Wskaźniki i tablice

Rozdział ten jest poświęcony problemom magazynowania i przekazywania informacji między procedurami w trakcie realizacji kodu programu. Programista zazwyczaj musi rozwiązać nie tylko problem sposobu realizacji samego rozwiązania, ale również aranżacji danych w kodzie. Ponieważ kod programu swoje działanie opiera o posiadane dane, kluczowym zagadnieniem w procesie programowania jest zrozumienie, jaki charakter mają posiadane dane i odpowiednie ich użycie. W literaturze [21, 28, 43-45, 65, 84, 91] znajdziemy wiele podejść do sposobu archiwizacji danych. Przedstawione metody magazynowania danych pokazują, że odpowiednie rozwiązanie problemu magazynowania danych w procedurze czy całym programie znacznie podnosi efektywność. W informatyce w zasadzie podstawowym pojęciem pomagającym opisać charakter powiązań pomiędzy posiadanymi informacjami jest tablica. Tablica w swoich kolejnych komórkach może zawierać informacje powiązane ze sobą jakąś konkretną zależnością lub wyniki operacji przeprowadzonych w trakcie kolejnych iteracji.

Tablica w różnej formie, jedno czy dwu wymiarowej, jest elementem kodu praktycznie każdego programu, dlatego dobre zrozumienie tego pojęcia leży u podstaw opanowania zdolności programistyczny. Kolejnym elementem często wykorzystywanym w trakcie pracy z danymi jest wskaźnik. Bardzo często przechowujemy w nim informację opisującą wybrane cechy omawianych elementów. Dzięki operacjom na wskaźnikach możemy zrealizować wiele z pozoru skomplikowanych rozwiązań. Choć sam wskaźnik wydać się może Czytelnikowi pojęciem abstrakcyjnym jest on w istocie jednym z kluczowych elementów efektywnego programowania.

Informacje zawarte w kolejnych podpunktach rozdziału pokażą, w jaki sposób należy budować a następnie wypełniać tablice. W praktycznych przykładach pokażemy również zastosowanie wskaźników w rozwiązywaniu postawionego przed oprogramowaniem problemu.

Adresy i arytmetyka na wskaźnikach

Ważnym elementem rzemiosła programisty są wskaźniki. W języku C zmienne wskaźnikowe służą do przechowywania adresów obiektów (tj. zmiennych, tablic, struktur i funkcji). Możliwości operowania na adresach różnych obiektów jest wiele, jednak na początku wprowadźmy następujące deklaracje.

```
char *s;
int *p;
double *a;
```

Oznaczają one wskaźniki do zmienny typu *char, int* i *double*.

Przykład 18

Napisać program podstawiający wartość zmiennej a do zmiennej b za pomocą arytmetyki na wskaźnikach.

```
// Deklaracja biblioteki
#include<stdio.h>
int main()
                                Deklaracja wskaźnika p dla zmiennej
  int a, b;
                             typu int */
   int *p;
   scanf("%d",&a);
                             // Pobranie adresu zmiennej a
  p = &a;
                              /* Podstawienie do zmiennej b wartości
                              przechowywanej pod adresem
   b = *p;
                             rezultacie wykonana zostanie instrukcja
   printf("%d\n",b);
                             a=b; */
   _getch();
   return 0;
                             // Wydruk wartości
```

Wskaźników możemy używać w wyrażeniach arytmetycznych typu y = *p + 1; . W przykładzie tym wskaźnik zwiększa wartość zmiennej zapisanej pod adresem p o jeden i podstawia obliczoną wartość do zmiennej y. Operatory jednoargumentowe * i & mają wyższy priorytet niż operatory arytmetyczne. Oznacza to, że najpierw jest pobierana wartość obiektu z adresu p, a następnie wykonywana jest operacja arytmetyczna. W przykładzie *p = 0; wskaźnik podstawia zero do zmiennej wskazanej przez zmienną p. Wyrażenie *p += 1; zwiększa zmienną zapisaną pod adresem p o jeden podobnie jak instrukcja znana już Czytelnikowi (*p)++; . Jeżeli w programie dokonaliśmy deklaracji int pa,pb; to poprawne jest podstawienie na adresach pa=pb;

