Нижегородский государственный университет имени Н.И. Лобачевского Радиофизический факультет. Кафедра Электродинамики.

Отчет по лабораторной работе N_21

Волноводные ферритовые устройства СВЧ диапазона

Выполнили студенты 440 группы Карусевич А.А., Шиков А.П.

Цель работы: Изучение электродинамических систем, содержащих гиротропные элементы - ферриты.

1. Теоритическая часть

1.1. Введение

Известно, что в линейных анизотропных средах с симметричными тензорами диэлектрической и магнитной проницаемости $\varepsilon_{ij} = \varepsilon_{ji}, \mu_{ij} = \mu_{ji}$ (а также в обычных изотропных средах) имеет место теорема взаимности. Эта теорема оказывается несправедливой в средах с несимметричными тензорами проницаемостей, в частности, в так называемых гиротропных средах, к которым принадлежат плазма и ферриты, находящиеся во внешнем постоянном магнитном ноле.

Используя невзаимные свойства гиротропных сред, можно создавать устройства, канализирующие электромагнитные волны в одном направлении и почти не пропускающие в противоположном направлении. Этим объясняется широкое применение ферритов в волноводных устройствах сверхвысокочастотного (СВЧ) диапазона. К настоящему времени разработано большое количество устройств с ферритовыми элементами, имеющих различные конструктивные исполнения и электродинамические характеристики.

1.2. Анизотропные и гиротропные среды

Анизотропными средами называются среды, локальные макроскопические свойства которых различны в различных направлениях. Анизотропией обладают многие жидкости и большинство кристаллов. Поликристаллические вещества становятся анизотропными под воздействием давления, статических электрических и магнитных полей. Наряду с анизотропными существуют среды, локальные макроскопические свойства которых поиштрнаптны относительно зеркальных отражений, т.е. изменяются при некоторых зер-

кальных отражениях. Такие среды называются оетостноппонктшшыми (пли гиротропными). Примерами таких сред могут служить кристаллы без центра симметрии или среды, состоящие из частиц, не обладающих центром симметрии. Некоторые среды приобретают гиротропные свойства при наложении внешнего магнитного поля. Такие среды принято называть магнитоактивными. Типичными примерами магиитоактивиых сред являются плазма и ферриты, находящиеся во внешнем постоянном магнитном поле.

Ферриты, представляют собой химические соединения оксида железа с оксидами других, так называемых характеризующих металлов (никеля, кобальта, магния, марганца, кадмия и т. д.). Особенностью этих материалов является сочетание гиротропных свойств с низкой электропроводностью, благодаря чему электромагнитные волны при определенных условиях могут распространяться в ферритах с достаточно малым затуханием.

Магнитные свойства ферритов определяются наличием в их кристаллической решетке атомов или ионов, обладающих отличным от нуля магнитным моментом. В отсутствие внешнего магнитного поля магнитные моменты ориентированы хаотически, и в целом феррит изотропен. В достаточно сильном постоянном магнитном поле \mathbf{H}_0 магнитные моменты всех атомов за время $\tau_0 \simeq (10^{-9}-10^{-7})$ с (время релаксации) устанавливаются по направлению магнитного поля. В этом состоянии феррит обладает значительной намагниченностью и становится анизотропной гиротроппой средой по отношению к высокочастотному электромагнитному полю.

В линейном анизотропном магнетике каждая компонента вектора магнитной индукции ${\bf B}$ представляет собой линейную функцию трех компонент ноля ${\bf H}$:

$$B_{x} = \mu_{xx}H_{x} + \mu_{xy}H_{y} + \mu_{xz}H_{z}$$

$$B_{y} = \mu_{yx}H_{x} + \mu_{yy}H_{y} + \mu_{yz}H_{z}$$

$$B_{z} = \mu_{zx}H_{x} + \mu_{zy}H_{y} + \mu_{zz}H_{z}$$
(1)

Величины $\mu_{ij}(i,j=x,y,z)$, входящие в соотношения (1), являются компонентами тензора второго ранга, называемого тензором магнитной проницае-

