

## Mini-projet: Sujet n° F-*k*

### Evaluation de performance par simulation d'une file d'attente

**Consignes** : Un rapport bien détaillé est à déposer sur Arche pour le **14.05.2023**.

Contenu du rapport :

- Présentation générale des indicateurs de performances étudiés
- Simulation d'une file d'attente M/M/K
- Application:
  - Calcul de mesures de performance
  - Etudes de sensibilité
- Conclusions

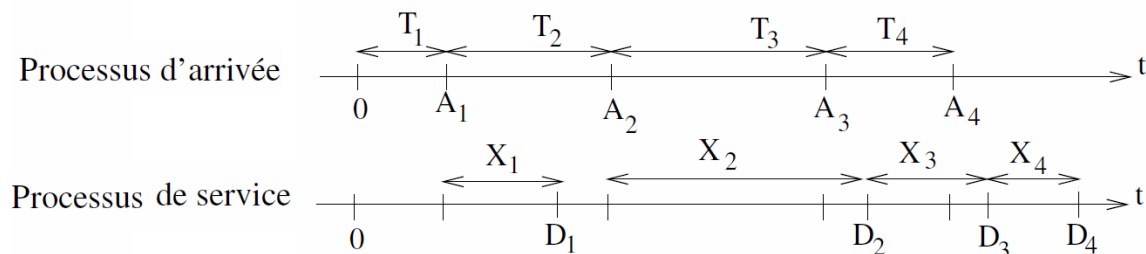
### 1. Simulation d'une file d'attente M/M/K

Une file d'attente simple est décrite par un processus d'arrivée et un processus de départ de clients. L'arrivée des clients à la station est généralement décrite par un processus stochastique de comptage.

- $A_n$  variable aléatoire mesurant l'instant d'arrivée du  $n^{\text{ième}}$  client
- $T_n$  variable aléatoire mesurant le temps séparant l'arrivée du  $(n-1)^{\text{ième}}$  client et celle du  $n^{\text{ième}}$  client

Le temps de service/traitement d'une station est généralement décrit par un processus stochastique.

- $D_n$  variable aléatoire mesurant l'instant de départ du  $n^{\text{ième}}$  client
- $X_n$  variable aléatoire mesurant le temps de service du  $n^{\text{ième}}$  client (temps entre début et fin de service)



#### a. Simulation d'un processus d'arrivée : processus de Poisson

Supposons que le temps d'inter-arrivée des clients suive une loi exponentielle avec un taux d'arrivée constant  $\lambda$ . Le processus d'arrivée correspond donc à un processus de Poisson

Algorithme de simulation d'un processus de Poisson:

```

T(1)= -ln(rand)/λ ; % Temps d'arrivé du 1er client
i=1 ;
Faire
    u=-ln(rand)/λ ; % Temps entre 2 arrivées consécutives
    T(i+1)=T(i) + u ; % Temps d'arrivée du (i+1)ime client
    i=i+1 ;
Tant que T(i) ≤ Tfin % Tfin est la durée d'observation donnée
    
```

*b. Simulation d'un processus de départ*

Le temps de service suivent une loi exponentielle de paramètre  $\mu$ . Simuler le processus de départ des clients.

Algorithme de simulation du processus de départ

```

TS=-ln(rand)/μ ; % Temps de service du 1er client
D(1)=T(1)+TS ; % Temps de départ du 1er client
i=1 ;
Faire
    TS=-ln(rand)/μ ;
    D(i+1)=max(T(i+1),D(i))+ TS ; % Temps de départ du (i+1)ime client
    i=i+1 ;
Tant que D(i) ≤ Tfin % Tfin est la durée d'observation donnée
    
```

