

Aufgabe 32

a) Gegeben sind $S, T : \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}_{>0}$. Beweisen Sie: Aus $S(n)=O(f(n))$ und $T(n)=O(g(n))$ folgt $S(n)T(n)=O(f(n)g(n))$.

$$\exists n_1, C_1 : |f(n)| \leq C_1 * f(n) \quad \forall n \geq n_1$$

$$\exists n_2, C_2 : |g(n)| \leq C_2 * g(n) \quad \forall n \geq n_2$$

$$|f(n)g(n)| \leq |f(n)| * |g(n)| \leq C_1 f(n) * C_2 g(n) \quad \forall n \geq \max(n_1, n_2)$$

$$= (C_1 * C_2) * f(n) * g(n) \quad q.e.d.$$

Zu Aufgabenteil b und c:

Für die Berechnung der Laufzeit gelten folgende Regeln:

Bei **Addition** ist der Summand mit der höchsten Potenz ausschlaggebend.

Bei **Multiplikation** werden die Potenzen der Laufzeiten aufaddiert.

b) Geben Sie einen möglichst einfachen Ausdruck der Form $O(f(n))$ für folgenden Ausdruck an: $25n^2 - 100\frac{n}{2} + 365$

→ $O(n^2)$

→ da n^2 die höchste Potenz in der Summe ist

c) Geben Sie einen möglichst einfachen Ausdruck der Form $O(f(n))$ für folgenden Ausdruck an: $23n + 12n * \log_2 n + 1666$

→ $O(n * \log_2 n)$

→ da $n * \log_2 n$ der Summand mit dem stärksten Monotonieverhalten bzw. Wachstum ist