



6000 2 CMS

Alumno:

Vázquez Blanca César

Resolver todos los

problemas de manera clara y sin omitir procedimientos.

Cada problema vale 2 puntos. Valor total del examen: 8 puntos.



ESCCOM

Primer examen parcial de Mecánica y electromagnetismo.

Elaboró: Zelin Miguel Pilar. 31/05/2023

20. Una partícula se mueve a lo largo del eje x con un desplazamiento contra tiempo como se muestra en la figura 28. Esboce las curvas de velocidad contra tiempo y de aceleración contra tiempo para este movimiento.



Figura 28 Problema 20.

59. Un bloque de masa $m_1 = 3.70$ kg está sobre un plano inclinado de ángulo $\theta = 28.0^\circ$, y unido por una cuerda sobre una polea pequeña, sin fricción y sin masa, a un segundo bloque de masa $m_2 = 1.86$ kg que cuelga verticalmente (véase la figura 44). (a) ¿cuál es la aceleración de cada bloque? (b) Halle la tensión en la cuerda.

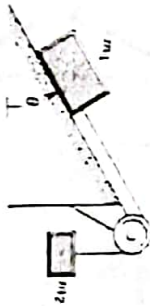


Figura 44 Problema 59.

59. Una partícula en movimiento circular uniforme con respecto al origen O tiene una velocidad u . (a) Demuestre que el tiempo Δt requerido para que pase a través de un desplazamiento angular $\Delta\theta$ está dado por

$$\Delta t = \frac{2\pi r}{u} \frac{\Delta\theta}{360^\circ}$$

donde $\Delta\theta$ está en grados y r es el radio del círculo.

27. Un pequeño bloque de masa m se desliza sin fricción a lo largo de una pista en rizo como se muestra en la figura 36. (a) El bloque se suelta desde el reposo en el punto P . ¿Cuál es la fuerza neta que actúa sobre él en el punto Q ? (b) ¿Desde qué altura sobre el fondo del rizo debería soltarse el bloque de modo que llegue a punto de perder el contacto con la pista en la parte superior del rizo?

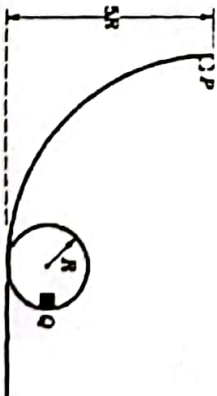
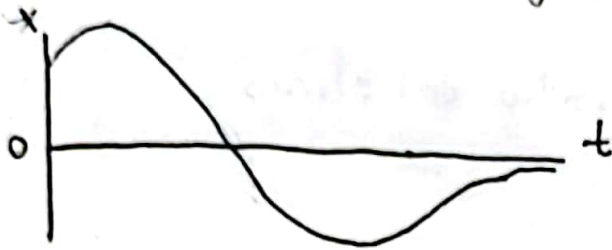


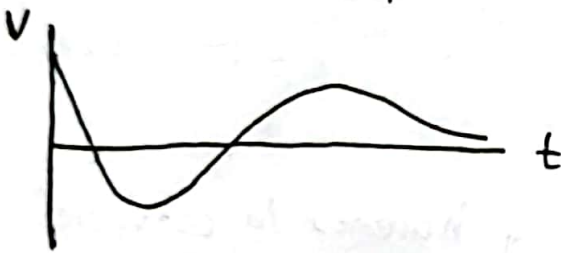
Figura 36 Problema 27.

Blanco César Said

Una partícula se mueve a lo largo del eje x con un desplazamiento contra tiempo como se muestra en la figura. Esboce las curvas de velocidad contra tiempo y de aceleración contra tiempo.

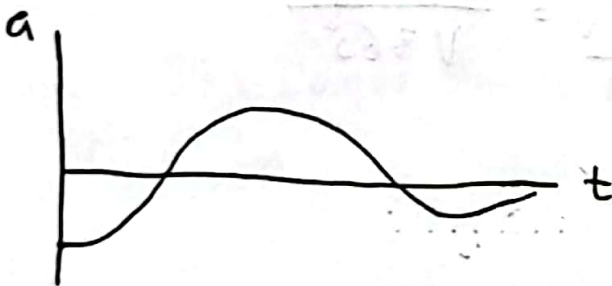


Velocidad contra tiempo



20

Aceleración contra tiempo



54- Una partícula en movimiento circular uniforme con respecto al origen O tiene una velocidad v a) Demuestre que el tiempo t requerido para que pase a través de un desplazamiento angular $\Delta\theta$ está dado por

$$\Delta t = \frac{2\pi r}{v} \frac{\Delta\theta}{360^\circ}$$

donde $\Delta\theta$ está en grados y r es el radio del círculo

$$\Delta t = t_f - t_o = \frac{\theta_f}{\omega} - \frac{\theta_o}{\omega} = \frac{\Delta\theta}{\omega}$$

$$\omega = \frac{v}{r} \quad \omega = \text{cte}, \theta \text{ en grad}$$

Conversión a grados dada por $\frac{2\pi}{360^\circ}$

Sustituimos en $\Delta t = \frac{\Delta\theta}{\omega}$, sustituimos ω y hacemos la conversión

$$\Delta t = \frac{\Delta\theta}{\frac{v}{r}} \left(\frac{2\pi}{360^\circ} \right) = \frac{2\pi \Delta\theta}{\frac{360^\circ v}{r}} = \frac{2\pi \Delta\theta}{\frac{1}{\frac{r}{v}}} = \frac{2\pi r \Delta\theta}{v 360^\circ}$$

