
                                                      1.05
                                                              0.11
                                                                      0.4
6
                      1.08
                              1.34
                                     -0.04
                                              0.52
                                                     -0.24
                                                              1.85
                                                                      0.23
      0.6
             0.07
7
                              0.22
     2.32
              0.1
                      4.01
                                      0.86
                                              0.07
                                                       0
                                                               1.1
                                                                      1.35
8
     0.83
             1.57
                     -0.88
                              1.02
                                      0.25
                                              0.9
                                                      0.83
                                                              -0.02
                                                                      0.29
9
     -0.68
             -1.19
                     -0.77
                             -0.95
                                     -0.06
                                             -0.02
                                                      1.87
                                                              1.49
                                                                      1.15
             -0.56
                                      1.07
10
     0.08
                      0.2
                              -1.5
                                              1.16
                                                      1.98
                                                              1.97
                                                                      0.49
     -0.32
             -0.16
                              0.58
                                      0.62
                                             -0.22
                                                     -0.86
                                                                      1.25
11
                     -0.14
                                                               0.8
12
     -0.54
             0.37
                     -0.55
                              0.81
                                     -0.44
                                              0.2
                                                      0.91
                                                              0.24
                                                                      1.35
13
     1.71
             0.05
                     0.85
                             -0.29
                                       2
                                              0.52
                                                      2.29
                                                               0.3
                                                                      -0.9
                              -0.2
14
      1.1
             0.06
                      0.18
                                      0.3
                                             -0.14
                                                      1.66
                                                              1.08
                                                                      1.03
15
     -0.39
             0.17
                             -0.51
                                      0.67
                                             -0.43
                                                      0.73
                      1.33
                                                              1.54
                                                                      0.94
```

Tabla 30: Datos grupo 10-Punto 2f

Grupo	Integrantes	Ejercicios
	Alexis Nieto	
1	Juan Sebastián Falcón	1,2,3,6
	Daniela Pico	
2	Antonio Pabón Palacio	
	Miguel Angel Londoño Ciceros	1,2,4,6
	Camila Acosta Ramírez	
3	Wilson Duvan Londoño	
	Jhon Alexander Ríos	1, 2, 5, 6
	Daniel Escobar David	
4	Christian Camilo Murillo Anzola	
	Jhonatan Smith García	1,2,3,6
	David Duque Calle	
5	David Jaramillo Calle	
	Valentina Tamayo Guarín	1,2,4,6
	Juan Pablo Martínez Echavarría	
6	Pablo Montoya Granada	
	Cristina AÍvarez Múnera	1,2,5,6
	José Manuel Pérez Pérez	
7	Kleider Stiven Vásquez Gómez	
	Juan Daniel Bula Isaza	1,2,3,6
	Vanessa Vélez Rivera	
8	Mariana Blandón Mejía	
	Yojan Andrés Alcaraz Pérez	1,2,4,6
	Oswaldo González Arias	
9	Juan José Galeano Arenas	
	Sebastián Gaviria	1,2,5,6
	Simón Pedro Galeano Muñoz	
10	María Isabel Plata Rivera	
	Iván Andrís Velasco Arias	1,2,3,6
	Andrea Serrano Santos	

Tabla 31: Lista de grupos y asignación de ejercicios