Diskrete Mathematik

Patrick Bucher & Lukas Arnold

8. Mai 2017

Inhaltsverzeichnis

1 Diskrete Wahrscheinlichkeitsrechnung I

1.1 Wahrscheindlichkeit nach Laplace

$p(A) = \frac{|A|}{|S|} = \frac{Anzahl\ guenstige}{Anzahl\ moegliche}$

1.2 Komplement der Wahrscheindlichkeit

$p(\overline{A}) = 1 - p(A)$

1.3 Additionsregel

$p(A_1 \cup A_2) = p(A_1) + p(A_2) - p(A_1 \cap A_2)$

1.4 Bedingte Wahrscheinlichkeit

$p(A|B) = \frac{p(A \cap B)}{p(B)}$

1.5 Unabhängige Ereignisse

$p(A|B) = \frac{p(A \cap B)}{p(B)} = \frac{p(A)p(B)}{p(B)} = p(A)$

1.6 Satz der totalen Wahrscheindlichkeit

$p(A) = \sum_{i=1}^{k} p(A \cap B_i) = \sum_{i=1}^{k} p(A|B_i) \cdot p(B_i)$
$p(A|C) = \frac{1}{p(C)} \sum_{i=1}^{k} p(A \cap (B_i \cap C))$
$p(A|C) = \sum_{i=1}^{k} p(A|B_i) \cdot p(B_i|C)$

Spezialfall für 2 Mengen:
$p(A) = p(A|B) \cdot p(B) + p(A|\overline{B}) \cdot p(\overline{B})$

1.7 Satz von Bayes

$p(B_j|A) = \frac{P(A|B_j)\ p(B_j)}{p(A)} = \frac{p(A|B_j)\ p(B_j)}{\sum_{i=1}^{k} p(A|B_i) \cdot p(B_i)}$

Spezialfall für 2 Mengen:
$p(B|A) = \frac{P(A|B)\ p(B)}{p(A|B) \cdot p(B) + p(A|\neg B) \cdot p(\overline{B})}$