Districte universitari de Catalunya

- Resoleu el problema P1 i responeu a les güestions Q1 i Q2.
- Escolliu una de les opcions (A o B) i resoleu el problema P2 i responeu a les qüestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

(En total cal resoldre dos problemes i respondre a quatre qüestions.) [Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Cada qüestió val 1 punt.]

P1. Una massa m<sub>1</sub> = 200 g es troba en repòs sobre una superfície horitzontal, sense fricció apreciable, unida a l'extrem d'una molla de massa negligible que per l'altre extrem està unida a una paret i inicialment no està ni comprimida ni estirada. Una segona massa m2 = 600 g es desplaça sobre la mateixa superfície amb una velocitat v = 4 m/s en el sentit indicat en la figura i experimenta un xoc frontal, perfectament inelàstic, amb m<sub>1</sub>. La constant recuperadora de la molla val k = 500 N/m.



#### Calculeu:

- a) L'energia mecànica perduda en el xoc.
- b) La compressió màxima de la molla.
- c) La velocitat del sistema quan el desplaçament, mesurat des del punt on es produeix el xoc, és de 6 cm.
- Q1. Dos satèl·lits A i B tenen la mateixa massa i giren al voltant de la Terra en òrbites circulars, de manera que el radi de l'òrbita d'A és més gran que el radi de l'òrbita de B.
  - a) Quin dels dos satèl·lits té més energia cinètica?
  - b) Quin dels dos satèl·lits té més energia mecànica?

Q2. Calculeu el valor de la longitud d'ona associada a un fotó d'energia 3 keV.

Dades:  $h = 6.62 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}, c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}, 1 \text{ eV} = 1.609 \cdot 10^{-19} \text{ J}.$ 

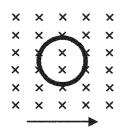


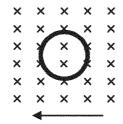
## OPCIÓ A

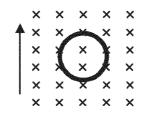
- P2. Tres càrregues elèctriques puntuals, positives, de  $10^{-4}$  C cadascuna, estan situades als vèrtexs d'un triangle equilàter de  $\sqrt{3}$  m de costat. Calculeu:
  - a) El valor de la força electrostàtica que actua sobre cada càrrega per efecte de les altres dues.
  - b) El potencial elèctric en el punt mitjà d'un costat qualsevol del triangle.
  - c) L'energia potencial electrostàtica emmagatzemada en el sistema de càrregues.

Dada:  $k = 1/(4\pi\epsilon_0) = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$ .

- Q3. Són les dotze en punt. Tant l'agulla horària com l'agulla minutera del rellotge apunten cap amunt. En quin instant tornaran a coincidir, per primer cop, les dues agulles del rellotge?
- Q4. Una espira es mou en el si del camp magnètic uniforme representat en la figura, en el sentit que s'indica en cada cas. El símbol X indica que el camp entra en el paper.









A: cap a la dreta

B: cap a l'esquerra

C: cap amunt

D: girant al voltant del diàmetre vertical

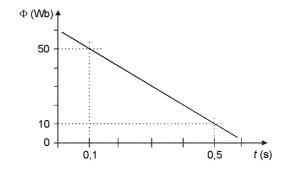
En l'espira, s'indueix corrent elèctric:

- a) en tots els casos.
- b) només en el cas D.
- c) en els casos A i B.
- d) en els casos A, B i C.

Escolliu l'opció correcta i raoneu la resposta.

### OPCIÓ B

- P2. En un moviment circular de radi r = 6.5 m la velocitat angular ve donada per  $\omega = 2 + 3$  t (en unitats del sistema internacional).
  - a) Es tracta d'un moviment circular uniformement accelerat? Per què?
  - b) Calculeu l'acceleració tangencial i l'acceleració normal del punt mòbil en l'instant t = 3 s.
  - c) Determineu la longitud de l'arc recorregut en els dos primers segons del moviment i la velocitat angular al final de la primera volta.
- Q3. Un raig de llum vermella que es propaga per l'aire incideix sobre un vidre i forma un angle de  $30^{\circ}$  amb la direcció normal a la superfície del vidre. L'índex de refracció del vidre per a la llum vermella és  $n_v = 1,5$  i el de l'aire és  $n_a = 1$ . Calculeu l'angle que formen entre si el raig reflectit i el raig refractat.
- Q4. En aquest gràfic es representa la variació del flux magnètic amb el temps en un circuit.



