

Форма 7: разбор

1:

Мы на лекции обсудили формулу `mask & (mask - 1)`, которая дает для маски ее копию без последней единицы. Поисследуем другие операции на масках:

Что делает `mask1 | mask2`? В ответе расскажите, что произойдет с множествами, которые были заданы масками. Дополнительно, если интересно, можно подумать, как реализованы `O_CREAT` и `O_WRONLY` в функции `open` на C, если их нужно объединять через `|` (пример тут <https://linuxhint.com/posix-open-function-c-programming/>), это не будет оцениваться

Что делает `mask | (mask + 1)`?

`mask1 | mask2` сделает маску, в которой будут стоять единицы везде, где они были хотя бы в одной из исходных масок. Значит, мы сделали объединение множеств. Так, например, работают всякие маски с флагами в C, когда нужно скомбинировать разные режимы.

`mask | (mask + 1)` добавляет еще одну единицу в маску. Какую единицу? Можно посмотреть на то, что делает `mask + 1`. Последний блок вида `011...11` заменится на `100...00`. При объединении получится, что мы добавили новую единицу на месте самого правого нуля.

2:

Нам для подсчета суммы в подмножестве нужно уметь по степени двойки понять ее логарифм. $1 \rightarrow 0$, $2 \rightarrow 1$, $4 \rightarrow 2$, $8 \rightarrow 3$, $16 \rightarrow 4$, и так далее. Предложите как предподсчитать такую информацию заранее, и потом вычислять нужное значение во время пересчета за $O(1)$

Самый простой вариант - создать массив (или хеш-таблицу) `memory_log[x]`, и заполнить ее предварительно нужными числами.

```
for i in range(log):  
    memory_log[2 ** i] = i
```

Тогда когда нам понадобится понять, какой логарифм у $x=2^k$, мы можем просто взять `memory_log[x]`