# Кафедра электродинамики Отчет по лабораторной работе №1

### Электромагнитное экранирование

Выполнили студенты 440 группы Войтович Д.А., Понур К.А.

## Содержание

1	Элементы теории		2
	1.1	Основные понятия	2
	1.2	Расчет экранирующего действия металлических оболочек	2
<b>2</b>	Пра	актическая часть	4

### Цели работы

Настоящая работа преследует две основные цели.

- Экспериментальное наблюдение явления экранирования переменного магнитного поля металлическими оболочками и выяснение роли основных физических факторов, определяющих степень проникновения поля через экран; к числу таких факторов относятся: свойства материала экрана (проводимость и магнитная проницаемость), толщина его стенок, частота поля.
- Теоретический расчет экранирующих свойств металлических оболочек на простой модели и сопоставление экспериментальных и теоретических данных.

## 1. Элементы теории

#### 1.1. Основные понятия

Под электромагнитным экранированием понимается изоляция некоторой области пространства от проникновения электромагнитах полей, существующих в соседних областях. В статических или переменных квазистационарных полях (которым соответствуют длины волн, много больше характерных размеров используемых приборов и устройств) такая изоляция осуществляется обычно с помощью замкнутых металлических оболочек — экранов. Явление экранирования поля проводящими оболочками имеет большое практическое значение. В частности, оно широко используется в электро- и радиотехнике для уменьшения паразитных связей между различными элементами приборов. В некоторых случаях, напротив, может возникнуть необходимость принимать специальные меры для борьбы с этим явлением.

Общей физической причиной ослабления поля внутри экрана является то обстоятельство, что наведенные в нем внешним полем токи (или заряды) создают во внутренней области поле, противоположное внешнему. В результате суммарное поле в этой области, складывающиеся из полей внешних и наведенных источников, уменьшается.

#### 1.2. Расчет экранирующего действия металлических оболочек

В качестве экранов в работе используются оболочки цилиндрической формы. Строгий расчет их экранирующего действия представлял бы собой весьма сложную задачу, требующую использования численных методов. Однако, для получения качественных оценок ослабления поля в экранированной области и установления общего характера его зависимости от параметров можно ограничиться изучением более простых моделей, допускающих точное решение задачи в известных аналитических функциях. Моделями такого рода

являются, например, плоский, цилиндрический и сферический слои. Поскольку высота и диаметр внутренней полости используемых в работе экранирующих цилиндров одинаковы и весьма малы по сравнению с длиной волны в свободном пространстве  $\lambda_0$ , наиболее адекватной моделью, по-видимому, следует считать сферический слой, который имеет тот же объем внутренней полости и внешний радиус  $a \ll \lambda_0$ . Последнее условие означает, что вне металла, т.е. как во внешней, так и в экранируемой областях) поле можно рассматривать как квазистатическое. Подробное решение задачи об экранирующих свойствах сферического слоя по отношению к переменному магнитному полю дано в Приложении, помещенном в конце данного описания. Ниже приведены основные результаты этого решения.

Если замкнутая однородная сферическая оболочка помещена в квазистатическое внешнее поле с комплексным вектором напряженности  $\vec{H}_0 e^{i\omega t}$ , которое в её отсутствие является однородным, то поле в ограничиваемой ею области  $\vec{H}_1 e^{i\omega t}$  также однородно. Эффективности экранирования удобно характеризовать величиной отношения комплексных амплитуд этих полей:

$$\eta_m = \frac{H_0}{H_1}.\tag{1}$$

Величина  $|\eta_M|$  показывает, в какое число раз ослабляется поле в экранированной области, и может быть названа коэффициентов ослабления. Она, естественно, сильно зависит от соотношения между толщиной экрана d и толщиной скин-слоя  $\delta = \frac{c}{\sqrt{2\pi\sigma\mu\omega}}$  (c – скорость света в вакууме,  $\sigma$  – проводимость,  $\mu$ – магнитная проницаемость экрана). В двух предельных случаях ( $\delta \ll d$  и  $\delta \gg d$ ) выражение для  $\eta_m$  (в общем случае довольно громоздкое) сильно упрощается и при выполнении дополнительного условия  $d \ll a$  принимает следующий вид

 $\delta \ll d$  (сильный скин-эффект)

$$\eta_m = \frac{1}{6} \left[ (1-i)\frac{\mu\delta}{a} + 3 + (1+i)\frac{a}{\mu\delta} \right] \exp\left[ (1+i)\frac{d}{\delta} \right]. \tag{2}$$

При  $\mu = 1$ 

$$\eta_m = \frac{1}{6}(1+i)\frac{a}{\delta} \exp\left[(1+i)\frac{d}{\delta}\right]. \tag{3}$$

 $\delta \gg d$  (скин-эффект отсутствует

$$\eta_m = 1 + \frac{2}{3} \frac{d}{a} \frac{(\mu - 1)^2}{\mu} + i \frac{2}{3} \frac{ad}{\mu \delta^2}.$$
 (4)

При  $\mu = 1$ 

$$\eta_m = 1 + i \frac{2ad}{3\delta^2}. (5)$$

Для приближенных оценок величины  $\eta_m$  (с точностью  $\sim 10\%$  выражения (2)- (5) можно использовать и в промежуточном случае ( $\delta \simeq d$ ), разграничивая области применимости формул (2), (3), с одной стороны, и (4), (5), с другой стороны, точкой  $\delta = d$ .

Заметим, что приведенные результаты расчета позволяют описать также экранирующее действие металлической оболочки по отношению к переменному электрическому полю. В частности, при  $\delta\gg a$  выражение для комплексного коэффициента ослабления электрического поля  $\eta_e$  легко получается на основании принципа перестановочной двойственности из выражения (4) путем замены в нем магнитной проницаемости  $\mu$  на диэлектрическую проницаемость проводника  $\epsilon=\frac{4\pi\sigma}{i\omega}$ . В диапазоне радиочастот величина  $|\epsilon|$  для хороших проводников и определяемая ею величина  $|\eta_e|$  принимают чрезвычайно высокие значения, недоступные для измерений в условиях настоящей работы даже при весьма малой толщине экранов. Например, при  $\frac{d}{a}\simeq 10^{-3}, \sigma\simeq 10^{17}~{\rm c}^{-1}, \omega\simeq 10^4~{\rm c}^{-1}$ , пренебрегая в (4) малыми членами и заменяя  $\mu$  на  $\epsilon$ , получаем:

$$\eta_e = \frac{2\epsilon d}{3a} = \frac{-i8\pi\sigma d}{3\omega a} \simeq -i \cdot 10^{11}.$$
 (6)

В полном соответствии с законами электростатики при  $\omega \to 0$  величина  $\eta_e \to \infty$ , т.е. электрическое поле внутрь экрана не проникает.

### 2. Практическая часть

### Список литературы

- [1] Сарафанов Ф.Г. Блог «Physics & other». Н.Новгород: РФФ ННГУ, 2019.
- [2] Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Электродинамика сплошных сред М.: Физматлиц, 2005. §§56-61, задачи №1 к §59 и №5 к §86.
- [3] Нейман Л.Р., Димирчан К.С., Юринов В.М. Руководство к лаборатории электромагнитного поля. М.: Высшая школа, 1966. Работа №11.
- [4] Каден Г. Электромагнитные экраны в высокочастотной технике и электросвязи. М.:Госэнергоиздат, 1957. –327 с.