

# 1 Physik

## 1.1 Kinematik

### 1.1.1 Geradlinige Bewegungen(Translation)

$$a(t)=a_0=\frac{dv}{dt}=\dot{v}=\ddot{s}$$

$$v(t)=a_0\cdot t+v_0=\frac{ds}{dt}=\dot{s}$$

$$s(t)=\frac{1}{2}a_0\cdot t^2+v_0\cdot t+s_0$$

### 1.1.2 Kreisbewegungen(Rotation)

#### Winkelgrößen

$[\alpha]=\text{rad s}^{-2}$ : Winkelbeschleunigung  
 $[\omega]=\text{rad s}^{-1}$ : Winkelgeschwindigkeit  
 $[\varphi]=\text{rad}$ : Drehwinkel

$$\alpha(t)=\alpha_0=\frac{d\omega}{dt}=\dot{\omega}=\ddot{\varphi}$$

$$\omega(t)=\alpha_0\cdot t+\omega_0=\frac{d\varphi}{dt}=\dot{\varphi}$$

$$\varphi(t)=\frac{1}{2}\alpha_0\cdot t^2+\omega_0\cdot t+\varphi_0$$

#### Bahngrößen

$[a_t]=\text{m s}^{-2}$ : Beschleunigung(tan)  
 $[v]=\text{m s}^{-1}$ : Geschwindigkeit  
 $[s]=\text{m}$ : Weg

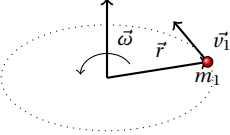
$$a_t(t)=a_0=\frac{dv}{dt}=\dot{v}=\ddot{s}$$

$$v(t)=a_0\cdot t+v_0=\frac{ds}{dt}=\dot{s}$$

$$s(t)=\frac{1}{2}a_0\cdot t^2+v_0\cdot t+s_0$$

#### Umrechnung

Winkelgrößen  $\Leftrightarrow$  Bahngrößen



$$\vec{a}_t=\vec{\omega}\times\vec{r}$$

$$a_t=\alpha\cdot r\qquad\alpha\perp r$$

$$\vec{a}=\vec{r}\times\vec{a}_t$$

$$\vec{v}=\vec{\omega}\times\vec{r}$$

$$v=\omega\cdot r\qquad\omega\perp r$$

$$\vec{\omega}=\vec{r}\times\vec{v}$$

$$s=\varphi\cdot r$$

#### Kreisfrequenz

$[T]=\text{s}$ : Periodendauer  
 $[n]=\text{s}^{-1}$ : Drehzahl  
 $[f]=\text{Hz}$ : Frequenz

$$\omega=\frac{2\cdot\pi}{T}$$

$$=2\cdot\pi\cdot n$$

$$=2\cdot\pi\cdot f$$

#### Radialbeschleunigung

$[a_r]=\text{m s}^{-2}$ : Radialbeschleunigung

$$a_r=\frac{v^2}{r}$$

$$=v\cdot\omega$$

$$=\omega^2\cdot r$$

#### Umdrehungen

$[N]=1$ : Umdrehungen

$$N=\frac{\omega_0\cdot t}{2\cdot\pi}+\frac{1}{2}\cdot\frac{\alpha}{2\cdot\pi}\cdot t^2$$

$$=n_0\cdot t+\frac{\alpha}{4\cdot\pi}\cdot t^2$$

## 1.2 Dynamik

### 1.2.1 Geradlinig(Translation)

#### Kraft

$[F]=\text{N}$ : Kraft  
 $[m]=\text{kg}$ : Masse

$$\vec{F}=m\cdot\vec{a}$$

$$\vec{F}_{\text{tr}}=-m\cdot\vec{a}$$

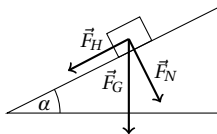
#### Impuls

$[p]=\text{kg m s}^{-1}$ : Impuls

$$\vec{p}=m\cdot\vec{v}$$

**Kraftstoß****Arbeit**[W] = kg m<sup>2</sup> s<sup>-2</sup>: Arbeit**kin. Energie**[E] = kg m<sup>2</sup> s<sup>-2</sup>: Energie**Hubarbeit**[g] = m s<sup>-2</sup>: Fallbeschleunigung**Leistung**[g] = kg m<sup>2</sup> s<sup>-3</sup>: Leistung**1.2.2 Drehbewegung(Rotation)****Massenträgheitsmoment**[J] = kg m<sup>2</sup>: Massenträgheitsmoment**Drehimpuls**[L] = kg m<sup>2</sup> rad s<sup>-1</sup>: Drehimpuls**Drehmoment**

