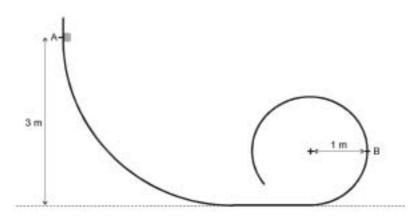
- Feu el problema P1 i responeu a les güestions Q1 i Q2.
- Escolliu una de les opcions (A o B), i feu el problema P2 i responeu a les qüestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

En total cal resoldre dos problemes i respondre a quatre qüestions.

- Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Les qüestions Q1 i Q2 valen 1 punt cadascuna.
- Cada qüestió de l'opció A val 1 punt.
- Les qüestions de l'opció B puntuen entre les dues un mínim de 0 punts i un màxim de 2 punts. Cada qüestió de l'opció B consta de cinc preguntes, amb tres respostes possibles a cada pregunta, de les quals només una és correcta. Una resposta encertada val 0,20 punts, una resposta en blanc val 0 punts i una resposta errònia val –0,10 punts.
- P1. Deixem caure una massa puntual de 2 kg des de l'extrem A de la guia representada a la figura, situat a 3 m de terra. L'altre extrem de la guia descriu un cercle de radi 1 m, en un pla vertical. Suposeu que no hi ha fregament a la guia, i determineu:
 - a) La velocitat de la partícula en el punt B.
 - b) La força que la guia fa sobre la partícula en el punt B.
 - c) El mòdul de l'acceleració total de la partícula en el punt B.



- Q1. Disposem de dues molles idèntiques, fixades al sostre. Pengem una massa A a la primera molla i una massa B a la segona, i les deixem oscil·lar amb un moviment harmònic simple.
 - a) Si $m_{\rm A}$ = 2 $m_{\rm B}$, determineu la relació entre els períodes d'oscil·lació.
 - b) Expliqueu com afecta l'amplitud de l'oscil·lació al valor del període.
- Q2. Tenim una massa de 10 kg en repòs sobre la superfície terrestre. Quin treball cal fer per pujar-la fins a una altura de 10 m? I fins a una altura de 630 km?

Dades: $G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$, $M_T = 5.98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$, $R_T = 6.37 \cdot 10^6 \text{ m}$

OPCIÓ A

- P2. En una cubeta d'ones es generen ones transversals planes de 10 cm d'amplitud. El generador fa 10 oscil·lacions cada 5 s. La vora de la cubeta es troba a 60 cm de distància, i les ones tarden 1 s a arribar-hi. Determineu:
 - a) L'equació de les ones generades en la superfície de la cubeta (en unitats de l'SI).

Les ones fan oscil·lar un tap de suro de 5 g que es troba a la cubeta, amb un moviment vibratori harmònic. Calculeu:

- b) L'energia cinètica del suro quan la seva elongació és de 5 cm.
- c) L'energia mecànica total del suro.
- Q3. L'energia cinètica d'una partícula carregada, pot ser modificada per un camp magnètic uniforme? I per un camp elèctric uniforme? Justifiqueu les respostes.
- Q4. Se sap que la sensibilitat més gran de l'ull humà correspon a la llum de longitud d'ona $\lambda = 5.5 \cdot 10^{-7}$ m. Determineu l'energia i la quantitat de moviment dels fotons d'aquesta longitud d'ona.

Dades: $h = 6.62 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}, c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$

OPCIÓ B

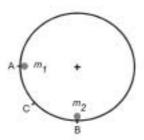
- P2. Considereu dues càrregues idèntiques de valor $q = -3 \mu C$ situades als vèrtexs de la base d'un triangle equilàter de costat r = 2 m. Determineu:
 - a) El camp elèctric creat per aquestes càrregues en el vèrtex superior del triangle.
 - b) El treball necessari per portar una càrrega positiva d'1 μ C des de l'infinit fins al vèrtex superior del triangle.
 - c) L'energia potencial d'una càrrega positiva d'1 μC col·locada al vèrtex superior del triangle.

Dada: $k = 1/(4\pi\epsilon_0) = 9.0 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2 \text{ C}^{-2}$

Les dues qüestions següents tenen format de prova objectiva. En cada pregunta (1 a 5) es proposen tres respostes (a, b, c), de les quals només una és correcta. Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadernet de respostes. Indiqueu-hi el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que considereu correcta (exemple: 2.c).