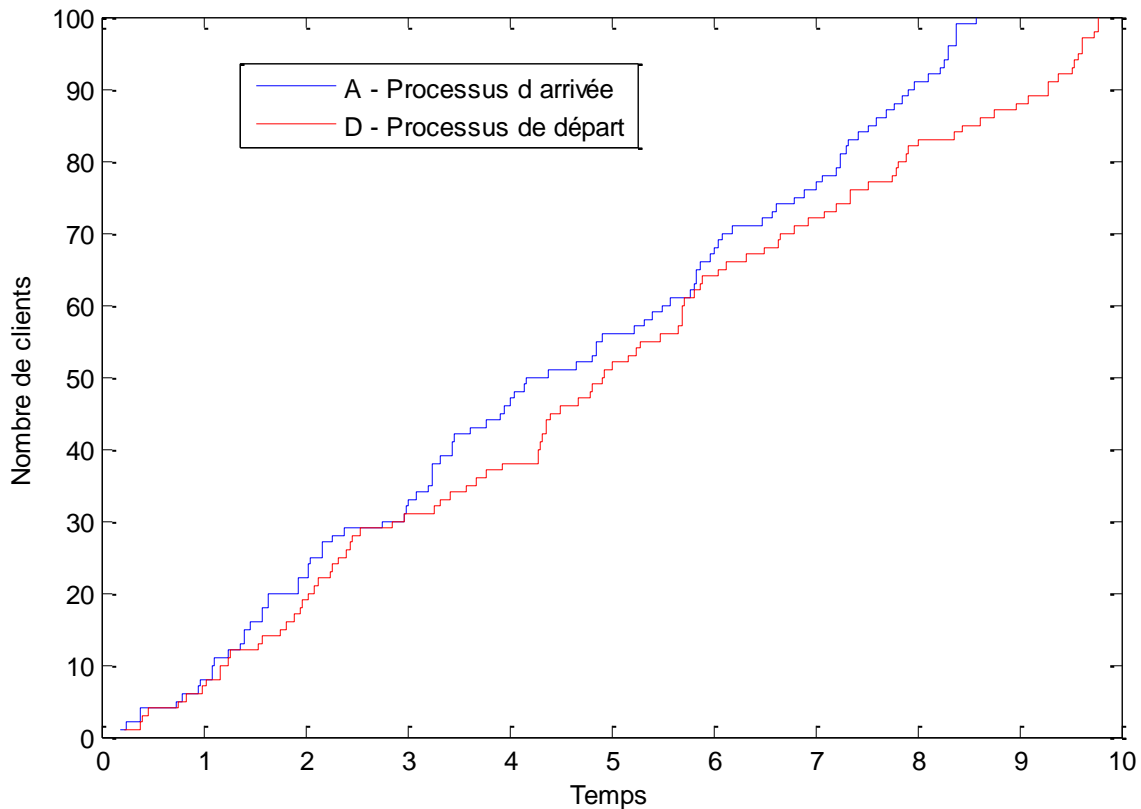


Illustration de processus d'arrivée et de départ

## 2. Application

Considérons un système de bases de données. Supposons que le temps entre deux arrivées consécutives suit une loi exponentielle avec une moyenne de  $300-50 \cdot k$  requêtes par seconde. Le temps de traitement est ainsi supposé suivre une loi exponentielle avec une durée moyenne de traitement de  $2 \cdot k$  ms/requête. La buffer peut accueillir une infinité de requêtes (capacité infinie).

1. Utilisez le programme créé ci-dessus afin de simuler l'évolution du nombre de requêtes dans le système pour une durée d'une minute. A partir de données simulées, calculez, avec un niveau de confiance de 95%, le temps moyen d'attente, temps moyen de service, nombre moyen de requêtes dans le système, taux d'occupation du serveur, le débit ?
2. Même question 1 pour le cas où le taux d'arrivée des requêtes varie de  $300-50 \cdot k$  à  $500/k$  requêtes/seconde. Commentez-vous les résultats obtenus
3. On suppose maintenant la taille du buffer est limitée et varie de 1 à  $10+2 \cdot k$  requêtes. Modifiez votre programme afin de prendre en compte cette contrainte ? Calculez ensuite le taux de pertes. Tracer le taux de pertes en fonction de la taille du buffer.