[M] = N m: Drehmoment

**kinetische Energie****Arbeit****Leistung****Zentripedalkraft****1.2.3 Schiefe Ebene****Kräfte****1.2.4 Reibung****Reibungskräfte**[F<sub>N</sub>] = N: Normalkraft[F<sub>R</sub>] = N: Reibungskraft

[μ] = 1: Reibungskoeffizient

$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = m \cdot \frac{d\vec{v}}{dt} + \vec{v} \cdot \frac{dm}{dt} \quad (1.28)$$

$$\Delta\vec{p} = \vec{p}_2 - \vec{p}_1 = \int_{\vec{p}_2}^{\vec{p}_1} dp = \int_0^t \vec{F} dt \quad (1.29)$$

$$W = - \int_{\vec{s}_1}^{\vec{s}_2} \vec{F}_{\text{Tr}} \circ d\vec{s} \quad (1.30)$$

$$= \int_{\vec{v}_0}^{\vec{v}_1} m \vec{v} \circ d\vec{v} = \frac{1}{2} m (v_1^2 - v_0^2) \quad (1.31)$$

$$E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} m v^2 \quad (1.32)$$

$$W_{\text{hub}} = m g h \quad (1.33)$$

$$P = \vec{F} \circ \vec{v} = \frac{dW}{dt} = \dot{W} \quad (1.34)$$

$$J = \int r^2 dm \quad (1.35)$$

$$\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p} \quad (1.36)$$

$$= J \cdot \vec{\omega} \quad (1.37)$$

$$\vec{M} = \vec{r} \times \vec{F} = J \vec{\alpha} = \dot{\vec{L}} \quad (1.38)$$

$$E_{\text{kin}} = \frac{1}{2} J \omega^2 \quad (1.39)$$

$$W = \int_{\varphi_0}^{\varphi_1} \vec{M} \circ \vec{e}_{\omega} d\varphi = \int_{\vec{\omega}_0}^{\vec{\omega}_1} J \vec{\omega} d\vec{\omega} \quad (1.40)$$

$$= \frac{1}{2} J (\omega_1^2 - \omega_0^2) \quad (1.41)$$

$$P = \vec{M} \circ \vec{\omega} \quad (1.42)$$

$$F_{zp} = -m \cdot \omega^2 \cdot r \quad (1.43)$$

$$= -m \cdot v^2 \cdot \frac{\vec{e}_r}{r} \quad (1.44)$$

$$\vec{F}_N = \vec{F}_G \cos \alpha \quad (1.45)$$

$$\vec{F}_H = \vec{F}_G \sin \alpha \quad (1.46)$$

$$F_R = \mu \cdot F_N \quad (1.47)$$

**Rollreibung**

$[F_N] = \text{N}$ : Normalkraft  
 $[f] = 1$ : Rollreibungstahl  
 $[M] = 1$ : Drehmoment  
 $[r] = \text{m}$ : Radius

$$M = f \cdot F_N \quad (1.48)$$

$$F_R = \frac{f}{r} \cdot F_N \quad (1.49)$$

**1.2.5 Feder****Hookesches Gesetz**

$[k] = \text{N m}^{-1}$ : Federkonstante  
 $[D] = \text{N m rad}^{-1}$ : Winkelrichtgröße

$$F = -kx \quad (1.50)$$

$$M = D\varphi \quad (1.51)$$

$$W = \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} F \, dx = \int_{x_{\min}}^{x_{\max}} kx \, dx \quad (1.52)$$

$$= \frac{1}{2} \cdot k \cdot (x_{\max}^2 - x_{\min}^2) \quad (1.53)$$

**Spannungsenergie****1.2.6 Elastischer Stoß****Energieerhaltung**

Energie vor den Stoß = Energie nach den Stoß

$$\sum E_{\text{kin}} = \sum E'_{\text{kin}} \quad (1.54)$$

**Impulserhaltung**

Impuls vor den Stoß = Impuls nach den Stoß

$$\sum m \vec{v} = \sum m \vec{v}' \quad (1.55)$$

**Zentraler, elastischer Stoß**

(Energie und Impuls)

$$\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} m_1 v_1'^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2'^2 \quad (1.56)$$