Tablice i zmienne wskaźnikowe

Tablica jest elementem wykorzystywanym praktycznie w każdym programie. Dzięki wykorzystaniu tablic możemy zapisywać wiele ciągów różnych informacji. W pewnym sensie tablicę w informatyce możemy rozumieć jako określony ciąg danych, w którym każdy jego element ma swój własny i niepowtarzalny indeks. Podobne pojęcie prezentują autorzy książek [21, 28, 43-45]. Deklaracja *int a[4];* definiuje tablice o elementach *a[0], a[1], a[2], a[3]*. Jeżeli *p* jest wskaźnikiem typu *int* to podstawienie

$$p = &a[0];$$

wstawia adres zerowego elementu tablicy, tak samo jak poniższa instrukcja p = a;

Zatem zapis *(p + i) jest równoważny z a[i]. Istnieje zasadnicza różnica pomiędzy wskaźnikiem odnoszącym się do tablicy i nazwą tablicy, która jest stałą. O ile instrukcje p = a; p++; są poprawne, to niepoprawne są instrukcje a++; p=&a;, gdyż a jest stałą.

Dynamiczna deklaracja tablic

Niestety nie zawsze znamy wymiar tablicy, którą będziemy potrzebowali. Czasem wymiar tablicy jest rozwiązaniem równania, które swoje miejsce ma w dalszej części kodu. W takiej sytuacji wygodnym rozwiązaniem jest dynamiczna deklaracja tablicy. Pierwszym ze sposobów zadeklarowania tablicy dynamicznej jest skorzystanie z funkcji *malloc()* z biblioteki *stdlib*. Czytelnik zechce zapamiętać, co oznaczają związane z dynamicznymi tablicami wyrażenia.

malloc – zwraca wskaźnik do przydzielonej pamięci albo NULL, jeśli nie jest dostępna wystarczająca ilość pamięci. Należy użyć rzutowania, aby został zwrócony wskaźnik odpowiedniego typu.

free – zwalnia przydzieloną pamięć.

Zobaczmy teraz, jak możemy wykorzystać dynamiczne przydzielanie miejsca w pamięci tablicom, których wymiar będziemy znali dopiero po wykonaniu określonej operacji.

Przykład 19

Napisać program deklarujący *n*–elementową tablicę typu *duble*, a następnie wczytujący do niej elementy i wypisujący sumę przeczytanych liczb.

```
// Deklaracja bibliotek.
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<stdlib.h>
int main()
                                      /* Funkcja malloc wymaga
                                    rzutowania adresu (double *) i
                                    podania wielości rezerwowanej
  int n,i;
                                                pamięci
  double s=0;
  printf("Podaj n:");
                                    w bajtach. Funkcja sizeof(double)
                                    zwraca ilość zajmowanego
  scanf("%d",&n);
                                    miejsca przez typ double.
                                    Mnożymy go przez wymiar
  double *a=(double*)
           malloc(sizeof(double)*n);
                                    zadania n.*/
```

```
for(i=0;i<n;i++)
     printf("Podaj a[%d]=",i);
     scanf("%lf",a+i);
                                 /* Sumowanie elementów tablicy
for(i=0;i<n;i++)
    s+=a[i];
                                                        następnie
                                            adres,
                                 przez
printf("suma=%g\n",s);
                                 wydrukowanie sumy.*/
                                 // Uwolnienie zmiennej a.
free(a);
_getch();
return 0;
```



realloc()

Zastanówmy się teraz nad możliwością dynamicznej rezerwacji miejsca w tablicy nie znając z góry liczby elementów do wczytania. Do rozwiązania w ten sposób postawionego zadania użyjemy funkcji realloc(), którą możemy opisać następującą definicją.

realloc – zwraca wskaźnik do rozszerzonego albo przesuniętego bloku pamięci albo NULL, jeśli nie jest dostępna wystarczająca ilość pamięci. Należy użyć rzutowania, aby został zwrócony wskaźnik odpowiedniego typu. W przypadku niemożliwości zmiany przydziału pamięci zarezerwowany blok nie zostanie zmieniony.

