Arithmetique — CM: 5

Par Lorenzo

04 octobre 2024

Proposition 0.1.

Soient $a, b \in \mathbb{Z}^*$. Il existe $u, v \in \mathbb{Z}$ tels que au + bv = PGCD(a, b)

Lemme 0.1. Les sous-groupes de \mathbb{Z} sont les $n\mathbb{Z} := \{nk \mid k \in \mathbb{Z}\}$ avec $n \in \mathbb{Z}$

Démonstration 0.1.

- 1) $\{nk \mid k \in \mathbb{Z}\}\ sous\ groupe\ de\ (\mathbb{Z}, +)\ (cf\ TD1)$
- **2)** Soit H un sous groupe de $(\mathbb{Z}, +)$ alors $0 \in H$ si $H = \{0\}$ alors $H = 0\mathbb{Z}$