мости:

$$\hat{\mu} = \begin{pmatrix} \mu_{xx} & \mu_{xy} & \mu_{xz} \\ \mu_{yx} & \mu_{yy} & \mu_{yz} \\ \mu_{zx} & \mu_{zy} & \mu_{zz} \end{pmatrix}$$

$$(2)$$

С учетом (2) материальные уравнения (1) можно записать в удобной матричной форме

$$\mathbf{B} = \hat{\mu}\mathbf{H} \tag{3}$$

При наличии в феррите электромагнитного поля, изменяющегося во времени но гармоническому закону и имеющего напряженность $\mathbf{H}(\mathbf{r})e^{i\omega t}$, малую но сравнению с постоянным магнитным полем $\mathbf{H}_0 = H_0\mathbf{z}_0(|\mathbf{H}| \ll H_0)$, тензор магнитной проницаемости $\hat{\mu}$ принимает вид

$$\hat{\mu} = \begin{pmatrix} \mu & i\mu_a & 0 \\ -i\mu_a & \mu & 0 \\ 0 & 0 & \mu_{||} \end{pmatrix} \tag{4}$$

$$\mu = 1 + \frac{4\pi\chi\omega_H^2}{\omega_H^2 - \omega^2}, \quad \mu_a = \frac{4\pi\chi\omega_H\omega}{\omega_H^2 - \omega^2}, \quad \mu_{\parallel} = 1$$
 (5)

Здесь ω - круговая частота, χ - статическая магнитная восприимчивость феррита, $\omega_H = \frac{eH_0}{mc}$ - гирочастота электрона (m и e — масса и абсолютное значение заряда электрона соответственно, c — скорость света в вакууме).

Обратим внимание на то, что тензор (4) подчиняется соотношению $\mu_{ij} = \mu_{ji}^*$ т. е. является эрмитовым (знак «*» означает операцию комплексного сопряжения). Данное свойство имеет место для сред при пренебрежении потерями.

В отсутствие статического магнитного поля ($\mathbf{H}_0 = 0$) недиагональные элементы тензора (4) обращаются в пуль, диагональные компоненты μ и $\mu_{||}$ принимают одинаковые значения ($\mu = \mu_{||}$), и феррит становится изотропным.

При стремлении частоты поля ω к гирочастоте ω_H компоненты μ и μ_a обращаются в бесконечность. Это явление называют ферромагнитным резонансом. В действительности из-за диссипативных процессов элементы тензора μ

и μ_a становятся весьма большими, но не бесконечными. Потери в феррите в случае малой диссипации можно учесть феноменологически, заменив частоту ω_H в выражениях (5) па комплексную величину $\tilde{\omega}_H = \omega_H + i\gamma\omega$, где γ — безразмерный параметр диссипации ($\gamma \ll 1$).

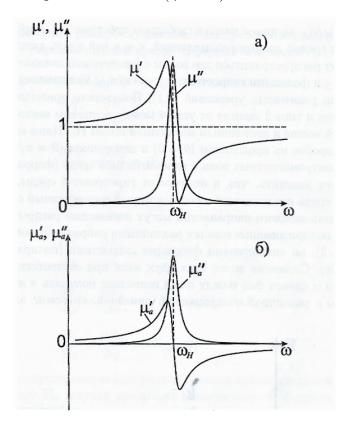


Рис. 1: Качественный вид зависимостей величин μ' , $\mu''(a)$ и μ'_a , μ''_a (b) от частоты ω

Таким образом, при учете потерь величины μ и μ_a являются комплексными, т. е. $\mu = \mu' - i\mu''$, $\mu_a = \mu'_a - i\mu''_a$, а тензор $\hat{\mu}$ перестает быть эрмитовым $(\mu_{ij} \neq \mu^*_{ji})$. Качественные зависимости действительных и мнимых частей этих величин от частоты ω при фиксированном статическом поле H_0 показаны на рис. 1. Из рис. 1 видно, что в случае $\omega = \omega_H$ и величины μ'' и μ''_a максимальны, что свидетельствует о резонансном поглощении электромагнитного поля ферритом. Следует отметить, что в ограниченных ферритовых образцах внутреннее статическое магнитное поле \mathbf{H}_0 отличается от внешнего поля \mathbf{H}_{BH} , в которое помещен образец. Поэтому частота ферромагнитного резонанса при заданном поле \mathbf{H}_{BH} зависит от формы образца и его ориентации

относительно внешнего магнитного поля. Для определения внутреннего ноля в образце следует решить соответствующую краевую задачу магнитостатики.