Przykład 20

Napisać program deklarujący tablicę typu *duble*, a następnie wczytujący do niej elementy i wypisujący sumę przeczytanych liczb. Wczytywanie liczb zostanie przerwane przez wpisanie końca zbioru w linii poleceń.

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<stdlib.h>

int main()
{
    int n = 0, i;
    double *a, e;
    a = (double *)malloc(0);

// Deklaracja bibliotek.

// Deklaracja bibliotek.

// Zarezerwowanie wskaźnika
dla tablicy
o zerowej liczbie elementów.*/
```

```
printf("a[0]=");
while(scanf("%lf",&e)!=EOF)
                                           Funkcja scanf zwraca liczbę
                                         przeczytanych elementów albo
                                         EOF.*/
    n++;
    a=(double
*)realloc(a,sizeof(double)*n);
    a[n-1]=e;
                                         /* Relokacja pamięci tablicy.*/
    printf("a[%d]=",n);
                                             Wstawienie przeczytanego
printf("n=%d\n",n);
                                         elementu do tablicy.*/
e=0;
for(i=0;i<n;i++)
  e+=a[i];
printf("suma=%g\n",e);
_getch();
return 0;
```

Czytelnik porówna otrzymane rezultaty z przedstawionym oknem konsoli realizującej omawiany przykład sumujący elementy wczytane do tablicy na zasadzie arytmetyki wskaźników do momentu otrzymania białego znaku końca zbioru, co przedawnia Rys.

```
C:\Windows\system32\cmd.exe

a[0]=4
a[1]=-2
a[2]=-6
a[3]=^Z
n=3
suma=-4
```

Do konstrukcji tablicy możemy posłużyć się również kreatorem obiektów, dostępnym w rozszerzeniu języka ANSI C. Nie będziemy go mogli kompilować za pomocą gcc pod systemem operacyjnym Linux. W dalszej części książki zrezygnujemy z optymalności programów po kompilacji dla wielu systemów operacyjnych i będziemy posługiwali się jedynie elementami języka obiektowego. Nasz program będzie wyglądał bardzo podobnie, co Czytelnik zechce porównać z przedstawionym wcześniej kodem.

Przykład 21

Napisać program budujący tablicę typu *duble* za pomocą kreatora obiektów. Program wczytuje do tej tablicy elementy i wypisuje sumę przeczytanych liczb. Wczytywanie liczb zostaje przerwane przez wpisanie znaku końca zbioru w linii poleceń.

```
// Deklaracja biblioteki.
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
int main()
  int n,i;
  double s=0;
  printf("Podaj n:");
  scanf("%d",&n);
                                       /* Kreator new buduje tablice n-
                                       elementową przypisując ją do
  double *a=new double[ n ];
                                       wskaźnika a.*/
```

```
for(i=0;i<n;i++)
   printf("Podaj a[%d]=", i);
   scanf("%lf", a + i);
                                            Destruktor
                                                            niszczy
                                    niepotrzebną tablicę.*/
for(i=0;i<n;i++)
    s+=a[i];
printf("suma=%g\n",s);
delete a;
_getch();
return 0;
```

Przedstawiony przykład powinniśmy skompilować kompilatorem *g++* pod systemem Linux. Obydwie z przedstawionych metod deklaracji tablicy działają poprawnie w Visual Studio.

Ekran konsoli wykonującej kod, który pokazuje Przykład 21