El valor de la força electromotriu induïda serà:

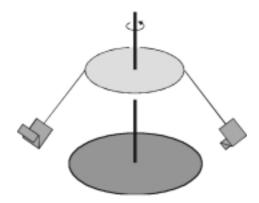
- A) 20 V
- B) 50 V
- C) 100 V
- D) 500 V
- a) Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadernet de respostes, indicant el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que considereu correcta (A, B, C o D).
- b) Justifiqueu la resposta.

- Resoleu el problema P1 i responeu a les güestions Q1 i Q2.
- Escolliu una de les opcions (A o B) i resoleu el problema P2 i responeu a les güestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

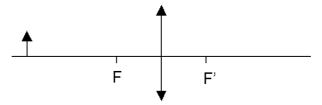
(En total cal resoldre dos problemes i respondre a quatre questions.) [Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Cada questió val 1 punt.]

- P1. El muntatge d'una atracció de fira consisteix en una anella horitzontal de 3 m de radi, de la qual pengen cordes de 4 m de longitud i massa negligible. A l'extrem de cada corda hi ha una cadireta de 2 kg de massa. L'anella gira a velocitat angular constant, al voltant d'un eix vertical que passa pel seu centre.
  - a) Calculeu la velocitat angular de l'anella quan la corda d'una cadireta buida forma un angle de 37° amb la vertical.
  - b) En les condicions anteriors, calculeu la tensió de la corda.
  - c) Si la tensió màxima que poden suportar les cordes sense trencar-se és de 796 N i l'atracció gira a la velocitat adequada perquè la corda continuï formant un angle de 37° amb la vertical, quin és el pes màxim que pot tenir un usuari de l'atracció sense que es trenqui la corda? A quina massa (en kg) correspon aquest pes màxim?

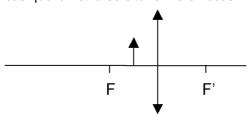
Considereu  $g = 9.81 \text{ m/s}^2$ .



Q1. En l'esquema inferior, dibuixeu la imatge de la fletxa produïda per la lent fent la marxa de raigs corresponent. F i F' són els focus de la lent.



Repetiu el dibuix per al cas que la fletxa se situï entre el focus i la lent, com en l'esquema inferior.



Q2. Un punt material que efectua un moviment harmònic simple realitza 1.700 oscil·lacions d'amplitud 20 cm en 10 s i genera una ona transversal que es propaga a 340 m/s. Calculeu-ne la longitud d'ona. Sabent que la posició inicial del punt material és la de màxima elongació, escriviu l'equació y(x,t) d'aquesta ona en unitats del sistema internacional.

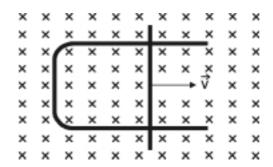
#### OPCIÓ A

- P2. Un cos de massa m es troba sobre una superfície horitzontal sense fricció, lligat a l'extrem d'una molla ideal. El cos experimenta un moviment vibratori harmònic simple, representat per l'equació  $x = 0.02 \cos (10 t + \pi/2)$  en unitats del sistema internacional.
  - a) Calculeu els valors màxims de la posició i la velocitat del cos. Indiqueu en quins punts de la trajectòria s'assoleixen aquests valors màxims.
  - b) Si m = 150 g, calculeu la constant recuperadora de la molla. Calculeu també l'energia total del moviment.
  - c) Calculeu el mòdul de la velocitat del cos quan aquest es troba en la posició corresponent a la meitat de l'amplitud.
- Q3. Dos satèl·lits que tenen la mateixa massa descriuen òrbites circulars al voltant d'un planeta. Les òrbites tenen radis a i b, amb a < b. Raoneu quin dels dos satèl·lits té més energia cinètica.
- Q4. Una esfera conductora de radi 2 cm té una càrrega de -3 μC.
  - a) Quant val el potencial elèctric creat per l'esfera en un punt que dista 3 cm del centre de l'esfera?
  - b) Quant val el camp elèctric creat per l'esfera en un punt que dista 1 cm del centre de l'esfera?

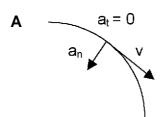
Dada:  $k = 1/(4\pi\epsilon_0) = 9 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$ .