1.3. Распространение электромагнитных волн в гиротропной среде

Рассмотрим неограниченную гиротропную среду с тензором магнитной проницаемости (4) и скалярной диэлектрической проницаемостью ε . Такую среду принято называть гиромагнитной. Уравнения Максвелла для комплексных амплитуд $\mathbf{E}(\mathbf{r})$, $\mathbf{H}(\mathbf{r})$ в гиромагнитной среде без источников ($\mathbf{j}^e = \mathbf{j}^m = 0$) имеют вид

$$\operatorname{rot} \mathbf{E} = -ik_0\hat{\mu}\mathbf{H}, \quad \operatorname{rot} \mathbf{H} = ik_0\varepsilon\mathbf{E} \tag{6}$$

где $k_0 = \omega/c$ — волновое число в свободном пространстве. Гиротропная среда является средой двоякопреломляющей, т. е. в ней вдоль каждого направления могут распространяться две волны с различными показателями преломления $n_{1,2}$ и фазовыми скоростями $v_{\phi 1,2} = c/n_{1,2}$, являющиеся линейно независимыми решениями уравнений (6). Показатели преломления волн как типа 1, так и типа 2 зависят от угла θ между волновым вектором \mathbf{k} соответствующей волны и постоянным магнитным полем \mathbf{H}_0 . Ниже мы остановимся более подробно на продольном ($\theta = 0$) и поперечном ($\theta = \pi/2$) распространении электромагнитных волн в гиромагнитной среде (феррите).

Следует заметить, что, в отличие от гиротропной среды, обычная изотропная среда представляет собой некоторый вырожденный случай, так как в ней вдоль каждого направления могут независимо распространяться две линейно поляризованные волны с различными направлениями векторов поля, но одинаковыми фазовыми скоростями (поляризационное вырождение). Сложение полей этих двух воли при соответствующем выборе амплитуд и сдвига фаз между ними позволяет получать в изотропной среде волны с различной поляризацией (линейной, круговой, эллиптической). В анизотропных и гиротроппых средах поляризационное вырождение отсутствует, и каждой волне

с определенным значением показателя преломления соответствует фиксированная поляризация, отличающаяся в общем случае от линейной.

1.3.1 Продольное распространение электромагнитных волн в гиромагнитной среде. Эффект Фарадея

Запишем уравнения (6) в декартовых координатах:

$$\frac{\partial H_z}{\partial y} - \frac{\partial H_y}{\partial z} = ik_0 \varepsilon E_x,
\frac{\partial H_x}{\partial z} - \frac{\partial H_z}{\partial x} = ik_0 \varepsilon E_y,
\frac{\partial H_y}{\partial x} - \frac{\partial H_x}{\partial y} = ik_0 \varepsilon E_z,
\frac{\partial E_z}{\partial y} - \frac{\partial E_y}{\partial z} = -ik_0 (\mu H_x + i\mu_a H_y),
\frac{\partial E_x}{\partial z} - \frac{\partial E_z}{\partial x} = -ik_0 (-i\mu_a H_x + \mu H_y),
\frac{\partial E_y}{\partial x} - \frac{\partial E_x}{\partial y} = -ik_0 \mu_{\parallel} H_z$$
(7)

Рассмотрим распространение однородной плоской волны вдоль оси z, параллельной вектору \mathbf{H}_0 (случай продольно намагниченного феррита). В этом случае уравнения (7) принимают вид $(\mathbf{E}(\mathbf{r}), \mathbf{H}(\mathbf{r}) \propto e^{-ihz})$

$$hH_{y} = k_{0}\varepsilon E_{x}, \quad hE_{y} = -k_{0} (\mu H_{x} + i\mu_{a}H_{y}),$$