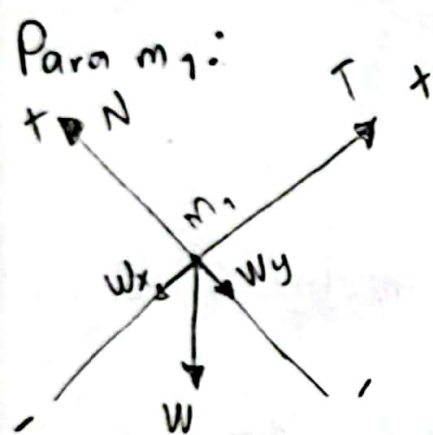
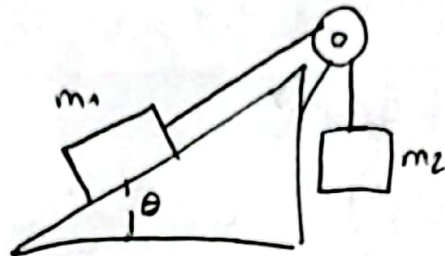
ω \nearrow $\frac{v}{r}$ \nearrow $\frac{2\pi}{360^\circ}$
Conversión a grados

(59)

$$\Delta t = \frac{2\pi r}{v} \cdot \frac{\Delta\theta}{360^\circ}$$

Vázquez Blanca César Said

3. Un bloque de masa $m_1 = 3.7 \text{ Kg}$ está sobre un plano inclinado de ángulo $\theta = 28.0^\circ$, y unido por una cuerda sobre una polea pequeña, sin fricción y sin masa, a un segundo bloque de masa $m_2 = 1.86 \text{ Kg}$ que cuelga verticalmente. a) ¿Cuál es la aceleración de cada bloque? b) Halle la tensión de la cuerda.



Usamos ΣF_x porque ahí se presenta el movimiento

$$W_x = \|W\| \sin \theta \quad W_y = \|W\| \cos \theta$$

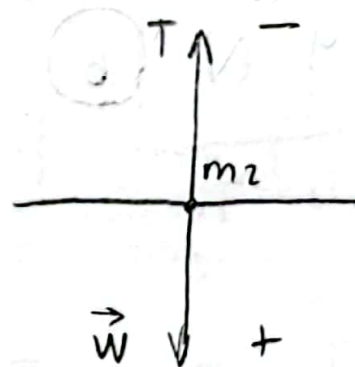
$$\Sigma F_x = ma$$

$$T - W \sin \theta = ma$$

$$T - m_1 g \sin \theta = m_1 a$$

$$a = \frac{T - m_1 g \sin \theta}{m_1} \quad (a_1)$$

Para m_2 :



Usamos ΣF_y porque ahí se presenta el movimiento

$$\Sigma F_y = ma$$

$$W_2 - T = m \cdot a \quad (a_2)$$

$$a = \frac{W_2 - T}{m} = \frac{m_2 g - T}{m_2}$$

Igualemos ambas ecuaciones, pues $a_1 = a_2$

$$\therefore \frac{T - m_1 g \sin \theta}{m_1} = \frac{m_2 g - T}{m_2}$$

$$T m_2 - m_1 m_2 g \sin \theta = m_1 m_2 g - T m_1$$

$$T m_2 + T m_1 = m_1 m_2 g + m_1 m_2 g \sin \theta$$

$$T (m_1 + m_2) = m_1 m_2 (g + g \sin \theta)$$

Vázquez Blanca, César Said

Valores Blancos Cebra Said

$$T = \frac{m_1 m_2 (g + g \sin 30^\circ)}{m_1 + m_2}$$

$$m_1 = 3.7 \text{ Kg}$$

$$m_2 = 1.86 \text{ Kg}$$

$$A = 28^\circ$$

$$g = 9.81 \text{ m/s}^2$$

Sustituimos valores en la ecuación

$$T = \frac{(3.7 \text{ Kg})(1.86 \text{ Kg})(9.81 \text{ m/s}^2 + 9.81 \text{ m/s}^2 \sin 28^\circ)}{3.7 \text{ Kg} + 1.86 \text{ Kg}}$$

$$T = \frac{6.882 \text{ Kg}^2 (14.415 \text{ m/s}^2)}{5.56 \text{ Kg}} = \frac{99.2075 \text{ Kg}^2 \text{ m/s}^2}{5.56 \text{ Kg}}$$

$$T = 17.84 \text{ N} \quad (b)$$

Sustituimos la Tensión en la ecuación de la aceleración 2

$$W_2 - T = m a$$

$$a = \frac{W_2 - T}{m_2} = \frac{m_2 g - T}{m_2} = \frac{1.86 \text{ Kg} (9.81 \text{ m/s}^2) - 17.84 \text{ N}}{1.86 \text{ Kg}}$$

$$a = \frac{0.4066 \text{ Kg m/s}^2}{1.86 \text{ Kg}} = 0.218602 \text{ m/s}^2$$

$$a = 0.218602 \text{ m/s}^2 \quad (a)$$

(59)

