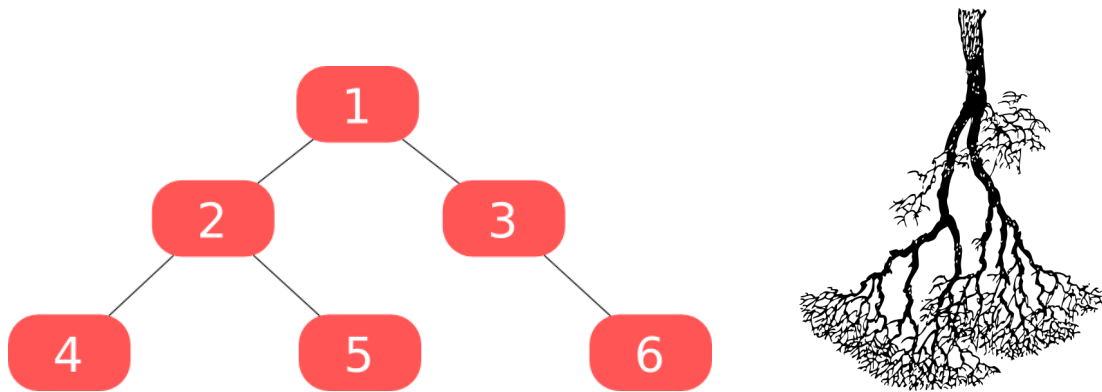


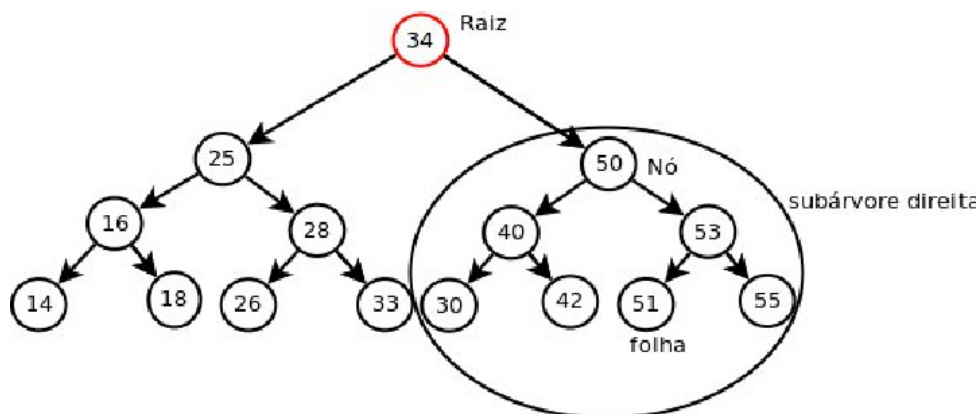
Estrutura de dados - Árvores



1 - Representação por imagens

1. Árvores

- Um conjunto de nós.
- Formada por um nó principal (raiz).
- Abaixo de cada nó há as subárvores.
- **Grau de uma árvore:** número de subárvores em cada nó.
- Os nós de grau 0 são chamados de **folhas** ou nós externos. Os demais são chamados de **nós internos**, com exceção da raiz.
- **Descendentes:** nós abaixo de um determinado nó.
- **Nível:** O nível do nó raiz é 0, dos seus descendentes, ou filhos, têm nível 1, e assim sucessivamente.
- **Altura:** é o comprimento do **caminho mais longo** entre ele e uma folha. Vale notar que a árvore é percorrida da **raiz às folhas**.
- **Profundidade:** é a distância percorrida da raiz a esse nó.



2 - Estrutura de uma árvore [Nesse exemplo todo nó tem grau 2, exceto os da base, que têm grau 0].

```

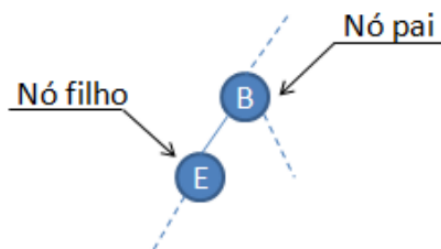
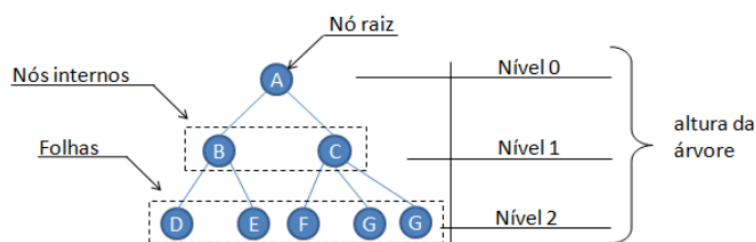
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#define true 1
#define false -1

typedef int bool;
typedef int TIPOCHAVE;

typedef struct aux {
    TIPOCHAVE chave;
    /* Dados armazenados vão aqui */
    struct aux *esq, *dir;
} NO;

typedef NO * PONT;

```

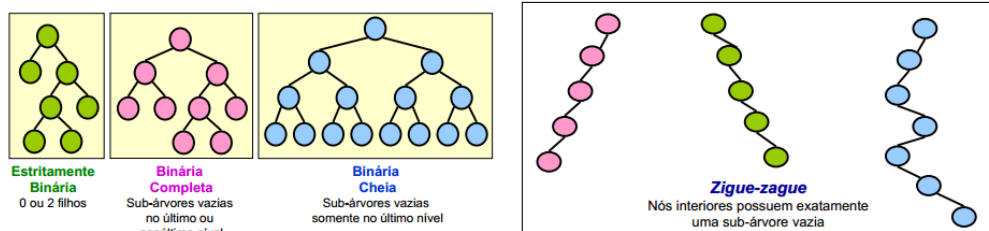


3 - Nomenclaturas

2. Árvores Binárias

É uma árvore em que os nós têm 0, 1 ou 2 descendentes.