```
Podaj n:3
Podaj a[0]=1
Podaj a[1]=3
Podaj a[2]=4
suma=8
```

Tablice dwuwymiarowe i nadawanie wartości początkowych

Zastanówmy się teraz na możliwością poszerzenia własności poznanych już tablic. Ważnym rodzajem tablic, mającym ogromne zastosowanie w programowaniu, są tablice dwuwymiarowe, które najczęściej służą do przechowywania danych o charakterze złożonym. Tablice dwuwymiarowe deklarujemy tak samo jak jednowymiarowe, podając w nawiasach kwadratowych liczba elementów. Składniki tablicy otrzymują numery rozpoczynające się od 0 i kończące na elemencie o indeksie o jeden mniejszym od zadeklarowanej liczby. Istnieje możliwość deklarowania tablic dynamicznych przez przydzielenie pamięci w czasie wykonywania programu, którą omówimy w dalszej części rozdziału. Deklaracja tablicy dwuwymiarowej jest postaci:

Typ nazwa[N][M]

Stałe N i M oznaczają wymiary tworzonej tablicy.

Zobaczmy, jak można wykorzystać tablice dwuwymiarowe w praktyce. Wykorzystamy do tego celu kalendarz. Spróbujmy napisać program, który będzie wypisywał nazwy miesięcy. Aby ułatwić zadanie, będziemy operować nazwami w języku angielskim, w którym nie występują znaki rozszerzone jak czcionki polskich samogłosek czy spółgłosek.

Przykład 22

Naisać program, który wczytuje nazwę miesiąca w postaci liczb od 1 do 12 i wyświetla pełną nazwę miesiąca w języku angielskim (January, ..., December).

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
char mi[12][10] = {
                   "January",
                   "February",
                   "Mach",
                   "April",
                   "May",
                   "June",
                   "July",
                   "August",
                   "September",
                   "October",
                   "November",
                    "December" };
int main()
   int m;
   printf("Podaj miesiac :");
   scanf("%d",&m);
   printf("Miesiacem %d jest %s\n",m,&mi[m-1][0]);
   _getch();
   return 0;
```

// Deklaracja biblioteki.

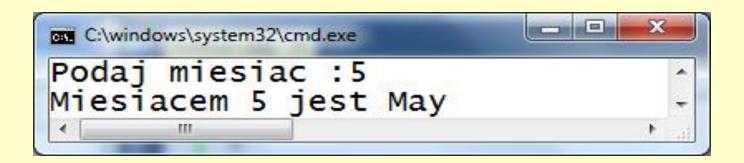
/* Deklaracja tablicy mającej
12 wierszy, które odpowiadają
liczbie miesięcy w roku.
Tablica posiada 10 kolumn,
które odpowiadają liczbie liter
w najdłuższej nazwie miesiąca
roku
w języku angielskim.*/

/* Procedura wczytania numeru porządkowego miesiąca, a następnie wydruk nazwy miesiąca znajdującej się w wierszu o wczytanym numerze.*/

Ponieważ drukujemy wiersz tablicy zapisany w postaci ciągu znaków, możemy użyć przekształcenia %s w instrukcji *printf()*. Istotny jest fakt, że kompilator automatycznie dopisuje pusty znak na końcu tekstu, przez co nie musimy drukować wiersza znak po znaku. Tablica *mi* jest zadeklarowana w nagłówku jako tablica globalna, przez co jest widoczna dla wszystkich instrukcji i procedur w całym programie. W poprzednich przykładach deklarowaliśmy tablice na poziomie lokalnym procedury, przez co były one widoczne tylko w danej procedurze i nie można było operować nimi w dowolnym fragmencie kodu programu. omawianym przykładzie zapamiętanie kolejnych znaków w tablicy możemy zilustrować w następujący sposób:

**mi	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
&mi[0][0]	J	а	n	u	а	r	У	\0		
&mi[1][0]	F	е	b	r	u	а	r	У	\0	
&mi[2][0]	М	а	r	С	h	\0				
&mi[3][0]	А	р	r	i	I	\0				
&mi[4][0]	М	а	У	\0						
&mi[5][0]	J	u	n	е	\0					
&mi[6][0]	J	u	I	У	\0					
&mi[7][0]	А	u	g	е	S	t	/0			
&mi[8][0]	S	е	р	t	е	m	b	е	r	\0
&mi[9][0]	0	С	t	0	b	е	r	\0		
&mi[10][0]	N	n	V	е	m	b	е	r	\0	
&mi[11][0]	D	е	С	е	m	b	е	r	\0	

Podając numer 5 miesiąca otrzymujemy następujący wydruk wyników na konsoli.