No heu de justificar la resposta escollida.

Q3. La figura representa una guia circular en un pla vertical. La bola m_1 , inicialment en repòs en el punt A, llisca per la guia i xoca elàsticament amb la bola m_2 , inicialment en repòs en el punt B. Com a conseqüència del xoc, la bola m_1 retrocedeix fins a la posició C. El fregament és negligible.



- 1. La massa de la bola m_2 :
- a) És igual que la de la bola m_1 .
- b) És més petita.
- c) És més gran.
- 2. La quantitat de moviment de la bola m_1 després del xoc:
- a) És la mateixa que abans del xoc.
- b) És diferent que abans del xoc.
- c) Es manté constant.
- 3. La quantitat de moviment del sistema constituït per les dues boles:
- a) És la mateixa en tot moment des que m_1 ha sortit d'A.
- b) Varia per efecte del xoc.
- c) No varia per efecte del xoc.
- 4. En tot el procés es manté constant:
- a) L'energia cinètica del sistema.
- b) L'energia mecànica del sistema.
- c) L'energia mecànica de m_1 .
- 5. Suposem que les masses m_1 i m_2 són iguals. Es verifica que:
- a) La bola m_1 retrocedeix fins a una posició superior al punt C.
- b) La bola m_2 ascendeix fins a una altura igual a la del punt A.
- c) Immediatament després del xoc, les velocitats de m_1 i m_2 són iguals i de sentit contrari.

- Q4. Una ona harmònica descrita per l'equació $y(x,t) = 2\cos\pi(x-2t)$, en unitats de l'SI, viatja per un medi elàstic.
 - 1. La velocitat de propagació de l'ona és de:
 - a) 0,5 m/s.
 - b) 1 m/s.
 - c) 2 m/s.
 - 2. La distància mínima entre dos punts en el mateix estat de pertorbació és de:
 - a) 0,5 m.
 - b) 2 m.
 - c) 5 m.
 - 3. L'amplitud de la pertorbació és de:
 - a) 0,5 m.
 - b) 1 m.
 - c) 2 m.
 - 4. La freqüència angular (o pulsació) és de:
 - a) $2 \pi \text{ rad/s}$.
 - b) 2 rad/s.
 - c) $\pi/2$ rad/s.
 - 5. La velocitat màxima d'oscil·lació d'un punt afectat per la pertorbació és de:
 - a) π m/s.
 - b) 2π m/s.
 - c) 4π m/s.

Districte universitari de Catalunya

- Feu el problema P1 i responeu a les güestions Q1 i Q2.
- Escolliu una de les opcions (A o B), i feu el problema P2 i responeu a les güestions Q3 i Q4 de l'opció escollida.

En total cal fer dos problemes i respondre a quatre güestions.

- Cada problema val 3 punts (1 punt per cada apartat). Les qüestions Q1 i Q2 valen 1 punt cadascuna.
- Cada questió de l'opció A val 1 punt.
- Les güestions de l'opció B puntuen entre les dues un mínim de 0 punts i un màxim de 2 punts. Cada qüestió de l'opció B consta de cinc preguntes, amb tres respostes possibles a cada pregunta, de les quals només una és correcta. Una resposta encertada val 0,20 punts, una resposta en blanc val 0 punts i una resposta errònia val -0,10 punts.
- P1. Un gronxador està format per una cadira d'1,5 kg i una cadena d'1,80 m de longitud i massa negligible. Una nena de 20 kg s'hi gronxa. En el punt més alt de l'oscil·lació, la cadena forma un angle de 40° amb la vertical. Determineu:
 - a) L'acceleració del gronxador i la tensió de la cadena en el punt més alt de l'oscil·lació.
 - b) La velocitat del gronxador en el punt més baix de l'oscil·lació.
 - c) La tensió màxima de la cadena.
- Q1. Des de la part superior d'un pla inclinat, d'angle 37° amb el pla horitzontal i longitud 5 m, deixem caure una partícula de massa 10 kg. La partícula arriba a la part inferior del pla inclinat amb una velocitat de 6 m/s.
 - a) Quant val el treball que la força pes ha fet sobre la partícula en aquest trajecte?
 - b) Quant val el treball fet per la força de fregament?
- Q2. Entre dos punts A i B s'estableix una diferència de potencial V_A V_B = 120 V. Un electró està situat al punt B, inicialment en repòs. Determineu:
 - a) La velocitat amb què arriba al punt A.
 - b) La longitud d'ona de de Broglie de l'electró, corresponent a la velocitat anterior.