 $hH_{x} = -k_{0}\varepsilon E_{y}, \quad hE_{x} = k_{0} (-i\mu_{a}H_{x} + \mu H_{y}),$ (8)
 $E_{z} = H_{z} = 0$

Из (8) получаем

$$ik_0^2 \varepsilon \mu_a E_x + \left(h^2 - k_0^2 \varepsilon \mu\right) E_y = 0$$

$$\left(h^2 - k_0^2 \varepsilon \mu\right) E_x - ik_0^2 \varepsilon \mu_a E_y = 0$$
(9)

Система линейных уравнений (9) имеет нетривиальное решение, если ее определитель равен нулю:

$$(h^2 - k_0^2 \varepsilon \mu)^2 - k_0^4 \varepsilon^2 \mu_a^2 = 0, \tag{10}$$

откуда следует

$$h_{1,2}^2 = k_0^2 \varepsilon \left(\mu \pm \mu_a\right) \tag{11}$$

Таким образом, в продольно намагниченном феррите могут распространяться две поперечные волны с различными постоянными распространения, т. е. с различными фазовыми скоростями и затуханиями.

Для волны, бегущей в положительном направлении оси z с постоянной распространения $h_1 = k_0 n_1 = k_0 \sqrt{\varepsilon (\mu + \mu_a)}$, из уравнений (8)-(11) имеем соотношения

$$E_x = iE_y, \quad H_x = iH_y, \quad \frac{E_x}{H_y} = -\frac{E_y}{H_x} = \sqrt{\frac{\mu + \mu_a}{\varepsilon}}$$
 (12)

а для волны с постоянной распространения $h_2 = k_0 n_2 = k_0 \sqrt{\varepsilon (\mu - \mu_a)}$ — соотношения

$$E_x = -iE_y, \quad H_x = -iH_y, \quad \frac{E_x}{H_y} = -\frac{E_y}{H_x} = \sqrt{\frac{\mu - \mu_a}{\varepsilon}}$$
 (13)

Полученные выражения показывают, что поля \mathbf{E} и \mathbf{H} обеих волн взаимно перпендикулярны и поляризованы по кругу с правым направлением вращения векторов \mathbf{E}, \mathbf{H} относительно направления постоянного магнитного поля \mathbf{H}_0 у первой волны (h_1) и с левым — у второй (h_2) .

Из (8)-(12) следует, что для правополяризованной волны, распространяющейся в положительном направлении оси z, справедливы соотношения

$$\mathbf{E} = E_0 \left(\mathbf{x}_0 - i \mathbf{y}_0 \right) e^{-ih_1 z}, \quad \mathbf{H} = \sqrt{\frac{\varepsilon}{\mu_1}} E_0 \left(i \mathbf{x}_0 + \mathbf{y}_0 \right) e^{-ih_1 z}$$

$$h_1 = k_0 \sqrt{\varepsilon \mu_1} = \alpha_1 - i\beta_1, \quad v_{\Phi 1} = \omega / \alpha_1$$
(14)

где $\mu_1 = \mu + \mu_a = \mu_1' - i\mu_1''$ - эквивалентная магнитная проницаемость (см. рис. 2), $v_{\phi 1}$ — фазовая скорость волны.

Магнитная проницаемость μ_1 при значениях ω_H , близких к круговой частоте волны ω (то есть при магнитном поле \mathbf{H}_0 , близком к резонансному значению $H_{\mathrm{pes}} = \frac{mc\omega}{e}$ (см. рис. 2)) имеет большую мнимую часть. Поэтому правополяризованная волна может испытывать значительное резонансное поглощение.