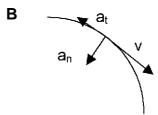
#### OPCIÓ B

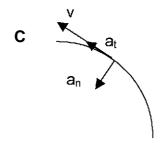
- P2. Considereu dues càrregues iguals, cadascuna de valor Q =  $10^{-5}$  C, fixes en els punts (0,2) i (0,-2). Les distàncies es mesuren en m i la constant de Coulomb val k =  $1/(4\pi\epsilon_0)$  =  $9 \cdot 10^9$  N · m²/C².
  - a) Calculeu el camp elèctric en el punt (2,0). Determineu la força elèctrica total que experimentaria una petita càrrega  $q = 10^{-6}$  C situada en aquest punt.
  - b) Determineu el treball elèctric que un agent extern ha hagut de fer sobre la càrrega q per portar-la des de l'infinit fins al punt (2,0) sense modificar la seva energia cinètica.
  - c) Suposeu que la càrrega q té una massa de 3 g i es troba en repòs en el punt (2,0). Calculeu la velocitat amb què arriba al punt (3,0).
- Q3. Considereu un camp magnètic uniforme, perpendicular a la superfície plana delimitada per un fil metàl·lic en forma de U, i una barra metàl·lica que es mou sobre el fil a velocitat constant i en el sentit indicat en la figura. El símbol X indica que el camp apunta cap a dins del paper.

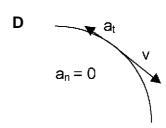


- a) En quin sentit circula el corrent induït en el circuit? Raoneu la resposta.
- b) Quin moviment hauria de descriure la barra perquè el corrent induït fos altern? Per què?
- Q4. Considereu una partícula que descriu un moviment circular uniformement retardat, amb acceleració angular no nul·la. Quin dels diagrames següents li correspon?









- a) Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadernet de respostes, indicant el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que considereu correcta (A, B, C o D).
- b) Justifiqueu la resposta.

Fisica SERIE 3 PAU. LOGSE. WRS 2003-04 PAUTES DE CORRECCIÓ m, = 0,2 kg; m2 = 0,6 kg; N= 4 m/s; k = 500 N/m. P1.  $m_1 \cdot 0 + m_2 \cdot Ar = (m_1 + m_2) Ar' \rightarrow Ar' = \frac{m_2}{m_1 + m_2} Ar = 3 \frac{m_2}{s}$ (0,5)  $\Delta E_{\rm m} = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) N^{12} - \frac{1}{2} m_2 N^2 = -\frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{2} J}$  (en el xoc). (25) Despres del coc: A= =0 (0,5)  $\frac{1}{2}kA^{2} - \frac{1}{2}(m_{1} + m_{2})\sigma^{12} = 0 \longrightarrow A = 0,12 \text{ m}$ c) Primer metode:  $\Delta E_{m} = 0 \longrightarrow \frac{1}{2} k \left(\frac{A}{2}\right)^{2} + \frac{1}{2} (m_{1} + m_{2}) N^{2} - \frac{1}{4} (m_{1} + m_{2}) N^{2} = 0 \longrightarrow \sqrt{N^{2} = 2.6 \text{ m/s}}$  (0,75)Segon metode:  $t=0 \leftrightarrow x=0 \Rightarrow \varphi=0 \longrightarrow x=A \sin \omega t$  $X = A \sin (\omega t + \varphi)$ X = A/2 = A mut -> wt = T/6 rad -> 15 = Awas at = 2,6 m/s Q1. a)  $G = \frac{\sqrt{M_{\oplus}}}{r^2} = \sqrt{\frac{N^2}{r}} \rightarrow E_c = \frac{1}{2} m V^2 = \frac{1}{2} G = \frac{M_{\oplus}}{r} > 0$  $Y_A > Y_8 \rightarrow E_{c_A} < E_{c_B}$ b)  $E_{m} = \frac{1}{2} m \sigma^{2} - G \frac{m M_{\oplus}}{r} = (\frac{1}{2} - 1) G \frac{m M_{\oplus}}{r} = -E_{C} \Rightarrow E_{m_{B}} (0.25)$ (0,25) (leadures regatives)  $3 \text{ keV} = 3 \text{ keV} \cdot \frac{10^3 \text{ eV/keV} \cdot 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ J/eV} = 4,806 \cdot 10^{-16} \text{ J}}{(0.25)}$  $E = h\nu = h \sqrt{\lambda} \rightarrow \lambda = hc/E = 4.13 \cdot 10^{-10} \text{ m}$ OPais A/ SERIE 3 P2. Considerem la carrega del vertex superior 22. Contrideren la control a  $a) \cos \frac{\alpha}{2} = \cos 30^{\circ} = \sqrt{3}/2 \quad \binom{0,25}{2}$   $F = 2 \left[ k \frac{9^{2}}{a^{2}} \right] \cos \frac{\alpha}{2} = \frac{52,0 \text{ N}}{h}$  (0,75)  $b) V = k \left( \frac{9}{a/2} + \frac{9}{a/2} + \frac{9}{h} \right) = 2.7 \cdot 10^{6} \text{ V}$   $h^{2} = a^{2} - \left( \frac{a}{2} \right)^{2}$   $h = \sqrt{a^{2} - \left( \frac{a}{2} \right)^{2}} = 1.5 \text{ m}$  (0,25)