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 v_1' + m_2 v_2' \quad (1.57)$$

**Zentraler, elastischer Stoß**

(Geschwindigkeit nach dem Stoß)

$$v_2' = \frac{2m_1}{m_1 + m_2} v_1 + \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2} v_2 \quad (1.58)$$

$$v_1' = \frac{2m_2}{m_1 + m_2} v_2 + \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v_1 \quad (1.59)$$

**1.2.7 Unelastischer Stoß****Energieerhaltung**

Energie vor den Stoß = Energie nach den Stoß + Arbeit

$$\sum E_{\text{kin}} = \sum E'_{\text{kin}} + \Delta W \quad (1.60)$$

**Impulserhaltung**

Impuls vor den Stoß = Impuls nach den Stoß

$$\sum m \vec{v} = \sum m \vec{v}' \quad (1.61)$$

**Total unelastischer Stoß**

(Energie und Impuls)

$$\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2 = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v'^2 + \Delta W \quad (1.62)$$

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) v' \quad (1.63)$$

**Total unelastischer Stoß**

(Geschwindigkeit nach dem Stoß)

$$v' = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2} \quad (1.64)$$

**Total unelastischer Stoß**

(Energieverlust)

$$\Delta W = \frac{m_1 \cdot m_2}{2(m_1 + m_2)} (v_1 - v_2)^2 \quad (1.65)$$

**1.2.8 Drehimpulse****Drehimpulserhaltungssatz**

Drehimpuls zur Zeit 1 = Drehimpuls zur Zeit 2

$$\sum \vec{L} = \sum \vec{L}' \quad (1.67)$$

**Kupplung Zweier Drehkörper**

(Winkelgeschwindigkeit nach dem Kuppeln und Energieverlust)

$$\vec{\omega}' = \frac{J_0 \vec{\omega}_0 + J_1 \vec{\omega}_1}{J_1 + J_2} \quad (1.68)$$

$$W = \frac{J_0 \cdot J_1}{2(J_0 + J_1)} (\omega_0 - \omega_1)^2 \quad (1.69)$$

## 1.2.9 Rotierendes Bezugssystem

### Zentrifugalkraft

$$\vec{F}_Z = F_r \cdot \vec{e}_r = -m\vec{\omega} \times (\vec{\omega} \times \vec{r}) = -m\vec{\omega} \times \vec{v} \quad (1.70)$$

$$F_Z = -m \frac{v^2}{r} = -m\omega^2 r \quad (1.71)$$

### Corioliskraft

$$\vec{F}_C = -2m\vec{\omega} \times \vec{v} \quad (1.72)$$

## 1.3 Schwerpunkt

### Schwerpunkt mehrere Punktmassen

$$\vec{r}_{\text{Sp}} = \frac{\sum \vec{r}_i m_i}{\sum m_i} \quad (1.73)$$

### Allgemein Schwerpunkt

$$\vec{r}_{\text{Sp}} = \frac{\int \vec{r} dm}{\int dm} \quad (1.74)$$

### Schwerpunkt (Kartesische)

$$x_{\text{Sp}} = \frac{\int_z \int_y \int_x x \rho \, dx \, dy \, dz}{\int_z \int_y \int_x \rho \, dx \, dy \, dz} \quad (1.75)$$

$$y_{\text{Sp}} = \frac{\int_z \int_y \int_x y \rho \, dx \, dy \, dz}{\int_z \int_y \int_x \rho \, dx \, dy \, dz} \quad (1.76)$$

$$z_{\text{Sp}} = \frac{\int_z \int_y \int_x z \rho \, dx \, dy \, dz}{\int_z \int_y \int_x \rho \, dx \, dy \, dz} \quad (1.77)$$