Для левополяризованной волны, распространяющейся в положительном направлении оси z, имеем

$$\mathbf{E} = E_0 \left(\mathbf{x}_0 + i \mathbf{y}_0 \right) e^{-ih_2 z}, \quad \mathbf{H} = \sqrt{\frac{\varepsilon}{\mu_2}} E_0 \left(-i \mathbf{x}_0 + \mathbf{y}_0 \right) e^{-ih_2 z}$$

$$h_2 = k_0 \sqrt{\varepsilon \mu_2} = \alpha_2 - i\beta_2, \quad v_{\oplus 2} = \omega / \alpha_2$$
(15)

где $\mu_2 = \mu + \mu_a = \mu_2' - i\mu_2''$. Эта волна, в отличие от правополяризованной, не испытывает резонансного поглощения (рис. 2). Нужно подчеркнуть,

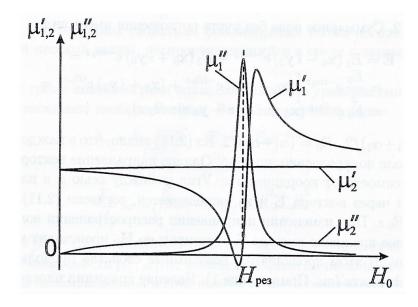


Рис. 2: Зависимости действительных и мнимых частей эквивалентных магнитных проницаемости $\mu_{1,2}=\mu'_{1,2}-i\mu''_{1,2}$ ддя воли с правой и левой круговой поляризацией в продольно намагниченном феррите от величины подмагничивающего ноля

что направление вращения (правое или левое) для воли с круговой поляризацией определяется относительно оси z, которая всегда совмещается с направлением постоянного поля подмагничивания, независимо от того, в каком направлении происходит распространение волны. При распространении в отрицательном направлении оси z левополяризованиая относительно направления распространения волна обладает теми же свойствами, что и правополяризованная относительно \mathbf{H}_0 волна, распространяющаяся в сторону положительных значений z. Аналогичное утверждение справедливо и в от-

ношении волны с противоположным направлением вращения векторов **E**, **H** (докажите эти утверждения самостоятельно).

При распространении воли в гиротропной среде часто приходится сталкиваться с одновременным присутствием сразу двух воли— с левой и правой поляризацией. Покажем, что различие фазовых скоростей этих воли приводит к вращению плоскости поляризации ноля, являющегося их суперпозицией.

Рассмотрим распространение в феррите двух волн с левым и правым направлениями вращения векторов ноля и одинаковыми амплитудами $E_1 = E_2 = E_0/2$. Суммарное поле без учета поглощения имеет вид:

$$\mathbf{E} = E_{1} (\mathbf{x}_{0} - i\mathbf{y}_{0}) e^{-i\alpha_{1}z} + E_{2} (\mathbf{x}_{0} + i\mathbf{y}_{0}) e^{-i\alpha_{2}z} =$$

$$= \frac{E_{0}}{2} e^{-i\alpha_{0}z} \left[(\mathbf{x}_{0} - i\mathbf{y}_{0}) e^{-iR_{0}z} + (\mathbf{x}_{0} + i\mathbf{y}_{0}) e^{iR_{0}z} \right] =$$

$$= E_{0} e^{-i\alpha_{0}z} (\mathbf{x}_{0} \cos R_{0}z - \mathbf{y}_{0} \sin R_{0}z)$$
(16)

где $\alpha_0 = (\alpha_1 + \alpha_2)/2$, $R_0 = (\alpha_1 - \alpha_2)/2$. Из (16) видно, что в каждом сечении z= const поле поляризовано линейно. Однако направление вектора **E** меняется в зависимости от координаты z. Угол φ между осью x и плоскостью, проходящей через вектора **E** и \mathbf{z}_0 , определяется, согласно (16), выражением $\varphi = R_0 z$. При изменении направления распространения волн на противоположное вращение вектора **E** относительно \mathbf{H}_0 происходит в прежнем направлении. В этом проявляются невзаимные свойства продольно намагниченного феррита. Явление вращения плоскости поляризации в магиитоактивпой среде называют эффектом Фарадея, а величину $R_0 = k_0 \sqrt{\varepsilon} (\sqrt{\mu' + \mu'_a} - \sqrt{\mu' - \mu'_a})/2$, определяющую скорость вращения плоскости поляризации, — постоянной Фарадея.