c) 
$$E_p = k \frac{q \cdot q}{a} + k \frac{q \cdot q}{a} + k \frac{q \cdot q}{a} = 3k \frac{q^2}{a} \longrightarrow E_p = 1,56 \cdot 10^2 \text{ J}$$

$$(0,75)$$

$$(0,75)$$

$$(0,25)$$

$$(3. \quad \omega_h = \frac{2\pi}{42 \cdot h \cdot 60 \cdot 60 \cdot 60 \cdot 60 \cdot 60} = \frac{2\pi}{43.200} \text{ rad/s} \quad (0,25)$$

Q3. 
$$\omega_{h} = \frac{2\pi}{42 \text{ h} \cdot 60 \text{ m/h} \cdot 60 \text{ s/m}} = \frac{2\pi}{43.200} \text{ rad/s} \quad (0,25)$$

$$\omega_{m} = \frac{2\pi}{60 \text{ m/h} \cdot 60 \text{ s/m}} = \frac{2\pi}{3.600} \text{ rad/s} \quad (0,25)$$

$$\theta_{h} = \theta_{m} - 2\pi \longrightarrow \omega_{h} \cdot t^{k} = \omega_{m} \cdot t^{k} - 2\pi \longrightarrow t^{k} = 3.927 \text{ s} = \boxed{1 \text{ h} 5 \text{ m} 27 \text{ s}}$$

$$(0,25)$$

θh = θm - 2π → ωh. t\* = ωm. t\* - 2π → t\* = 3.927s = 1h 5m 27s ]

Q4. Opció correcta: (b) "... nomels en el cas D." (0,25)

Justificació: en A, B, C el flux magnetic a travels de l'espira mo convia en el temps, i per tant no s'indueix corrent. En D el flux varia de forme alternativa i per tant s'audueix mu corrent altern. (0,75)

P2. a) 
$$\alpha = d\omega/dt = 3 \text{ rad/s}^2 = \text{chart}$$
, Si, parque  $\alpha = \text{chart} \neq 0$ . (1,0)

OPCIO B | SERIE 3  
P2. a) 
$$\alpha = d\omega/dt = 3 \text{ rad/s}^2 = \text{ctant}$$
 Sí, parque  $\alpha = \text{ctant} \neq 0$ . (1,0)  
b)  $\alpha_1 = \alpha \cdot r = [19, 5 \text{ m/s}^2]$  (0,5)  
 $\alpha_n = \omega^2 \cdot r = (2 + 3 \cdot 3)^2 \cdot 65 = [786, 5 \text{ m/s}^2]$  (0,5)

c) 
$$\Delta\theta = \omega_0 \Delta t + \frac{1}{2} \propto \Delta t^2 = 2.2 + \frac{1}{2} 3.2^2 = 10 \text{ rad} \rightarrow \Delta s = r.\Delta\theta = \frac{65 \text{ m}}{(0.25)}$$

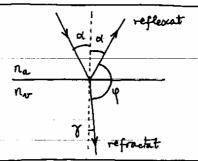
$$\Delta\theta = \omega_0 \Delta t + \frac{1}{2} \propto \Delta t^2$$

$$\omega^2 = \omega_0^2 + 2 \propto \Delta\theta \quad (0,25)$$

$$\omega = \omega_0 + \propto \Delta t$$

$$\omega^2 = 2^2 + 2 \cdot 3 \cdot 2\pi \quad \longrightarrow \quad \omega = 6,5 \text{ rad/s} \quad (0,25)$$

$$\rightarrow \quad \varphi = 180^{\circ} - \alpha - \gamma = \boxed{130,53^{\circ}} \qquad (0,5)$$



Q4. a) Opció correcta: (C) (sense justificació) (0,5)

b) 
$$|\varepsilon| = d\Phi/dt = \Delta\Phi/\Delta t = \frac{|50-10|}{|0.1-0.5|} = 100 V$$
 (0.5)