Dades: $h = 6.62 \cdot 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}, q_e = -1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}, m_e = 9.11 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$



OPCIÓ A

- P2. Júpiter és l'objecte més màssic del sistema solar després del Sol. La seva òrbita al voltant del Sol es pot considerar circular, amb un període d'11,86 anys. Determineu:
 - a) La distància de Júpiter al Sol.
 - b) La velocitat de Júpiter en la seva òrbita al voltant del Sol.
 - c) L'energia mecànica total (cinètica i potencial) de Júpiter.

Dades: massa de Júpiter $m = 1.9 \cdot 10^{27}$ kg, massa del Sol $M = 2.0 \cdot 10^{30}$ kg, constant de la gravitació universal $G = 6.67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$.

- Q3. Un mirall esfèric còncau té un radi de curvatura *R*. Dibuixeu els diagrames de raigs necessaris per localitzar la imatge d'un objecte petit en forma de fletxa situat sobre l'eix del mirall, a una distància *d* de l'extrem del mirall, en els casos següents:
 - a) d = 2R.
 - b) d = R/3.

Indiqueu en cada cas si la imatge és virtual o real, dreta o invertida, reduïda o ampliada.

Q4. Una ona electromagnètica que es propaga en el buit té una longitud d'ona $\lambda = 5 \cdot 10^{-7}$ m. Calculeu la seva longitud d'ona quan penetra en un medi d'índex de refracció n = 1,5.

OPCIÓ B

P2. Una ona harmònica transversal es propaga per un medi material homogeni segons l'equació

$$y(x, t) = 0.3 \cos \pi (1.5 t - 3 x),$$

expressada en unitats del SI. Determineu:

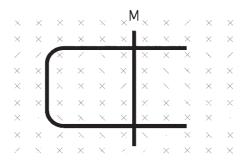
- a) La velocitat de propagació de l'ona, la longitud d'ona i el període.
- b) L'amplitud de l'oscil·lació d'una partícula del medi i la seva velocitat màxima en el moviment d'oscil·lació.
- c) L'acceleració, en el moviment d'oscil·lació, d'una partícula del medi que es troba en la posició x = 0,25 m en l'instant t = 1 s.

Les dues qüestions següents tenen format de prova objectiva. En cada pregunta (1 a 5) es proposen tres respostes (a, b, c), de les quals només una és correcta. Trieu la resposta que considereu correcta i traslladeu-la al quadernet de respostes. Indiqueu-hi el número de la pregunta i, al costat, la lletra que precedeix la resposta que considereu correcta (exemple: 2.c).

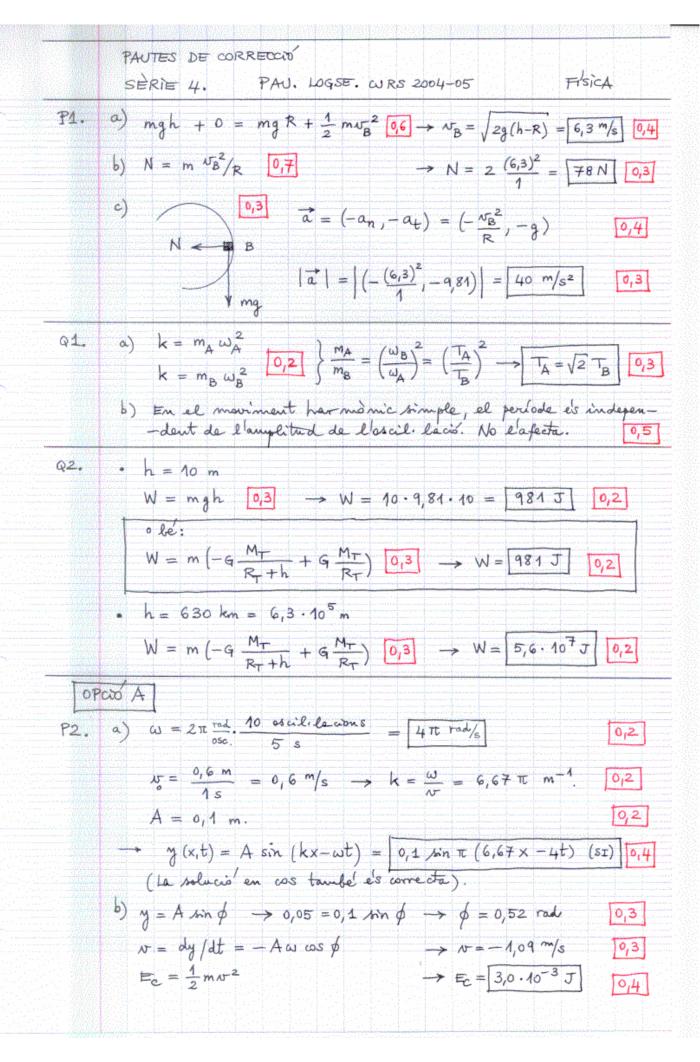
No heu de justificar la resposta escollida.