Ponieważ drukujemy wiersz tablicy zapisany w postaci ciągu znaków możemy użyć przekształcenia %s w instrukcji printf(). Istotny jest fakt, że kompilator automatycznie dopisuje znak pusty na końcu tekstu, przez co nie musimy drukować wiersz znak po znaku. Zastanówmy się teraz nad wykorzystaniem tablic w arytmetyce zadań obliczeniowych. Czytelnik zapewne zna układy równań i metody ich rozwiązywania. Zastosowanie tablic w rozwiązywaniu układów równań wydaje się naturalne i postaramy się teraz omówić to zagadnienie.

Przykład 23

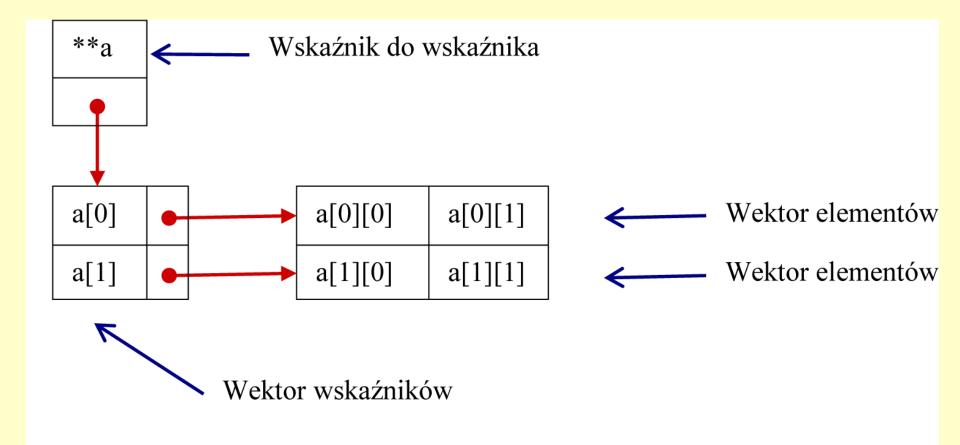
Napisać program rozwiązujący zadany układ równań liniowych:

$$\begin{cases} a_{00}x_0 + a_{01}x_1 = b_0 \\ a_{10}x_0 + a_{11}x_1 = b_1 \end{cases}$$

Układ równań możemy zapisać w postaci macierzowej

$$\begin{bmatrix} a_{00} & a_{01} \\ a_{10} & a_{11} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} b_0 \\ b_1 \end{bmatrix}$$

lub prościej Ax = b, gdzie $A \in R^{2 \times 2}$ i $x, b \in R^2$. Zapis macierzy w kodzie programu faktycznie jest macierzą deklarowaną za pomocą wskaźników, co ilustruje zamieszczony rysunek



Ilustracja 1. Ilustracja zapisu macierzy przy pomocy wskaźników.

Tak naprawdę w języku C/C++ nie istnieje macierz kwadratowa. Deklarujemy dwa wektory typu double, które w programie będą widoczne jak macierz o indeksach zaczynających się od zera i kończących się na indeksie o jeden mniejszym niż wymiar zadania. Takie właśnie podejście do zagadnienia tablic pokazuje literatura [21, 44-45, 59, 72-73, 79]. Stąd kod naszego programu będzie wyglądał następująco:

```
// Deklaracja biblioteki
#include<stdio.h>
int main()
  double W, Wx, Wy;
   double **a = new double * [2];
   a[0] = new double [2];
                                               /* Deklaracja macierzy A */
   a[1] = new double [2];
    double *b = new double [2];
                                               /* Deklaracja wektora b */
    int i, j;
    for(i = 0; i < 2; i++)
       for(j = 0; j < 2; j++)
           printf("Podaj a[%d][%d]:", i, j);
           scanf("%lf", a[i] + j);
                                               // Wczytywanie elementów macierzy A
                                               układu równań zapisanego wzorem (6.4.1)
       printf("Podaj b[%d]:", i);
                                               */
        scanf("%lf", b + i);
                                               // Wczytywanie elementów wektora b
   W = a[0][0]*a[1][1] - a[0][1]*a[1][0];
   Wx = b[0]*a[1][1] - a[0][1]*b[1];
                                                    Wyliczenie wyznaczników
                                                                                    układu
   Wy = a[0][0]*b[1] - b[0]*a[1][0];
                                               zapisanego macierzowo wzorem (6.4.2) */
```

```
if(W!=0)
                                                            Sprawdzenie
                                                 kolejnych
                                                              warunków
     printf("x[0]=\%g\n",Wx/W);
                                                 rozwiązalności układu
      printf("x[1]=%g\n",Wy/W);
                                                 */
else
if(Wx != 0)
     printf("Uklad rownan jest sprzeczny\n");
else
    printf("Uklad rownan jest nieoznaczony\n");
```