### Schwerpunkt (Zylinder)

$$r_{\text{Sp}} = \frac{\int_z \int_\varphi \int_r r^2 \rho \, dr \, d\varphi \, dz}{\int_z \int_\varphi \int_r r \rho \, dr \, d\varphi \, dz} \quad (1.78)$$

$$\varphi_{\text{Sp}} = \frac{\int_z \int_\varphi \int_r \varphi r \rho \, dr \, d\varphi \, dz}{\int_z \int_\varphi \int_r r \rho \, dr \, d\varphi \, dz} \quad (1.79)$$

$$z_{\text{Sp}} = \frac{\int_z \int_\varphi \int_r z r \rho \, dr \, d\varphi \, dz}{\int_z \int_\varphi \int_r r \rho \, dr \, d\varphi \, dz} \quad (1.80)$$

$$x = r \cos \varphi \quad (1.81)$$

$$y = r \sin \varphi \quad (1.82)$$

$$z = z \quad (1.83)$$

## 1.4 Trägheitsmoment

### Allgemein

$$J = \sum m_i r_i^2 \quad (1.84)$$

$$J = \int_m r^2 dm \quad (1.85)$$

$$J = \int_z \int_\varphi \int_r r^3 \rho \, dr \, d\varphi \, dz \quad (1.86)$$

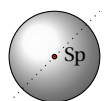
### Satz von Steiner

$[J_s] = \text{kg m}^2$ : Mtm am der alten Achse

$[J_x] = \text{kg m}^2$ : Mtm am der neuen Achse ( $J_x \parallel J_s$ )

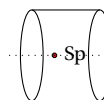
$$J_x = m r^2 + J_s \quad (1.87)$$

### Trägheitsmoment Kugel



$$J_{\text{Sp}} = \frac{2}{5} m r^2 \quad (1.88)$$

### Trägheitsmoment Zylinder



$$J_{\text{Sp}} = \frac{1}{2} m r^2 \quad (1.89)$$

### Trägheitsmoment Kreisring

$$J_{\text{Sp}} = m r^2 \quad (1.90)$$

**Trägheitsmoment Stab**

$$J_{\text{Sp}} = \frac{1}{12} m l^2 \quad (1.91)$$

**1.5 Elastizitätslehre****Spannung**

$[\sigma] = \text{N m}^{-2}$ : Normalspannung

$[\tau] = \text{N m}^{-2}$ : Schubspannung

$[E] = \text{N m}^{-2}$ : Elastizitätsmodul

$[F_n] = \text{N}$ : Normalkraft ( $\vec{F} \parallel \vec{A}$ )

$[\varepsilon] = 1$ : Dehnung

$$\vec{\sigma} = \frac{d\vec{F}_n}{dA} \quad (1.92)$$

$$\sigma = E\varepsilon = E \frac{\Delta l}{l} \quad (1.93)$$

$$\vec{\tau} = \frac{d\vec{F}_t}{dA} \quad (1.94)$$

**Schubmodul**

$[G] = \text{N m}^{-2}$ : Schubmodul

$[\varphi] = \text{rad}$ : Scherwinkel

$$G = \frac{\tau}{\varphi} \quad (1.95)$$

**Drillung**

$[\psi] = \text{rad m}^{-1}$ : Drillung

$[\varphi] = \text{rad}$ : Torsionswinkel

$[l] = \text{m}$ : Länge des Drehkörpers

$[W_t] = \text{m}^3$ : Widerstandsmoment

$$\psi = \frac{d\varphi}{dl} = \frac{W_t}{G \cdot J_p} \tau = \frac{M_t}{G \cdot J_p} \quad (1.96)$$

**Polares Flächenträgheitsmoment**

$[J_p] = \text{m}^4$ : Polares Flächenträgheitsmoment

$$J_p = \int r^2 dA = \int_{\varphi} \int_r r^3 dr d\varphi \quad (1.97)$$

**Verformungsarbeit**

$$W = V \int \sigma(\varepsilon) d\varepsilon \quad (1.98)$$

**1.6 Schwingungen****Harmonische Schwingung**

$[A] = 1$ : Amplitude

$[\omega] = \text{rad s}^{-1}$ : Kreisfrequenz

$[\varphi] = \text{rad}$ : Phasenverschiebung

$$u(t) = A \cos(\omega t + \varphi_0) \quad (1.99)$$

**1.6.1 Ungedämpfte Schwingungen****Federpendel**

$[\hat{x}] = \text{m}$ : Amplitude

$[k] = \text{kg s}^{-2}$ : Federkonstante

$[\omega] = \text{rad s}^{-1}$ : Eigenfrequenz

$$\ddot{x} = -\frac{k}{m} x \quad (1.100)$$

$$x(t) = \hat{x} \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.101)$$

$$\dot{x}(t) = -\hat{x} \omega \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.102)$$

$$\ddot{x}(t) = -\hat{x} \omega^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.103)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad (1.104)$$