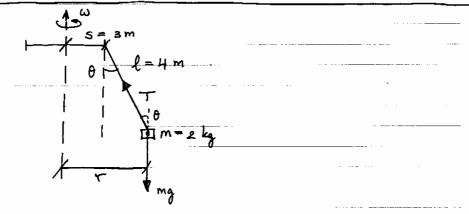
SERIE 1

PAU. LOGSE. WRS 2003-04

FisicA

# PAUTES DE CORRECCIO

P1.



a)  $T = S + l \sin \theta = 5,4 m.$ 

Thin 
$$\theta = M\omega^2 r$$

$$T\cos\theta - mg = 0$$

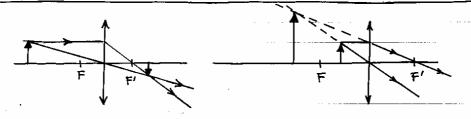
$$\omega^2 = \frac{g + g \theta}{r} \longrightarrow \omega = 1,17 \text{ rod/s}$$

b)  $T = mg/\cos\theta \rightarrow T = 24,6 N$ 

c) 
$$T'\cos\theta - (m+M)g = 0 \longrightarrow Mg = T'\cos\theta - mg \longrightarrow Mg = 616, 4N$$

$$M = 62, 8 \text{ kg}$$

Q1.



Q2. 
$$V = 1.700 \text{ asc} / 10 \text{ s} = 170 \text{ Hz} \rightarrow \lambda = \sqrt[4]{V} = 2 \text{ m}$$
 (0,5)  
 $y = A \cos 2\pi (x/\lambda - vt) \rightarrow z = 0.2 \cos 2\pi (x/2 - 170t)$  (0,5)

# OPCIO A/ SERIE 1

P2. a) 
$$N = dx/dt = -0.02 \cdot 10 \cdot \sin(10t + 1/2)$$
.

$$\times$$
 max = 0,02 m (0,25)  $\rightarrow$  Als extrems de l'oscil·leció (0,25)  
 $\sqrt{25}$   $\rightarrow$  Al punt miz de l'oscil·leció (0,25)

$$a = dv/dt = -0.02 \cdot 10 \cdot 10 \cdot cos(10t + 1/2) = -100 \cdot x(t)$$

$$F = -kx = ma \qquad k = -\frac{ma}{x} = 100 \text{ m} \qquad 15 \text{ N/m} \qquad (0,5)$$

$$E = \frac{1}{2} \text{ kA}^2 = 0,003 \text{ J} \qquad (0,5)$$

$$C) \quad X = 0,04 = 0,02 \cos(10t + \sqrt{2}) \implies (10t + \sqrt{2}) = \arccos\frac{0,04}{0,02} = 60^{\circ} \qquad (0,5)$$

$$|x| = 0,02 \cdot 10 \cdot \text{Ain} \left( \text{Aot} + \sqrt{4} \right) \implies (1,173 \text{ m/s}) \qquad (0,5)$$

$$|x| = 0,02 \cdot 10 \cdot \text{Ain} \left( \text{Aot} + \sqrt{4} \right) \implies (0,173 \text{ m/s}) \qquad (0,5)$$

$$|x| \implies E_{c} \implies T_{c} \implies E_{c} \implies T_{c} \implies E_{c} \implies 1 \text{ may} = G_{c} \implies M_{c} \qquad (0,5)$$

$$|x| \implies E_{c} \implies T_{c} \implies T_{c} \implies E_{c} \implies 1 \text{ and } monor \quad (a) \qquad (0,5)$$

$$|x| \implies E_{c} \implies T_{c} \implies T_{c} \implies E_{c} \implies 1 \text{ and } monor \quad (a) \qquad (0,5)$$

$$|x| \implies E_{c} \implies T_{c} \implies T_{c} \implies E_{c} \implies 1 \text{ and } monor \quad (a) \qquad (0,5)$$

$$|x| \implies E_{c} \implies T_{c} \implies T_{c} \implies E_{c} \implies 1 \text{ and } monor \quad (a) \qquad (0,5)$$

$$|x| \implies E_{c} \implies T_{c} \implies T_{c} \implies E_{c} \implies 1 \text{ and } monor \quad (a) \qquad (0,5)$$

$$|x| \implies E_{c} \implies T_{c} \implies T_{c$$

Q4. a) Opció correcta: (B) (sense justificació) (0,5)

 b) Circular implica que l'acceleració normal és diferent de zero. Retardat implica que l'acceleració tangencial és diferent de zero i en sentit oposat a la velocitat. (0,5)