2^a Lista de Exercícios de Pré-Cálculo

Exercício 1 [7.1] Simplifique a expressão, em (o) $(x-5)^3 = x^3 - 5^3$ cada caso:

$$(a) \ (5x-3x^2) + (4-5x) - (6x^2-4x-5) + (4-4x)$$

(b)
$$-6(x-1+x^2)-(5x^2+x-2)-6$$

(c)
$$4u + 3[u - (2v + 3u) - 3v] - 6v$$

(d)
$$8x^2 - (10 - 5x + x^2) - 3[x - (2 + x^2)]$$

Exercício 2 [7.2] Efetue:

(a)
$$(x+1)(2x-1)4x^2$$

(b)
$$(2x - 3y)4xy$$

(c)
$$(3x^2 - 4x + 5)(x^2 - 6x + 4)$$

(d)
$$(x^2 - 6x + 4 + 2x^3)(2 - 3x^2)$$

(e)
$$(3u - 6v)(u^2 - v^2)$$

(f)
$$(x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)(x - 1)$$

Exercício 3 [7.4] Verifique se são igualdades:

(a)
$$x^2 - 1 = (x - 1)(x + 1)$$

(b)
$$(x-4)(x+4) = x^2 - 16$$

(c)
$$(2x-1)(2x+1) = 4x^2 - 1$$

(d)
$$9x^2 - 25 = (3x - 5)(3x + 5)$$

(e)
$$(x+1)^2 = x^2 + 2x + 1$$

(f)
$$(x-2)^2 = x^2 - 4x + 4$$

(g)
$$(x+5)^2 = x^2 + x + 25$$

(h)
$$(x+3)^2 = x^2 + 3^2$$

(i)
$$(x+1)^3 = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$

$$(j) (x-1)^3 = x^3 - 3x^2 + 3x - 1$$

(l)
$$(x+4)^3 = x^3 + 12x^2 + 48x + 64$$

$$(m) (x-2)^3 = x^3 - 6x^2 + 12x - 8$$

$$(n) (x+)^3 = x^3 + 3^3$$

(o)
$$(x-5)^3 = x^3 - 5^3$$

$$(p) (3x-1)^2 = 9x^2 - 6x + 1$$

$$(q) (4x^2 + 5)^2 = 16x^4 + 40x^2 + 25$$

Exercício 4 [7.5] Resolva a equação em cada caso:

(a)
$$(x+2)^2 = x^2 + 2^2$$
 (b) $(2x+3)^2 = (2x)^2 + 3^2$

Exercício 5 [7.6] Desenvolva:

(a)
$$(x+a)^5$$

(b)
$$(x+a)^6$$

Exercício 6 [7.7] Divida (isto é, dê o quociente e o resto):

(a)
$$4x^2 - 3x + 6$$
 por $x + 2$

(b)
$$x^2 - 3x + 2 por x - 1$$

(c)
$$x^3 - 3$$
 por $x^2 + x - 3$

(d)
$$x^4 + x^3 + 2x + 15$$
 por $2x^2 - 6x + 4$

(e)
$$11x^4 + 3x^5 + 7x + 9 - 15x^2$$
 por $x^2 + 2x - 1$

(f)
$$64x^6 - 16x^3 + 1$$
 por $4x^2 - 4x + 1$

Exercício 7 [7.10] Fatore:

(a)
$$9x^2 + 12x + 4$$

(b)
$$16x^2 - 40x + 25$$

(c)
$$4 + 28x + 49x^2$$

(d)
$$1 - 2x^2 + x^4$$

(e)
$$9x^2 - 6x^3 + 1$$
 (f) $x^2 - x + \frac{1}{4}$

(f)
$$x^2 - x + \frac{1}{4}$$

Exercício 8 [7.11] Fatore:

(a)
$$x^2 + 3x + 2$$

(b)
$$x^2 + 4x + 3$$

(c)
$$x^2 + x - 2$$

(d)
$$x^2 - 3x + 2$$

Exercício 9 [7.12] Fatore:

(a)
$$25x^2 - 4$$

(b)
$$16x^2 - 9$$

(c)
$$36 - x^2$$

(d)
$$x^2 - 1$$

(e)
$$x^2 - 16$$

(f)
$$64z^2 - 81$$

$$(g) 16 - 49s^2$$

(h)
$$x^2 - y^2$$

Exercício 10 [7.13] Fatore:

(a)
$$x^4 - 16$$

(b)
$$1 - 81x^4$$

(c)
$$t^8 - 256$$

(d)
$$x^4 - 1$$

Exercício 11 [8.1] Efetue:

(a)
$$\frac{3x+1}{x+1} + \frac{x^2}{x+1}$$

(b)
$$\frac{x-2}{x+2} - \frac{2x-1}{2x+1}$$

(c)
$$\frac{x}{x^2-4} - \frac{2}{x^2-5x+6}$$

(d)
$$\frac{x}{x^2+1} - \frac{1}{x}$$

(e)
$$\frac{x}{x+3} + \frac{x^2}{x^2-9}$$

(f)
$$\frac{2}{x-1} - \frac{3}{x+1} + \frac{5-x}{1-x^2}$$

(g)
$$x+1+\frac{1}{x-1}$$

(h)
$$\frac{2x-6}{x^2-x-2} - \frac{x+2}{x^2+4x+3} + \frac{x-1}{x^2+x-6}$$

Exercício 12 [8.2] Efetue e simplifique:

(a)
$$\frac{x-5}{x^2+5x} \cdot \frac{x^2}{25-5x}$$
 (b) $\frac{x^4-a^4}{x-a} \cdot \frac{x+a}{x^2+a^2}$

$$(c) \quad \frac{\frac{4x-8}{x+7}}{\frac{3x^2-12}{2x^2-98}}$$

$$(c) \frac{\frac{4x-8}{x+7}}{\frac{3x^2-12}{2x^2-98}} \qquad (d) \frac{x^6-y^6}{\frac{x^4-xy^3}{y^4+x^3y}}$$

Referências

[1] BOULOS, P. Pré-cálculo. São Paulo, SP, BR: Pearson Makron Books, 2001.