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} \quad (1.105)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad (1.106)$$

**Mathematisches Pendel**

$[\varphi] = \text{rad}$ : Auslenkwinkel

$[\hat{\varphi}] = \text{rad}$ : Amplitude

$[g] = \text{m s}^{-2}$ : Fallbeschleunigung

$[\omega] = \text{rad s}^{-1}$ : Eigenfrequenz

$[l] = \text{m}$ : Pendellänge

$$\ddot{\varphi} = -\frac{g}{l} \varphi \quad (1.107)$$

$$\varphi(t) = \hat{\varphi} \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.108)$$

$$\dot{\varphi}(t) = -\hat{\varphi} \omega \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.109)$$

$$\ddot{\varphi}(t) = -\hat{\varphi} \omega^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.110)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{l}} \quad (1.111)$$

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{l}} \quad (1.112)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \quad (1.113)$$

**Physikalisches Pendel**

$[\varphi] = \text{rad}$ : Auslenkwinkel  
 $[\hat{\varphi}] = \text{rad}$ : Amplitude  
 $[g] = \text{m s}^{-2}$ : Fallbeschleunigung  
 $[\omega] = \text{rad s}^{-1}$ : Eigenfrequenz  
 $[l] = \text{m}$ : Abstand Drehachse A zum SP  
 $[J_A] = \text{kg m}^2$ : Trägheitsmoment um Achse A

$$\ddot{\varphi} = -\frac{lmg}{J_A} \varphi \quad (1.114)$$

$$\varphi(t) = \hat{\varphi} \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.115)$$

$$\dot{\varphi}(t) = -\hat{\varphi} \omega \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.116)$$

$$\ddot{\varphi}(t) = -\hat{\varphi} \omega^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.117)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{mgl}{J_A}} \quad (1.118)$$

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{mgl}{J_A}} \quad (1.119)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{J_A}{mgl}} \quad (1.120)$$

**Torionsschwingung**

$[\varphi] = \text{rad}$ : Torionswinkel  
 $[\hat{\varphi}] = \text{rad}$ : Amplitude  
 $[\omega] = \text{rad s}^{-1}$ : Eigenfrequenz  
 $[D] = \text{rad s}^{-1}$ : Winkelrichtgröße  
 $[J_A] = \text{kg m}^2$ : Trägheitsmoment um Achse A

$$\ddot{\varphi} = -\frac{D}{J_A} \varphi \quad (1.121)$$

$$\varphi(t) = \hat{\varphi} \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.122)$$

$$\dot{\varphi}(t) = -\hat{\varphi} \omega \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.123)$$

$$\ddot{\varphi}(t) = -\hat{\varphi} \omega^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.124)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{D}{J_A}} \quad (1.125)$$

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{D}{J_A}} \quad (1.126)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{J_A}{D}} \quad (1.127)$$

**Flüssigkeitspendel**

$[y] = \text{m}$ : Auslenkung  
 $[\hat{y}] = \text{m}$ : Amplitude  
 $[\omega] = \text{rad s}^{-1}$ : Eigenfrequenz  
 $[\rho] = \text{kg m}^{-2}$ : Dichte der Flüssigkeit  
 $[l] = \text{m}$ : Länge der Flüssigkeitsseule  
 $[A] = \text{m}^2$ : Querschnittsfläche

$$\ddot{y} = -\frac{2A\rho g}{m} y \quad (1.128)$$

$$\varphi(t) = \hat{y} \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.129)$$

$$\dot{\varphi}(t) = -\hat{y} \omega \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.130)$$

$$\ddot{\varphi}(t) = -\hat{y} \omega^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.131)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2A\rho g}{m}} = \sqrt{\frac{2g}{l}} \quad (1.132)$$

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2g}{l}} \quad (1.133)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{2g}} \quad (1.134)$$