- Q3. En el joc del billar les boles tenen masses iguals, i poden xocar entre elles o rebotar en una de les bandes de la taula de billar.
 - 1. Les bandes de la taula estan dissenyades perquè les boles hi rebotin elàsticament. En un d'aquests rebots:
 - a) Es conserva la quantitat de moviment.
 - b) Es conserva l'energia cinètica.
 - c) No es conserva ni la quantitat de moviment ni l'energia cinètica
 - 2. El xoc entre dues boles és parcialment inelàstic. En un xoc d'aquesta mena:
 - a) Es conserva la quantitat de moviment.
 - b) Es conserva l'energia cinètica.
 - c) No es conserva ni la quantitat de moviment ni l'energia cinètica.
 - 3. En un xoc entre dues boles, les forces que s'exerceixen entre si:
 - a) Són iguals en mòdul i direcció, i tenen sentits contraris.
 - b) Tenen mòdul diferent, perquè el mòdul de la força sobre cada bola depèn de la velocitat amb què la bola arriba al xoc.
 - c) Tenen direcció diferent, perquè la direcció de la força sobre cada bola depèn de la direcció de la velocitat amb què la bola surt del xoc.
 - 4. Si una de les boles inicialment està aturada i el xoc és frontal, quina de les situacions finals següents és impossible:
 - a) La bola que estava aturada és la que es mou més ràpidament.
 - b) Les boles surten en sentits contraris.
 - c) Les boles surten en el mateix sentit.
 - 5. Si en el cas anterior el xoc hagués estat elàstic, en la situació final:
 - a) Les boles es reparteixen la velocitat inicial, la meitat cadascuna.
 - b) Les boles es reparteixen l'energia cinètica inicial, la meitat cadascuna.
 - c) La bola que estava aturada es queda amb tota l'energia cinètica.