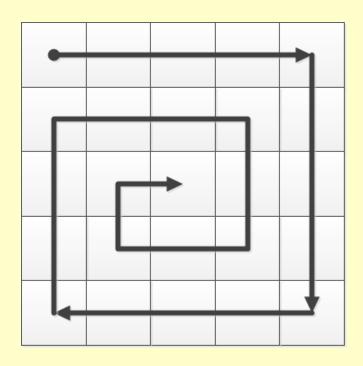
UWAGA. Omówiony w kodzie sposób deklaracji macierzy przenosi się na dowolny wymiar.

```
Podaj a[0][0]:2
Podaj a[0][1]:1
Podaj b[0]:3
Podaj a[1][0]:1
Podaj a[1][1]:2
Podaj b[1]:3
x[0]=1
x[1]=1
```

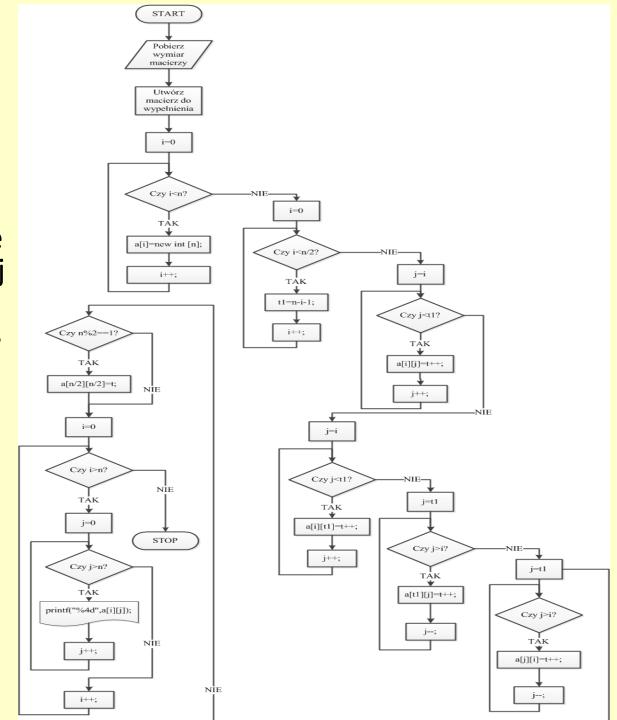
Prześledźmy teraz kolejny przykład pokazujący możliwości zastosowania tablic dwuwymiarowych w praktyce.

Przykład 24

W tablicę a o wymiarze $n \times n$ należy wpisać kolejne liczby naturalne od 1 do n2 w spiralę rozpoczynając od elementu a[0][0] i kończąc na elemencie a[n/2][n/2] dla n-nieparzystego albo a[n/2][n/2-1] dla n-parzystego. Sposób numeracji ilustruje rysunek.