2. Экспериментальная часть

Оборудование:

- Генератор СВЧ излучения с регулируемыми частотой и ослаблением.
- Волноводный переключатель с взаимным фазовращателем
- Циркулятор на эффекте Фарадея
- Волноводный вентиль
- Измерительный тракт
- Согласованные нагрузки

Во всех экспериментах частота генератора f_g была постоянной и не изменялась: $f_g=10.6~\Gamma\Gamma$ ц.

2.1. Волноводный переключатель

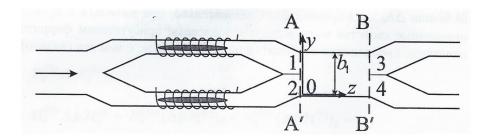


Рис. 3: Волноводный переключатель с взаимным фазовращателем

Взаимный фазовращатель представляет собой отрезок прямоугольного волновода с продольно намагниченным ферритом, расположенным вдоль оси волновода. Путем изменения поля подмагничивания фазовращатель позволяет регулировать набег фазы на участке волновода с ферритом. Два таких фазовращателя используются в волноводном переключателе, изображенном схематически на рис. 3.

В ходе работы производились измерения мощности на выходе плеч волноводного переключателя, в зависимости от токов через обмотки фазовращателей. Таблица с измерениями приведена в приложении (см таблицу 2).

Ниже приведены графики зависимости мощности в разных плечах установки от величины тока, протекающего через обмотки фазовращателей.

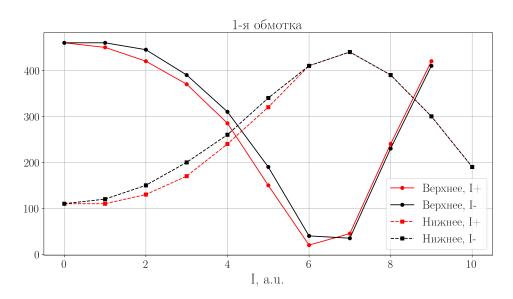


Рис. 4: Мощность в плечах переключателя от тока в 1й обмотке.

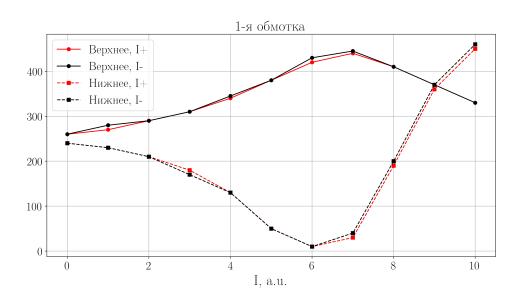


Рис. 5: Мощность в плечах переключателя от тока во 2й обмотке.

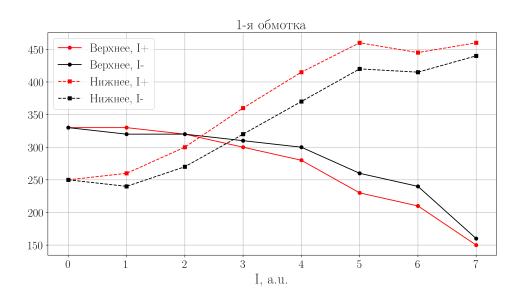


Рис. 6: Мощность в плечах переключателя от тока в 1й и 2й обмотке.

2.2. Циркулятор на эффекте Фарадея

Циркулятор на эффекте Фарадея представляет собой отрезок круглого волновода с помещенным внутри него ферритом, подмагничивание которого осуществляется продольным полем соленоида. К каждому из концов циркулятора подключены два взаимно-перпендикулярных волновода, причем волноводы, подходящие к противоположным концам циркулятора, повернуты относительно друг друга па 45° (рис. 7). Циркулятор работает следующим

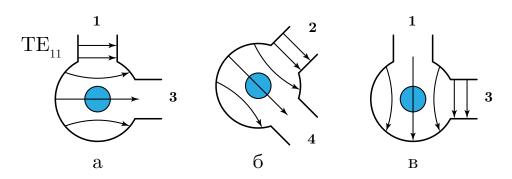


Рис. 7: Схема работы циркулятора на эффекте Фарадея

образом. Допустим, что высокочастотная мощность поступает в систему через волновод 1. При определенном значении поля подмагничивания в феррите

плоскость поляризации волны в противоположном конце круглого волновода оказывается повернутой на 45° относительно своего исходного положения (см. рис. 76). В этом случае мощность поступает в волновод 2, а волновод 4 не возбуждается, т. е. мощность поступает из первого плеча циркулятора во второе.