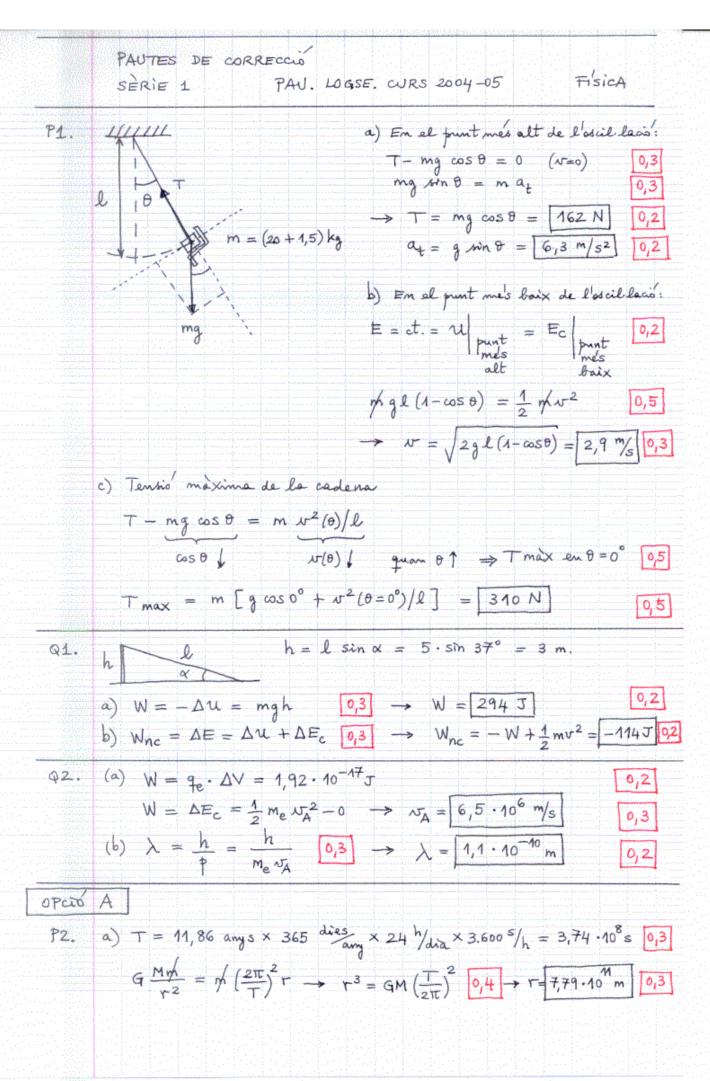
Q4. Sobre el conductor metàl·lic en forma de ⊂ de la figura pot lliscar la barra metàl·lica M. Tot el conjunt es troba en un pla horitzontal, en presència d'un camp magnètic uniforme de mòdul *B*, direcció perpendicular al pla del paper i sentit cap a dins.



- 1. Si la barra llisca a velocitat constant en el sentit en què augmenta la superfície delimitada pel circuit, s'indueix un corrent en el circuit que:
- a) Circula en el sentit de gir de les agulles del rellotge.
- b) Circula en sentit contrari al del gir de les agulles del rellotge.
- c) Creix en el temps.
- 2. Si el flux magnètic a través de la superfície delimitada pel circuit, en funció del temps, ve donat per $\Phi = 0.1 \cdot t$ (en unitats de l'SI), la força electromotriu del corrent induït en el circuit en els primers 5 s té un valor de:
- a) 5 V.
- b) 0.5 V.
- c) 0,1 V.
- 3. Si la barra llisqués sobre el conductor en forma de ⊂ amb un moviment vibratori harmònic:
- a) La forca electromotriu del corrent induït en el circuit tindria un valor constant.
- b) El corrent induït seria un corrent altern.
- c) No s'induiria corrent, perquè el circuit no conté cap generador.
- 4. Si la barra es mantingués immòbil sobre el conductor en forma de ⊂, i disminuís progressivament el valor del camp magnètic en el circuit:
- a) No s'induiria corrent.
- b) S'induiria corrent en el sentit de gir de les agulles del rellotge.
- c) S'induiria corrent en sentit contrari al del gir de les agulles del rellotge.
- 5. Si el conductor en forma de ⊂ girés entorn de l'eix vertical definit per la barra M:
- a) Circularia un corrent d'intensitat constant.
- b) No circularia corrent.
- c) Circularia un corrent d'intensitat variable.



```
SERIE 4 (CONT.)
                       c) Per al MHS del suro:
                                        K = mw2
                                          E_{m} = \frac{1}{2} KA^{2} = \frac{1}{2} m\omega^{2} A^{2} = \frac{1}{2} m\omega^{2} A^{
                       · rue camp magnètic mi forme no pot como ar l'energià cinèti-
ca d'una particula carregada, perque'...
93.
                                           ... A B // N -> FB = 0 -> N = ctout
                                                                                                                                                                                                                                                                                                     0,3
                                             ··· & BX i -> Fair -> Wi=tout.
                                  un camp elèctric uni forme sempre camrà l'energia cinati-
ca d'una particula carregada, perque:
                                                               \vec{F} = q\vec{E} \neq 0 comma la component de \vec{v} en la direcció de \vec{E}.
                                                                                           0.3 \longrightarrow E = (6,62 \cdot 10^{-34}) \frac{3 \cdot 10^8}{5.5 \cdot 10^{-7}} = 3,6 \cdot 10^{-19} \text{J}
                                                                                            0,3 \rightarrow p = \frac{6,62 \cdot 10^{-34}}{5,5 \cdot 10^{-7}} = 1,2 \cdot 10^{-27} \text{ kg m/s}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   0,2
       OPCTO B
                                                                                                             \overrightarrow{E} = k \frac{|4|}{r^2} \left( -mn\theta, -\omega s\theta \right) + k \frac{|4|}{r^2} \left( mn\theta, -\omega s\theta \right)
                                                                                                      = k \frac{|9|}{r^2} \left(0, -2\cos\theta\right) \quad \text{and} \quad \theta = 30^\circ
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   0,7
                                                                                                                    E = (0, -11.691) N/C |
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   0,3
                          b) W = q' \left( k \frac{q}{r} + k \frac{q}{r} \right) \left[ 07 \right] \rightarrow W = \left[ -2, 7 \cdot 10^{-2} \right]
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   0,3
                           e) u = q' V = q' (k + k + k + 1) 07 \rightarrow u = [-2,7.10^{-2}] [0,3]
                            1.c, 2.b, 3.c, 4.b, 5.b
  93.
                                                                                                                                                                                     Correcta: 0,2
                                                                                                                                                                                                                                                                       El total de
                                                                                                                                                                                                                                                                             Q3+Q4
                                                                                                                                                                                       Enflanc: 0
                                                                                                                                                                                                                                                                      entre oi 2
                                  1.c, 2.b, 3.c, 4.a, 5.c
   94.
                                                                                                                                                                                    Incorrecta: -0,1
                                                                                                                                                                                                                                                                         trunts (no
                                                                                                                                                                                                                                                                         puntua aous
                                                                                                                                                                                                                                                                          negatives)
```



