# Simulation (compléments du Chapitre 7)

# Yves Aragon\* Université Toulouse Capitole

28 janvier 2019

# 7.1 Exercices

#### Exercice 7.1 (Simulation d'un SARMA)

On veut simuler une série obéissant à (1.2).

- Tirer d'abord 290 observations i.i.d. suivant la loi de  $z_t$ .
- Simuler d'après cette série, une série de 240 valeurs obéissant à (1.2)

## Réponse.

Cette simulation est effectuée par

Notons simplement que innov1 correspond à  $z_t$ , y à  $y_t - 50$  et qu'on a dû expliciter que les coefficients de la régression de  $y_t$  sur ses valeurs passées jusqu'en t - 11, sont nuls.

#### Exercice 7.2 (ARIMA)

On veut simuler une série de 200 valeurs d'une autorégression dont le polynôme a deux racines strictement supérieurs à 1 et une racine égale à 1 :

$$(1 - \frac{B}{1.4})(1 - B)(1 - \frac{B}{1.9}).$$

et la variance du bruit est égale à 1.

- Calculer le polynôme d'autorégression.
- Si on essaie de simuler cette série directement à l'aide de arima.sim(), qu'observe-t-on? La série obéit à un ARIMA(2,1,0). Après avoir consulté l'aide en ligne de cette fonction, reformuler la simulation pour pouvoir utiliser arima.sim().
- Simuler la série à l'aide de simulate().

<sup>\*</sup>yves.aragon@gmail.com

### Réponse.

— Calcul du polynôme d'autorégression.

```
> require("polynom")
> autop <- polynomial(c(1, -1/1.4)) * polynomial(c(1, -1)) *
+ polynomial(c(1, -1/1.9))</pre>
```

— Simulation directe. On obtient une erreur car la partie autorégressive du modèle n'est pas stationnaire. Le processus à simuler étant un ARIMA(2,1,0), on peut exprimer le facteur du terme en (1-B): (1-B/1.4)(1-B/1.9) et simuler l'ARIMA:

— Pour simuler la série à l'aide de simulate(), on construit le modèle via ARMA() puis on le simule

```
> require(dse)
> AR <- array(autop1, c(length(autop1), 1, 1))
> MA <- array(1, c(1, 1, 1))
> mod2 <- ARMA(A = AR, B = MA)
> asim8c <- simulate(mod2, sampleT = 60, sd = 1.5)</pre>
```

ainsi, alors que arima.sim() ne peut simuler que des ARMA ou des ARIMA explicites, simulate(), comme filter() peut simuler toute autorégression.

# 7.2 Intervention

#### Exercice 7.3

On dispose d'une série de 100 observations. On sait qu'à la date t1=10, une intervention a provoqué une hausse brutale du niveau moyen de la série qui est progressivement revenue à son niveau antérieur à la date t1. D'autre part, en t2=25, une autre intervention a provoqué une baisse progressive, avec des oscillations, du niveau moyen vers un niveau durablement inférieur.

- 1. Ecrire formellement ce mécanisme. On notera  $\omega_i$ ,  $\delta_i$ , i=1,2 les paramètres des deux interventions.
- 2. Ecrire le code R pour calculer cet effet. Choisir des valeurs sensées pour les paramètres.

#### Réponse.

L'intervention en t1 est associée à une impulsion  $P_t^{t1}$  et un amortissement du type

$$\frac{\omega_1}{1-\delta_1 B}, \qquad \quad \omega_1, \, \delta_1 > 0$$

et celle en t2, qui dure, est associée à un échelon  $S_t^{r2}$  et l'amortissement est du même type avec maintenant  $\omega_2 > 0$ ,  $\delta_2 < 0$ . Sans autres précisions, l'intervention en t2 va provoquer un saut de  $\omega_2$ . On peut l'atténuer en introduisant une intervention ponctuelle  $P_t^{r2}$  de coefficient  $\omega_3 < 0$ .

A la date t2 la série est nécessairement en train de revenir à son niveau moyen initial quand survient l'événement.