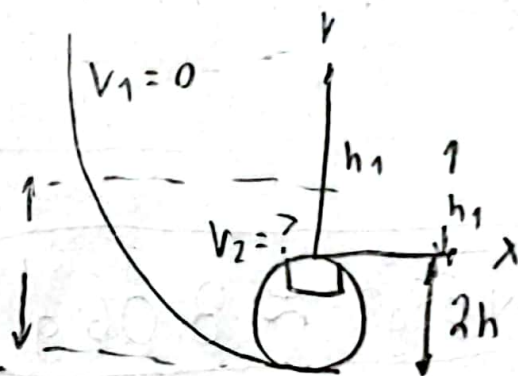
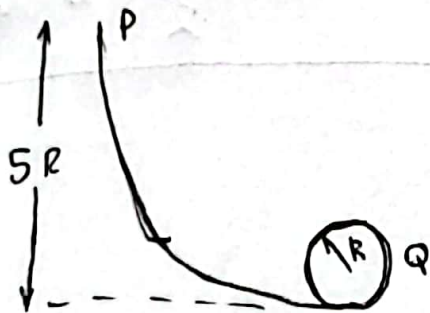
$$a) a = 0.218602 \text{ m/s}^2$$

$$b) T = 17.84 \text{ N}$$

Blancas Césa Said

Un pequeño bloque de masa m se desliza sin fricción a lo largo de una pista en rizo como se muestra en la figura 36.

a) El bloque se suelta desde el reposo en el punto P ¿Cuál es la fuerza neta que actúa sobre él en el punto Q? b) ¿Desde qué altura sobre el fondo del rizo deberá soltarse el bloque de modo que llegue a punto de perder el contacto con la pista en la parte superior del rizo?



Aplicando principio de conservación de la energía tenemos:

$$\frac{1}{2} m v_1^2 + m g h_1 = \frac{1}{2} m v_2^2 + m g h_2$$

$v_1 = 0$, porque no hay velocidad inicial, se deja caer

$h_2 = 0$, llega al final, por lo tanto la altura debe ser 0

$h_1 = 4R$, al dejarse caer, y la bola medir un radio, esta altura se resta y que $4R$

Sustituimos y despejamos v_2

$$\cancel{\frac{1}{2} m (0)} + m g 4R = \frac{1}{2} m v_2^2 + \cancel{m g 0}$$

$$m g 4R = \frac{1}{2} m v_2^2$$

$$v_2^2 = \frac{2 \cancel{m} g 4R}{\cancel{m}} = 2g 4R = 8gR$$

$$v_2 = \sqrt{8gR}$$

Obtenemos la aceleración centrípeta. Vaguet Blanca Lora, S. d.

$$a_c = \frac{v^2}{R} = \frac{(8gR)^2}{R} = \frac{64gR}{R} = 64g$$

$$a_c = 8g //$$

la aceleración tangencial:

$$a_t = \frac{mg}{m} = g$$

$$a_t = g //$$

la aceleración resultante es:

$$a = \sqrt{a_c^2 + a_t^2} = \sqrt{64g^2 + g^2} = \sqrt{65g^2}$$

$$a = \sqrt{65g^2} \approx 8.06g \quad a)$$

Fuerza resultante es:

a)

$$F = ma = mg\sqrt{65} = \sqrt{65}mg \approx 8.06mg$$

Substituímos las velocidades en la ecuación de conservación de energía

$$mg = \frac{mv^2}{R} \Rightarrow v^2 = \frac{mgR}{m} = v^2 = gR$$

$$\frac{1}{2}mv_1^2 + mgh_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 + mgh_2$$

$$\frac{1}{2}m(0) + mgh_1 = \frac{1}{2}mv_2^2 + mg(2R)$$

$$mgh_1 = mg(2R) + \frac{1}{2}m(gR) \Rightarrow h = 2R + \frac{1}{2}R$$

$$h = \frac{mg(2R)}{mg} + \frac{\frac{1}{2}mgR}{mg} = 2R + \frac{1}{2}R = 2.5R //$$

$$b) \quad h = \frac{5R}{2} \text{ o' } 2.5R$$

$$a) \quad F = \sqrt{65}mg \approx 8.06mg$$

$$a) \quad F = \sqrt{65}mg \approx 8.06mg$$

$$b) \quad h = \frac{5R}{2} \text{ o' } 2.5R$$

(27)

$$a) \quad F = \sqrt{65}g^2 \approx 8.06gm$$

b)