**Elektrischer Schwingkreis**

$[q] = \text{As}$ : Ladung  
 $[\hat{q}] = \text{As}$ : Amplitude, max. Ladung Kondensator  
 $[L] = \text{Vs A}^{-1}$ : Induktivität  
 $[C] = \text{As V}^{-1}$ : Kapazität

$$0 = L\ddot{Q} + \frac{Q}{C} \quad (1.135)$$

$$q(t) = \hat{Q} \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.136)$$

$$\dot{q}(t) = -\hat{Q} \omega \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.137)$$

$$\ddot{q}(t) = -\hat{Q} \omega^2 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) \quad (1.138)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC}} \quad (1.139)$$

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{1}{LC}} \quad (1.140)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{1}{LC}} \quad (1.141)$$

**1.6.2 Gedämpfte Schwingungen****Schwingungsgleichung mit Reibung**

$[k] = \text{kg s}^{-2}$ : Richtgröße  
 $[F_R] = \text{N}$ : Reibungskraft  
 $[x] = \text{m}$ : Auslenkung

$$m\ddot{x} = -kx + F_R \quad (1.142)$$

**Coulomb-Reibung**

$[k] = \text{kg s}^{-2}$ : Richtgröße  
 $[F_N] = \text{N}$ : Normalkraft  
 $[F_R] = \text{N}$ : Reibungskraft  
 $[\mu] = 1$ : Reibungskoeffizient  
 $[\dot{x}] = \text{m s}^{-1}$ : Geschwindigkeit

$$F_R = -\text{sgn}(\dot{x}) \mu F_N \quad (1.143)$$

$$0 = m\ddot{x} + kx + \text{sgn}(\dot{x}) \mu F_N \quad (1.144)$$

$$\text{sgn}(\dot{x}) = \begin{cases} -1 & \dot{x} < 0 \\ 0 & \dot{x} = 0 \\ +1 & \dot{x} > 0 \end{cases} \quad (1.145)$$

Gleitreibung(Nicht Behandelt)

[*k*] = **kg s<sup>-2</sup>**: Richtgröße  
 [*F<sub>N</sub>*] = **N**: Normalkraft  
 [*μ*] = **1**: Reibungskoeffizient  
 [*x̂<sub>0</sub>*] = **m**: Start Amplitude  
 [*x̂<sub>1</sub>*] = **m**: End Amplitude

Viskose Reibung

[*k*] = **kg s<sup>-2</sup>**: Richtgröße  
 [*x̂*] = **m**: Amplitude  
 [*ω*] = **rad s<sup>-1</sup>**: Eigenfrequenz  
 [*δ*] = **s<sup>-1</sup>**: Abklingkoeffizient  
 [*b*] = **kg s<sup>-1</sup>**: Dämpfungskonstante  
 [*D*] = **1**: Dämpfungsgrad

Viskose Reibung

Schwingfall. *δ* < *ω*<sub>0</sub>

Viskose Reibung

Aperiodischer Grenzfall *δ* = *ω*<sub>0</sub>

Viskose Reibung

Kriechfall *δ* > *ω*<sub>0</sub>

$x(t) = -(\hat{x}_0 - \hat{x}_1) \cos(\omega t) - \hat{x}_1 \quad 0 \leq t \leq \frac{T}{2}$	(1.146)
$x(t) = -(\hat{x}_0 - 3\hat{x}_1) \cos(\omega t) + \hat{x}_1 \quad \frac{T}{2} \leq t \leq T$	(1.147)
$\hat{x}_1 = \frac{\mu F_N}{k}$	(1.148)
$0 = m\ddot{x} + b\dot{x} + kx$	(1.149)
$x(t) = \hat{x} e^{-\delta t} e^{\pm j \sqrt{\omega_0^2 - \delta^2} t}$	(1.150)
$x(t) = \hat{x} e^{-\delta t} e^{\pm j \omega_0 \sqrt{1-D^2} t}$	(1.151)
$\delta = \frac{b}{2m}$	(1.152)
$D = \frac{\delta}{\omega_0}$	(1.153)
$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$	(1.154)
$x(t) = \hat{x} e^{-\delta t} \cos(\sqrt{\omega_0^2 - \delta^2} t + \varphi)$	(1.155)
$x(t) = \hat{x} e^{-\delta t} (1 - \delta t)$	(1.156)
$x(t) = \hat{x} e^{-\delta t} e^{\pm j \sqrt{\omega_0^2 - \delta^2} t}$	(1.157)