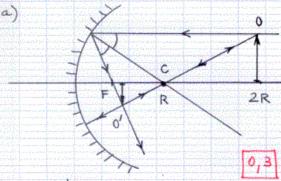
SERIE 1 (CONT.)

b)
$$w = \omega r = \left(\frac{2\pi}{T}\right) r$$

c)
$$E = \frac{1}{2} m N^2 - G \frac{Mm}{r} = -\frac{1}{2} G \frac{Mm}{r} = -\frac{1}{0.7} \rightarrow E = -\frac{1}{0.63 \cdot 10^{35}} J$$

$$0.7 \rightarrow E = -1.63 \cdot 10^{35} \text{ J}$$

93.



C: centre de curvatura

0: objecte, 0': imatge

C: centre de curvatura

F. focus

0 : objecte, 0 : imatge

La imatge es virtual, dreta i ampliada.

La imatge es real, invertida 0,2

$$\lambda' = \frac{v}{v} = \frac{c/n}{c/\lambda} = \frac{\lambda}{n} \quad \boxed{0,7}$$

$$\rightarrow \quad \lambda' = 3.3 \cdot 10^{-7} \text{ m} \quad 0.3$$

operd B

a) y = A cos (wt-kx) P2.

F: focus

i reduida.

$$V = \frac{\omega}{k} \qquad \qquad V = \frac{1.5 \pi}{3 \pi} = \begin{bmatrix} 0.5 \text{ m/s} \\ 0.2 \end{bmatrix}$$

$$\lambda = \frac{2\pi}{3 \pi} = \begin{bmatrix} 0.67 \text{ m} \\ 0.67 \text{ m} \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{3\pi} = 0,67 \text{ m}$$

$$T = 2\pi/\omega \qquad \boxed{0,2} \qquad \Rightarrow \qquad T = \frac{2\pi}{1,5\pi} = \boxed{1,33.5} \boxed{0}$$

b)
$$A = [0, 3 \text{ m}]$$
 $[0, 3]$
 $V_{\text{max}} = A \omega$ $[0, 4]$ $\rightarrow V_{\text{max}} = [1, 4 \text{ m/s}]$ $[0, 3]$

c)
$$a(x,t) = \frac{d^2y}{dt^2} = -A\omega^2 \cos(\omega t - kx)$$
 [0,6]

$$a(0,25 \text{ m}, 1 \text{ s}) = 4,71 \text{ m/s}^2$$
 0,4

Incorrecta: -0,1

El total de Q3+Q4 entre 0 i 2 puits (no intuacions negatives)

1.b, 2.c, 3.b, 4.b, 5.c QH.