Macierz dwuwymiarowa można zapisać w wektorze umieszczając po sobie kolejne wiersze albo kolejne kolumny. Najczęściej spotykanym sposobem jest zapis macierzy zgodny z ANSI C z wykorzystaniem wektora. Zanim pokażemy kod programu Czytelnik zechce prześledzić schemat blokowy operacji realizowanych w programie

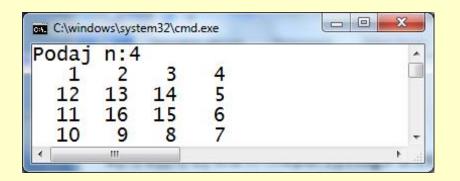


Schemat blokowy pokazany na poprzedniej ilustracji pokazuje kolejność wykonywanych pętli. Powiązania pomiędzy poszczególnymi pętlami pokazują, w jaki sposób będzie wypełniana tablica, aby zachować kierunek zgodny ze strzałkami pokazanymi na ilustracji opisującej Przykład 24. Kod programu numerowania tablicy możemy napisać następująco:

```
#include<stdio.h>
                                          // Deklaracja biblioteki
int main()
   int n, i, j, t = 1, t1;
   printf("Podaj n:");
   scanf("%d", &n);
   int **a = new int*[n];
   for(i = 0; i < n; i++)
       a[i] = new int [n];
                                          // Deklaracja tablicy a[n][n]
```

```
for(i = 0; i < n/2; i++)
                                     // Ponumerowanie górnego wiersza
  t1=n-i-1;
  for(j = i; j < t1; j++)
                                     // Ponumerowanie prawej kolumny
       a[i][i] = t++;
  for(j = i; j < t1; j++)
                                     // Ponumerowanie dolnego wiersza
       a[i][t1] = t++;
  for(j = t1; j > i; j--)
                                     // Ponumerowanie lewej kolumny
        a[t1][j] = t++;
   for(j = t1; j > i; j--)
        a[i][i] = t++;
                                     /* Wstawienie numeru w tarczy, jeśli n
                                     jest nieparzyste */
if(n\%2 == 1) a[n/2][n/2] = t;
for(i=0;i<n;i++)
    for(j=0;j< n;j++)
        printf("%4d",a[i][j]);
     printf("\n");
```

Poniżej zostały przedstawione otrzymane wyniki dla zadanych w programie wymiarów tablicy. Dla n=4 numeracja ma następującą postać:



Dla n=5 numeracja ma centralny punkt w środku równy 25.

```
Podaj n:5

1 2 3 4 5

16 17 18 19 6

15 24 25 20 7

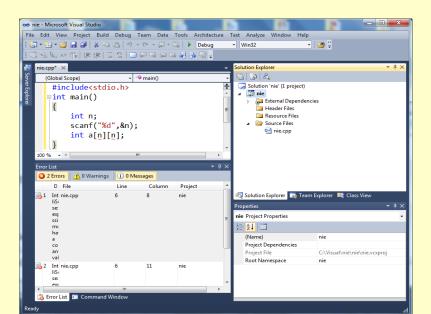
14 23 22 21 8

13 12 11 10 9
```

Uwaga: Kompilatory *gcc* i *g++* pod systemem operacyjnym Linux zezwalają na konstrukcję tablicy dwuwymiarowej w następujący sposób.

```
int n;
scanf("%d",&n);
int a[n][n];
```

Kompilator MS Visual Studio w takim przypadku sygnalizuje błąd, ze względu na brak jednoznaczności reprezentacji tablicy dwuwymiarowej w pamięci komputera.



W dalszej części książki będziemy starali się pokazać jedynie schematy blokowe zastosowanych funkcji, a nie całych programów, ze względu na to, że przedstawione algorytmy sortowania i metody macierzowe składają się z wielu powiązanych ze sobą procedur i funkcji. Takie działanie jest podyktowane złożonością prezentowanych procedur. Schematy blokowe takich programów byłyby bardzo rozległe. Zakładamy, że Czytelnik posiadając już wiedze zgromadzoną w dotychczasowych przykładach jest w stanie bez większego trudu samodzielnie uzupełnić schematy blokowe funkcji i procedur, aby obrazowały cały kod programów. Wszystkie programy omawiane w dalszych rozdziałach książki są oparte o ogólny schemat blokowy pokazany na kolejnej ilustracji.

