# Gabarito dos Exercícios

#### Derivadas de Ordem Superior

Exercício 1:

a) 
$$f'(x) = 15x^2 + 16x - 7$$
  $f''(x) = 30x + 16$ 

a) 
$$f'(x) = 15x^2 + 16x - 7$$
  $f''(x) = 30x + 16$  b)  $f'(x) = 24x^7 + 20x^3$   $f''(x) = 168x^6 + 60x^2$ 

c) 
$$f'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} - \frac{4}{x^3}$$
  $f''(x) = -\frac{2}{9\sqrt[3]{x^5}} + \frac{12}{x^4}$  d)  $f'(x) = \frac{3}{2\sqrt{3x+1}}$   $f''(x) = \frac{-9}{4\sqrt{(3x+1)^3}}$ 

d) 
$$f'(x) = \frac{3}{2\sqrt{3x+1}}$$
  $f''(x) = \frac{-9}{4\sqrt{(3x+1)^3}}$ 

e) 
$$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{(x^2+1)^3}}$$
  $f''(x) = -\frac{3x}{\sqrt{(x^2+1)^5}}$  f)  $f'(x) = \frac{2}{\sqrt[5]{(10x+7)^4}}$   $f''(x) = \frac{-16}{\sqrt[5]{(10x+7)^9}}$ 

f) 
$$f'(x) = \frac{2}{\sqrt[5]{(10x+7)^4}}$$
  $f''(x) = \frac{-16}{\sqrt[5]{(10x+7)^9}}$ 

g) 
$$f'(x) = 2xe^{(x^2)}$$
  $f''(x) = 2e^{(x^2)}(1+2x^2)$  h)  $f'(x) = 2\operatorname{sen} x \cos x$   $f''(x) = 2(1-2\operatorname{sen}^2 x)$ 

h) 
$$f'(x) = 2 \operatorname{sen} x \cos x$$
  $f''(x) = 2(1 - 2 \operatorname{sen}^2 x)$ 

i) 
$$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{4+x^2}}$$
  $f''(x) = \frac{-x}{\sqrt{(4+x^2)^3}}$ 

Exercício 2:

b) e c) Não existe 
$$t>0$$
 tal que  $a(t)=0$  d) 1,5s;  $\frac{2\sqrt{6}}{3}$ m/s;  $\frac{4\sqrt{6}}{3}$ m

## Funções Crescentes e Decrescentes

Exercício 1:

a) 
$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \frac{-7}{8}$$
; Crescente em  $(-\infty, \frac{-7}{8})$ ; Decrescente em  $(\frac{-7}{8}, \infty)$ 

b) 
$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \frac{16}{5}$$
; Crescente em  $(0, \frac{16}{5})$ ; Decrescente em  $(-\infty, 0)$  e  $(\frac{16}{5}, \infty)$ 

c) 
$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 2$$
 ou  $x = \frac{5}{3}$ ; Crescente em  $(-\infty, -2)$  e  $(\frac{5}{3}, \infty)$ ; Decrescente em  $(-2, \frac{5}{3})$ 

d) 
$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \frac{3}{4}$$
; Crescente em  $(\frac{3}{4}, \infty)$ ; Decrescente em  $(-\infty, \frac{3}{4})$ 

e) 
$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \sqrt{3}, x = -\sqrt{3}$$
 ou  $x = 0$ ; Crescente em  $(-\sqrt{3}, 0)$  e  $(\sqrt{3}, \infty)$ ; Decrescente em  $(-\infty, -\sqrt{3})$  e  $(0, \sqrt{3})$ 

f) 
$$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 1$$
 ou  $x = -1$ ; Crescente em  $(-\infty, -1)$  e  $(1, \infty)$ ; Decrescente em  $(-1, 0)$  e  $(0, 1)$ 

Exercício 2:

a) 
$$-\sqrt{3} e \sqrt{3}$$
 b) 0 c)  $\nexists x$ 

Exercício 3:

a) 
$$-\frac{\sqrt{2}}{2} e^{\frac{\sqrt{2}}{2}}$$
 b) 2 c)  $\nexists x$ 

### Concavidade e Pontos de Inflexão

CB: Concavidade para baixo

CC: Concavidade para cima

PI: Ponto de Inflexão.

#### Exercício 1:

- a) CB em  $(-\infty, \frac{2}{3})$ ; CC em  $(\frac{2}{3}, \infty)$ ; PI:  $x = \frac{2}{3}$
- b) CB em  $(-\infty, \frac{-10}{3})$ ; CC em  $(\frac{-10}{3}, \infty)$ ; PI:  $x = \frac{-10}{3}$
- c) CB em  $(0, \frac{2}{3})$ ; CC em  $(-\infty, 0)$  e  $(\frac{2}{3}, \infty)$ ; PI: x = 0 e  $x = \frac{2}{3}$
- d) CB em  $(-\infty, \frac{-\sqrt{2}}{6})$  e  $(\frac{\sqrt{2}}{6}, \infty)$ ; CC em  $(-\frac{\sqrt{2}}{6}, \frac{\sqrt{2}}{6})$ ; PI:  $x = -\frac{\sqrt{2}}{6}$  e  $\frac{\sqrt{2}}{6}$
- e) CB em  $(12, \infty)$ ; CC em (0, 12); PI: x = 12
- f) CB em  $(-\infty, -\sqrt{3})$  e  $0, \sqrt{3}$ ; CC em  $(-\sqrt{3}, 0)$  e  $(\sqrt{3}, \infty)$ ; PI:  $x = 0, x = \sqrt{3}$  e  $x = -\sqrt{3}$ .

### Máximos e Mínimos

#### Exercício 1:

a) 5; -3 b) 20; 
$$\frac{-4}{2}$$
 c) 1; -3 d) 4;  $\frac{-9}{4}$ 

b) 
$$20; \frac{-4}{3}$$

c) 
$$1; -3$$

d) 
$$4; \frac{-9}{4}$$

Exercício 5:

a) 
$$\frac{3}{8}$$

b) Não existe c) 
$$\frac{5}{3}$$
 e  $-2$  d)  $\frac{3}{2}$  e  $\frac{-7}{3}$  e)4 e  $-4$  f) Não existe

c) 
$$\frac{5}{3}$$
 e - 5

d) 
$$\frac{3}{2}$$
 e  $\frac{-7}{3}$ 

Exercício: teste da segunda derivada

a)CB em 
$$(-\infty, \frac{2}{3})$$
; CC em  $(\frac{2}{3}, \infty)$ ; PI:  $x = \frac{2}{3}$ ; máximo:  $f(\frac{1}{3}) = \frac{31}{27}$ ; mínimo:  $f(1) = 1$ 

- b) Não há extremos relativos; CB em  $(0,\infty)$ ; CC em  $(-\infty,0)$ ; PI: x=0
- c) máximo:  $f(\frac{-4}{3}) = 7,27$ ; mínimo: f(0) = 0; CB em  $(-\infty,0)$  e  $(0,\frac{2}{3})$ ; CC em  $(\frac{2}{3},\infty)$ ; PI:  $x = \frac{2}{3}$
- d) mínimo: f(4) = 4; CB em  $(12, \infty)$ ; CC em (0, 12); PI: x = 12
- e) mínimo: f(-2)=-7,55; CB em (0,4); CC em  $(-\infty,0)$  e  $(4,\infty)$ ; PI: x=0 e x=4
- f) mínimo: f(3) = -17; CB em (0,2); CC em  $(-\infty,0)$  e  $(2,\infty)$ ; PI: x = 0 e x = 2.