Если при той же величине поля подмагничивания циркулятор запитывать из второго плеча, плоскость поляризации волны TE_{11} будет поворачиваться в том же направлении относительно \mathbf{H}_0 (в изображенном случае — по часовой стрелке). Такое поле возбуждает лишь 3-й волновод (рис. 7в).

в отчет

Исследование схемы работы циркулятора на эффекте Фарадея. Схема установки приведена на рис. 8. Циркулятор был настроен таким образом, чтобы при подключении генератора к 1-му плечу, при измерении, мощность во 2-й плече была максимальной, при минимальных мощностях в 3-м и 4-м плечах.

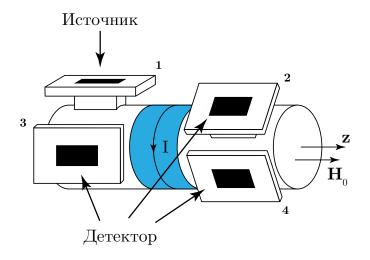


Рис. 8: Схема установки с циркулятором

Источник поочередно подключался ко всем 4-м волноводам. Измерения проводились на оставшихся 3-х волноводах, при этом волноводы замыкались согласованной нагрузкой. Произведенные замеры приведены в таблице 1.

Исходя из измерений, можно сказать, что циркулятор работает, в соот-

$k \setminus i$	1	2	3	4
1		$\frac{85}{370}$	$\frac{0}{0}$	$\frac{360}{40}$
2	$\frac{410}{110}$		$\frac{110}{360}$	$\frac{80}{100}$
3	$\frac{0}{0}$	$\frac{360}{100}$		$\frac{60}{350}$
4	$\frac{40}{380}$	$\frac{65}{65}$	$\frac{360}{70}$	

Таблица 1: i - номер волновода, к которому подключен источник, k - номер волновода, с которого снимаются показания. Верхние значения соответствуют «положительному» направлению тока через обмотку, а нижние - «отрицательному»

ветствии с теорией. Основной процент мощности, при «положительном» токе, циркулирует следующим образом : $1 \to 2 \to 3 \to 4 \to 1$, и в обратном направлении при «отрицательном» токе (т.е. $1 \to 4 \to 3 \to 2 \to 1$).

Так как поворот плоскости поляризации при распространении в положительном направлении оси z происходит по часовой стрелке (относительно оси z при положительном R_0), то в эксперименте, при «положительном» токе, направление оси z совпадает с направлением на рис. 8. При «отрицательном» токе, направление напряженности магнитного поля \mathbf{H}_0 меняется, вместе с направлением оси z (см. рис. 9).

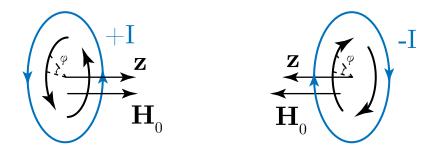


Рис. 9: Напрявление протекания тока и поворота плоскости поляризации.

2.3. Волноводный вентиль

2.4. Вывод

3. Приложение

k i	1	2	3	4
1		$\frac{85}{370}$	$\frac{0}{0}$	$\frac{360}{40}$
2	$\frac{410}{110}$		$\frac{110}{360}$	$\frac{80}{100}$
3	$\frac{0}{0}$	$\frac{360}{100}$		$\frac{60}{350}$
4	$\frac{40}{380}$	$\frac{65}{65}$	$\frac{360}{70}$	

Таблица 2: Протокол волноводного переключателя