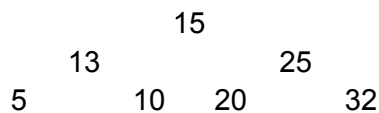
Tipos de Árvores Binárias



4 - Tipos de árvores binárias

2.1. Árvores binárias de pesquisas

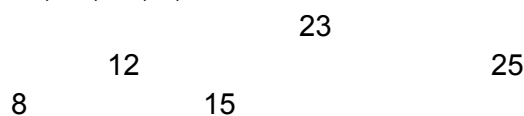
É uma árvore binária em que, a cada nó, todos os registros com chave **menores** que a deste nó estão na subárvore da **esquerda**, enquanto que os registros com chaves **maiores** estão na subárvore da **direita**.



A ordem de inserção determina a forma da árvore. * Balanceamento *

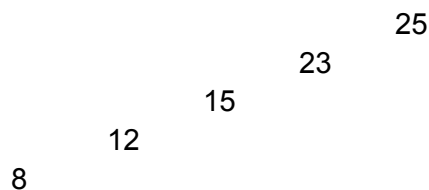
- Exemplo 01: Resulta em árvore

23, 12, 25, 8, 15



- Exemplo 02: Se tornaria uma lista ligada, nesse caso a busca binária **não é eficiente** pois se torna uma busca linear que utiliza mais memória, pois as subárvores a direita são NULL. Por isso é necessário o **balanceamento**.

25, 23, 15, 12, 8



Em suma, se os valores [chaves] forem **inseridos de maneira sequencial ordenada**, caíra no exemplo 2, e não será eficiente.

OBS: Se os elementos que compõem a árvore forem obtidos aleatoriamente, espera-se um desempenho apenas 39% pior do que a árvore completamente balanceada, ou seja, a árvore em que as folhas aparecem no mesmo nível ou, no máximo, em dois níveis adjacentes.

3. Árvores N-árias

Para grandes volumes de dados, são mais adequadas do que as binárias, já que as binárias só têm dois filhos.

Duas definições:

Uma árvore n-ária é uma árvore em que ...

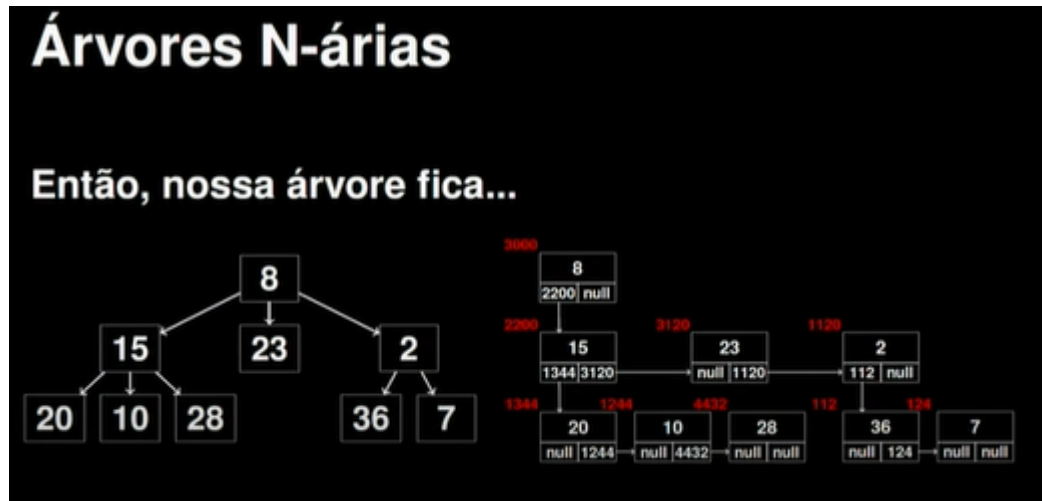
1 - cada nó pode ter **até n filhos**.

2 - cada nó pode ter um **número arbitrário de filhos**.

Não há uma ordem nos nós.

CHAVE
filho irmão

filho -> primogênito



3.1. Tries

Uma trie (de retrieval), é uma árvore n-ária projetada para recuperação rápida de chaves de busca.

As chaves estão no caminho.

Se há valor de retorno é uma chave válida. Sendo esse valor qualquer coisa. Ex.: significado da palavra, bool;

É extremamente rápida para buscar, mas tem um alto gasto de memória.

Fontes:

Playlist do YouTube - UNIVESP - [Engenharia de Computação - Estrutura de Dados - 09º](#)